4. 浮點數之連分數表示法 (Fraction)

問題描述

實數 (real number) 在做計算時都是用浮點數 (floating point number) 來取代的,或是用浮點數來做近似值以方便計算。例如: π 常用 3.1416 來近似。分數 (fraction number) 也常用於計算。分數可以用兩個整數來表示。例如 $\frac{22}{7}$ 。分數的另一種表示方式是連分數:

$$x = q_0 + \frac{1}{q_1 + \frac{1}{q_2 + \frac{1}{q_3 + \cdots}}} \circ$$

例如:

$$3.1416 = 3 + \frac{1}{7 + \frac{1}{16 + \frac{1}{11}}} \circ$$

可以證明有限位數的浮點數,其連分數表示法是有限的。請寫一個程式,將浮點數 x 轉換成連分數表示式。

輸入格式

輸入為一個十進位的正浮點數 x。浮點數 x 最多有 15 個數字,此串數字之中加上一個小數點。小數點左邊沒有無用的 0,但是小數點右邊可能會有,例如 0.10。

輸出格式

對輸入 x,假設 $x = q_0 + \frac{1}{q_1 + \frac{1}{q_2 + \frac{1}{q_3}}}$,則印出 $q_0;q_1,q_2,q_3$ 。在 q_0 和 q_1 之間用「;」隔開,其它 q_i 與 q_{i+1} 之間用「,」隔開,輸出中沒有空白。若輸入的 x 中小數點後全為 0,則只印出整數部位。

輸入範例 1 3.0	輸出範例 1 3
輸入範例 2	<u> </u>
2.5	2;2
輸入範例 3	輸出範例 3
3.1416	3;7,16,11
輸入範例 4	輸出範例 4
4.6232025	4;1,1,1,1,8,14,1,3,1,2,5,5

112 學年度高級中學資訊學科能力競賽北二區複賽試卷(下午場)

評分說明

此題目測資分成三組,每組測資有多筆測試資料,需答對該組所有測試資料才能獲得該組分數,各組詳細限制如下。

子任務	分數	額外輸入限制
1	30	x 最多有 5 個數字。
2	30	x 最多有 10 個數字。
3	40	無特殊限制。