首先考虑链怎么做,我们考虑  $dp_{i,j}$  表示到第 i 个点,染的颜色为 j 的方案数,我们用线段树维护转移,只需要支持区间乘和加即可。

然后是环,我们考虑断环,为了方便,我们选择  $a_i$  最小的作为开头。然后我们容斥,也就是总方案数于升头结尾选择一样的颜色的方案数

+开头和倒数两个都一样的方案数-......。因为  $a_1$  是最小的,所以我们总可以让倒数若干个和第一个颜色一样。

复杂度即为 O(nlogn)。