

# 你还没有卸载吗

---

## 测试点1

输出0即可。

## 测试点2 ~ 3

暴力即可

## 测试点4 ~ 5

因为当 $x > A_1$ 的时候 $\lfloor \frac{A_1}{x} \rfloor = 0$ ，由此可以暴力枚举小于 $A_1$ 的 $x$ ，大于的时候整体处理。

## 测试点6 ~ 7

即 $\lfloor \frac{A_1}{x} \rfloor = \lfloor \frac{A_2}{x} \rfloor$

出题人乱设的部分分。其实是想提醒你考虑 $\lfloor \frac{A_1}{x} \rfloor$ 的取值种类。

## 测试点8 ~ 10

呈上，你只需要发现 $\lfloor \frac{A_1}{x} \rfloor$ 的取值种类是 $\mathcal{O}(\sqrt{A_1})$ 种。然后这题就没了，你可以用类似整除分块的写法求出有多少组这样的取值。复杂度 $\mathcal{O}(T\sqrt{A_1})$ 。

# 你还没有AK吗

## 测试点1 ~ 2

暴力枚举初始的 $x, y$ , 然后不断进行 `x=x+y; y=x+y` 判断是否存在某一时刻 $x = X$ 。

## 测试点3 ~ 4

我们只枚举初始 $x$ 的取值, 设 $y = k$ , 然后带入 `x=x+y, y=x+y` 的过程里去, 这样每一个时刻 $x$ 的值就是 $ak + b$ 的形式, 其中 $a, b$ 是定值, 然后就是判断 $ak + b = X$ 是否有 $k \in [1, M]$ 的解了。

## 测试点5 ~ 6

如果你将上面的 $a, b$ 输出, 或仔细想了想, 你是可以得到 $a = f_i, b = f_{i+1}$ , 其中 $i$ 为奇数。

然后就是求 $xf_i + yf_{i+1} = N (x \in [0, N], y \in [0, M])$ 的解的个数, 因为 $\gcd(f_i, f_{i+1}) = 1$ , 我们可以用扩欧求某一个特解 $x_0, y_0$ , 而我们知道满足条件的 $x \equiv x_0 \pmod{f_{i+1}}, y \equiv y_0 \pmod{f_i}$ , 因此我们可以找到 $x$ 最大且满足条件的解 $(x_1, y_1)$ , 和 $x$ 最小且满足条件的解 $(x_2, y_2)$ , 于是可以算出在当前情况下, 解的个数为 $\frac{x_1 - x_2}{f_{i+1}}$ 。复杂度为 $\mathcal{O}(n \log^2 X)$

## 测试点7 ~ 10

如果你又输出了每一组 $x_0, y_0$ , 你会发现刚好是 $x_0 = -f_{i-1}, y_0 = f_{i-2}$

为什么? 可以归纳法证明:

假设 $-f_i f_{i-1} + f_{i+1} f_{i-2} = 1$ 成立。

那么

$$\begin{aligned} & -f_{i+1} f_i + f_{i+2} f_{i-1} \\ &= -f_{i+1} (f_{i-1} + f_{i-2}) + (f_{i+1} + f_i) f_{i-1} \\ &= -f_{i+1} f_{i-2} + f_i f_{i-1} = -1 \end{aligned}$$

所以 $-f_{i+2} f_{i+1} + f_{i+3} f_i = 1$  (注意上面我们枚举的是 $i$ 为奇数的情况)

然后就可以优化掉一个log

## 关于细节

若没开 `__int128`, 你会WA on test 2,4,6,7,8,9,10

若没判断 `x=0`, 你会WA on test 1,2,4,6,8,10

若只枚举到了70个斐波那契数, 你会WA on test 2,4,7,8,10

## 赛道改造

考虑  $w_i, p_i \leq 10$  该怎么做：

因为最短路的变化量一定不超过 10，因此，我们可以去 *check* 每个答案是否可行。

当考虑能否将最短路变到  $> L$  的长度时，只要满足一下两点中任意一点，我们就将这条边拿出来：

- $dis_{1,a_i} + w_i + dis_{b_i,n} \leq L$

- $dis_{1,b_i} + w_i + dis_{a_i,n} \leq L$

其中， $dis_{x,y}$  表示  $x, y$  之间的距离。

那么，这些边是在我们操作后有可能成为长度  $\leq L$  的最短路上的边的，如果存在一条边，满足

- 满足上面的条件

- $dis_{1,a_i} + w_i + p_i + dis_{b_i,n} > L$

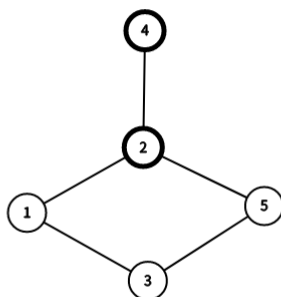
- $dis_{1,b_i} + w_i + p_i + dis_{a_i,n} > L$

- 处于在所有长度  $\leq L$  的最短路上，也就是位于  $1 \rightarrow n$  的 **必经之路** 上。

前三个都是好判断的，考虑到第 4 个条件类似与**桥**的定义，因此，我们可将将这些边新建一张图，然后跑 tarjan，求出桥即可。

注意，此处的 **必经之路** 与桥的定于略微不同，当从 1 开始跑 tarjan 时，只有一个边通向的点可以到达  $n$ ，并且满足桥的定义时，我们才认定它为 **必经之路**。简单特判一下就行了。

简单来说，下图边  $(2, 4)$  不能称作为桥。



接下来，发现有单调性，二分即可。时间复杂度  $\mathcal{O}(n \log m + m \log V)$

## 你还没有导光吗

我们发现，最佳的方式应该是所有人朝着  $k$  号人跑，然后如果遇见就跟上，当  $k$  号火炬燃烧完了，就直接续上，因此每个跟上的人相当于将燃烧时间  $+t$  秒。

接下来考虑二分，因此，我们转化成一下问题：

两个队列，必须按顺序点燃，每个物品点燃要  $a_i$  代价，之后会获得  $t$  的收益，初始的收益为  $t$ ，要求任何时候收益不能为负，问是否能将所有人点燃。

然后，我们考虑将每个队列分成若干个组，满足每个组点燃后总收益会增加，但是点燃任意一个前缀的收益会减少。

如果我们可以将每个队列全部分组，那么可以贪心选择，就是能点尽点，如果某时刻不行就回答否，否则回答是。

如果不能完全分组，那么将不能分组的物品拿出来，这些物品点燃每个前缀收益会减少。

此时，我们注意到最后总收益是确定的，因此我们可以时间倒流，将贡献加上  $\sum a_i - t$ ，并且将这些物品 reverse，那么就成了顺序点燃，每次点燃一个物品会付出  $t$  的代价，然后可以获得  $a_i$  的收益，要求任何时候收益不能为负。

因此我们可以将贡献取负，然后倒着搞一下之前的算法就行了。