

首页

新闻

博问

专区

闪存

班级

代码改变世界

Q

注册

登录

博客园 首页 新随管 联系 订间 管理

K-means聚类算法的三种改进(K-means++,ISODAT A,Kernel K-means)介绍与对比

一、概述

公告

昵称: Yixuan-Xu

园龄: 5年1个月

粉丝: 52

关注: 0 +加关注

在本篇文章中将对四种聚类算法(K-means,K-means++,ISODATA和Kernel K-means)进行详细介绍,并利用数据集来真实地反映这四种算法之间的区别。

首先需要明确的是上述四种算法都属于"**硬聚类**"算法,即数据集中每一个样本都是被100%确定得分到某一个类别中。与之相对的"**软聚类**"可以理解为每个样本是以一定的概率被分到某一个类别中。

先简要阐述下上述四种算法之间的关系,已经了解过经典K-means算法的读者 应该会有所体会。没有了解过K-means的读者可以先看下面的经典K-means算法介 绍再回来看这部分。

- (1) **K-means与K-means++:** 原始K-means算法最开始随机选取数据集中K个点作为聚类中心,而K-means++按照如下的思想选取K个聚类中心: 假设已经选取了n个初始聚类中心(0<n<K),则在选取第n+1个聚类中心时: 距离当前n个聚类中心越远的点会有更高的概率被选为第n+1个聚类中心。在选取第一个聚类中心(n=1)时同样通过随机的方法。可以说这也符合我们的直觉: 聚类中心当然是互相离得越远越好。这个改进虽然直观简单,但是却非常得有效。
- (2) **K-means与ISODATA**: ISODATA的全称是迭代自组织数据分析法。在K-means中,K的值需要预先人为地确定,并且在整个算法过程中无法更改。而当遇到高维度、海量的数据集时,人们往往很难准确地估计出K的大小。ISODATA就是针对这个问题进行了改进,它的思想也很直观: 当属于某个类别的样本数过少时把这个类别去除,当属于某个类别的样本数过多、分散程度较大时把这个类别分为两个子类别。

26	27	28	29	30	1	2
3	4	5	6	7	8	9
10	11	12	13	14	15	16
17	18	19	20	21	22	23
24	25	26	27	28	29	30
31	1	2	3	4	5	6

搜索	
	找找看
	谷歌搜索

随笔分类 ⑶
Deep Learning Toolkits(2)
Machine Learning(1)

段	直笔档案 (3)	
20	017年1月(1)	
20	016年9月(2)	

(3) **K-means与Kernel K-means**: 传统K-means采用欧式距离进行样本间的相似度度量,显然并不是所有的数据集都适用于这种度量方式。参照支持向量机中核函数的思想,将所有样本映射到另外一个特征空间中再进行聚类,就有可能改善聚类效果。本文不对Kernel K-means进行详细介绍。

可以看到,上述三种针对K-means的改进分别是从不同的角度出发的,因此都非常具有代表意义。目前应用广泛的应该还是K-means++算法(例如2016年底的NIPS上也有针对K-means++的改进,感兴趣的读者可以进一步学习)。

二、经典K-means算法

算法描述如下,非常清晰易懂。经典K-means算法应该是每个无监督学习教程 开头都会讲的内容,故不再多费口舌说一遍了。

经典 K-means 算法。

- Step 1: 从数据集中随机选取K个样本作为初始聚类中心 $C = \{c_1, c_2, ..., c_k\};$
- Step 2: 针对数据集中每个样本 x_i , 计算它到K个聚类中心的距离并将其分到距离最小的聚类中心所对应的类中;
- Step 3: 针对每个类别 c_i ,重新计算它的聚类中心 $c_i = \frac{1}{|c_i|} \sum_{x \in c_i} x$ (即属于该类的所有样本的质心);
- Step 4: 重复第2步和第3步直到聚类中心的位置不再变化;

图1. 经典K-means算法

阅读排行榜

- 1. K-means聚类算法的三种改进(K-means ++,ISODATA,Kernel K-means)介绍与对比 (101673)
- 2. 从零到一: caffe-windows(CPU)配置与 利用mnist数据集训练第一个caffemodel(3 5996)
- 3. 从一到二:利用mnist训练集生成的caffe model对mnist测试集与自己手写的数字进行测试(20492)

评论排行榜

- 1. 从零到一: caffe-windows(CPU)配置与 利用mnist数据集训练第一个caffemodel(2 5)
- 2. 从一到二:利用mnist训练集生成的caffe model对mnist测试集与自己手写的数字进行测试(23)

值得一提的是关于聚类中心数目(K值)的选取,的确存在一种可行的方法,叫做Elbow Method:通过绘制K-means代价函数与聚类数目K的关系图,选取直线拐点处的K值作为最佳的聚类中心数目。但在这边不做过多的介绍,因为上述方法中的拐点在实际情况中是很少出现的。比较提倡的做法还是从实际问题出发,人工指定比较合理的K值,通过多次随机初始化聚类中心选取比较满意的结果。

三、K-means++算法

2007年由D. Arthur等人提出的K-means++针对图1中的第一步做了改进。可以直观地将这改进理解成这K个初始聚类中心相互之间应该分得越开越好。整个算法的描述如下图所示:

K-means++算法。

Step 1: 从数据集中随机选取一个样本作为初始聚类中心 c_1 ; 。

Step 2: 首先计算每个样本与当前已有聚类中心之间的最短距离(即与最近的一个聚类中心的距离),用D(x)表示:接着计算每个样本被选为下一个聚类中心的概率 $\frac{D(x)^2}{\Sigma_{xex}D(x)^2}$ 。最后,按照轮盘法选择出下一个聚类中心;。

Step 3: 重复第 2 步直到选择出共K个聚类中心;。

之后的过程与经典 K-means 算法中第2步至第4步相同。

图2. K-means++算法

3. K-means聚类算法的三种改进(K-means ++,ISODATA,Kernel K-means)介绍与对比 (13)

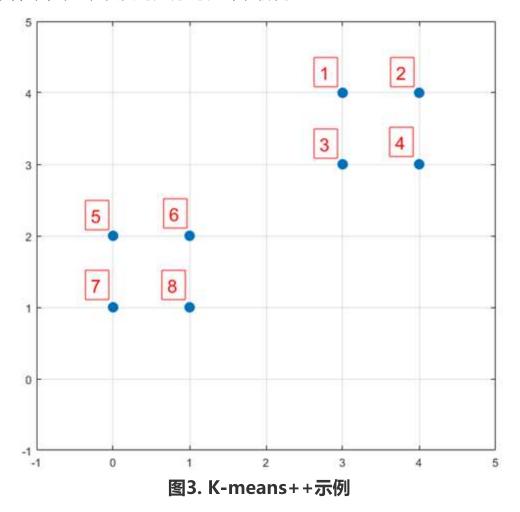
推荐排行榜

- 1. K-means聚类算法的三种改进(K-means ++,ISODATA,Kernel K-means)介绍与对比(11)
- 2. 从零到一: caffe-windows(CPU)配置与利用mnist数据集训练第一个caffemodel (8)
- 3. 从一到二:利用mnist训练集生成的caffe model对mnist测试集与自己手写的数字进行测试(5)

最新评论

1. Re:K-means聚类算法的三种改进(K-means++,ISODATA,Kernel K-means)介绍与对比

下面结合一个简单的例子说明K-means++是如何选取初始聚类中心的。数据集中共有8个样本,分布以及对应序号如下图所示:



假设经过图2的步骤一后6号点被选择为第一个初始聚类中心,那在进行步骤二时每个样本的*D(x)*和被选择为第二个聚类中心的概率如下表所示:

大神, 请问我可以选择不用欧式距离吗?

--JNU

2. Re:K-means聚类算法的三种改进(K-me ans++,ISODATA,Kernel K-means)介绍与对比

--小青儿

- 3. Re:K-means聚类算法的三种改进(K-means++,ISODATA,Kernel K-means)介绍与对比
- @ Con1同样不应该用k的地方还有一个...

--松松鼠

4. Re:K-means聚类算法的三种改进(K-me ans++,ISODATA,Kernel K-means)介绍与对比

Kmeanspp.mm里面第20行迭代计数不能用k? 另外 还有均值飘移程序应该错了?

序号。	(1) ₆	2.	30	4.	⑤.	60	Ø 0	8.
$D(x)$ \circ	2√2 ₽	√13 ₽	√5 ₽	√ 10 ₽	1 +	0 0	$\sqrt{2}$	1 0
$D(x)^2$	8 0	13 ₽	5 ₽	10 ₽	1 0	0 0	2 0	1 0
P(x)	0.2 0	0.325 +	0.125 +	0.25 ₽	0.025 0	0 0	0.05 0	0.025 0
Sum +	0.2 ↔	0.525 ₽	0.65 0	0.9 -	0.925 -	0.925 -	0.975 ₽	1 0

其中的P(x)就是每个样本被选为下一个聚类中心的概率。最后一行的Sum是概率 P(x)的累加和,用于轮盘法选择出第二个聚类中心。方法是随机产生出一个0~1之间的随机数,判断它属于哪个区间,那么该区间对应的序号就是被选择出来的第二个聚类中心了。例如1号点的区间为[0,0.2),2号点的区间为[0.2, 0.525)。

从上表可以直观的看到第二个初始聚类中心是1号,2号,3号,4号中的一个的概率为0.9。而这4个点正好是离第一个初始聚类中心6号点较远的四个点。这也验证了K-means的改进思想:即离当前已有聚类中心较远的点有更大的概率被选为下一个聚类中心。可以看到,该例的K值取2是比较合适的。当K值大于2时,每个样本会有多个距离,需要取最小的那个距离作为D(x)。

四、ISODATA算法

放在最后也是最复杂的就是ISODATA算法。正如之前所述, K-means和K-

means++的聚类中心数K是固定不变的。而ISODATA算法在运行过程中能够根据各

--Con1

5. Re:K-means聚类算法的三种改进(K-me ans++,ISODATA,Kernel K-means)介绍与对比.

请教一下大佬,为什么我调用clustering.m 时总是报错? 尝试将 SCRIPT varargin 作 为函数执行:C:\Program Files (x86)\MATL AB\toolbox\matl...

--Iris 4

个类别的实际情况进行两种操作来调整聚类中心数K: (1)分裂操作,对应着增加聚类中心数; (2)合并操作,对应着减少聚类中心数。

下面首先给出ISODATA算法的输入(输入的数据和迭代次数不再单独介绍):

- [1] 预期的聚类中心数目 *Ko*: 虽然在ISODATA运行过程中聚类中心数目是可变的,但还是需要由用户指定一个参考标准。事实上,该算法的聚类中心数目变动范围也由 *Ko*决定。具体地,最终输出的聚类中心数目范围是 [*Ko/2*, 2*Ko*]。
- [2] 每个类所要求的最少样本数目Nmin:用于判断当某个类别所包含样本分散程度较大时是否可以进行分裂操作。如果分裂后会导致某个子类别所包含样本数目小于Nmin,就不会对该类别进行分裂操作。
- [3] 最大方差Sigma: 用于衡量某个类别中样本的分散程度。当样本的分散程度超过这个值时,则有可能进行分裂操作(注意同时需要满足[2]中所述的条件)。

[4] 两个类别对应聚类中心之间所允许最小距离dmin:如果两个类别靠得非常近(即这两个类别对应聚类中心之间的距离非常小),则需要对这两个类别进行合并

操作。是否进行合并的阈值就是由dmin决定。

相信很多人看完上述输入的介绍后对ISODATA算法的流程已经有所猜测了。的确,ISODATA算法的原理非常直观,不过由于它和其他两个方法相比需要额外指定较多的参数,并且某些参数同样很难准确指定出一个较合理的值,因此ISODATA算法在实际过程中并没有K-means++受欢迎。

首先给出ISODATA算法主体部分的描述,如下图所示:

ISODATA 算法。

- Step 1: 从数据集中随机选取 K_0 个样本作为初始聚类中心 $C = \{c_1, c_2, ..., c_{K_0}\};$
- Step 2: 针对数据集中每个样本 x_i , 计算它到 K_0 个聚类中心的距离并将其分到距离最小的聚类中心所对应的类中: 。
- Step 3: 判断上述每个类中的元素数目是否小于 N_{min} 。如果小于 N_{min} 则需要丢弃该类,令 K = K 1,并将该类中的样本重新分配给剩下类中距离最小的类; 。
- Step 4: 针对每个类别 c_i ,重新计算它的聚类中心 $c_i = \frac{1}{|c_i|} \sum_{x \in c_i} x$ (即属于该类的所有样本的质心); \circ
- Step 5: 如果当前 $K \leq \frac{K_0}{2}$, 说明当前类别数太少, 前往分裂操作; 。
- Step 6: 如果当前 $K \ge 2K_0$, 说明当前类别数太多, 前往合并操作; →
- Step 7: 如果达到最大迭代次数则终止, 否则回到第2步继续执行; 。

图4. ISODATA算法的主体部分

上面描述中没有说明清楚的是第5步中的分裂操作和第6步中的合并操作。下面首先介绍合并操作:

ISODATA-合并操作。

- Step 1: 计算当前所有类别聚类中心两两之间的距离,用矩阵D表示,其中D(i,i)=0; 。
- Step 2: 对于 $D(i,j) < d_{min}(i \neq j)$ 的两个类别需要进行合并操作,变成一个新的类,该类的聚类中心位置为:

$$m_{new} = \frac{1}{n_i + n_j} (n_i m_i + n_j m_j).$$

上式中的 n_i 和 n_j 表示这两个类别中的样本个数,新的聚类中心可以看作是对这两个类别进行加权求和。如果其中一个类所包含的样本个数较多,所合成的新类就会更加偏向它。。

图5. ISODATA算法的合并操作

最后是ISODATA算法中的分裂操作。

ISODATA-分裂操作。

Step 1: 计算每个类别下所有样本在每个维度下的方差; 。

Step 2: 针对每个类别的所有方差挑选出最大的方差 σ_{max} : ϕ

Step 3: 如果某个类别的 $\sigma_{max} > Sigma$ 并且该类别所包含的样本数量 $n_i \geq 2n_{min}$,则可以进行分裂操作,前往步骤 4。如果不满足上述条件则退出分裂操作。。

Step 4: 将满足步骤 3 中条件的类分裂成两个子类别并令K = K + 1。

$$m_i^{(+)} = m_i + \sigma_{max}, \quad m_i^{(-)} = m_i - \sigma_{max}$$

图6. ISODATA算法的分裂操作

最后,针对ISODATA算法总结一下:**该算法能够在聚类过程中根据各个类所包含样本的实际情况动态调整聚类中心的数目。如果某个类中样本分散程度较大(通过方差进行衡量)并且样本数量较大,则对其进行分裂操作;如果某两个类别靠得比较近(通过聚类中心的距离衡量)**,则对它们进行合并操作。

可能没有表述清楚的地方是ISODATA-分裂操作的第1步和第2步。同样地以图 三所示数据集为例,假设最初1,2,3,4,5,6,8号被分到了同一个类中,执行 第1步和第2步结果如下所示:

序号.	X =	y .
(I) e	3.0	4.
2,	4.	4.
3.	3.	3 ₽
(A) +>	4.	3≠
5.	0.0	2.
6.	1.	2 -
(8)	1.	1.0

而在正确分类情况下(即1, 2, 3, 4为一类; 5, 6, 7, 8为一类),方差为 0.33。因此,目前的方差远大于理想的方差,ISODATA算法就很有可能对其进行分 裂操作。

五、聚类算法源代码

我已经将上述三种算法整合成一个Matlab函数Clustering.m。读者可以直接使用该函数对数据集进行聚类。由于代码比较长,而且代码插件还不怎么会用,就不在文中介绍了。需要使用的读者可以点击下面的链接下载使用(欢迎Star和Fork,之后会不定期补充新的算法和优化的):

https://github.com/AaronX121/Unsupervised-Learning-Clustering

使用方式非常简单,目前支持三种形式的输入,分别对应着上面的三种算法:

```
[centroid, result] = Clustering(data, 'kmeans', k, iteration);
[centroid, result] = Clustering(data, 'kmeans++', k, iteration);
[centroid, result] =
```

Clustering(data, 'isodata', desired_k, iteration, minimum_n, maximum variance, minimum d);

其中的输入data是一个矩阵,每一行代表数据集中的一个样本。其他输入的意义与上面的算法描述中一一对应。输出的centroid是聚类中心的位置,result是每个样本所对应的类别索引。

六、数据集测试

最后以一个简单的满足二维高斯分布的数据集为例,展示上述三种算法的聚类结果,如下图所示。

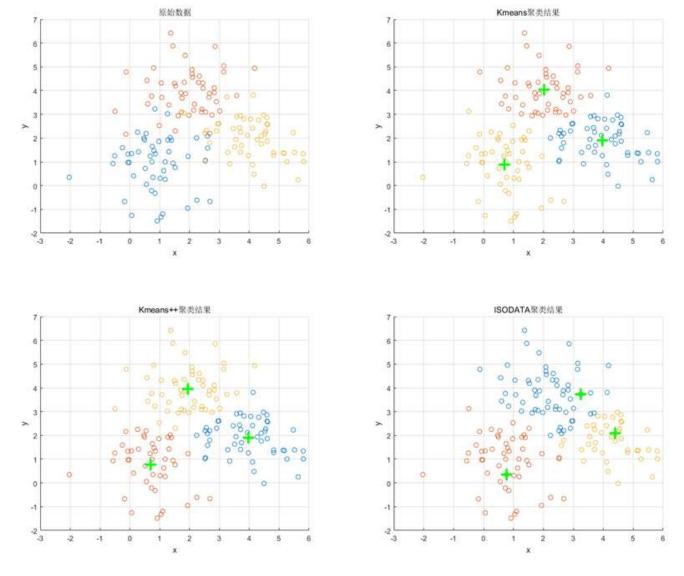


图7. 一个简单数据集上三种算法的聚类效果(绿色加号代表聚类中心位置)

分类: Machine Learning





+加关注

« 上一篇: 从一到二: 利用mnist训练集生成的caffemodel对mnist测试集与自己手写的数字进行测试

posted @ 2017-01-11 03:00 Yixuan-Xu 阅读(101674) 评论(13) 编辑 收藏 举报

刷新评论 刷新页面 返回顶部

登录后才能查看或发表评论, 立即 登录 或者 逛逛 博客园首页

编辑推荐:

- · 前端实现的浏览器端扫码功能
- · ASP.NET Core Filter 与 IOC 的羁绊
- ·记一次 .NET 某电商定向爬虫 内存碎片化分析
- · 理解 ASP.NET Core 选项(Options)
- ·跳槽一年后的回顾

最新新闻:

- · 特斯拉又要颠覆传统了, 这次瞄准了保险业..... (2021-10-15 23:59)
- ·知名游戏论坛ResetEra被MOBA Network以455万美元收购(2021-10-15 23:17)
- · 爱奇艺龚宇回应"取消超前点播":会员的消费心理影响了我们的最终决策 (2021-10-15 23:10)
- · 老虎富途等互联网券商 "跨境炒股" 服务未经批准 监管部门将予以规范 (2021-10-15 22:50)

- · 李彦宏: 交通智能化是保持城市竞争力的必由之路 (2021-10-15 21:50)
- » 更多新闻...

Copyright © 2021 Yixuan-Xu Powered by .NET 6 on Kubernetes