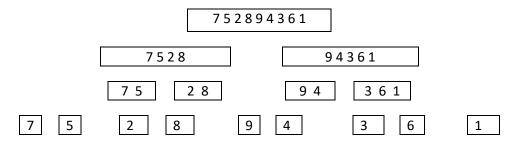
Algoritmul de sortare merge-sort

Generalitati

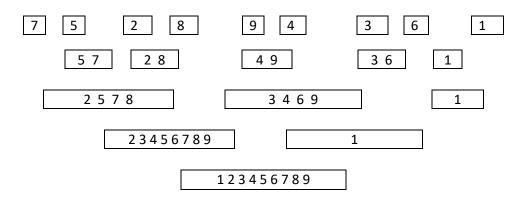
Este un algoritm de sortare care funcționează prin împărțirea unei liste în sub-liste mai mici, sortând fiecare sub-lista și apoi îmbinând înapoi sub-listele sortate, pentru a forma lista sortată finală.

Merge-Sort este un algoritm recursiv de tip Divide&Cucereste, care împarte continuu lista în jumătati (Divide) până când nu mai poate fi împărțită în continuare (fiecare sub-lista contine cel mult un element). Aceasta înseamnă că dacă sub-lista devine goală sau mai are un singur element , împărțirea in subliste se va termina, fiind cazul de bază pentru oprirea recursivitatii. Dupa fiecare injumatatire, pentru ambele sub-liste se reapeleaza functia Merge-Sort.

Exemplu de functionare a algoritmului:



Pentru partea de Cucereste si Combinare solutii partiale, se foloseste o functie de imbinare (Merge) care reconstruieste lista, imbinand (Combina)doua cate doua sub-liste intre ele (ex. A si B), sortand totodata elementele (Cucereste) atunci cand le insereaza in sub-lista (C) care va contine elementele din cele doua sub-liste (A si B).



Mai concret, daca listele A si B au un index i si j, mai este necesara inca o lista C cu index k, in care se vor insera elementele celor doua liste astfel:

- se pleaca cu indexul i, j si k, se compara A[i] cu B[j], iar cel mai mic element se depune in C[k];
- se incrementeaza indexul elementului cel mai mic si se continua algoritmul pana cand se ajunge la max_i sau max_j;
- daca raman elemente intr-una din listele A sau B, aceste elemente se adauga in lista C.

Algoritmul Merge-Sort Recursiv (top-down) in pseudocod este urmatorul:

```
Merge-Sort (list, first-index, last-index)

if (first-index < last-index)

middle-index = (first-index + last-index) / 2

Merge-Sort(list, first-index, middle-index) /* apelare recursiva pentru prima jumatate*/

Merge-Sort(list, middle-index, last-index) /* apelare recursiva pentru a doua jumatate*/

Merge(list, first-index, middle-index, last-index)
```

Algoritmul Merge-Sort Iterativ (bottom-up) in pseudocod este urmatorul:

```
Merge-Sort-Iterative (list, size)
for (width = 1; width < size; width = 2 * width) /* width is the size of working list in Merge*/
for (i = 0; i < size; i = i + 2 * width)
Merge(list, i, min(i+width, size), min(i+2*width, size))
```

Functia Merge in pseudocod, valabila pentru ambii algoritmi, este urmatoarea:

```
Merge(list, left, middle, right)
   let leftSubList[middle - left], rightSubList[right - middle]
                                                       /* copy first half of list in leftSubList*/
  for (i = 0; i < middle - left; i++)
      leftSubList[i] = list[left + i]
                                                       /* copy second half of list in rightSubList*/
  for (j = 0; j < right - middle; j++)
      rightSubList[i] = list[middle + j]
  let i=j=k=0
  while(i < leftSize && j < rightSize)
                                                      /* move back in list, the smaller element between*/
                                                     /* leftSubList[i] and rightSubList[j]), then increment*/
      if (leftSubList[i] <= rightSubList[j])</pre>
        list[k++] = leftSubList[i++]
                                                    /* k and i or j */
    else
        list[k++] = rightSubList[j++];
                                                  /* move remaining elements from leftSubList, if any*/
 while (i < left)
    list[k++] = leftSubList[i++]
while (j < right)
                                              /* move remaining elements from rightSubList, if any*/
    list[k++] = rightSubList[j++]
```

Analiza complexitatii algoritmului

Algoritmul Merge-Sort are o complexitate de timp $O(n \log n)$, in toate cazurile (cel mai bun, mediu, cel mai rau), fiind o sortare stabilă, ceea ce înseamnă că ordinea elementelor cu valori egale este păstrată în timpul sortării. Avand in vedere ca algoritmul utilizeaza o lista temporara pentru impartirea in sub-liste, este necesar un spatiu suplimentar $\Theta(n)$.

Puncte tari:

- rapid
- stabil
- poate fi implementat intr-o abordare paralela

Puncte slabe:

- itereaza chiar si pentru cazul cand lista initiala este sortata
- utilizeaza memorie suplimentara.

Metoda de testare

Pentru realizarea comparatiilor dintre variantele secventiale si cele paralele de rulare a algoritmilor merge-sort recursive si secvential, am folosit secvente de numere naturale de la 1 pana la n (n cu valori mici, medii si mari), pe care le-am amestecat random in cate o lista, apoi am salvat lista intr-un fisier.

Respectivul fisier a constituit date de intrare pentru toate variantele algoritmului, pentru a ne asigura ca fiecare algoritm ruleaza acelasi set de date de intrare.

Pe langa algoritmii implementati, am folosit si sortarea oferita de limbajul de programare folosit (C++), respective functia **sort()** aplicata pe **list** (lista dubla inlantuita) si **forwardlist** (lista simplu inlantuita).

Asa cum am precizat anterior, algoritmii au fost implementati in C++, folosind CodeBlocks IDE.

Viteza de executie a algoritmilor a fost masurata cu ajutorul functiilor high_resolution_clock::now() si duration_cast.count() din biblioteca <chrono>, iar memoria folosita, cu ajutorul functiei GlobalMemoryStatusEx din biblioteca <windows.h>.

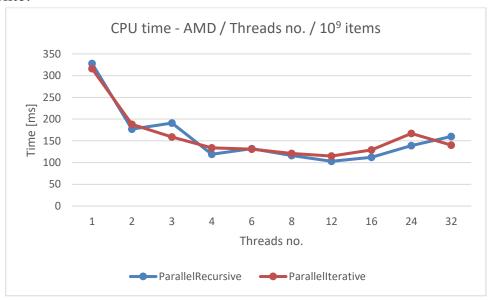
Pentru partea de testare am folosit doua calculatoare (laptopuri), cu urmatoarele specificatii:

- ➤ Laptop 1 CPU: AMD Ryzen 5, 6 core/12 threads, 4.20 GHz; RAM: 8 GB;
- ➤ Laptop 2 CPU: Intel i5, 2 core/4 threads, 2.30 GHz; RAM: 8 GB, ambele ruland SO Windows 10 Pro 64bit, pe SSD M.2.

Rezultatele testarii si concluzii

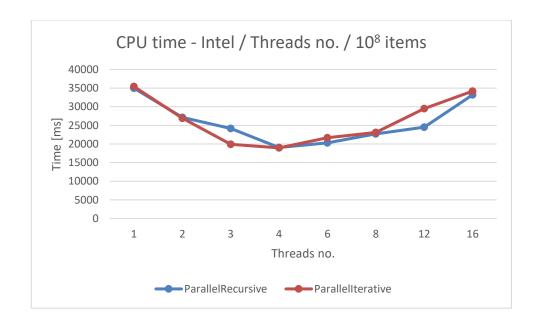
Primul set de teste a vizat comportamentul algoritmilor paraleli ruland pe mai multe fire de executie.

Prezint mai jos rezultatele obtinute pe calculatorul cu procesor AMD Ryzen 5, 6 core/12 threads, 4.20 GHz, ruland algoritmii de sortare merge-sort pe un set de test de 10⁹ elemente:



Algorithm type		Time[ms] - CPU: AMD Ryzen 5, 6 core/12 threads, 4.20 GHz; RAM: 8 GB									
ParallelRecursive	328	177	191	119	132	116	103	112	139	160	
ParallelIterative	316	188	159	134	131	121	115	129	167	140	
Threads	1	2	3	4	6	8	12	16	24	32	

Mai jos prezint rezultatele obtinute pe calculatorul cu procesor Intel $\,$ i5, 2 core/4 threads, 2.30 GHz, ruland algoritmii de sortare merge-sort pe un set de test de 10^8 elemente:

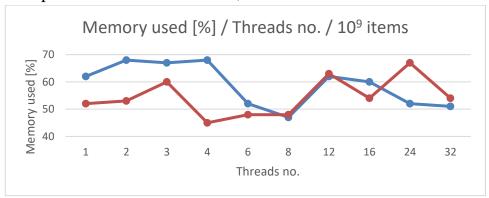


Algorithm type	Time [ms] - CPU: Intel i5, 2 core/4 threads, 2.30 GHz; RAM: 8 GB									
ParallelRecursive	34,991	27,147	24,173	19,052	20,311	22,708	24,530	33,221		
ParallelIterative	35,420	26,927	19,916	18,957	21,694	23,094	29,500	34,201		
Threads	1	2	3	4	6	8	12	16		

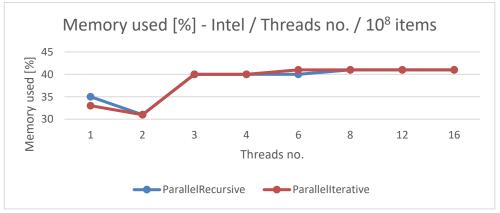
Dupa cum se observa din graficele si tabelele de mai sus, cele mai bune performante, din punct de vedere al timpului/vitezei, se obtin atunci cand *numarul firelor* de executie pentru rularea algoritmilor este egal cu cel din specificatiile tehnice ale procesorului.

O alta concluzie este aceea ca, pentru algoritmii analizati, cresterea numarului de fire de executie, peste cel din specificatiile procesorului, nu aduce nici o imbunatatire a timpului de executie, ba din contra, acesta creste, deoarece sunt necesare mai multe intreruperi ale firului de executie curent si transferal executiei catre alt fir de executie, odata cu salvarea starii respectivelor fire de executie.

In ceea ce priveste memoria utilizata, situatia a fost urmatoarea:



Algorithm type	Me	Memory used [%] - CPU: AMD Ryzen 5, 6 core/12 threads, 4.20 GHz; RAM: 8 GB									
ParallelRecursive	62	68	67	68	52	47	62	60	52	51	
ParallelIterative	52	53	60	45	48	48	63	54	67	54	
Threads	1	2	3	4	6	8	12	16	24	32	

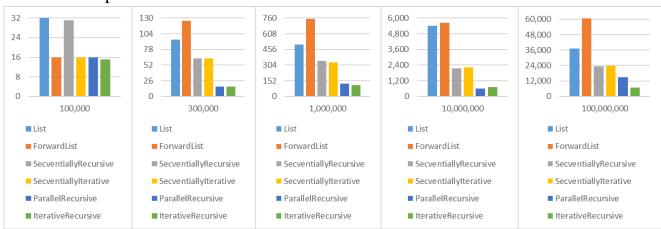


Algorithm type	Me	Memory used [%] - CPU: Intel i5, 2 core/4 threads, 2.30 GHz; RAM: 8 GB									
ParallelRecursive	35	31	40	40	40	41	41	41			
ParallelIterative	33	31	40	40	41	41	41	41			
Threads	1	2	3	4	6	8	12	16			

Referitor la utilizarea memoriei, cea mai eficienta alocare este in zona in care numarul firelor de executie ale algoritmilor paraleli este egal cu cel al miezurilor (core-urile) procesoarelor, deoarece fiecare fir de executie ruleaza pe un singur miez si nu mai este necesara salvarea starilor firelor de executie alternante.

Al doilea set de teste a vizat analiza comparativa a eficientei algoritmilor paraleli, raportat la cei secventiali, pe de o parte si la algoritmii standard ai limbajului C++ pentru liste dublu inlantuite (list) si liste simplu inlantuite (forwardlist), pe de alta parte.

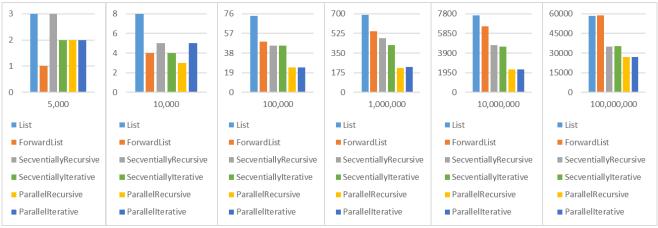
> Pentru procesorul AMD:



Algorithm type	Time[ms]	- CPU: AMD	Ryzen 5, 6 core	/12 threads, 4.20	GHz; RAM: 8 GB
List	32	94	501	5,419	37,420
ForwardList	16	125	753	5,648	60,894
SecventiallyRecursive	31	63	344	2,155	23,270
SecventiallyIterative	16	63	330	2,207	23,603
ParallelRecursive	16	16	125	598	14,823
IterativeRecursive	15	16	110	720	6,854
Items no.	100,000	300,000	1,000,000	10,000,000	100,000,000

Algorithm type	Memory use	Memory used [%] - CPU: AMD Ryzen 5, 6 core/12 threads, 4.20 GHz; RAM: 8 GB							
List	35	29	22	26	78				
ForwardList	35	29	22	31	72				
SecventiallyRecursive	35	29	22	31	79				
SecventiallyIterative	35	29	22	32	83				
ParallelRecursive	35	29	22	32	82				
IterativeRecursive	35	29	22	33	83				
Items	100,000	300,000	1,000,000	10,000,000	100,000,000				

Pentru procesorul Intel:



Items		Time [ms] - CPU: Intel i5, 2 core/4 threads, 2.30 GHz; RAM: 8 GB								
List	3	8	74	690	7,651	58,491				
ForwardList	1	4	49	543	6,567	58,948				
SecventiallyRecursive	3	5	45	482	4,695	34,991				
SecventiallyIterative	2	4	45	420	4,542	35,420				
ParallelRecursive	2	3	24	216	2,279	27,147				
ParallelIterative	2	5	24	226	2,294	26,927				
Items no.	5,000	10,000	100,000	1,000,000	10,000,000	100,000,000				

Items	M	Memory used [%] - CPU: Intel i5, 2 core/4 threads, 2.30 GHz; RAM: 8 GB								
List	35	35	35	36	40	72				
ForwardList	35	35	35	36	44	65				
SecventiallyRecursive	35	35	35	37	45	62				
SecventiallyIterative	35	35	35	37	45	70				
ParallelRecursive	35	35	35	37	46	68				
ParallelRecursive	35	35	35	37	46	68				
Items no.	5,000	10,000	100,000	1,000,000	10,000,000	100,000,000				

Asa cum se observa din graficele si tabelel de mai sus, *algoritmii paraleli* implementati, *sunt* cu 2 pana la 4 ori *mai rapizi decat cei* implementati *in varianta secventiala, precum* si de 2 pana la 6 ori mai rapizi *decat cei oferiti standard de program*.

La valori mici ale numarului de elemente care trebuie sortate, diferentele de viteza sunt mai mici sau inexistente intre algoritmi, insa la valori mari ale numarului de elemente care trebuie sortate, algoritmii implementati sunt mult mai rapizi, dintre acestia, cei paraleli fiind de asemenea mai rapizi decat cei secventiali.

Cu privire la alocarea memoriei, cu cat creste numarul de elemente care trebuie sortate, creste si memoria RAM ocupata.

Testele s-au oprit la 10⁸ elemente care au constituit date de intrare pentru algoritmii testate, deoarece listele oferite de standardul C++ (list si forwardlist) aveau nevoie de memrie RAM mai multa decat cele ale sistemelor pe care s-au realizat testele.

Concluzia finala este ca atunci cand timpul de executie este critic, se impune implementarea unor algoritmi propri de sortare, inclusiv utilizand metode de calcul paralel.

Bibliografie:

- 1. https://en.wikipedia.org/wiki/Merge_sort
- $2.\ https://wiki.codeblocks.org/index.php/Basic_Tutorial$
- 3. Cursuri si laboratoare ACE-UCV