### Nouvelle heuristique pour VRP

Clément Legrand

31 Mai 2018 <sup>1</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>D'après l'article A simple, deterministic, and efficient knowledge-driven heuristic for the vehicle routing problem de Florian Arnold et Kenneth Sorensen

# Description

<u>Intérêt</u>: heuristique simple à mettre en place, et performante.

### Etapes de l'algorithme:

- Recherche solution initiale: Algorithme Clarke and Wright
- Recherche de la "pire" arête
- Optimisations locales ensuite par 3 opérateurs

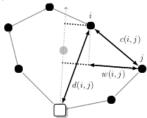
### Comment caractériser une arête?

#### Idée

Trouver des liens entre les solutions (quasi-) optimales

Entraînement d'un modèle prédictif pour distinguer les arêtes à supprimer des autres en s'aidant de caractéristiques:

- Largeur de la tournée
- Profondeur de la tournée
- Coût de la tournée



## Déterminer la pire arête

Description spatiale précise d'une arête avec ces caractéristiques.

$$b(i,j) = \frac{\left[\lambda_w w(i,j) + \lambda_c c(i,j)\right] \left[\frac{d(i,j)}{\max_{k,l} d(k,l)}\right]^{\frac{\lambda_d}{2}}}{1 + \rho(i,j)}$$

- p représente le nombre de fois où l'arête a été pénalisée (initialement 0)
- Les paramètres  $\lambda_w, \lambda_c$  et  $\lambda_d$  valent 0 ou 1, et sont choisis selon le type d'instance.

#### Pire arête

La pire arête est celle qui maximise la fonction b.

## Cross-exchange

### Objectif

Essaie d'échanger deux séquences de clients entre deux tournées.

### Complexité

Complexité en  $O(n^4)$ : beaucoup trop...

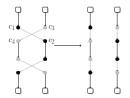


Figure 1: Illustration of the CROSS-exchange with sequences of two customers.

### Algorithme

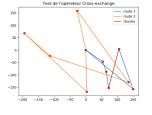
- Choisir une arête  $(c_1, c_2)$  à éliminer;
- Trouver une autre tournée grâce aux voisins de c<sub>1</sub>; (e.g. premier voisin sur une tournée différente c<sub>4</sub>, prendre arête (c<sub>3</sub>, c<sub>4</sub>));
- Premier échange:  $(c_1, c_4)$  et  $(c_3, c_2)$ ;
- On essaie d'échanger  $s(c_4)$  avec  $s(c_2)$ ,  $s(s(c_2))$ , ... jusqu'à trouver une amélioration ou avoir parcouru toute la tournée (dans ce cas on poursuit avec  $s(s(c_4))$ ).

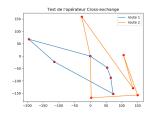
### Nouvelle complexité

 $O(n^2)$  dans le pire cas, mais proche de linéaire en général.

# Exemple

Test de l'opérateur sur une tournée de 10 clients. L'arête rouge est l'arête à éliminer.





## Ejection-chain

### Objectif

Déplacer au plus / clients sur des tournées plus adaptées.

#### Algorithme

- Déterminer une arête à éliminer; considérer un des deux clients;
- Regarder parmi les pp-voisins pour trouver une tournée;
- Déplacer le client sur cette tournée;
- Essayer de déplacer un client de cette tournée sur une autre tournée, tel que le saving soit maximal;
- Recommencer l'étape précédente / fois; On applique les changements si le saving final est positif.



### Complexité

Complexité en  $O(n^{l-1})$ . En pratique l=3.

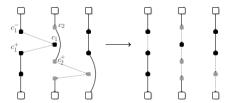


Figure 2: Illustration of the ejection chain with two relocations.

# Lin-Kernighan Heuristic

#### Utilisation

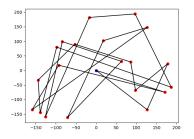
- Utilisé en général pour TSP;
- Optimisation intra-tournée (chaque tournée est améliorée indépendamment des autres).

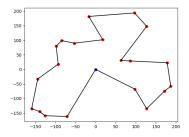
#### Algorithme

- Exécute i-opt (échange l'ordre de i clients sur la tournée; au départ i = 2).
- Si i = k ou plus d'améliorations possibles → réalise la meilleure i-opt; recommence avec i = 2
- Si amélioration possible  $\rightarrow$  recommence avec i+1
- Si i = 2 et pas d'améliorations possibles  $\rightarrow$  on sort de la boucle.

### Complexité

Complexité en  $O(n^k)$ , k choisi par l'utilisateur. En général exécution sur des morceaux de tournée, et k=2.





# Que faire si on ne trouve plus d'améliorations ?

#### Idées

- Optimisation globale (application des opérateurs sur l'ensemble du graphe): très coûteux
- Remise à zéro des pénalités
- Changement de la fonction de pénalisation