

# Sol - flower

---

## 40%

从  $L$  向  $R$  枚举, 检查是不是  $k$  的倍数。

## 60%

答案是  $\frac{R-L}{k} + 1$ 。

## 100%

将  $L$  调整至不小于  $L$  的第一个  $k$  的倍数  $L'$ , 显然从  $L$  到  $R$  的答案和  $L'$  到  $R$  的答案没有差别。

将  $R$  调整至不大于  $R$  的最后一个  $k$  的倍数  $R'$ , 显然从  $L'$  到  $R$  的答案和从  $L'$  到  $R'$  的答案没有差别。

然后使用 60% 的做法即可。

调整  $L$  时, 首先看一下它是否已经是  $k$  的倍数了, 如果不是的话, 它应该是一个  $ak + b$ , 只需要加一个  $k - b$  就可以了, 而  $b$  实际上就是  $L \% k$ 。

调整  $R$  时, 直接计算  $R' = R - R \% k$  就可以了。

# Sol - chess

---

## 30%

读入询问，去暴力跑一遍，复杂度  $O(Qn^2)$ 。

## 50%

使用二维前缀和，记  $S[x][y]$  表示所有满足  $1 \leq i \leq x, 1 \leq j \leq y$  的  $a_{ij}$  之和，那么当我们要求出  $a \leq i \leq c, b \leq j \leq d$  的  $a_{ij}$  之和时，我们只需要计算出  $S[c][d] - S[a-1][d] - S[c][b-1] + S[a-1][b-1]$  即可。

而计算  $S[x][y]$  则可以通过  $S[x][y] = a_{xy} + S[x-1][y] + S[x][y-1] - S[x-1][y-1]$ 。

这两个公式的具体内涵请自行体悟或在网上搜寻资料。

## 100%

其实和 50% 没有本质区别，我们做 10 个二维前缀和，第  $i$  个维护大于等于  $i-1$  的值的个数就可以了。

## extra

这题能做到  $a_{ij} \leq 10^9$ ，但是出题组一致认为过于超纲。

本质上就是将询问离线化后动态地维护二维前缀和，这需要二维树状数组或者树套树的帮助。

对于 20% 的数据

直接暴力枚举  $P_1, P_2, \dots, P_7$  即可，复杂度  $O(n^7)$ 。

对于 50% 的数据

首先对  $A_i$  排序，枚举  $P_2, P_3$ ，可以发现金牌和铜牌的选取是互不关联的。

铜牌可以贪心的选取小于  $P_3$  最大的四个。

金牌可以贪心的选取大于  $P_2$  且小于  $P_2 + P_3$  最大的一个，这个二分即可。

复杂度  $O(n^2 \log n)$ 。

对于 100% 的数据

观察到对  $A_i$  排序后， $P_3, \dots, P_7$  总是在  $A$  数组中连续选取，我们可以基于此对 50 分的做法进行一些优化。

首先对第二个条件移项得： $P_2 < P_4 + P_5 + P_6 + P_7 - P_3$ 。

我们从小到大枚举  $P_2$ ，若一组  $P_3, \dots, P_7$  不大于当前的  $P_2$ ，那么他将对于之后的所有  $P_2$  都不合法。

所以可以用一个栈来维护  $P_3, \dots, P_7$  这些五元组（由于他们是连续的，只需存储一个下标），每次把当前新增的一个五元组入栈，然后把不合法的弹栈，栈顶即为目前合法的最大值；注意到  $P_1$  的选取区间为  $[P_2, P_2 + P_3)$ ，取能取到的最大的  $P_3$  一定最优，二分  $P_1$  即可，该做法正确性显然。

复杂度为  $O(n \log n)$ 。

# Sol - Tree

## 40%

由于编号超过 100 的节点都没有用，直接对前 100 个节点建树然后暴力算 lca，复杂度是  $O(Ta)$ 。

## 50%

我知道你在想什么，全输出 1 是过不了的。

观察发现，第二天结束时数据范围之外的编号就已经没有意义了，我们不关心。换句话说，可以认为子节点的生长只会发生两次。

在这一情况下，两个不同的点的 lca 只可能是 1 或者 1 的某个子节点，我们考虑什么时候会是第二种情况。

第一天会生长的新叶子编号是  $[2, 1145141919811]$ ，第二天时，叶子 1 长出了  $[1145141919812, 2290283839621]$ ，叶子 2 长出了  $[2290283839622, 3435425759431]$ 。

以此类推，可以认为叶子  $x$  的新叶子应该是在  $[2 + 1145141919810x, 1145141919811 + 1145141919810x]$  这个范围内，所以对  $a, b$  检查一下是否同属某个范围就可以了。

## 70%

和正解基本上是一样的，但是最后那个预处理没写，多了一个  $\log a$ 。

话说出题人也不知道会不会有人被卡到这一档。

## 100%

首先，假设第  $i$  天开始时有  $p$  个叶子，那么这一天会长出  $kp$  个新叶子，最终会得到  $p(1 + k)$  个叶子。

那么根据数学归纳法，可以发现第  $i$  天结束时有  $(1 + k)^i$  个叶子。

那么我们只需要找出最大的  $x$  使得  $(1 + k)^x < a$ ，就可以得知  $a$  是在哪一天被长出来的。

考虑如果我们已知  $a$  是哪一天长出来的，我们可以直接求  $a - (1 + k)^x$  来得知它是第几片被长出来的，记为  $a'$ ，那么显然它的父亲就是  $\left\lfloor \frac{a'-1}{k} \right\rfloor + 1$ 。

然后我们会发现，每过一天，树高就会多一层，而  $a, b \leq 10^{18}$  保证所求节点是在相当早的天数时长出来的，这表明对答案有影响的节点的深度都非常低，实际上，这个值的量级在  $\log_3(a)$ ，大约也就 38。

这个性质允许我们使用暴力的方式计算 lca：把  $a, b$  的祖先都搞出来，对齐 1 的位置，然后看最后（或者最前，取决于你排列祖先的方式）一个相同的祖先是谁，这个就是答案。

注意一下求父亲的时候可能需要预处理一下  $1 + k$  的次幂，这个可以降低一个大约  $\log a$  的复杂度。