Programación Declarativa: Lógica y Restricciones

El lenguaje de programación ISO-Prolog

Mari Carmen Suárez de Figueroa Baonza mcsuarez@fi.upm.es



Contenidos

- Predicados para Tipos
- Aritmética
- Acceso a Estructuras
- Predicados Meta-Lógicos
- Comparación de Términos
- Entrada/Salida
- Meta-Programación
- Modificación Dinámica
- Parsing

Predicados para Tipos

- Términos Prolog:
 - constante
 - átomo
 - número
 - entero
 - real
 - variable
 - estructura
- Predicados para tipos: tienen éxito o fallan, pero no producen error
 - integer(X)
 - float(X)
 - number(X)
 - \Box atom(X) \rightarrow X es un término constante (aridad 0) no numérico

 - \Box compound(X) \rightarrow X es una estructura

Predicados para Tipos: Ejemplos

- ?- atom(vacio).
 - Yes
- ?- integer(-3).
 - Yes
- ?- compound([a,b|Xs]).
 - Yes
- ?- compound(-3.14).
 - No
- ?- integer([1]).
 - No
- ?- X = 2, integer(X).
 - Yes
- ?- compound([X]).
 - Yes

Aritmética (I)

■ Términos aritméticos

- Un número es un término aritmético
- □ Si f es un functor aritmético y X1,...,Xn son términos aritméticos, entonces f(X1,...,Xn) es un término aritmético

Functores aritméticos

- +, -, *, / (cociente), // (cociente entero), mod (módulo), etc.
- Una expresión aritmética sólo puede ser evaluada si no contiene variables libres. En otro caso aparece un error de evaluación
 - □ (3*X+Y)/Z → correcta si cuando se evalúan X, Y, y Z son términos aritméticos, en otro caso se produce un error
 - \rightarrow a+3*X \rightarrow se produce un error ('a' no es un término aritmético)

Aritmética (II)

- Predicados aritméticos
 - <, >, =<, >=, =:= (igualdad aritmética), =\= (desigualdad aritmética), etc.
 - Ambos argumentos se evalúan y se comparan los resultados
 - \Box Z is X
 - X, que debe ser un término aritmético, se evalúa y el resultado se unifica con Z
- <u>Ejemplos</u>: supongamos que X vale 3 e Y 4, y que Z es una variable libre
 - \neg Y < X+1, X is Y+1, X =:= Y. \rightarrow fallo
 - \neg Y < a+1, X is Z+1, X =:= f(a). \rightarrow error

Aritmética (III)

<u>Ejemplos</u>:

- \square ?- X is 4/2 + 3/7.
 - X = 2.42857
- \square ?- X is 2*4, 2 is X//3.
 - X = 8
- □ ?- X is 3, Y is X+4.
 - X = 3, Y = 7
- □ ?- Y is X+4, X is 3.
 - Error (porque X está libre)
- □ ?- 3+4 is 3+4.
 - no
 - La parte izquierda no unifica con 7 (resultado de evaluar la expresión)
- X is X+1
 - Fracaso si X está instanciada en la llamada
 - Error aritmético si X está libre

El orden de los literales es relevante en el uso de predicados evaluables

Aritmética: Ejemplo 1

- \blacksquare plus(X,Y,Z) :- Z is X + Y
 - Sólo funciona en modo (in, in, out). X e Y deben ser términos aritméticos
- Otra implementación de plus/3
 - \square plus(X,Y,Z):- number(X),number(Y), Z is X + Y. %in-in-out
 - \square plus(X,Y,Z):- number(X),number(Z), Y is Z X. %in-out-in
 - □ plus(X,Y,Z):- number(Y),number(Z), X is Z Y. %out-in-in
- Predicado 'suma' entre enteros para cubrir el caso en el que los sumandos puedan no estar instanciados pero el resultado sí

Aritmética: Ejemplo 2

- Factorial usando aritmética de Peano
 - \Box factorial(0,s(0)).
 - \Box factorial(s(N),F):- factorial(N,F1), times(s(N),F1,F).
- Factorial usando aritmética Prolog
 - \Box factorial(0,1).
 - factorial(N,F):-

```
N > 0,
N1 is N-1,
factorial(N1,F1),
```

F is F1*N.

Aritmética: Ejercicio 1

- Sucesión de Fibonacci: 0,1,1,2,3,5,8,13,21, ...
 - cada término, salvo los dos primeros, es la suma de los dos anteriores
- Definir el predicado fibonacci/2 (fibonacci(N,X)) que se verifique si X es el N-ésimo término de la sucesión de Fibonacci.
 - □ ?- fibonacci(6,X).
 - X = 8

Aritmética: Ejercicio 2

- Definir lista_numeros/3 (lista_numeros(N,M,L)) que se verifica si L es la lista de los números entre N y M, ambos inclusive
 - ?- lista_numeros(3,5,L).
 - L = [3,4,5]
 - ?- lista_numeros(3,2,L).
 - no

Aritmética: Ejercicio 3

- Definir el predicado mcd/3 (mcd(X,Y,Z)) que se verifique si Z es el máximo común divisor de X e Y
 - □ ?- mcd(10,15,X).
 - X=5

Acceso a Estructuras

- Los meta-predicados de inspección de estructuras permiten:
 - Descomponer una estructura en sus componentes
 - Componer una estructura a partir de sus componentes
- Prolog proporciona 3 meta-predicados de inspección:
 - □ functor/3
 - \square arg/3
 - **=../2**

- functor(E, F, A): la estructura E tiene functor F y aridad A
 - \Box E es un término compuesto $f(X1,...,Xn) \rightarrow F=f$, A=n
 - \Box F es el átomo f y A es el entero n \rightarrow X=f(X1,...,Xn)

Ejemplos:

- ?- functor(padre(juan,jose),padre,2).
 - yes
- ?- functor(libro(autor, titulo), N, A).
 - N = libro, A = 2
- □ ?- functor(X, libro, 2).
 - X = libro(_G358, _G359)
- \square ?- functor(p, N, A).
 - N = p, A = 0
- □ ?- functor(X, p, 0).
 - X = p

- En el uso (+,+,+) se comporta como un test
 - □ ?- functor(t(X,a),t,2).
 - Yes
 - □ ?- functor(2+3*5-1,'-',2).
 - Yes
 - □ ?- functor(a,a,0).
 - Yes
 - □ ?- functor([x,y],'.',2).
 - Yes

- En el uso (+,-,-) se utiliza para obtener el functor principal de un término
 - □ ?- functor(punto(a,X),F,N).
 - F = punto
 - N = 2
 - □ ?- functor([A,f(X),Y],F,N).
 - F = '.'
 - N = 2
 - ?- functor([],F,N)
 - F = []
 - N = 0

- En el uso (-,+,+) se comporta como un generador único: se utiliza para generar una plantilla de estructura
 - □ ?- functor(T,punto,2).
 - T = punto(_,_)
 - □ ?- functor(T,'+',2).
 - T = _ + _
 - □ ?- functor(T,′+′,4).
 - T = '+'(_,_,_)
 - □ ?- functor(T,a,0).
 - T = a

Acceso a Estructuras: arg/3

- arg(P, E, C): la estructura E tiene el componente C en la posición P (contando desde 1)
 - □ P es un entero positivo, E es un término compuesto → C unifica con el p-ésimo argumento de E
 - □ Los argumentos de numeran a partir de 1, de izquierda a derecha
 - Permite acceder a los argumentos de una estructura de forma compacta y en tiempo constante

Ejemplos:

- ?- _T=date(9,February,1947), arg(3,_T,X).
 - X = 1947
- ?- arg(2, libro(autor, titulo), X).
 - X = titulo
- ?- arg(N, libro(autor, titulo), autor).
 - N = 1

Acceso a Estructuras: arg/3

- En el uso (+,+,-) se utiliza para obtener el argumento iésimo de una estructura
 - ?- arg(3,arco(i,q2,q0),A).
 - A = q0
 - □ ?- arg(1,[a,b,c,d],A).
 - A = a
 - □ ?- arg(2,[a,b,c,d],A).
 - □ ?- arg(3,[a,b,c,d],A).

Acceso a Estructuras: arg/3

- En el uso (+,-,+) se utiliza para instanciar el argumento iésimo de una estructura
 - □ ?- arg(2,arco(i,Q,q0),q5).
 - Q = q5
 - □ ?- arg(1,[X,b,c,d],a).
 - X = a

Acceso a Estructuras: functor y arg. Ejemplo 1

- subTerm(X,Y): X es un subtérmino del término Y
 - □ subTerm(X,X). Cualquier término es subtérmino de si mismo
 - subTerm(X,Y):compound(Y),
 functor(Y,F,N),
 subTerm(N,X,Y).

X es un subtérmino de un término compuesto Y si es subtérmino de uno de los argumentos

subTerm/3 comprueba iterativamente todos los argumentos

- □ SubTerm(N,X,Y):- Decrementa el contador (número de argumentos) y llama recursivamente a subTerm N>1, N1 is N-1, subTerm(N1,X,Y).
- □ subTerm(N,X,Y):- Caso en el que X es un subtérmino del n-ésimo argumento de Y arg(N,Y,A), subTerm(X,A).

Acceso a Estructuras: functor y arg. Ejemplo 2

add_arrays(X,Y,Z): Z es el resultado de sumar las matrices X e Y

```
    add_arrays(A1,A2,A3):-
        functor(A1,array,N),
        functor(A2,array,N),
        functor(A3,array,N),
        add_elements(N,A1,A2,A3).
    add_elements(0,_A1,_A2,_A3).
```

add_elements(0,_A1,_A2,_A3):add_elements(I,A1,A2,A3):arg(I,A1,X1), %% I > 0
arg(I,A2,X2),
arg(I,A3,X3),
X3 is X1 + X2,
I1 is I - 1,
add_elements(I1,A1,A2,A3).

Las matrices se recorren desde el final hasta el principio (para usar un solo índice, deteniéndose a 0), y se suman los elementos correspondientes de las matrices

- X =.. Y (se lee X univ Y)
 - X es cualquier término Prolog
 - Y es una lista cuya cabeza es el átomo del functor principal de X y cuyo resto está formado por los argumentos de X
 - Transforma un término estructurado en una lista:
 - padre(juan, jose) =.. [padre, juan, jose]
- Soporta los usos (+,+), (-,+) y (+,-)
- El uso (-,-) genera un error
 - □ ?- A =.. B.
 - instantiation error

- En el uso (+,+) se comporta como un test
 - \square ?- f(a, X, g(b,Y)) =.. [f, a, X, g(b,Y)].
 - Yes
 - □ ?- [a,b,c] =.. ['.', a, [b,c]].
 - Yes
 - \bigcirc ? 2+3*5-1 =.. ['-',2+3*5,1].
 - Yes
 - □ ?- a =.. [a].
 - Yes

- En el uso (+,-) se utiliza para descomponer un término en sus componentes
 - \square ?- punto(2,3) =.. Xs.
 - Xs = [punto, 2, 3]
 - \square ?- [A,f(X),Y] =.. Xs.
 - Xs = ['.', A, [f(X), Y]];
 - Arr?- sin(X)*cos(X) + 3.14 = .. Xs.
 - Xs = [+, sin(X)*cos(X), 3.14];
 - □ ?- 6 =.. Xs.
 - Xs = [6]
 - □ ?-[] =.. Xs.
 - Xs = [[]]

En el uso (-,+) se comporta como un generador único. Se utiliza para componer un término a partir de sus componentes

```
    ?- T =.. ['+',a+b+c,d].
    T = a+b+c+d
    ?- T =.. [arco,ej1,i,q3,q5].
    T = arco(ej1, i, q3, q5)
    ?- T =.. ['.', p,[a,k]].
    T = [p, a, k]
    ?- T =.. [fin].
    T = fin
```

Acceso a Estructuras: =../2. Ejercicio

- Suponemos las siguientes figuras geométricas, donde los argumentos de las distintas figuras son números que indican sus dimensiones
 - cuadrado(lado); rectangulo(anchura, altura); triangulo(lado1, lado2, lado3); circulo(radio)
- Definir un predicado escala/3 (escala(+F,+K,?KF)) que multiplique cada dimensión de la figura F por el factor K, obteniendo la figura escalada KF
- Ejemplo:
 - ?- escala(rectangulo(3,5), 2, R).
 - R = rectangulo(6,10)
 - ?- escala(circulo(6.5),0.5,C).
 - C = circulo(3.25)

Conversión entre Strings y Átomos

name(A,S)

- A es el átomo/número cuyo nombre es la lista de caracteres ASCII
 S
- □ ?- name(hello,S).
 - S = [104,101,108,108,111]
- ?- name(A,[104,101,108,108,111]).
 - A = hello
- □ ?- name(A,"hello").
 - A = hello

Predicados Meta-Lógicos (I)

- Se utilizan para examinar el estado de instanciación actual de un término:
 - var(Term): es cierto si Term es una variable libre (no instanciada)
 - ?- var(X), X = f(a). % éxito
 - ?- X = f(a), var(X). % fallo
 - nonvar(Term): es cierto si Term no es una variable libre
 - ?- X = f(Y), nonvar(X). % éxito
 - ground(Term): es cierto si Term no contiene variables libres (es un término básico)
 - ?- X = f(Y), ground(X). % fallo

Predicados Meta-Lógicos (II)

- □ is_list(Term): es cierto si Term está instanciado a una lista
 - Es decir, a la lista vacía [] ó a un término con funtor '.' y aridad 2, donde el segundo argumento es una lista

```
• ?- is_list(a). % fallo
```

- ?- is_list(X). % fallo
- ?- is_list([a,b,c]). % éxito

Predicados Meta-Lógicos: Ejemplo

- length_num(0,[]).
- length_num(N,[_|Xs]):N > 0, N1 is N 1, length_num(N1,Xs).
- length_list([],0).
- length_list([X|Xs],N):length_list(Xs,N1), N is N1 + 1.

Note: esta definición no es necesaria; en realidad el predicado length ya es reversible (aunque menos eficiente que length_num(N,L), cuando L es una variable)

Comparación de Términos

- La igualdad de términos puede determinarse de diferentes formas
 - □ El operador "=" es la propia unificación. Esto es, se unifican las variables de los términos que se comparan
 - □ El operador "==" no unifica las variables de los términos que se comparan. Por tanto, una variable (no ligada) sólo será igual a sí misma
 - □ T1 = T2
 - Es cierto si T1 y T2 pueden unificarse
 - □ T1 \= T2
 - Es cierto si T1 y T2 no pueden unificarse
 - □ T1 == T2
 - Es cierto si T1 y T2 son idénticos
 - □ T1 \== T2
 - Es cierto si T1 y T2 no son idénticos

Comparación de Términos: Ejemplos

- ?- a == a.
 - □ si
- ?- a == X.
 - no
- ?- X == Y.
 - no
- ?- X == X.
 - \square X = $_$ G2
- f(X) == f(X).
 - si
- ?- f(X) == f(Y).
 - □ no

Ordenación de Términos No Básicos

Orden alfabético/lexicográfico:

- □ X @> Y, X @>= Y, X @< Y, X @=< Y</p>
- □ P. ej: T1 @< T2 se verifica si el término T1 es anterior que T2 en el orden de términos de Prolog</p>

□ <u>Ejemplos</u>:

- ?- f(a) @> f(b). % fallo
- ?- f(b) @> f(a). % éxito
- ?- f(X) @> f(Y). % dependiente de la implementación
- ?- X @< 3. => Yes
- ?- ab @< ac. => Yes
- ?- 21 @< 123. => Yes
- ?- 12 @< a. => Yes
- ?- g @< f(b). => Yes
- ?- f(b) @< f(a,b). => Yes
- ?- [a,1] @< [a,3]. => Yes
- ?- [a] @< [a,3]. => Yes

Comparación de Términos No Básicos: Ejemplos

- subterm/2 con términos no básicos
 - □ subterm(Sub,Term):- Sub == Term. % Sub y Term son idénticos
 - □ subterm(Sub,Term):-

```
nonvar(Term),
```

functor(Term,F,N),

subterm(N,Sub,Term). % subterm/3 no varía con respecto a la definición vista anteriormente

- insert/3 inserta un elemento en una lista ordenada
 - □ insert([], Item, [Item]).
 - insert([H|T], Item, [H|T]):- H == Item.
 - □ insert([H|T], Item, [Item, H|T]):- H @> Item.
 - □ insert([H|T], Item, [H|NewT]) :- H @< Item, insert(T, Item, NewT).

Entrada/Salida de Términos

Predicado read(X):

- Lee por teclado un término, que se instanciará en la variable X
- □ El término debe ir seguido de "." y un carácter no imprimible (espacio o intro)
- Se pueden introducir términos en minúsculas, o cadenas

Predicado write(X):

- □ Siempre se satisface; nunca se intenta resatisfacer
- □ Si X está instanciada, se muestra en pantalla
- □ Si no, se muestra la variable interna (e.g.,"_G244")

■ Predicado nl:

- Provoca un salto de línea
- Predicado tab(X):
 - Escribe X espacios en blanco
- Predicado display(X):
 - Muestra X sin interpretar los functores/operadores

Escritura de Términos: Ejemplo

- Escritura de una lista en una columna: escribir_columna/1
 - escribir_columna([]).
 - escribir_columna([Cabeza|Cola]):write(Cabeza),nl,escribir_columna(Cola).

Escritura/Lectura de Términos: Ejemplo

Calcular y escribir el cubo de un número dado: cubo/0

```
□ cubo :-
     write('Siguiente item: '),
     read(X),
     procesa(X).
procesa(stop) :- !.
procesa(N):-
     C is N*N*N,
     tab(3),
     write('El cubo de '), write(N),
     write(' is '), write(C), nl,
     cubo.
```

input-output.pl

Entrada/Salida de Caracteres

- Predicado get_code(X):
 - □ Si X no está instanciada, captura el primer carácter imprimible y lo instancia en X
 - □ Si X está instanciada, intenta hacer equiparación con la entrada

```
    ?- get_code(X).
    |: d
    X= 100
    ?- X=3, get_code(X).
    |: a
    no
```

Predicado put_code(X):

□ Si X está instanciada a un código ASCII (entero positivo), entonces escribe el correspondiente caracter

```
?- put_code (104).h
```

Entrada/Salida de Ficheros (I)

- Predicado see(X):
 - Establece como canal de entrada el fichero X
 - □ Si X no esta instanciada, se produce un error
- Predicado seeing(X):
 - Averigua el canal de entrada activo
- Predicado seen:
 - □ Cierra el fichero y restablece el teclado (*user*) como canal de entrada
- Nota: los ficheros se representan como átomos de Prolog, escribiéndolos entre comillas simples.
 - '/home/usuario/fichero.txt'
 - 'salida.txt'

Entrada/Salida de Ficheros (II)

- Predicado tell(X):
 - Establece como canal de salida el fichero X
 - ☐ Si X no esta instanciada, se produce un error
- Predicado telling(X):
 - Averigua el canal de salida activo
- Predicado told:
 - Cierra el fichero y restablece el teclado como canal de salida

Entrada/Salida: Ejercicio

Escribir un predicado (barras/1) que tenga el siguiente comportamiento:

Predicados de Orden Superior

- Su semántica viene dada en términos de un lenguaje de orden inferior
 - □ Los predicados de 2º orden (meta-lenguaje) "hablan sobre" símbolos de un lenguaje de 1^{er} orden (lenguaje-objeto)
- Usos de predicados de orden superior:
 - □ Comprobación de tipos: integer/1, atom/1, var/1, ground/1
 - □ Construcción de fórmulas: =../2
 - □ Ejecución y control de la ejecución de objetivos: call/1
 - Recopilación de múltiples soluciones: findall/3, setof/3
- No son predicados de orden superior:
 - □ Aquellos que permiten añadir o eliminar cláusulas del conjunto soporte (programa) en tiempo de ejecución (programación dinámica): assert/1, retract/1, instance/2, etc.
 - □ El corte !/0 que es un mecanismo de control del *backtraking* cuya sintaxis y ejecución es la de un predicado sin serlo realmente

Meta-Programación

- Los argumentos de los predicados "ordinarios" cumplen básicamente dos funciones:
 - Contienen datos sobre los que razonar
 - E.g. member(2,[1,2,3])
 - Contienen variables a instanciar
 - E.g. plus(2,3,X)
- Un meta-predicado tiene entre sus argumentos otros (meta) predicados cuya prueba es parte de la prueba del meta-predicado
 - □ opcional(Goal):- call(Goal).
 - □ opcional(_Goal).
 - call/1 (predefinido) tiene éxito cuando su argumento lo tiene
 - **Ej.** ?- member(c,[a,b]). *versus* ?- opcional(member(c,[a,b])).

Meta-Programación: call/1

- El meta-predicado call(X) convierte el término X en un objetivo y llama a dicho objetivo
 - X debe estar instanciado a un término, sino se produce un error
- call(X) se cumple si se satisface X como objetivo
- Se usa habitualmente para
 - Meta-programación (intérpretes, shells)
 - Definir negación
 - Implementar orden superior
- Ejemplo:
 - □ q(a).
 - □ p(X) :- call(X).
 - ?- p(q(Y)).

```
Y = a
```

Meta-Programación: call/1. Ejemplos

Ejemplo:

% Un predicado

mipred(X) :- display(X), nl.

% Llamada de orden superior

Nota: este ejemplo carece de utilidad puesto que se

puede ejecutar la llamada a mipred/1 directamente

 \Box ejemplo:- X = mipred(5), call(X).

 <u>Ejemplo</u>: call/1 resulta muy útil en combinación con otros predicados como univ/2

- sujeto(12).
- sujeto(13).
- sujeto(78).
- aplicar(Predicado):sujeto(X), LLamada =.. [Predicado,X], call(LLamada), nl, fail.
- aplicar(_).

Predicado fail/0

- El predicado fail/0 es un predicado predefinido que siempre falla
 - Siempre produce fallo
 - □ Falla cuando se ejecuta (similar al objetivo a=b)
 - Es un objetivo que nunca se satisface
- Se utiliza para detectar prematuramente combinaciones de los argumentos que no llevan a solución
 - Evitando la ejecución de código que va a fallar
- Es útil cuando queremos detectar casos explícitos que invalidan un predicado

Corte y fallo

- Para evitar la aplicación de una regla, se puede forzar el fallo con una combinación de cut y fail
- <u>Ejemplo</u>: Comprobación de diferencia
 - □ different(X,X) :- !, fail.
 - different(X,Y).
- La combinación de corte y fallo (cut-fail) permite forzar el fracaso de un predicado
 - Especificando una respuesta negativa
 - Útil pero hay que usarlo con cuidado

Corte y fallo: Ejemplo

- Predicado ground/1 para verificar que un término no contiene variables libres (es un término básico)
 - Falla tan pronto se encuentra una variable libre
 - ground(Term):- var(Term), !, fail.
 - ground(Term):nonvar(Term), functor(Term,F,N), ground(N,Term).
 - □ ground(0,T). % se han recorrido todos los subtérminos
 - □ ground(N,T):-N>0, arg(N,T,Arg), ground(Arg), N1 is N-1, ground(N1,T).

Meta-Programación: negación como fallo (I)

- La negación en Prolog consiste el predicado predefinido de segundo orden '\+'/1
 - Recibe como argumento un objetivo
 - Si dicho objetivo tiene éxito la negación falla y viceversa
 - \square Ejemplo: \+ (X > 5) es equivalente a X =< 5
- not/1 usa el corte y el predicado fail
 - □ not(Goal) :- call(Goal), !, fail.
 - not(Goal).
- La terminación de not(Goal) depende de la terminación de Goal
 - not(Goal) termina si se encuentra éxito para Goal antes de una rama infinita
 - not(Goal) tiene éxito cuando Goal no puede ser probado

Meta-Programación: negación como fallo (II)

- Funciona de manera adecuada para objetivos básicos (no contienen variables libres)
 - Es responsabilidad del programador asegurar esta condición
 - Nunca instancia variables
- Es útil pero hay que saber utilizarlo:
 - unmarried_student(X):- not(married(X)), student(X).
 - □ student(joe). ?- unmarried_student(joe).
 - married(john). ?- unmarried_student(X).
- Prolog asume que aquellos objetivos que no tienen solución (fallan) son falsos
 - Cualquier cosa que no puede probarse con las reglas y los hechos de la base de conocimiento se considera falsa

Meta-Programación: negación como fallo. Ejemplo

- Definición de conjuntos disjuntos:
 - □ overlap(S1,S2):- % S1 y S2 se solapan si comparten algún elemento member(X,S1),member(X,S2).
 - disjoint(S1,S2): \+overlap(S1,S2).
 - ?- disjoint([a,b,c],[2,c,4]).
 - no
 - ?- disjoint([a,b],[1,2,3,4]).
 - yes
 - □ ?- disjoint([a,c],X).
 - no

Meta-Programación: negación como fallo. Ejemplo

- aprobado(X):- not(suspenso(X)), matriculado(X).
- matriculado(juan).
- matriculado(luis).
- suspenso(juan).

Consultas

- □ ?- aprobado(luis).
 - Yes
- □ ?- aprobado(X).
 - No

Meta-Programación: negación como fallo. Ejemplo

- aprobado2(X):- matriculado2(X), not(suspenso2(X)).
- matriculado2(juan).
- matriculado2(luis).
- suspenso2(juan).

¿Qué pasa si cambiamos el orden de los predicados? ?- aprobado2 (X).

- Definir el predicado borra/3 (borra(L1,X,L2)) que se verifica si L2 es la lista obtenida eliminando los elementos de L1 unificables simultáneamente con X
 - Solucion 1: definición con not
 - Solucion 2: definición con corte
 - - No
 - □ ?- borra([a,Y,a,c],a,L).
 - Y = a
 - L = [c];
 - No
 - □ ?- borra([a,Y,a,c],X,L).
 - Y = a
 - X = a
 - L = [c];
 - No

Definición con not

```
    borra_1([],_,[]).
    borra_1([X|L1],Y,L2):-
        X=Y,
        borra_1(L1,Y,L2).
    borra_1([X|L1],Y,[X|L2]):-
        not(X=Y),
        borra_1(L1,Y,L2).
```

Definición con corte

```
    borra_2([],_,[]).
    borra_2([X|L1],Y,L2):-
        X=Y,!,
        borra_2(L1,Y,L2).
    borra_2([X|L1],Y,[X|L2]):-
        % not(X=Y),
        borra_2(L1,Y,L2).
```

Meta-predicados de control

Los meta-predicados de control se encargan de imponer control sobre sus argumentos:

```
just_once(Goal):- call(Goal), !.
```

En lugar de que ese control deba imponerse en la definición de cada predicado a controlar:

- Ventajas de los meta-predicados de control:
 - Control explícito y su definición centralizada en el meta-predicado
 - Los predicados a controlar mantienen múltiples usos y mayor claridad

Meta-predicados de control más frecuentes

Negación como fallo:

```
not(Goal):- call(Goal), !, fail.
```

Prueba determinista:

```
just_once(Goal):- call(Goal), !.
```

Prueba condicional:

Bucle:

Meta-Programación: findall/3

- El meta-predicado findall/3 (findall(Term, Goal, ListResults)) se verifica si ListResults es el conjunto de todas las instancias del término Term que verifican el objetivo Goal
 - ☐ ListResults es [] si no hay instancias de Term
 - El número de soluciones debería ser finita (y enumerable en un tiempo finito)

Ejemplos:

- ?- findall(X,(member(X,[d,4,a,3,d,4,2,3]),number(X)),L).
 - L = [4, 3, 4, 2, 3]
- ?- findall(X,(member(X,[d,4,a,3,d,4,2,3]),compound(X)),L).
 - L = []

Meta-Programación: setof/3

- El meta-predicado setof/3 (setof(Term, Goal, ListResults)) se verifica si ListResults es la lista ordenada sin repeticiones de las instancias del término Term que verifican el objetivo Goal
 - □ El predicado falla si no hay instancias de Term
 - □ El conjunto debe ser finito (y enumerable en tiempo finito)

Ejemplos:

- ?- setof(X,(member(X,[d,4,a,3,d,4,2,3]),number(X)),L).
 - L = [2, 3, 4]
- ?- setof(X,member(X,[d,4,a,3,d,4,2,3]),L).
 - L = [2, 3, 4, a, d]
- ?- setof(X,(member(X,[d,4,a,3,d,4,2,3]),compound(X)),L).
 - No

Meta-Programación: bagof/3

- bagof/3 es igual que setof/3, pero devuelve una lista no ordenada y con duplicados (según el orden del backtracking)
 - □ El predicado falla si no hay instancias de Term
 - □ El conjunto debe ser finito (y enumerable en tiempo finito)

Ejemplos:

- ?- bagof(X,(member(X,[d,4,a,3,d,4,2,3]),number(X)),L).
 - L = [4,3,4,2,3]
- ?- bagof(X,member(X,[d,4,a,3,d,4,2,3]),L).
 - L = [d,4,a,3,d,4,2,3]
- ?- bagof(X,(member(X,[d,4,a,3,d,4,2,3]),compound(X)),L).
 - No

- Se denomina factor de un número natural N, a otro número también natural que es divisor de N, pero diferente de N
 - □ los factores de 28 son 1, 2, 4, 7 y 14
- Definir el predicado factores/2 (factores(+N,-L)) que se verifique si L es la lista ordenada de los factores del número N
 - ☐ ?- factores(42,L).
 - L= [1,2,3,6,7,14,21]

- Los números naturales se pueden clasificar en tres tipos:
 - □ N es de tipo a si N es mayor que la suma de sus factores
 - N es de tipo b si N es igual que la suma de sus factores
 - □ N es de tipo c si N es menor que la suma de sus factores
- Definir el predicado tipoNatural/2 (tipoNatural(+N,-T)) que se verifique si T es el tipo del número N
 - □ tipoNatural(10,T).
 - T=a
 - □ tipoNatural(28,T).
 - T=b
 - □ tipoNatural(12,T).
 - T=c

- Definir el predicado soloConsonantes/2 (soloConsonantes(+P,-Q)) que se verifica si Q es la palabra que se obtiene al eliminar todas las vocales de la palabra P
 - □ ?- soloConsonantes(segoviano,P).
 - P=sgvn

- Definir el predicado traduceDigitos/2 (traduceDigitos(+L1,-L2)) que se verifica si L2 es la lista de palabras correspondientes a los dígitos de la lista L1
 - ?- traduceDigitos([1,2],L).
 - L = [uno,dos]
 - Solución 1: usando recursividad
 - □ Solución 2: usando metapredicados
- Nota: usar el predicado auxiliar nombreDigito/2 (nombreDigito(D,N)) que se verifica si N es el nombre del dígito D

Modificación Dinámica (I)

- La base de conocimientos en Prolog se puede modificar en tiempo de ejecución (mientras se ejecuta el programa)
 - Muy potente
- Esto permite
 - Añadir conocimiento adquirido durante la ejecución
 - Suprimir reglas que se hacen innecesarias durante la ejecución
 - □ Simular algunas técnicas de programación imperativa no disponibles directamente en Prolog
 - Algunos trucos de programación
- A veces, esto es muy útil, pero a menudo un error
 - Código difícil de leer, difícil de entender, difícil de depurar
 - Típicamente, lento

Modificación Dinámica (II)

- La modificación dinámica debe utilizarse esporádicamente, con cuidado y a nivel local
 - Para ello existen predicados que añaden o eliminan cláusulas de la base de conocimientos
- La afirmación y la retracción pueden justificarse lógicamente en algunos casos:
 - □ Aserción de cláusulas que lógicamente se derivan del programa (lemas)
 - Retracción de las cláusulas que son lógicamente redundante
- El comportamiento y/o los requisitos pueden diferir entre las implementaciones de Prolog
 - Por lo general, el predicado debe declararse dinámico
 - :- dynamic predicado/n.

Modificación Dinámica: Añadir Conocimiento (I)

- assert/1 (assert(Clausula)): añade la cláusula a la base de conocimientos al final de todas las cláusulas del predicado
 - Clausula debe estar instanciada a una cláusula Prolog

Ejemplo:

```
□ padre(pepe, juan). Hecho en la base de conocimientos.
```

```
?- padre(pepe, X).
```

```
X = juan
yes
```

?- assert(padre(pepe, javi)), padre(pepe, X).

```
X = juan (;)
X = javi
```

yes

Modificación Dinámica: Añadir Conocimiento (II)

- assert/1 (assert(Clausula)): (continuación)
 - ☐ Si se introduce una regla, hay que encerrarla entre paréntesis para que los distintos operadores que posea no se confundan
 - □ Ejemplo:
 - assert((hijo(X, Y):- padre(Y, X))).

 asserta(Clausula): como assert, pero coloca la cláusula en primer lugar

No admiten backtracking

Modificación Dinámica: Eliminar Conocimiento (I)

- retract(Clausula): elimina de la base de conocimientos la primera cláusula unificable con Clausula, que no debe ser una variable
 - Por backtracking puede eliminar otras cláusulas
 - ☐ Si no hay cláusulas, falla

Ejemplo:

- padre(pepe, juan).
- padre(pepe, javi).
- □ ?- retract(padre(pepe, X)), padre(pepe, X).

```
X = javi
yes
```

Modificación Dinámica: Eliminar Conocimiento (II)

- abolish(Predicado/Aridad): elimina todas las cláusulas del predicado Predicado con aridad Aridad
 - Predicado debe estar instanciado

Ejemplo:

- padre(pepe, juan).
- padre(pepe, javi).
- ?- abolish(padre/2).yes
- ?- padre(X,Y).existence error

Modificación Dinámica: Ejemplo 1

- relate_numbers(X, Y):- assert(related(X, Y)).
- unrelate_numbers(X, Y):- retract(related(X, Y)).
- ?- related(1, 2).
 - no
- ?- relate_numbers(1, 2).
 - yes
- ?- related(1, 2).
 - yes
- ?- unrelate_numbers(1, 2).
 - yes
- ?- related(1, 2).
 - No

Modificación Dinámica: Ejemplo 2

Números de Fibonacci

```
fibonacci(0,0).
fibonacci(1,1).
fibonacci(N,X):-
    N>1,
    N1 is N-1,
    fibonacci(N1,X1),
    N2 is N-2,
    fibonacci(N2,X2),
```

Modificación Dinámica: Ejercicio

- Programa que permita a un usuario preguntar (vía teclado) por la capital de un determinado país
 - Si el país está en la base de conocimientos, entonces se devuelve el nombre de su capital
 - □ Si el país no está en la base de conocimientos, entonces se solicita el nombre de la capital y se introduce este hecho en la base de conocimientos
 - □ Si el usuario teclea "stop.", entonces se graba la nueva base de conocimientos y se sale del programa

Modificación Dinámica: clause/2 (I)

- clause(Head, Body):
 - □ Busca una cláusula cuya cabeza es *Head* y cuyo cuerpo es *Body*
 - □ La cláusula *Head*:-*Body* existe en el programa actual
 - Head es un término que no es una variable libre
 - □ El predicado correspondiente debe ser dinámico

■ Ejemplo:

- \Box p(X) :- q(X).
- \Box p(b) :- r(b), s(b).
- □ q(a).
- ?- clause(p(a), Cuerpo).
 - Cuerpo = q(a)
- ?- clause(p(b), Cuerpo).
 - Cuerpo = q(b);
 - Cuerpo = r(b), s(b)
- ?- clause(q(a), Cuerpo).
 - Cuerpo = true

Modificación Dinámica: clause/2 (II)

- <u>Ejemplo</u>: Meta-intérprete simple ("vanilla")
 - □ solve(true). La meta vacía es cierta.

 La meta vacía está resuelta.
 - □ solve((A,B)):- solve(A), solve(B). La meta conjuntiva (A, B) es cierta si A es cierta y B es cierta. Para resolver la meta (A, B) resolver primero A y después B.
 - La meta A es cierta si existe una cláusula A:-B y B es cierta.

 Para resolver la meta A, seleccionar una cláusula cuya cabeza unifique con A y resolver el cuerpo.
- Este código se puede mejorar para realizar diferentes tareas: tracing, debugging, proporcionar explicaciones (sistemas expertos), etc.

Modificación Dinámica: clause/2 (III)

- <u>Ejemplo</u>: Definir un metaintérprete que cuente la cantidad de hechos visitados a lo largo de la resolución de una cierta consulta
 - solve(true, 1).
 - solve((A, B), CHAB):solve(A, CHA), solve(B, CHB), CHAB is CHA + CHB.
 - solve(A, CH) :clause(A, B), solve(B, CH).

Análisis Sintáctico (Parsing) en Prolog

- Supongamos que necesitamos definir un predicado que sea capaz de aceptar frases sencillas como:
 - ☐ Tu hermano es el hijo de tus padres
 - □ Tu abuelo es el padre de tus padres
 - Mi primo es el hijo de mis tios

Análisis Sintáctico en Prolog

Estas frases se ajustan a la siguiente gramática BNF:

- □ <frase>::= <sn> <sv>
- <sn>::= <posesivo> <nombre> | <determinante> <nombre>
- < <sv>::= <verbo> <atributo>
- <atributo>::= <sn> <cn>
- □ <posesivo>::= tu | mi | mis | tus
- <nombre>::= hermano | abuelo | primo | padres | tios | hijo | padre
- □ <verbo>::= es
- □ <determinante>::= el
- □ <cn>::= <prep> <sn>
- □ >::= de

Análisis Sintáctico en Prolog

- Escribir un predicado frase/1 que
 - acepte una frase si se adecúa a las reglas de la gramática, o
 - la rechace en caso contrario
- La frase se representa como una lista de palabras
 - ?- frase([mi,primo,es,el,hijo,de,mis,tios]).
- Una manera de implementar estas reglas gramaticales es emplear la estrategia de "generar y testear"
 - frase(L):append(SN,SV,L), Genera posibles valores para SN y SV, dividiendo la lista original L sn(SN), Comprueban si cada sublista es gramaticalmente correcta. Si no, por backtracking se sv(SV).

EjemploAnalisisSintactico-Listas.pl

Nota: Los predicados sn/1 y sv/1 son similares a frase/1, y llaman a otros predicados que tratan con unidades más pequeñas de una sentencia

Parsing (usando append y listas): Ejemplo

- La frase, en inglés, se representa como una lista de caracteres
 - myphrase(X):append(A,T1,X), article(A), append(SP,T2,T1), spaces(SP), append(N,T3,T2), noun(N), append(SPN,V,T3), spaces(SPN), verb(V).
 - □ article([a]).
 - □ article([t,h,e]).
 - spaces([' ']).
 - spaces([' ' | Y]) :- spaces(Y).
 - noun([c,a,r]).
 - noun([p,l,a,n,e]).
 - verb([f,l,i,e,s]).
 - □ verb([d,r,i,v,e,s]).
 - ?- myphrase([t,h,e,' ',p,l,a,n,e,' ',f,l,i,e,s]).

Análisis Sintáctico en Prolog

- La estrategia "generar y testear" es ineficaz
- Un estrategia más eficiente consiste en
 - evitar la etapa de generación
 - pasar la lista completa a los predicados que implementan las reglas gramaticales
 - Estos predicados identifican los correspondientes elementos gramaticales procesando secuencialmente los elementos de la lista de izquierda a derecha, devolviendo el resto de la lista
- Para ello podemos emplear listas diferencia

Listas Diferencia (Difference Lists)

- Son estructuras de datos incompletas
- <u>Ejemplo</u>: Supongamos la lista [1, 2, 3]. Podríamos representar dicha lista como la diferencia de los siguientes pares de listas:
 - □ [1, 2, 3, 5, 8] y [5, 8]
 - □ [1, 2, 3, 6, 7, 8, 9] y [6, 7, 8, 9]
 - □ [1,2,3] y [].
 - Cada uno de estos son casos del par de dos listas incompletas [1,2,3
 | X] y X.
 - □ El par se llama lista diferencia
- Una lista diferencia se representa mediante A-B
 - A es una lista abierta que acaba en B
 - B es una variable libre

Listas Diferencia (Difference Lists)

- <u>Ejemplo</u>: La lista [1,2,3] se representa usando listas diferencia como
 - \Box [1, 2, 3 | X] X
 - □ ([1, 2, 3 | X], X) (lista abierta, referencia al resto de la lista)
- Permiten mantener un puntero al final de la lista
- Permiten concatenación en tiempo constante
 - □ append_dl (X-Y, Y-Z, X-Z).
- Permiten manipular listas de forma más eficiente definiendo "patrones de listas"

Listas Diferencia (Difference Lists)

- Predicado para transformar una lista diferencia en una lista "normal"
 - □ dl_to_list([] _, []) :- !.
 - dl_to_list([X|Y] Z, [X|W]) :- dl_to_list(Y Z, W).
- Predicado para transformar una lista "normal" en una lista diferencia
 - □ list_to_dl([], X X).
 - □ list_to_dl([X|W], [X|Y] Z) :- list_to_dl(W, Y Z).

- Prolog incorpora la posibilidad de definir gramáticas mediante una sintaxis especial que oculta la presencia de las listas diferencia
- Esta sintaxis se denomina Gramática Definida por Cláusulas (Definite Clause Grammar - DCG)
 - Extensión sintáctica de la sintáxis ordinaria de Prolog
 - Se utiliza para la creación de gramáticas formales en forma abreviada
 - □ Simplifica y hace más legibles los analizadores sintácticos

Notación:

- no_terminal --> cuerpo
 - no terminales: átomos de Prolog
 - cuerpo: terminales y no terminales separados por ","
 - cadenas de terminales: listas de átomos de Prolog

Ejemplos:

- □ S --> [a],[b],S.
- □ S --> [c].
- Se --> sn,sv.
- □ sn --> det,nom.
- sv --> verbo,sn.
- det --> [el].
- nom --> [Pepe]
- nom --> [gato].
- verb --> [come].

Ejemplo:

- oracion(S0,S):- sintagma_nominal(S0,S1), sintagma_verbal(S1,S).
- oracion --> sintagma_nominal, sintagma_verbal. % Sintaxis DCG

- Las cláusulas gramaticales definidas con DCG se analizan y traducen a cláusulas Prolog que usan listas diferencias
- **Ejemplo**:
 - □ sentence --> nounphrase, verbphrase. % usando DCG
 - □ sentence (S1, S2): nounphrase (S1, S3), verbphrase (S3, S2). % traducido
 - Nota: Para analizar una frase, hemos de invocar sentence/2
 - ?- sentence ([dog, chases, cat],R).
- El vocabulario (los símbolos terminales) en DCG se representa con listas simples
 - noun --> [dog].
 - verb --> [chases].
 - Estas listas se traducen a listas diferencia en Prolog
 - noun([dog|X], X).
 - verb([chases | X], X).

- La gramática definida presenta algunas deficiencias como la falta de concordancia entre el número del posesivo y el nombre
- Por ejemplo, "mi padres" resultaría aceptable como sintagma nominal (sn):
 - □ ?- sn([mi,padres], R).
 - R = []
 - Yes
- Por ello una frase como la siguiente sería aceptable:
 - ?- frase([mi,abuelo,es,el,padres,de,mis,padre],R).
 - R = []
 - Yes

Gramática Definida por Cláusulas: Uso de Variables

- Para resolver este problema se pueden emplear argumentos en las cláusulas de la gramática
 - posesivo(sing) --> [mi].
 - posesivo(plur) --> [mis].
 - nombre(plur) --> [padres].
 - □ nombre(sing) --> [padre].
- Con esta solución la siguiente frase no es válida
 - □ ?- frase([mi,primo,es,el,hijo,de,mi,tios],R).
 - No

Gramática Definida por Cláusulas: Uso de Variables

■ <u>Ejemplo</u>: Uso de variables para devolver un análisis sintáctico (y eventualmente morfológico) de la frase

Gramática Definida por Cláusulas: Acciones

- Es posible incluir cláusulas de Prolog en la definición de las cláusulas gramaticales.
- Estas cláusulas deben encerrarse entre llaves { }

Ejemplo:

```
□ %% ?- myphrase(NChars,"the plane flies",[]).
```

- :- use_package(dcg).
- myphrase(N) --> article(AC), spaces(S1), noun(NC), spaces(S2), verb(VC), { N is AC + S1 + NC + S2 + VC}.
- □ article(3) --> "the". spaces(1) --> " ".
- □ article(1) --> "a". spaces(N) --> " ", spaces(N1), {N is N1+1}.
- \square noun(5) --> "plane". verb(5) --> "flies".
- \square noun(3) --> "car". verb(6) --> "drives".

DCGs: Ejemplo

- Gramática para reconocer expresiones aritméticas.
 - □ expr --> term.
 - expr --> term, [+], expr.
 - expr --> term, [-], expr.
 - term --> num.
 - □ term --> num, [*], term.
 - □ term --> num, [/], term.
 - □ num --> [D], { number(D) }.
 - \square parse(E) :- expr(E,[]).

DCGs: Ejercicio

- Escribir una gramática DCG para analizar contactos telefónicos
 - texto_contacto('Garcia, Manolo 992168010').
 - texto_contacto('Pedro 634873429').
 - texto_contacto('Perea, Jose Manuel 634987450').
 - texto_contacto('Lopez Carmona, Carmen 594270328').
 - texto_contacto('Castro Moreno, Luis Miguel 340769600').
 - texto_contacto('Martinez de la Rosa, Pedro 917349238').

Programación Declarativa: Lógica y Restricciones

El lenguaje de programación ISO-Prolog

Mari Carmen Suárez de Figueroa Baonza mcsuarez@fi.upm.es

