

3170105932 杨钊

1.5. (a). P1的每秒指令数: $3 \times 10^9 \div 1.5 = 2 \times 10^9 = 2000 \text{ MIPS}$

P2: $2.5 \times 10^9 \div 1 = 2.5 \times 10^9 = 2500 \text{ MIPS}$

P3: $4 \times 10^9 \div 2.2 \approx 1818 \text{ MIPS}$

\therefore 处理器 P2 有最快的指令执行速率

(b) 10秒钟, P1 时钟周期数: $N_{T1} = 3 \times 10^9 \times 10 = 3 \times 10^{10}$

P1 执行指令数: $N_{I1} = 2 \times 10^9 \times 10 = 2 \times 10^{10}$

10秒钟, P2 时钟周期数: $N_{T2} = 2.5 \times 10^9 \times 10 = 2.5 \times 10^{10}$

P2 执行指令数: $N_{I2} = 2.5 \times 10^9 \times 10 = 2.5 \times 10^{10}$

10秒钟, P3 时钟周期数: $N_{T3} = 4 \times 10^9 \times 10 = 4 \times 10^{10}$

P3 执行指令数: $N_{I3} = 1.818 \times 10^9 \times 10 = 1.818 \times 10^{10}$

(c) $CPI(P1) = 1.5 \times 1.2 = 1.8$, $CPI(P2) = 1.2$, $CPI(P3) = 2.2 \times 1.2 = 2.64$

$Time_{(new)} = Time_{(old)} \times 0.7 = 7s$

则 $Time(P1) = 2 \times 10^{10} \times 1.8 \div 7 = 5.14 \text{ GHz}$

$Time(P2) = 2.5 \times 10^{10} \times 1.2 \div 7 = 4.29 \text{ GHz}$

$Time(P3) = 1.818 \times 10^{10} \times 1.2 \div 7 = 6.86 \text{ GHz}$

1.6. 对于 P1 而言, 执行该程序耗时:

$$T_1 = t_{A1} + t_{B1} + t_{C1} + t_{D1}$$

$$= (10^5 + 2 \times 10^5 + 5 \times 10^5 \times 3 + 2 \times 10^5 \times 3) \div (2.5 \times 10^9) = 1.04 \text{ ms}$$

对于 P2 而言, 执行该程序耗时:

$$T_2 = t_{A2} + t_{B2} + t_{C2} + t_{D2}$$

$$= (10^5 \times 2 + 2 \times 10^5 \times 2 + 5 \times 10^5 \times 2 + 2 \times 10^5 \times 2) \div (2.5 \times 10^9) = 0.8 \text{ ms}$$

所以 P2 架构实现程序更快

$$(a). CPI(P1) = 2.6 \times 10^6 / 10^6 = 2.6$$

$$CPI(P2) = 2 \times 10^6 / 10^6 = 2$$

$$(b) P1 \text{ 所需时钟周期数: } N_1 = 2.6 \times 10^6$$

$$P2 \text{ 为 } N_2 = 2 \times 10^6$$

$$1.14. \text{ 运行该程序总时间 } T_{total} = (50 \times 10^6 + 110 \times 10^6 + 80 \times 10^6 \times 4 + 16 \times 10^6 \times 2) \div (2 \times 10^9) = 256 \text{ ms}$$

$$(1) \text{ FP 指令部分 } T_{FP} = 50 \times 10^6 \div (2 \times 10^9) = 25 \text{ ms} < \frac{256}{2} \text{ ms}$$

\therefore 仅通过优化 FP 指令无法使程序运行速度达到原来 2 倍

$$(2) \text{ 原本 } T_{L/S} = 480 \times 10^6 \div (2 \times 10^9) = 160 \text{ ms}$$

$$\text{要使 } T'_{total} = \frac{1}{2} T_{total}, \text{ 则 } T'_{L/S} = 160 \text{ ms} - 128 \text{ ms} = 32 \text{ ms}$$

$$\text{则 } CPI_{(L/S)} = 2 \times 10^9 \times 32 \times 10^{-3} \div (80 \times 10^6) = 0.8 \text{ 即 L/S 指令的 CPI}$$

$$(3) CPI_{(FP)} = CPI_{(INT)} = 0.6, CPI_{(L/S)} = 2.8, CPI_{(Branch)} = 1.4 \text{ 缩减为原来的 20\%}$$

$$T_{total} = (50 \times 10^6 \times 0.6 + 110 \times 10^6 \times 0.6 + 80 \times 10^6 \times 2.8 + 16 \times 10^6 \times 1.4) \div (2 \times 10^9) = 171.2 \text{ ms}$$

$$\text{运行时间改善 } \frac{256 - 171.2}{256} \times 100\% = 33.13\%$$

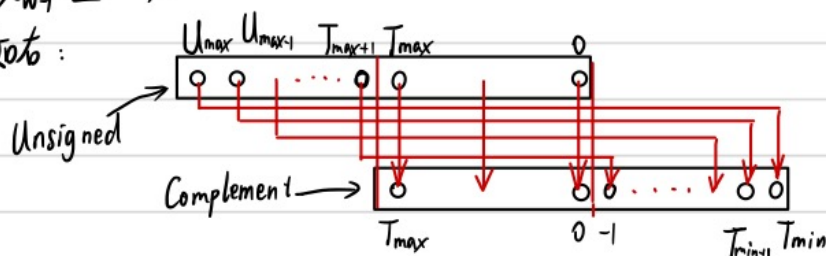
1. 首先有 $B2U(x) = \sum_{i=0}^{w-1} x_i \cdot 2^i$, $B2T(x) = -x_{w-1} \cdot 2^{w-1} + \sum_{i=0}^{w-2} x_i \cdot 2^i$

$\therefore B2U(x) - B2T(x) = x_{w-1} \cdot 2^w$

$\therefore U2T = B2T(U2B) = x_{w-1} \cdot 2^w - B2U(U2B) = x_{w-1} \cdot 2^w - x$

即 $U2T(x) = x_{w-1} \cdot 2^w - x$

$U \rightarrow T$ 对照图如右:



2. (a). ① $0b10010011 = 147 = 0x93$

② $63 = 0b00111111 = 0x3F$

③ $0b00100100 = 36 = 0x24$

④ $0 = 0b00000000 = 0x00$

⑤ $39 = 0b00100111 = 0x27$

⑥ $437 = 0b000110110101 = 0x185$

⑦ $0x0123 = 0b0000000100100011 = 291$

(b). ① $0xD3AD = 0b1101001110101101$

② $0xB33F = 0b1011001100111111$

③ $0x7EC4 = 0b0111111011000100$

(c). ① $2^{16} = 2^6 Ki = 64 Ki$ ② $2^{34} = 2^4 Gi = 16 Gi$

③ $2^{27} = 2^7 Mi = 128 Mi$ ④ $2^{61} = 2 Ei$

⑤ $2^{43} = 2^3 Ti = 8 Ti$ ⑥ $2^{47} = 2^7 Ti = 128 Ti$

⑦ $2^{36} = 2^6 Gi = 64 Gi$ ⑧ $2^{58} = 2^8 Pi = 256 Pi$

(d). ① $2 Ki = 2^{11}$ ② $256 Pi = 2^{58}$ ③ $512 Ki = 2^{19}$

④ $64 Gi = 2^{36}$ ⑤ $16 Mi = 2^{24}$ ⑥ $128 Ei = 2^{67}$

3. (a). 对于数 x , 实现 $3x$ 可以通过: $x \ll 1 + x$

(b). 对于数 x , 实现 $7x$ 可通过: $x \ll 3 - x$

$-x$ 可以通过补码实现, 即 $x \ll 3 + (-x)$

(c). 对于数 x , 实现 $x/3$ 可以通过: $\sum_{i=1}^{15} (x \ll (2^i))$

对于等比数列: $\frac{1}{4}, \frac{1}{16}, \frac{1}{64}, \dots$

$$S_n = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{i=1}^n \frac{1}{4^i} = \frac{1}{3}$$

$\therefore \frac{1}{3}x = \frac{1}{4}x + \frac{1}{16}x + \frac{1}{64}x + \dots = x \ll 2 + x \ll 4 + x \ll 6 + \dots$

由于 int 型为 32 位

$\therefore \frac{1}{3}x \approx x \ll 2 + x \ll 4 + x \ll 6 + \dots + x \ll 30$

4. (a). $x = 0b0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 1010$

$ux = 0b0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$

$y = 0b01000001\ 0010\ 1001\ 1001\ 1001\ 1001\ 1001\ 1001$

$z = 0b1100\ 0000\ 0011\ 1111\ 1011\ 0011\ 0011\ 0011\ 0011\ 0011\ 0011\ 0011\ 0011\ 0011\ 0011\ 0011$

(b) $x \cdot y$ 时, float 型的 x 会自动转换成 double 以便与 double 的 y 运算

则 $(double)x = 0b0100\ 0000\ 0010\ 0101\ 0011\ 0011\ 0011\ 0011\ 0010\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$

$x \cdot y = 0b1100\ 0000\ 0110\ 1111\ 1111\ 0111\ 1000\ 0101\ 0001\ 1110\ 1100\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$

而 z 为 float 型

$\therefore z = x \cdot y = 0b1100\ 0110\ 1111\ 1111\ 1011\ 1100\ 0010$

(c) $x = (-1)^{s_1} M_1 \cdot 2^{E_1}$, $y = (-1)^{s_2} M_2 \cdot 2^{E_2}$

x, y 二进制见 (b) 中 $(double)x$ 与 (a) 中 z

$$\begin{array}{r} \boxed{(-1)^{s_2} M_2} \leftarrow E_2 - E_1 \\ + \\ \boxed{(-1)^{s_1} M_1} \end{array}$$

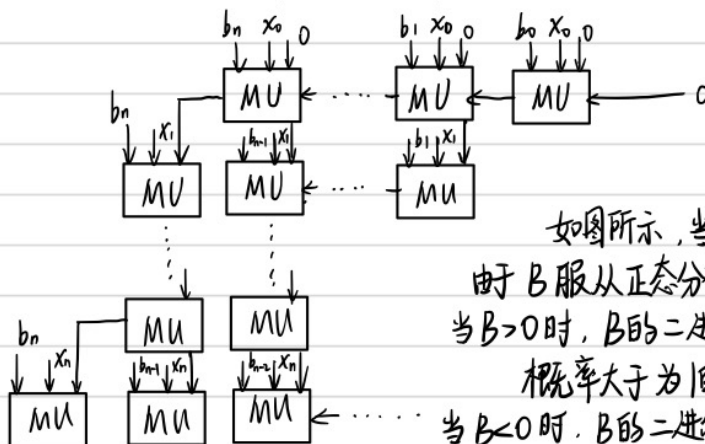
$$x + y = (double)x + y = 2^3 \times (M_1 - 2M_2)$$

其中 $M_1 = (1.01010011001100110010)_2$

$M_2 = (1.11110110011001100110011001100110011001100110011)_2$

$$\therefore z = (float)(x + y) = -21.1$$

5. 首先应该使用二进制数的补码形式进行运算



如图所示, 当 $b_i = 0$ 时, $x_j \cdot b_i$ 无功耗

由于 B 服从正态分布, 所以 B 大概率在 0 附近

当 $B > 0$ 时, B 的二进制原码与补码为 0 的位数

概率大于为 1 的位数

当 $B < 0$ 时, B 的二进制原码为 1 的位数概率大于

为 0 位数, 但补码中位数为 0 的概率大于位数为 1.

如 $-1 = 0b1111\ 1111\ 1111\ 1111\ 1111\ 1111\ 1111\ 1111$ 原码

$-1 = 0b1000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0001$ 补码

在补码基础上, 可以通过 Booth 编码的方法减少部分积数量从而优化 MAC

将乘数按三位一组进行划分,相互重叠一位,每一组按下表编码,并形成一部分和

Y_n	Y_{n+1}	操作
0	0	+0, 右移一位
0	1	+[-x]补, 右移一位
1	0	+[-x]补, 右移一位
1	1	+0, 右移一位

二进制补码 $y = -2^{n-1}y_{n-1} + 2^{n-2}y_{n-2} + \dots + y_0 \dots\dots ①$

①式可等效于: $y = 2^{n-1}(-y_{n-1} + y_{n-2}) + 2^{n-2}(-y_{n-2} + y_{n-3}) + \dots + (-y_0 + y_1) \dots\dots ②$

Booth 编码采用②式的开方式,将多个部分积之和

转化成只需计算首尾两个部分积,大大减小部分积数目,从而实现对乘加器的优化

具体步骤如下: 1、被乘数X与乘数B均以补码形式参加乘法运算,结果是积的补码

2、部分积和被乘数X采用双符号位,乘数B采用单符号位

3、初始部分积为0,运算前,在乘数B的补码末位添加一位 B_{m+1} ,初值为0

4、根据 Y_n, Y_{n+1} 的值,按照上表进行累加右移操作,右移时遵循补码移位规则

5、累加 $n+1$ 次,右移 n 次,最后一次不右移

具体硬件框架如下所示:

例如:

操作	乘数	操作	部分积
0	1001 1111		0000 0000 1000 1110
1	1001 1111	00	0000 0000 0100 0111
2		10	- 1001 1111
			0110 0001 0100 0111
			0011 0000 1010 0011
3		11	0001 1000 0101 0001
4		11	0000 1100 0010 1000
5		01	+1001 1111
			1010 1011 0010 1000
			1101 0101 1001 0100
6		00	1110 1010 1100 1010
7		00	1111 0101 0110 0101
8		10	- 1001 1111
			0101 0110 0110 0101

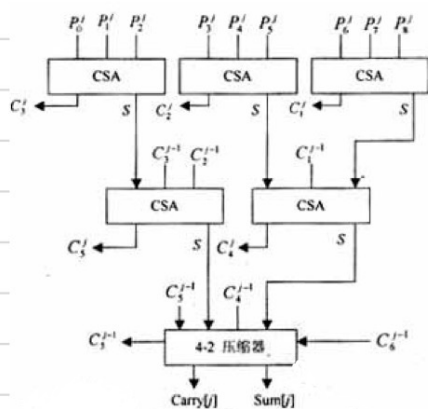


图3 Wallace 树