

$$G \simeq \mathbb{Z}/p^r\mathbb{Z} \xrightarrow{\alpha_p} \mathbb{Z}/p^r\mathbb{Z}$$

