

02-B-4 加倍式扩容

#数据结构邓神

加倍式拓展容量

```
T* oldElem = _elem;  
_elem = new T[_capacity <<= 1]; // 容量加倍
```

最坏情况：在初始容量1的满容器中，连续插入 $n = 2^m \gg 2$ 个元素

于是只会 在第 1, 2, 4, 8, 16, ... 才会扩容

各次扩容的成本依次为：

1, 2, 4, 8, 16, ..., $2^m = n$ // 几何级数

总体耗时为 $O(n)$ 每次拓展容量分摊成本为 $O(1)$ // $O(1)$ Wooooooooooooooooow

//从 $O(n) \rightarrow O(1)$

容量加倍策略

```
❖ T* oldElem = _elem; _elem = new T[_capacity <<= 1]; //容量加倍
```

❖ 最坏情况：在初始容量1的满向量中，连续插入 $n = 2^m \gg 2$ 个元素...

❖ 于是，在第1、2、4、8、16、...次插入时都需扩容

❖ 各次扩容过程中复制原向量的时间成本依次为

1, 2, 4, 8, ..., $2^m = n$ //几何级数

总体耗时 = $O(n)$ ，每次扩容的分摊成本为 $O(1)$

Expansion Step	Number of Elements Copied
1	1
2	2
4	4
8	8
...	...
2^{m-1}	2^{m-1}
2^m	$2^m = O(n)$

加倍式扩容和递增式扩容的对比

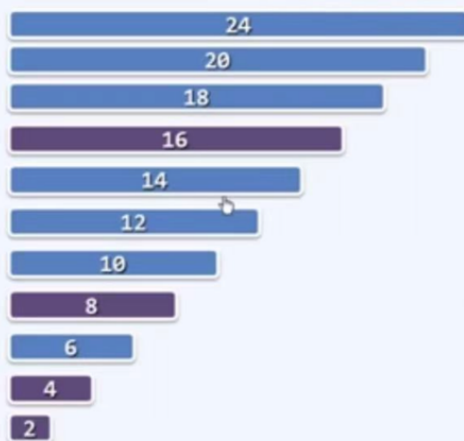
递增式会多次进行拓展容量操作

而加倍策略使得扩容操作次数为 $\log N$ 而且装填因子也始终高于 50%

虽然在空间方面 递增策略利用率非常接近100% 但是却浪费了大量的时间

我们可以认为倍增策略是牺牲了一定空间效率，换取了极大的时间效率的提升

对比



	递增策略	倍增策略
累计 扩容时间	$O(n^2)$	$O(n)$
分摊 扩容时间	$O(n)$	$O(1)$
装填因子	$\approx 100\%$	$> 50\%$