

ABC 161 解説

chokudai, evima, kyopro_friends, latte0119,
namonakiacc, sheyasutaka, tozangezan, ynymxiaolongbao

2020 年 4 月 4 日

For International Readers: English editorial will be published in a few days.

A: ABC swap

実際にシミュレーションを行えばよいです。以下は C++ における実装例です。

```
1 #include<iostream>
2 using namespace std;
3
4 int main(){
5     int a,b,c;
6     cin>>a>>b>>c;
7     swap(a,b);
8     swap(a,c);
9     cout<<a<<" "<<b<<" "<<c<<endl;
10    return 0;
11 }
```

B: Popular Vote

M 位の商品が総得票数の $\frac{1}{4M}$ 以上の票を獲得していれば YES、そうでなければ NO です。これは得票数順にソートすることで判定できます。

```
1 N, M = map(int, input().split())
2 A = list(map(int, input().split()))
3 A.sort(reverse=True)
4 S = sum(A)
5 if A[M-1] >= S / (4*M):
6     print("Yes")
7 else:
8     print("No")
```

その他、「総得票数の $\frac{1}{4M}$ 以上の票を獲得している商品が M 個以上あれば YES、そうでなければ NO」として解くこともできます。この場合ソートは不要です。

```
1 N, M = map(int, input().split())
2 A = list(map(int, input().split()))
3 S = sum(A)
4 cnt = 0
5 for a in A:
6     if a >= S / (4*M):
7         cnt += 1
8 if cnt >= M:
9     print("Yes")
10 else:
11     print("No")
```

なお、C++,Java などの言語を利用している場合、除算の挙動に注意してください (整数型変数同士の除算では、結果は整数に切り捨てられます)。

C: Replacing Integer

x が K 以上のとき、操作を行うことで $x - K$ となります。すなわち、 N から N/K 回操作を行うことで、整数は N を K で割った余りとなります。

N を K で割った余りを t とします。 t に操作を行うと、 $K - t$ となります。 $K - t$ に操作を行うと、 t に戻るだけです。すなわち K 以下の値として取りうるものは t と $K - t$ のいずれかのみとなります。

よって答えは t と $K - t$ のうち小さい方、すなわち N を K で割った余りと、 $K - (N \text{ を } K \text{ で割った余り})$ のうち小さい方です。

D: Lunlun Number

この問題は、Queue というデータ構造を用いることで効率的に解くことができます。まず、空の Queue を 1 つ用意し、 $1, 2, \dots, 9$ を順に Enqueue します。それから、以下の操作を K 回行います。

- Queue に対して Dequeue を行う。取り出した要素を x とする。
- $x \bmod 10 \neq 0$ なら、 $10x - 1$ を Enqueue する。
- $10x$ を Enqueue する。
- $x \bmod 10 \neq 9$ なら、 $10x + 1$ を Enqueue する。

K 回目の操作において取り出した数が、 K 番目の Lunlun Number となっています。

E:Yutori

ある期間内に働く日数を最大化するためには、前から貪欲に働く日を決めるのが最適です。したがって前から貪欲に働く日を決めた場合を考えることで「 x 回目に働く日は $L[x]$ 日目以降」という配列 L を求めることができます。同様に後ろから貪欲に働く日を決めた場合を考えることで「 x 回目に働く日は $R[x]$ 日目以前」という配列 R を求めることができます。 i 日目に必ず働くのは、 $L[x] = R[x] = i$ となる x が存在するときそのときに限るので、この問題は $O(N)$ で解けました。

F: Division or Substraction

割り算の操作を1度もしない場合、操作によって $N \bmod K$ は変化しません。したがって、最終的に1になるためには $N \bmod K = 1$ であることが必要十分です。そのような K は $N - 1$ の約数のうち、1でないもの全てであり、その個数は $O(\sqrt{N})$ で求めることができます。

割り算の操作を1度以上する場合、そのような K は N の約数です。実際に K で割り切れなくなるまで操作をしたあと、 $N \bmod K = 1$ になっているかを確認することにより、各約数毎に $O(\log N)$ で判定することができます。

よって以上により問題が解けました。 N および $N - 1$ の約数を求める部分がボトルネックとなり、計算量は $O(\sqrt{N})$ となります。