UNIDAD V TDA Matriz Dispersa

2.1.1 Descripción del TDA Matriz Dispersa

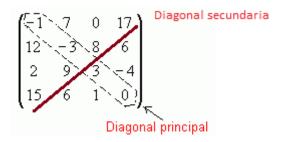
Para describir una matriz dispersa inicialmente definiremos conceptos básicos sobre matrices por lo que una matriz de **orden (m x n)** es un conjunto de $m \times n$ números ordenados en una tabla:

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix}$$

en donde podemos apreciar horizontalmente las filas, fila 1: ($^{a_{11}}$ $^{a_{12}}$ $^{\dots}$ $^{a_{1k}}$), fila 2: ($^{a_{21}}$ $^{a_{22}}$ $^{\dots}$ $^{a_{2k}}$), etc. Mientras que verticalmente se habla de columnas: columna 1, columna 2, etc.

Por tanto, una matriz de orden (m x n) tiene m filas y n columnas. En caso de que el número de filas y el de columnas sea el mismo se habla de matriz cuadrada

Las matrices cuadradas tienen dos diagonales, de las cuales sobre un ejemplo vemos las que se llamam "diagonal principal" y "diagonal secundaria" de la matriz



Por lo tanto una matriz dispersa es una matriz que en la que la mayoría de sus elementos son cero.

Las matrices dispersas de dimensiones grandes se usan a menudo en ciencia o ingeniería cuando se resuelven ecuaciones diferenciales parciales .

Al implementar matrices dispersas en una computadora, es beneficioso y a menudo necesario utilizar algoritmos especializados y estructuras de datos que aprovechen la estructura dispersa de la matriz. Las definiciones estándar de matrices que se utilizan para programar no se pueden utilizar para matrices dispersas ya que el uso de espacio de memoria seria mayor que la memoria disponible por el computador.

Una matriz dispersa se comporta como una matriz bidimensional, con la característica de que la mayoría de los elementos son cero. Para ahorrar espacio en la memoria, solo se guardan realmente los elementos distintos de cero, junto con suficiente información para guardar o inferir los índices.

Las operaciones básicas con matrices son:

Adición: Sean A y B son dos matrices del mismo orden, entonces la matriz suma S = A + B es:

$$\left. \begin{array}{l} A = (a_{ij}) \\ B = (b_{ij}) \end{array} \right\} \ \left(s_{ij} \right) = \left(a_{ij} \right) + \left(b_{ij} \right)$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 5 & 3 & 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 3 & -1 & 2 \\ 1 & 0 & -2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & 1 & 3 \\ 6 & 3 & -2 \end{pmatrix}$$

Producto por un escalar: Sea A una matriz y k un escalar (un número real), entonces la matriz B = k A es:

$$A = (a_{ij})$$

$$k \in R$$

$$\{b_{ij}\} = (k \cdot a_{ij})$$

$$4 \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 5 & 3 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & 8 & 4 \\ 20 & 12 & 0 \end{pmatrix}$$

Considerando esto, podemos hablar de la RESTA de dos matrices A - B, como la suma de A con el producto de (-1)B, lo cual equivale a restar los correspondientes elementos (i,j) de A con los (i,j) de B

Producto: Sea A una matriz de orden (m x n), y B una matriz de orden (n x r), entonces la matriz producto, es una matriz P = A * B de orden (m 'r):

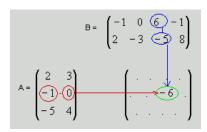
$$\left. \begin{array}{l} A = (a_{ij}) \\ B = \left(b_{ij}\right) \end{array} \right\} \quad p_{ij} = a_{i1}b_{1j} + a_{i2}b_{2j} + \ldots + a_{in}b_{nj} = \sum_{k=1}^{n} a_{ik}b_{kj} \end{array}$$

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 0 \\ -5 & 4 \end{pmatrix} , B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 6 & -1 \\ 2 & -3 & -5 & 8 \end{pmatrix} P = \begin{pmatrix} 4 & -9 & -3 & 22 \\ 1 & 0 & -6 & 1 \\ 13 & -12 & -50 & 37 \end{pmatrix}$$

en la que se han ido obteniendo los elementos multiplicando fila de A por columna de B (por ejemplo):

$$p_{23} = a_{21}b_{13} + a_{22}b_{23}$$

-1.6 + 0.(-5) \rightarrow -6



Transpuesta: El concepto de matriz traspuesta no es exclusivo de matrices cuadradas.) Sea una matriz A de orden (m x n), se llama "matriz traspuesta de A", a una matriz, ${}^{t}A$, de orden (n x m), obtenida a partir de A, cambiando filas por columnas

$$A = (a_{ij}) \quad , \quad {}^{T}A = (a_{ji}) \qquad \qquad A = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 5 \\ 3 & 7 \end{pmatrix} \quad , \quad {}^{t}A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 0 & 5 & 7 \end{pmatrix}$$

Simétrica: Una matriz A es "simétrica" si coincide con su traspuesta, es decir si: A = ^tA. Por ejemplo

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & -7 \\ 3 & -2 & 8 \\ -7 & 8 & 0 \end{pmatrix}$$

Identidad: Es una matriz cuadrada (orden n), representada como In, en la que todos sus elementos son 0, excepto los de la diagonal principal, que son unos:

$$I_n = \begin{pmatrix} 1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 1 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & \dots & 1 \end{pmatrix}$$

2.1.2 Especificación del TDA Matriz Dispersa.

Partiendo de lo establecido en la Unidad 1. Especificación Informal tenemos lo siguiente: Elementos que conforman la estructura

TDA MatrizDispersa (VALORES todos los valores numéricos de cualquier tipo, **OPERACIONES** crear, poner, elemento, dimension_fila, dimension_columna, dimensionar, definir_valor_repetido)

OPERACIONES

crear (M: MatrizDispersa)

Utilidad: Sirve para inicializar la matriz dispersa

Entrada: Matriz Dispersa M

Salida: Ninguna

Precondición: Ninguna.

Poscondición: Matriz Dispersa inicializada 0x0 y valor repetido 0.

Dimensionar(M: MatrizDispersa, df,dc:entero)
Utilidad: Sirve determinar la dimensión de la matriz

Entrada: Matriz Dispersa M

Salida: Ninguna

Precondición: Matriz Dispersa Creada

Poscondición: Matriz Dispersa con dimensión definida (DF x DC.)

Dimension_Fila(M:MatrizDispersa)

Utilidad: Determina cuantas filas máximo maneja la matriz

Entrada: Matriz Dispersa M
Salida: Numero máximo de Filas
Precondición: Matriz Dispersa Creada

Poscondición: Ninguna

Dimension_Columna(M:MatrizDispersa)

Utilidad: Determina cuantas columnas máximo maneja la matriz

Entrada: Matriz Dispersa M

Salida: Número máximo de columnas Precondición: Matriz Dispersa Creada

Poscondición: Ninguna

Definir_valor_repetido(M:MatrizDispersa, valor: elemento)

Utilidad: Establecer qué valor es el que se repite más en la matriz por defecto "0"

Entrada: Matriz Dispersa M y Valor Repetido

Salida: Ninguna

Precondición: Matriz Dispersa Creada

Poscondición: Matriz Dispersa con valor repetido establecido.

Poner(M:MatrizDispersa, f, c: indice, valor: elemento)

Utilidad: Adicionar un elemento a la matriz

Entrada: Matriz Dispersa M, fila, columna y valor a colocar

Salida: Ninguna

Precondición: Matriz Dispersa Dimensionada

Poscondición: Matriz Dispersa modificada con valor asignado a la posición f,c

Elemento (M:MatrizDispersa, f,c:indice)

Utilidad: Buscar el elemento que está en la posición f,c de la matriz

Entrada: Matriz Dispersa M, fila f y columna c

Salida: Elemento ubicado en la posición f,c de la matriz

Precondición: Matriz Dispersa Dimensionada

Poscondición: Ninguna

2.1.3 Aplicaciones con MatrizDispersa.

En esta sección se puede apreciar que ya estamos en condiciones para plantear algoritmos usando el TDA MatrizDisersa, abstrayéndonos de la forma como esta implementado.

Ej1: Implementar el procedimiento que determine la transpuesta de una matriz A

$$A = (a_{ij})$$
 , ${}^{T}A = (a_{ji})$ $A = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 5 \\ 3 & 7 \end{pmatrix}$, ${}^{t}A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 0 & 5 & 7 \end{pmatrix}$

```
Transpuesta (A :MatrizDispersa , ES tA: MatrizDispersa)
Inicio
tA.dimensionar(a.dimension_columna,a.dimension_fila)
Para cada f=1 hasta a.dimension_fila
Para cada c= hasta a.dimension_columna
tA.poner(c,f,a.elemento(f,c))
```

fin

2.1.4 Implementaciones del TDA MatrizDispersa

En esta sección mostraremos tres implementaciones para el TDA MatrizDispersa:

- o Implementación con vectores
- o Implementación con Simulación de Memoria
- o Implementación con Punteros

2.1.4.1 Implementación con vectores.

Formato coordenado (COO)

Para la implementación del TDA MatrizDispersa se utilizara tres vectores que contendrán los elementos y los índices respectivamente de la matriz.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 3 & 4 & 0 & 5 & 0 \\ 6 & 0 & 7 & 8 & 9 \\ 0 & 0 & 10 & 11 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 12 \end{bmatrix}$$

Definiendo la clase MatrizDispersa

Tipo de Datos

Clase MatrizDispersa

Atributos

Vf, // filas VC, // Columnas

VD : Arreglo(MAX) // elementos

df,dc : Entero // Dimensión

repe : elemento // es el elemento que se repetirá en la matriz

nt : Entero

Metodos

Crear()

dimensionar(df,dc:entero)
entero dimension Fila()

```
entero dimension_columna()
            poner(f,c:indice; valor:elemento)
           tipo_elemento Elemento(f,c:indice)
           definir_valor_repetido(valor:elemento)
         fin
Constructor matrizdispersa.Crear
 inicio
   df=0 dc=0 repe=0, nt=0
 fin
matrizdispersa.dimensionar(nf, nc : entero)
inicio
  df=nf
  dc=nc
fin
entero matrizdispersa.dimension_fila()
inicio
  retornar df
fin
entero matrizdispersa.dimension_columna()
inicio
  retornar dc
fin
matrizdispersa.poner(f,c: entero; e: Elemento)
 Lug = // Buscar en vector vf,vc los valores f y c y retornar indice
 si lug>0 entonces vd[ lug ] = e
      si vd[lug]=rep entonces // desplazar
      caso contrario
        si nt< MAX entoces
               nt = nt +1
               vd[ nt ] = e vf[ nt ] = f vc[ nt ] = c
              caso contrario
               // error no existe espacio
fin
tipo_elemento matrizdispersa.elemento(f,c: entero)
  si (f>=1 y f<= df) y ( c>=1 y c<=dc) entoces
          lug = // buscar f,c en vectores vc,vf y retornar lugar
          si lug>0 entoces
                retornar vd[lug]
               caso contrario
                retornar repe
        caso contrario
         // Error fuera de rango indices
```

matrizdispersa.Definir_valor_repetido(valor Entero)

inicio

repe=valor

// este algoritmo no considera si este método es llamado en tiempo de ejecución complemente el código.

Fin

Formato Compressed Sparsed Row (CSR)

Para la implementación del TDA MatrizDispersa se utilizará tres vectores que contendrán los elementos y los índices respectivamente de la matriz, a diferencia de lo establecido en el formato COO, esta forma de implementación comprimirá los elementos del vector que tiene los índices de la Fila.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 3 & 4 & 0 & 5 & 0 \\ 6 & 0 & 7 & 8 & 9 \\ 0 & 0 & 10 & 11 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 12 \end{bmatrix}$$

$$Vf(1) = 1$$

Vf(i+1) - vf(i) = Numero de elementos no repetidos en la fila i

Así, la matriz A en el formato CRS se representa por

Definiendo la clase MatrizDispersa

Tipo de Datos

Clase MatrizDispersa

Atributos

VF, // filas VC, // Columnas

VD : Arreglo(MAX) // elementos

df,dc : Entero // Dimensión

repe : elemento nt : Entero

Metodos

Privados

Indice Existe_Elemento(f,c:indice) // busca en vd,vc y vf si existe el elemento Indice Donde_insertar(f,c:indice) // determina donde insertar en vd,vc y vf publicos

```
Crear()
           dimensionar(df,dc:entero)
           entero dimension_Fila()
           entero dimension_columna()
           poner(f,c:indice; valor:elemento)
           tipo_elemento Elemento(f,c:indice)
           definir_valor_repetido(valor:elemento)
         fin
Constructor matrizdispersa.Crear
 inicio
   df=0 dc=0 repe=0, nt =0
   para cada k=1 hasta (df+1)
        vf[k]=1
   repe=0
   nt=0
 fin
matrizdispersa.dimensionar(nf, nc: entero)
inicio
  df=nf
  dc=nc
fin
entero matrizdispersa.dimension_fila()
inicio
  retornar df
fin
entero matrizdispersa.dimension_columna()
inicio
  retornar dc
fin
Indice matrizdispersa.Existe_Elemento(f,c:indice)
Inicio
    //Verificar si existe elemento
    Existe_lugar=0
    lug_antes=0
    para cada I = 1 to (f-1) hacer
             lug_antes=lug_antes + (vf[i+1] - vf[i])
    max_elem_fila:=(vf[f+1]-vf[f])
    para cada i=1 to max_elem_fila hacer
        si vc[lug_antes+i]=c entonces
               existe_lugar=lug_antes+i
     Existe_elemento:=existe_lugar;
fin
```

```
Entero matrizdispersa.dondeinsertar(f,c: Indice)
Inicio
   // contando los lugares por fila
    lug_antes=0
    para cada I = 1 hasta (f-1) hacer
          lug_antes=lug_antes + (vf[i+1] - vf[ i ])
   // contando los lugares por columna
    nuevo_lugar=lug_antes
    lugar=lug_antes
    para cada i=1 to (vf[f+1] - vf[f]) hacer
     inicio
       lugar=lug_antes+i
       si C>vc[lugar] entonces nuevo_lugar=lugar
     fin
    nuevo_lugar=nuevo_lugar+1
    Donde_insertar=nuevo_lugar
fin
matrizdispersa.poner(f,c: entero; e: Elemento)
// el siguiente algoritmo no analiza si se coloca el "0"
Inicio
    Lugar =Existe_Elemento(f,c)
    si lugar<>0 entonces
                inicio
                   vd[lugar]=valor
                fin
           caso contrario
             inicio
              lugar=Donde_insertar(f,c)
              // desplazando vd,vc para insertar nuevo elemento
              i=nt+1;
              mientras i>=(lugar+1) hacer
               inicio
                 vd[i]=vd[i-1]
                 vc[i]=vc[i-1]
                 i=i-1
               fin
              vd[lugar]=valor
              vc[lugar]=c
              nt=nt+1
              // ajustando los valores del vector comprimido
              for i=(f+1) to (df+1) do
                vf[i]=vf[i]+1
            fin
fin
```

entero matrizdispersa.elemento(f,c: entero)

```
Inicio
   Si (f>=1 y f<=df) y (c>=1 y c<=dc) entonces
    inicio
    lugar=Existe_Elemento(f,c)
    si lugar=0 entoces elem=repe
          caso contrario elem=vd[lugar]
    elemento=elem
    fin
Fin
```

matrizdispersa.Definir_valor_repetido(valor Entero)

```
inicio
```

repe=valor

// este algoritmo no considera si este método es llamado en tiempo de ejecución complemente el código.

Fin

2.1.4.2 Implementación con Simulación de Memoria (usando la clase CSMemoria)

Esta forma de implementación es netamente académica en virtud a que lo que busca es una mejor comprensión sobre los punteros, para ello se entiende que se usara como Memoria nuestra clase CSmemoria implementada en la unidad uno.

Usando nodos contiguos para cada elemento: en esta forma de implementación los elementos están contenidos en nodos que están almacenados de manera contigua y cuyo rendimiento está en función del orden y el lugar que ocupan los elementos a partir de ptrmatd.

Definiendo la clase MatrizDispersa Tipo de dato

```
Nodo
```

Fila Entero Col Entero dato Entero, Puntero a Nodo Sig // fin definición

Dirección Puntero a espacio de memoria de tipo Nodo

Clase Matrizdispersa

```
Atributos
 PtrMatD Direccion
 rep, dimf,dimc Entero
```

Metodos Crear() dimensionar(df,dc:entero) entero dimension Fila() entero dimension columna() poner(f,c:indice; valor:elemento) tipo_elemento Elemento(f,c:indice)

```
definir_valor_repetido(valor:elemento)
Fin
```

```
Implementación clase MatrizDispersa utilizando Simulador de Memoria CSmemoria.
publico matrizdispersa.Crear()
 inicio
    ptrmatd=-1
    dimf=0
    dimc=0
    rep=0
 fin
matrizdispersa.dimensionar(nf, nc: entero)
inicio
  dimf=nf
  dimc=nc
fin
entero matrizdispersa.dimension_fila()
inicio
   retornar dimf
fin
entero matrizdispersa.dimension_columna()
inicio
  retornar dimc
fin
matrizdispersa.poner(f,c: entero; e: Elemento)
Inicio
      dir= buscar si existe f,c en los nodos
      si dir=nulo entonces
                x = new_espacio('fila,col,dato,sig')
                si x<>Nulo entonces
                           poner_dato(x,'->fila',f)
                           poner_dato(x,'->col',c)
                           poner_dato(x,'->dato',e)
                           poner_dato(x,'->sig',ptrmatd)
                           ptrmatd=x
                        caso contrario
                         // error no existe eespacio memoria
                 fin si
           caso contraio
                  poner_dato(dir,'->dato',e)
                  si e=rep entices
                            //eliminar nodo
                   fin si
```

fin si

entero matrizdispersa.elemento(f,c: entero)

```
Inicio

Si f>=1 y f<=dimf y c>=1 y c<=dimc entoces
inicio
dir= buscar si existe f,c en los nodos
si dir <>nulo entoces
retornar obtener_dato(dir,'→dato')
caso contrario
retornar rep
Fin si
Fin si
Fin
```

matrizdispersa.Definir_valor_repetido(valor Entero)

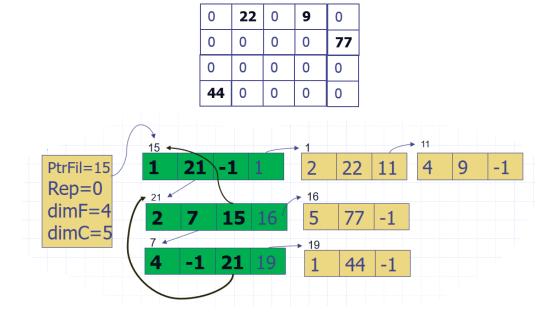
inicio

rep=valor

// este algoritmo no considera si este método es llamado en tiempo de ejecución complemente el código.

Fin

Usando nodos cabecera por fila: En esta forma de implementación los elementos están contenidos en nodos que dependen de un nodo cabera por fila, lo cual hace mas eficiente la búsqueda de los elementos en la matriz.



Definiendo la clase MatrizDispersa Tipo de dato

```
NodoF
  Fila
          Entero
  SigF
          Entero // dirección del nodo que tiene la siguiente fila
         Entero, // dirección de nodo que tiene la anterior Fila
  PtrCol Entero / Direccion que tiene los datos de la columna y elemento
// fin definición
NodoC
  Col
         Entero // Es el valor de la columna donde esta el elemento
          Entero // Es el valor de elemento en la matriz
  Dato
  SigCol Entero, // Dirección del próximo elemento para otra columna
// fin definición
Dirección Puntero a espacio de memoria de tipo Nodo
Clase Matrizdispersa
  Atributos
   PtrFil Direccion
   rep, dimf, dimc Entero
Metodos
   Crear()
   dimensionar(df,dc:entero)
   entero dimension Fila()
   entero dimension columna()
   poner(f,c:indice; valor:elemento)
   tipo_elemento Elemento(f,c:indice)
   definir_valor_repetido(valor:elemento)
```

Implemente los métodos de la clase matrizdispersa, considerando que están implementada con nodos cabeceras por filas según la gráfica planteada.

2.1.4.3 Implementación con punteros.

Fin

En esta forma de implementación planteada lo que se resalta son los cambios que tienen que hacerse al código de la implementación con el simulador de memoria considerando que ahora se está trabajando con punteros reales, es así que se tiene de color rojo los cambios fundamentales en los algoritmos ya vistos, quedando por resolver las definiciones formales en C++

Definiendo la clase MatrizDispersa Tipo de dato

```
Nodo
```

```
Fila Entero
Col Entero
dato Entero,
Sig Puntero a Nodo
// fin definición
```

```
Atributos
                   PtrMatD Direccion a tipo Nodo
                   rep, dimf,dimc Entero
                Metodos
                   Crear()
                   dimensionar(df,dc:entero)
                   entero dimension_Fila()
                   entero dimension_columna()
                   poner(f,c:indice; valor:elemento)
                   tipo_elemento Elemento(f,c:indice)
                   definir_valor_repetido(valor:elemento)
               Fin
Implementación clase MatrizDispersa utilizando Simulador de Memoria CSmemoria.
publico matrizdispersa.Crear()
 inicio
    ptrmatd=null
    dimf=0
    dimc=0
    rep=0
 fin
matrizdispersa.dimensionar(nf, nc: entero)
inicio
  dimf=nf
  dimc=nc
fin
entero matrizdispersa.dimension_fila()
inicio
  retornar dimf
fin
entero matrizdispersa.dimension_columna()
inicio
  retornar dimc
fin
matrizdispersa.poner(f,c: entero; e: Elemento)
Inicio
      dir= buscar si existe f,c en los nodos
     si dir=nulo entonces
                x = new Nodo
                si x<>Nulo entonces
                           x->fila= f
```

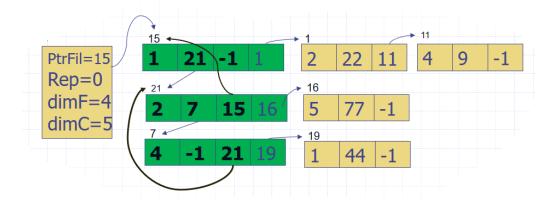
Dirección Puntero a espacio de memoria de tipo Nodo

Clase Matrizdispersa

```
x->col=c
                           x->dato=e
                           x->sig=ptrmatd
                           ptrmatd=x
                           nt=nt +1
                        caso contrario
                         // error no existe eespacio memoria
                 fin si
           caso contraio
                  dir->dato=e
                  si e=rep entices
                           //eliminar nodo
                            nt = nt -1
                   fin si
       fin si
fin
entero matrizdispersa.elemento(f,c: entero)
Inicio
Si f>=1 y f<=dimf y c>=1 y c<=dimc entoces
 inicio
   dir= buscar si existe f,c en los nodos
   si dir <>nulo entoces
                  retornar dir → dato
                caso contrario
                  retornar rep
   Fin si
Fin si
Fin
matrizdispersa.Definir_valor_repetido(valor Entero)
inicio
  rep=valor
// este algoritmo no considera si este método es llamado en tiempo de ejecución
complemente el código.
Fin
```

Usando nodos cabecera por fila: En esta forma de implementación los elementos están contenidos en nodos que dependen de un nodo cabera por fila, lo cual hace mas eficiente la búsqueda de los elementos en la matriz.

0	22	0	9	0
0	0	0	0	77
0	0	0	0	0
44	0	0	0	0



Definiendo la clase MatrizDispersa

Tipo de dato

```
NodoF
```

```
Fila Entero // Indica la fila de la matriz

SigF Puntero a NodoF // indica la dirección del nodo que tiene la siguiente fila

AntF Puntero a NodoF // inidica la dirección de nodo que tiene la anterior Fila

PtrCol Puntero a NodoC // que contiene los datos de la columna y elemento

// fin definición

NodoC

Col Entero // Es el valor de la columna donde esta el elemento

Dato Entero // Es el valor de elemento en la matriz

SigCol Puntero a nodoC, // Dirección del próximo elemento para otra columna

// fin definición
```

Dirección Puntero a espacio de memoria de tipo Nodo

Clase Matrizdispersa

Atributos

PtrFil Direccion

rep, dimf,dimc Entero

Metodos

Crear()

dimensionar(df,dc:entero)

entero dimension_Fila()

entero dimension_columna()

poner(f,c:indice; valor:elemento)

tipo_elemento Elemento(f,c:indice)

definir_valor_repetido(valor:elemento)

Fin

Implemente los métodos de la clase matrizdispersa, considerando que están implementada con nodos cabeceras por filas según la gráfica planteada.

Practica

Implementar el TDA Matriz dispersa usando vectores, formato COO Implementar el TDA Matriz dispersa usando vectores, formato CSR Implementar el TDA Matriz dispersa usando simulador Memoria, formato Nodos Contiguos Implementar el TDA Matriz dispersa usando punteros, formato Nodos Contiguos Implementar el TDA Matriz dispersa usando SMemoria, formato nodos cabecera por fila Implementar el TDA Matriz dispersa usando Punteros, formato nodos cabecera por fila