18 | 散列表(上): Word文档中的单词拼写检查功能是如何实现的?

2018-10-31 王争





18 | 散列表(上): Word文档中的单词拼写检查功能是如何实现的?

朗读人: 修阳 13'40" | 6.26M

Word 这种文本编辑器你平时应该经常用吧,那你有没有留意过它的拼写检查功能呢?一旦我们在 Word 里输入一个错误的英文单词,它就会用标红的方式提示"拼写错误"。Word 的这个单词拼写检查功能,虽然很小但却非常实用。你有没有想过,这个功能是如何实现的呢?

其实啊,一点儿都不难。只要你学完今天的内容,**散列表**(Hash Table)。你就能像微软 Office 的工程师一样,轻松实现这个功能。

散列思想

散列表的英文叫"Hash Table",我们平时也叫它"哈希表"或者"Hash 表",你一定也经常听过它,我在前面的文章里,也不止一次提到过,但是你是不是真的理解这种数据结构呢?

散列表用的是数组支持按照下标随机访问数据的特性,所以散列表其实就是数组的一种扩展,由数组演化而来。可以说,如果没有数组,就 没有散列表。

我用一个例子来解释一下。假如我们有89名选手参加学校运动会。为了方便记录成绩,每个选手胸前都会贴上自己的参赛号码。这89名选手的编号依次是1到89。现在我们希望编程实现这样一个功能,通过编号快速找到对应的选手信息。你会怎么做呢?

我们可以把这 89 名选手的信息放在数组里。编号为 1 的选手,我们放到数组中下标为 1 的位置;编号为 2 的选手,我们放到数组中下标为 2 的位置。以此类推,编号为 k 的选手放到数组中下标为 k 的位置。

因为参赛编号跟数组下标——对应,当我们需要查询参赛编号为 x 的选手的时候,我们只需要将下标为 x 的数组元素取出来就可以了,时间复杂度就是 O(1)。这样按照编号查找选手信息,效率是不是很高?

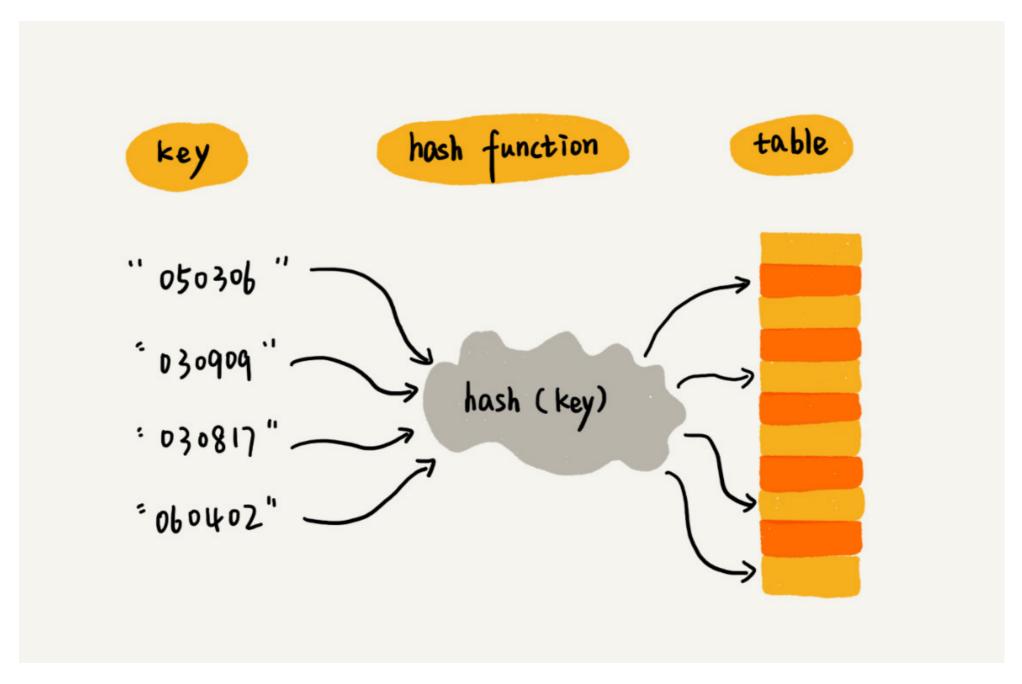
实际上,这个例子已经用到了散列的思想。在这个例子里,参赛编号是自然数,并且与数组的下标形成一一映射,所以利用数组支持根据下标随机访问的时候,时间复杂度是 O(1) 这一特性,就可以实现快速查找编号对应的选手信息。

你可能要说了,这个例子中蕴含的散列思想还不够明显,那我来改造一下这个例子。

假设校长说,参赛编号不能设置得这么简单,要加上年级、班级这些更详细的信息,所以我们把编号的规则稍微修改了一下,用 6 位数字来表示。比如 051167,其中,前两位 05 表示年级,中间两位 11 表示班级,最后两位还是原来的编号 1 到 89。这个时候我们该如何存储选手信息,才能够支持通过编号来快速查找选手信息呢?

思路还是跟前面类似。尽管我们不能直接把编号作为数组下标,但我们可以截取参赛编号的后两位作为数组下标,来存取选手信息数据。当通过参赛编号查询选手信息的时候,我们用同样的方法,取参赛编号的后两位,作为数组下标,来读取数组中的数据。

这就是典型的散列思想。其中,参赛选手的编号我们叫作键(key)或者关键字。我们用它来标识一个选手。我们把参赛编号转化为数组下标的映射方法就叫作**散列函数**(或"Hash 函数""哈希函数"),而散列函数计算得到的值就叫作**散列值**(或"Hash 值""哈希值")。



通过这个例子,我们可以总结出这样的规律:散列表用的就是数组支持按照下标随机访问的时候,时间复杂度是 O(1) 的特性。我们通过散列函数把元素的键值映射为下标,然后将数据存储在数组中对应下标的位置。当我们按照键值查询元素时,我们用同样的散列函数,将键值转化数组下标,从对应的数组下标的位置取数据。

散列函数

从上面的例子我们可以看到,散列函数在散列表中起着非常关键的作用。现在我们就来学习下散列函数。

散列函数,顾名思义,它是一个函数。我们可以把它定义成**hash(key)**,其中 key 表示元素的键值,hash(key) 的值表示经过散列函数计算得到的散列值。

那第一个例子中,编号就是数组下标,所以 hash(key) 就等于 key。改造后的例子,写成散列函数稍微有点复杂。我用伪代码将它写成函数就是下面这样:

```
int hash(String key) {
   // 获取后两位字符
   string lastTwoChars = key.substr(length-2, length);
   // 将后两位字符转换为整数
   int hashValue = convert lastTwoChas to int-type;
   return hashValue;
}
```

刚刚举的学校运动会的例子,散列函数比较简单,也比较容易想到。但是,如果参赛选手的编号是随机生成的 6 位数字,又或者用的是 a 到 z 之间的字符串,**该如何构造散列函数呢?我总结了三点散列函数设计的基本要求**:

1. 散列函数计算得到的散列值是一个非负整数;

- 2. 如果 key1 = key2, 那 hash(key1) == hash(key2);
- 3. 如果 key1 ≠ key2, 那 hash(key1) ≠ hash(key2)。

我来解释一下这三点。其中,第一点理解起来应该没有任何问题。因为数组下标是从 0 开始的,所以散列函数生成的散列值也要是非负整数。第二点也很好理解。相同的 key,经过散列函数得到的散列值也应该是相同的。

第三点理解起来可能会有问题,我着重说一下。这个要求看起来合情合理,但是在真实的情况下,要想找到一个不同的 key 对应的散列值都不一样的散列函数,几乎是不可能的。即便像业界著名的MD5、SHA、CRC等哈希算法,也无法完全避免这种**散列冲突**。而且,因为数组的存储空间有限,也会加大散列冲突的概率。

所以我们几乎无法找到一个完美的无冲突的散列函数,即便能找到,付出的时间成本、计算成本也是很大的,所以针对散列冲突问题,我们需要通过其他途径来解决。

散列冲突

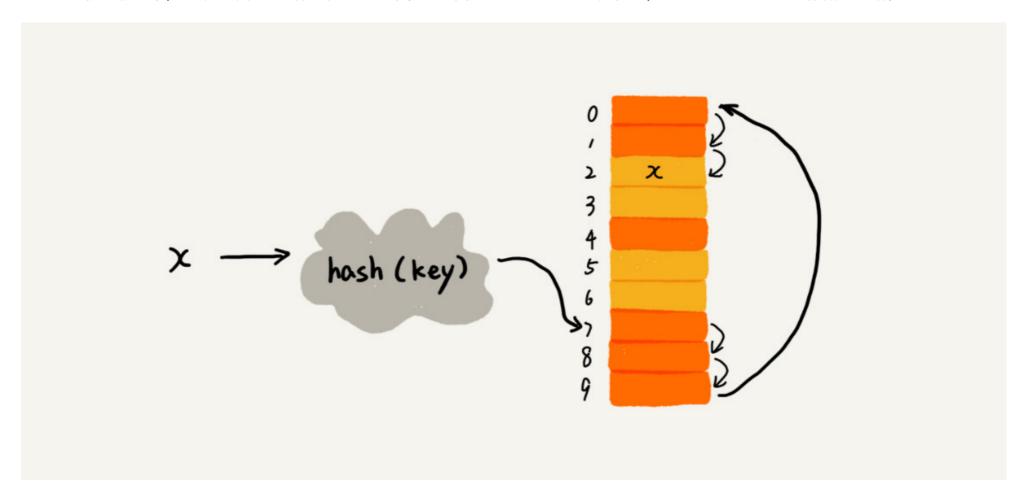
再好的散列函数也无法避免散列冲突。那究竟该如何解决散列冲突问题呢?我们常用的散列冲突解决方法有两类,开放寻址法(open addressing)和链表法(chaining)。

1. 开放寻址法

开放寻址法的核心思想是,如果出现了散列冲突,我们就重新探测一个空闲位置,将其插入。那如何重新探测新的位置呢?我先讲一个比较简单的探测方法,**线性探测**(Linear Probing)。

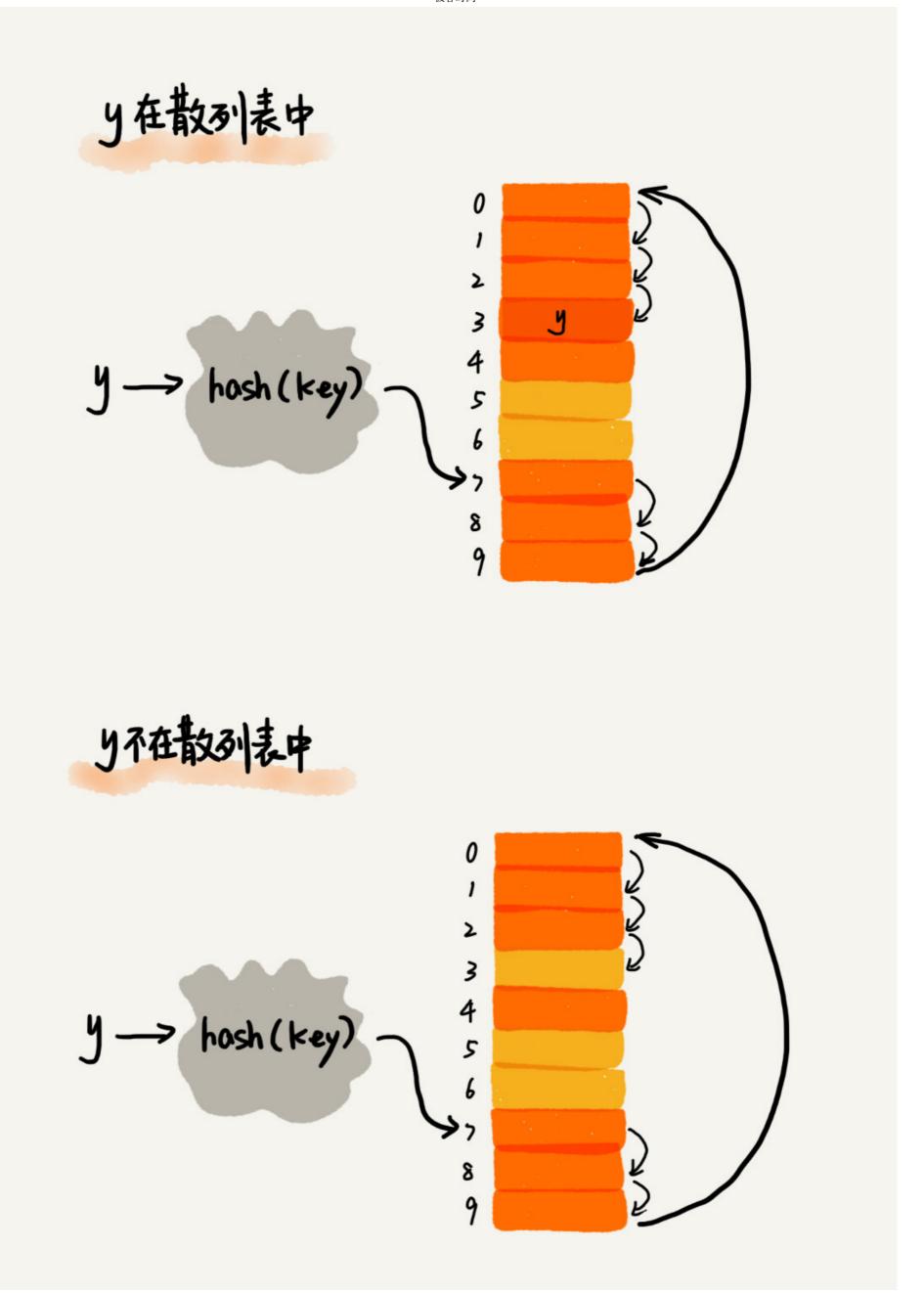
当我们往散列表中插入数据时,如果某个数据经过散列函数散列之后,存储位置已经被占用了,我们就从当前位置开始,依次往后查找,看是否有空闲位置,直到找到为止。

我说的可能比较抽象,我举一个例子具体给你说明一下。这里面黄色的色块表示空闲位置,橙色的色块表示已经存储了数据。



从图中可以看出,散列表的大小为 10,在元素 x 插入散列表之前,已经 6 个元素插入到散列表中。x 经过 Hash 算法之后,被散列到位置下标为 7 的位置,但是这个位置已经有数据了,所以就产生了冲突。于是我们就顺序地往后一个一个找,看有没有空闲的位置,遍历到尾部都没有找到空闲的位置,于是我们再从表头开始找,直到找到空闲位置 2,于是将其插入到这个位置。

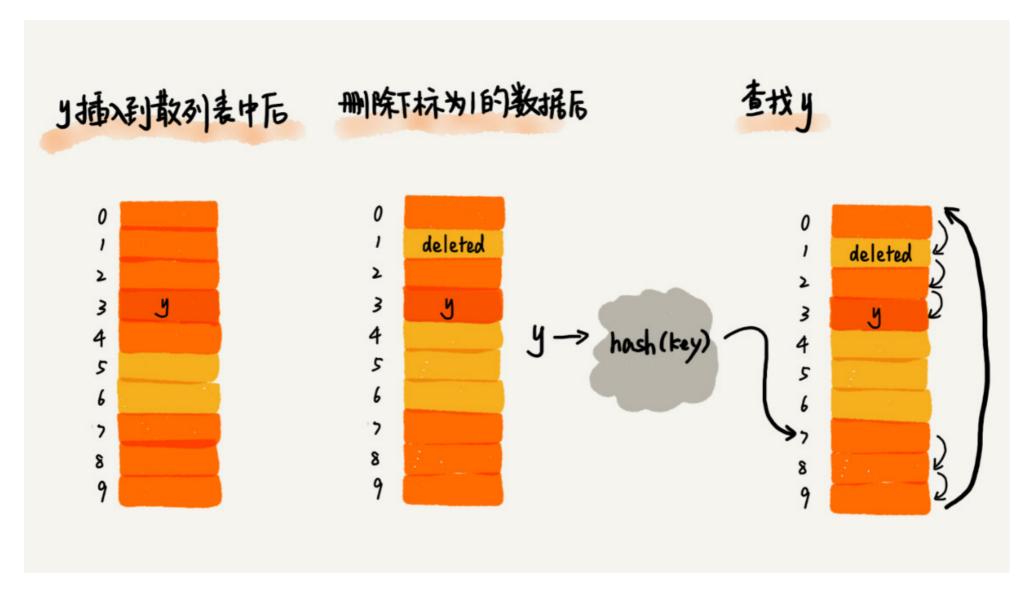
在散列表中查找元素的过程有点儿类似插入过程。我们通过散列函数求出要查找元素的键值对应的散列值,然后比较数组中下标为散列值的元素和要查找的元素。如果相等,则说明就是我们要找的元素;否则就顺序往后依次查找。如果遍历到数组中的空闲位置,还没有找到,就说明要查找的元素并没有在散列表中。



散列表跟数组一样,不仅支持插入、查找操作,还支持删除操作。对于使用线性探测法解决冲突的散列表,删除操作稍微有些特别。我们不能单纯地把要删除的元素设置为空。这是为什么呢?

还记得我们刚讲的查找操作吗?在查找的时候,一旦我们通过线性探测方法,找到一个空闲位置,我们就可以认定散列表中不存在这个数据。但是,如果这个空闲位置是我们后来删除的,就会导致原来的查找算法失效。本来存在的数据,会被认定为不存在。这个问题如何解决呢?

我们可以将删除的元素,特殊标记为 deleted。当线性探测查找的时候,遇到标记为 deleted 的空间,并不是停下来,而是继续往下探测。



你可能已经发现了,线性探测法其实存在很大问题。当散列表中插入的数据越来越多时,散列冲突发生的可能性就会越来越大,空闲位置会越来越少,线性探测的时间就会越来越久。极端情况下,我们可能需要探测整个散列表,所以最坏情况下的时间复杂度为 O(n)。同理,在删除和查找时,也有可能会线性探测整张散列表,才能找到要查找或者删除的数据。

对于开放寻址冲突解决方法,除了线性探测方法之外,还有另外两种比较经典的探测方法,二次探测(Quadratic probing)和**双重散列** (Double hashing)。

所谓二次探测,跟线性探测很像,线性探测每次探测的步长是 1,那它探测的下标序列就是 hash(key)+0,hash(key)+1,hash(key)+2…… 而二次探测探测的步长就变成了原来的"二次方",也就是说,它探测的下标序列就是 hash(key)+0,hash(key)+ 1^2 ,hash(key)+ 2^2 ……

所谓双重散列,意思就是不仅要使用一个散列函数。我们使用一组散列函数 hash1(key), hash2(key), hash3(key)......我们先用第一个散列函数,如果计算得到的存储位置已经被占用,再用第二个散列函数,依次类推,直到找到空闲的存储位置。

不管采用哪种探测方法,当散列表中空闲位置不多的时候,散列冲突的概率就会大大提高。为了尽可能保证散列表的操作效率,一般情况下,我们会尽可能保证散列表中有一定比例的空闲槽位。我们用**装载因子**(load factor)来表示空位的多少。

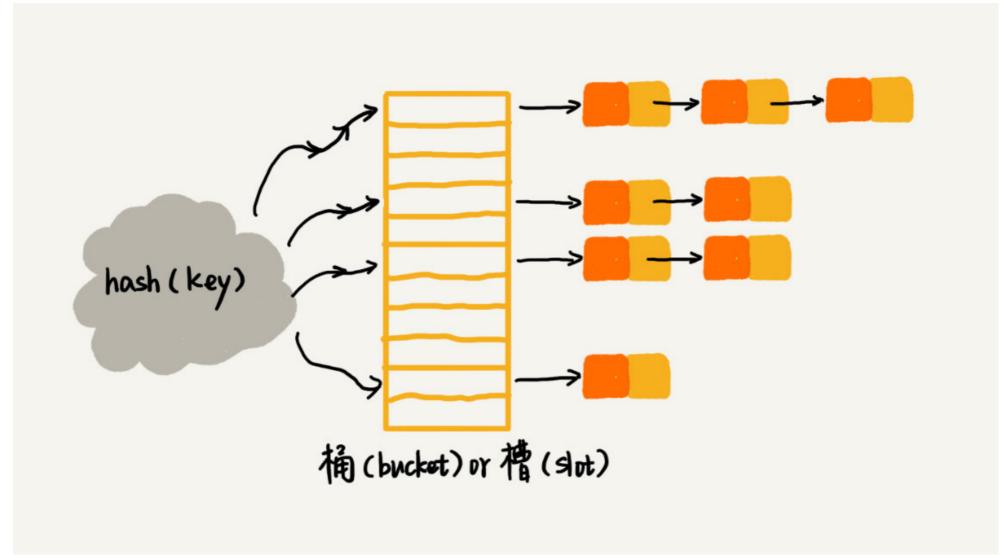
装载因子的计算公式是:

散列表的装载因子 = 填入表中的元素个数 / 散列表的长度

装载因子越大,说明空闲位置越少,冲突越多,散列表的性能会下降。

2. 链表法

链表法是一种更加常用的散列冲突解决办法,相比开放寻址法,它要简单很多。我们来看这个图,在散列表中,每个"桶(bucket)"或者"槽(slot)"会对应一条链表,所有散列值相同的元素我们都放到相同槽位对应的链表中。



当插入的时候,我们只需要通过散列函数计算出对应的散列槽位,将其插入到对应链表中即可,所以插入的时间复杂度是 O(1)。当查找、删除一个元素时,我们同样通过散列函数计算出对应的槽,然后遍历链表查找或者删除。那查找或删除操作的时间复杂度是多少呢?

实际上,这两个操作的时间复杂度跟链表的长度 k 成正比,也就是 O(k)。对于散列比较均匀的散列函数来说,理论上讲,k=n/m,其中 n表示散列中数据的个数,m表示散列表中"槽"的个数。

解答开篇

有了前面这些基本知识储备,我们来看一下开篇的思考题: Word 文档中单词拼写检查功能是如何实现的?

常用的英文单词有 20 万个左右,假设单词的平均长度是 10 个字母,平均一个单词占用 10 个字节的内存空间,那 20 万英文单词大约占 2MB 的存储空间,就算放大 10 倍也就是 20MB。对于现在的计算机来说,这个大小完全可以放在内存里面。所以我们可以用散列表来存储整个英文单词词典。

当用户输入某个英文单词时,我们拿用户输入的单词去散列表中查找。如果查到,则说明拼写正确;如果没有查到,则说明拼写可能有误, 给予提示。借助散列表这种数据结构,我们就可以轻松实现快速判断是否存在拼写错误。

内容小结

今天我讲了一些比较基础、比较偏理论的散列表知识,包括散列表的由来、散列函数、散列冲突的解决方法。

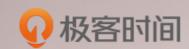
散列表来源于数组,它借助散列函数对数组这种数据结构进行扩展,利用的是数组支持按照下标随机访问元素的特性。散列表两个核心问题 是**散列函数设计**和**散列冲突解决**。散列冲突有两种常用的解决方法,开放寻址法和链表法。散列函数设计的好坏决定了散列冲突的概率,也 就决定散列表的性能。

针对散列函数和散列冲突,今天我只讲了一些基础的概念、方法,下一节我会更贴近实战、更加深入探讨这两个问题。

课后思考

- 1. 假设我们有 10 万条 URL 访问日志,如何按照访问次数给 URL 排序?
- 2. 有两个字符串数组,每个数组大约有 10 万条字符串,如何快速找出两个数组中相同的字符串?

欢迎留言和我分享,我会第一时间给你反馈。



数据结构与算法之美

为工程师量身打造的数据结构与算法私教课

王争

前 Google 工程师



版权归极客邦科技所有,未经许可不得转载

精选留言



Smallfly

ம் 36

1. 假设我们有 10 万条 URL 访问日志,如何按照访问次数给 URL 排序?

遍历 10 万条数据,以 URL 为 key,访问次数为 value,存入散列表,同时记录下访问次数的最大值 K,时间复杂度 O(N)。

如果 K 不是很大,可以使用桶排序,时间复杂度 O(N)。如果 K 非常大(比如大于 10 万),就使用快速排序,复杂度 O(NlogN)。

2. 有两个字符串数组,每个数组大约有 10 万条字符串,如何快速找出两个数组中相同的字符串?

以第一个字符串数组构建散列表, key 为字符串, value 为出现次数。再遍历第二个字符串数组, 以字符串为 key 在散列表中查找, 如果 value 大于零, 说明存在相同字符串。时间复杂度 O(N)。

2018-10-31

作者回复

👍 这条留言可以顶上去了 其他同学都看看吧

2018-11-01



五岳寻仙

ம் 17

今天学习了散列表的原理,以及两种解决hash冲突的方法:开放地址法和链表法。

课后思考题第一题,我觉得可以用hash表的链表法解决。访问次数作为slot,访问次数相同的URL放入同一个slot所对应的一条链表中,这样只需要扫一遍所有的URL就排好序了,时间复杂度为O(n)

第二题跟老师讲的word拼写检查有点像,我觉得可以将一个字符串数组做成hash表,然后扫描另一个字符串数组,就能找到重复的字符串。制作和扫描hash表的算法复杂度都是O(n)

2018-10-31



leo

ம் 6

Redis的字典是使用链式法来解决散列冲突的,并且使用了渐进式rehash的方式来进行哈希表的弹性扩容(https://cloud.tencent.com/developer/article/1353754,请大家斧正)。

两道思考题使用哈希表都可以解决,第二道题也可以对字符串数组进行排序后使用双指针判断,但字符串的比较成本较高,如果是整数类型更加适用。另外,哈希表比较经典的应用还有bitmap和布隆过滤器,其中布隆过滤器也可以用于文本判重,但是有一定的误判概率,可以根据场景使用。

2018-10-31



ம் 5

关于课后习题,基于某种语言的sdk实现起来可能比较容易,显然老师问的是思想,下面是我的理解,望老师和大家指正。

习题1,先分组累加次数再排序: 遍历10万数据,通过hash把相同url分组到同一个bucket下,如果bucket已存在,则取出已有次数+当前次数后再set进去,遍历完了整体再排序。

习题2,显然不是循环嵌套循环,那样时间复杂度不可接受。应该分别独立遍历两个数组,通过hash把相同的字符串扔到同一个bucket,完了之后统计bucket长度 > 1的就行了。

2018-10-31



醉比

ம் 4

看到链表那一块感觉是hashmap的实现原理呀

2018-10-31



黄金的太阳

ம் 4

请教老师,当我在查找元素时候,在相同散列值的链表中遍历如何区分哪个是我要找的元素?毕竟查找时查询条件只包含KEY的信息吧

2018-10-31

作者回复

相同散列值 但是key不同的 可以再对比key

2018-10-31



万里晴空

<u>ம</u>் 3

可以写代码进行分析讲解不,这样更能感受到

2018-10-31



姜威

ഥ 3

总结:

- 一、散列表的由来?
- 1.散列表来源于数组,它借助散列函数对数组这种数据结构进行扩展,利用的是数组支持按照下标随机访问元素的特性。
- 2.需要存储在散列表中的数据我们称为键,将键转化为数组下标的方法称为散列函数,散列函数的计算结果称为散列值。
- 3.将数据存储在散列值对应的数组下标位置。
- 二、如何设计散列函数?

总结3点设计散列函数的基本要求

- 1.散列函数计算得到的散列值是一个非负整数。
- 2.若key1=key2, 则hash(key1)=hash(key2)
- 3.若key≠key2, 则hash(key1)≠hash(key2)

正是由于第3点要求,所以产生了几乎无法避免的散列冲突问题。

- 三、散列冲突的解放方法?
- 1.常用的散列冲突解决方法有2类: 开放寻址法 (open addressing) 和链表法 (chaining)
- 2.开放寻址法
- ①核心思想: 如果出现散列冲突, 就重新探测一个空闲位置, 将其插入。
- ②线性探测法 (Linear Probing):

插入数据:当我们往散列表中插入数据时,如果某个数据经过散列函数之后,存储的位置已经被占用了,我们就从当前位置开始,依次往后查找,看是否有空闲位置,直到找到为止。

查找数据:我们通过散列函数求出要查找元素的键值对应的散列值,然后比较数组中下标为散列值的元素和要查找的元素是否相等,若相等,则说明就是我们要查找的元素;否则,就顺序往后依次查找。如果遍历到数组的空闲位置还未找到,就说明要查找的元素并没有在散列表中。

删除数据:为了不让查找算法失效,可以将删除的元素特殊标记为deleted,当线性探测查找的时候,遇到标记为deleted的空间,并不是停 下来,而是继续往下探测。

结论: 最坏时间复杂度为O(n)

- ③二次探测(Quadratic probing):线性探测每次探测的步长为1,即在数组中一个一个探测,而二次探测的步长变为原来的平方。
- ④双重散列(Double hashing):使用一组散列函数,直到找到空闲位置为止。
- ⑤线性探测法的性能描述:

用"装载因子"来表示空位多少,公式:散列表装载因子=填入表中的个数/散列表的长度。

装载因子越大,说明空闲位置越少,冲突越多,散列表的性能会下降。

3.链表法(更常用)

插入数据: 当插入的时候,我们需要通过散列函数计算出对应的散列槽位,将其插入到对应的链表中即可,所以插入的时间复杂度为O(1)。 查找或删除数据: 当查找、删除一个元素时,通过散列函数计算对应的槽,然后遍历链表查找或删除。对于散列比较均匀的散列函数,链表 的节点个数k=n/m,其中n表示散列表中数据的个数,m表示散列表中槽的个数,所以是时间复杂度为O(k)。

四、思考

1.Word文档中单词拼写检查功能是如何实现的?

字符串占用内存大小为8字节,20万单词占用内存大小不超过20MB,所以用散列表存储20万英文词典单词,然后对每个编辑进文档的单词进行查找,若未找到,则提示拼写错误。

2.假设我们有10万条URL访问日志,如何按照访问次数给URL排序?

字符串占用内存大小为8字节,10万条URL访问日志占用内存不超过10MB,通过散列表统计url访问次数,然后用TreeMap存储散列表的元素值(作为key)和数组下标值(作为value)

← ★ ↑ ↑ ★★ ★ ¥ E / B | E | ↑ ½ E / B | E / E / A | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B | E / B |

X

抢到的用户



ionizing

个人的疑问:

1. 关于开放空间的散列冲突: 既然存在散列冲突问题,插入时可以通过分配新的 key 来插入存在散列冲突的元素,那么在访问时又是如何解决散列冲突的呢? 比如有两个键值对 {key1: val1}, {key2: val2} 它们的 key 在生成时是冲突的,key2 经过重新分配,现在访问 {key2: val2} 时应该如何通过hash函数得到正确的 key2 呢? 假如删除 {key1: val1}, 现在要访问 {key2: val2},那么执行 hash(string) 后得到的 key1 并不存在,应该怎么实现对 {key2: val2} 的正确访问呢?

2018-11-01



吴彪

ഥ് 1

为什么数组的存储空间有限,也会加大散列冲突的概率呢? hash函数得出来的散列值相同的概率应该是很低的,比如git hash-object,几乎不可能有碰撞,为啥在散列表里碰撞的可能性就这么大

2018-10-31

作者回复

我们还要把散列值转化为数组下标的 单纯散列值是没法直接拿来当下标的

2018-11-01



上善若水 (德水)

ம் 1

word估计不太会用这种存储来检查,因为他还要给建议autosuggestion?

散列冲突后,这种存储后,查找的时候如何知道要查找的位置就一定是我要找的那个?

2018-10-31

作者回复

后面会讲trie树 支持auto suggestion

还会再比较一下的

2018-11-01



yaya

ഥ 1

第一题,利用次数作为键值,冲突用链表解决,时间复杂度o(n)

第二题,将第一个字符串数组中的字符串,hash到各个区域,然后将第二个数组中的字符串利用同样的hash值处理,冲突遍历对应链表,时间复杂度o(n).

2018-10-31



拉欧

ഥ 1

第二条很简单,把其中一个数组做成key为字符串的hashtable,然后第二个数组循环遍历就OK了;第一个问题,key为访问次数,value为U RL,相同key的URL做成链表

2018-10-31



肖小强

ம் 0

老师,关于置顶的那个回答有些疑问。

比如第一题的解答说到"url为key, 出现次数为value"

我的疑问是,hash(key)=VALUE,这个VALUE经过处理后不应该是一个随机的数组的下标吗?然后把出现次数value存入到这个位置中并不断更新。我对上面那句话的理解是hash(url)=value,所以为什么可以把出现次数作为value,value不应该是一个随机值吗?还是这个value本来就不是那个VALUE?

2018-11-04



asdf100

心 0

散列表的长度是固定的吗,说是类似数组,数组的内存是连续的。

2018-11-03

唐朝农民



心 (

Word 单词验证 是不是用 Trie 树更好,大神讲讲这个数据结构,尤其是编码这块

2018-11-02



抢到的用户



良辰美景

ம் 🔾

假设我们有 10 万条 URL 访问日志,如何按照访问次数给 URL 排序? 1:按访问次数一个个往平衡二叉树里扔, 然后通过中序遍历就是一个有序的列表了

2018-11-02



BD

心 0

关于Smallfly同学的第二题答案,如果字符串数组2在散列表里查找时,如果出现不同字符串的散列值相同的情况不就不准确了吗?我觉得应该再找到相同散列值的时候还要比较下字符串的值吧

2018-11-02



ALAN

心 0

老师,有个问题请教下。开放寻址法查询的时候,碰到散列表为空的位置后,就不继续往后找了吗?这样设计不合理吧,因为存储的时候, 存数据的散列表的位置是随机的,空的位置后面也许存了数据呢?如果是继续找的话,那为什么删除数据后,要进行特殊标记,这样标记也 没意义啊,反正碰到空的位置,还是会继续找,这样标不标记都无所谓啊?

2018-11-02