

# LABORATORIO DI PROBABILITA' E STATISTICA

Docente: Bruno Gobbi

10 - VERIFICA DI IPOTESI

- Una delle applicazioni più comuni della statistica è quella della verifica di ipotesi.
- Si vuole verificare se una data ipotesi è vera oppure no, sulla base dei dati provenienti da un campione.
- Il caso più classico è la <u>verifica di ipotesi</u> <u>sulla media</u> ovvero si vuole verificare l'ipotesi che la media di un dato campione sia uguale a un certo valore oppure no.

Dato un campione estratto da una variabile aleatoria normale X con media  $\mu_0$  e varianza  $\sigma^2$ , la verifica dell'ipotesi che la media della popolazione  $\mu$  sia pari a  $\mu_0$  si effettua tramite la statistica test:

$$Z = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\sqrt{\frac{\sigma^2}{n}}}$$

t.test(x, y=NULL, alternative="two.sided", mu=0, paired=FALSE, conf.level=0.95)

- x è un vettore di dati
- y è un secondo vettore (opzionale) di dati, da specificare quando si vuole effettuare il confronto tra due campioni
- > alternative specifica l'ipotesi alternativa. Può essere:
  - "two.sided" (opzione di default), quando l'ipotesi alternativa è che la media (o la differenza tra medie) sia diversa da quella fissata nell'ipotesi nulla
  - > "less", quando è minore
  - > "greater", quando è maggiore
- mu è l'ipotesi nulla sul valore della media (test su un campione), o sulla differenza tra medie (test su due campioni). Di default mu = 0.
- conf.level è il livello di confidenza dell'intervallo, ovvero il complemento ad 1 della probabilità dell'errore di prima specie fissato, di default posto uguale a 0.95
- Gli argomenti paired e var.equal verranno commentati successivamente.

#### ARGOMENTI TRATTATI NELLA LEZIONE DI OGGI:

- 1. VERIFICA DI IPOTESI SULLA MEDIA CON TEST BILATERALE (UGUALE O DIVERSO DALLA MEDIA)
- 2. INTERVALLO DI CONFIDENZA PER LA MEDIA
- 3. LA VERIFICA DI IPOTESI SULLA MEDIA CON TEST UNILATERALE (MAGGIORE O MINORE DELLA MEDIA)
- 4. LA VERIFICA DI IPOTESI SUL CONFRONTO FRA DUE MEDIE (PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI UGUALI
- 5. LA VERIFICA DI IPOTESI SUL CONFRONTO FRA DUE MEDIE (PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI DIVERSE
- 6. LA VERIFICA DI IPOTESI PER DATI APPAIATI

Sono stati rilevati i QI di 10 studenti di Informatica. Si vuole verificare l'ipotesi che gli studenti di Informatica abbiano un QI in media di 110. Il tutto a un livello di significatività dell'1% ovvero un livello di confidenza teorico del 99% (100-1).

Il test è bilaterale perché H0 è mu=110 e l'alternativa mu!=110

Ecco i dati rilevati dal campione di 10 studenti:

> qi=c(109, 99, 100, 120, 95, 123, 121, 121, 115, 109)

### # FACCIAMO INNANZITUTTO UNA PRIMA RAPIDA ANALISI DELLE PRINCIPALI STATISTICHE:

```
> summary(qi)
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
95.0 102.2 112.0 111.2 120.8 123.0
> sd(qi)
[1] 10.37947
```

# VERIFICHIAMO ORA SE, SULLA BASE DI QUESTO CAMPIONE, SI PUO' RITENERE VERA L'IPOTESI SECONDO CUI IN MEDIA IL QI MEDIO DEGLI STUDENTI DI INFORMATICA E' UGUALE A 110 (QUINDI BEN SUPERIORE AL VALORE NORMALE DI 100), AL LIVELLO DI CONFIDENZA (CONF.LEVEL) DEL 99%

t.test(qi, alternative="two.sided", mu=110, conf.level=0.99)

H0: mu=110 H1: mu!=110

SE SIGNIFICATIVITA'
ALPHA TEORICO



SI ACCETTA L'IPOTESI NULLA HO
DI UGUAGLIANZA

H0: mu=110 H1: mu!=110

Il livello di significatività alpha teorico viene indicato nel testo dell'esercizio, mentre il p-value lo si ricava dalla funzione t.test

```
> t.test(qi, alternative="two.sided", mu=110, conf.level=0.99)
     One Sample t-test
data: qi
t = 0.3656, df = 9, p-value = 0.7231
alternative hypothesis: true mean is not equal to 110
99 percent confidence interval:
 100.5331 121.8669
sample estimates:
mean of x
   111.2
# POICHE' IL LIVELLO DI SIGNIFICATIVITA' ALPHA TEORICO DELLO 0.01
(100-99=1%) E' INFERIORE AL P-VALUE, ACCETTO L'IPOTESI NULLA E
CONSIDERO VALIDA L'IPOTESI CHE GLI STUDENTI DI INFORMATICA
ABBIAMO UN QI SUPERIORE A QUELLO NORMALE.
```

#### **EXTRA - NON VERRA' CHIESTO ALL'ESAME**

# IN ALTERNATIVA SI PUO' VERIFICARE IL TEST CONFRONTANDO IL VALORE DELLA STATISTICA t CON I VALORI CRITICI, O SOGLIE, DELLA DISTRIBUZIONE t DI STUDENT, AL LIVELLO DI SIGNIFICATIVITA' PREFISSATO.

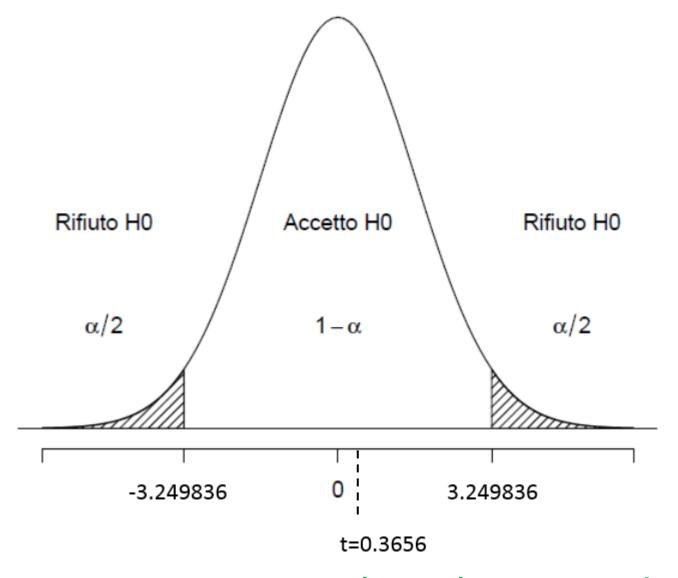
PER RICAVARE QUESTI VALORI SI USA LA FUNZIONE INVERSA DELLA T DI STUDENT, OSSIA qt(p, df), DOVE p E' IL LIVELLO DI SIGNIFICATIVITA' TEORICO, NEL CASO DI IPOTESI SULLA MEDIA DA DIVIDERE PER DUE, MENTRE df SONO I GRADI DI LIBERTA' PARI A n-1 (IN QUESTO CASO 10-1=9)

> qt(0.01/2, 9, lower.tail=TRUE)

[1] -3.249836

> qt(0.01/2, 9, lower.tail=FALSE)

[1] 3.249836



# POICHE' IL VALORE DI t OSSERVATO (0.3656) RICADE NELL'INTERVALLO -3.249836 E +3.249836 SI ACCETTA L'IPOTESI NULLA.

#### 2 - INTERVALLO DI CONFIDENZA PER LA MEDIA

NOTA: NELL'OUTPUT DELLA FUNZIONE t.test E' PRESENTE ANCHE L'INTERVALLO DI CONFIDENZA DELLA MEDIA, OSSIA AL 99% LA MEDIA DELLA POPOLAZIONE SI TROVERA' FRA I VALORI 100.5331 E 121.8669

```
data: qi
t = 0.3656, df = 9, p-value = 0.7231
alternative hypothesis: true mean is not equal to 110
99 percent confidence interval:
100.5331 121.8669
sample estimates:
```

mean of x

111.2

IL NUMERO MEDIO DI ORE DI SONNO RILEVATE PER UN MESE SU UN CAMPIONE DI 10 PERSONE E' RISULTATO PARI AL SEGUENTE VETTORE:

sonno=c(7, 6.5, 7.5, 6, 5, 4.5, 8, 7, 7, 6.5)

VERIFICARE L'IPOTESI CHE IL NUMERO MEDIO DI ORE DI SONNO SIA PARI A 7 AL LIVELLO DI CONFIDENZA DEL 99%.

INDICARE ANCHE L'INTERVALLO DI CONFIDENZA PER LA MEDIA.

IPOTESI DA VALUTARE H0: mu=7 H1: mu!=7

```
> t.test(sonno, mu=7, alternative="two.sided",
conf.level=0.99)
     One Sample t-test
data: sonno
t = -1.4639, df = 9, p-value = 0.1773
alternative hypothesis: true mean is not equal to 7
99 percent confidence interval:
5.38997 7.61003
sample estimates:
mean of x
    6.5
```

```
> t.test(sonno, mu=7, alternative="two.sided", conf.level=0.99)
     One Sample t-test
data: sonno
t = -1.4639, df = 9, p-value = 0.1773
alternative hypothesis: true mean is not equal to 7
99 percent confidence interval:
5.38997 7.61003
sample estimates:
mean of x
    6.5
  IL LIVELLO DI SIGNIFICATIVITA' TEORICO ALPHA E' PARI A 1%
(100%-99%, OVVERO 0.01)
IL P-VALUE CALCOLATO (CHE E' UGUALE A 0.1773),
  POICHE' IL LIVELLO DI SIGNIFICATIVITA' < P-VALUE CALCOLATO
                   → SI ACCETTA L'IPOTESI NULLA
```

```
> t.test(sonno, mu=7, alternative="two.sided", conf.level=0.99)
    One Sample t-test
data: sonno
t = -1.4639, df = 9, p-value = 0.1773
alternative hypothesis: true mean is not equal to 7
99 percent confidence interval:
5.38997 7.61003
sample estimates:
mean of x
   6.5
# NOTA: NELL'OUTPUT DELLA FUNZIONE t.test E' PRESENTE ANCHE
L'INTERVALLO DI CONFIDENZA DELLA MEDIA, OSSIA AL 99% LA
MEDIA DELLA POPOLAZIONE SI TROVERA' FRÁ I VALORI 5.38997 E
7.61003
```

NEL CASO IN CUI VOLESSIMO NON PIU' VALUTARE SE LA MEDIA E' UGUALE O MENO AD UN CERTO VALORE, MA VOLESSIMO VERIFICARE SE LA MEDIA E' MAGGIORE O MINORE DI UN CERTO VALORE, ALLORA USIAMO LO STESSO TEST PRECEDENTE, MA UTILIZZANDO LE OPZIONI alternative="less" O alternative="greater" ALL'INTERNO DEL t.test

VOGLIAMO VERIFICARE L'IPOTESI CHE IL QI MEDIO DEL CAMPIONE DI 10 STUDENTI DI INFORMATICA PRECEDENTE SIA MAGGIORE DI 120. QUINDI NON SEMPLICEMENTE CHE SIA DIVERSA, MA CHE SIA MAGGIORE DI 120.

IL LIVELLO DI SIGNIFICATIVITA' E' SEMPRE ALL'1%.

H0: mu=120 H1: mu>120

H0: mu=120 H1: mu>120

> t.test(qi, mu=120, conf.level=0.99, alternative="greater")

```
> t.test(qi, mu=120, conf.level=0.99, alternative="greater")
     One Sample t-test
data: qi
t = -2.6811, df = 9, p-value = 0.9874
alternative hypothesis: true mean is greater than 120
99 percent confidence interval:
101.9393
sample estimates:
mean of x
  111.2
```

# IN QUESTO CASO IL VALORE ALPHA DI SIGNIFICATIVITA' TEORICA E' 0.01 (1%), MENTRE IL p-value CALCOLATO E' 0.9874. POICHE' L'ALPHA E' MINORE DEL p-value, SI ACCETTA L'IPOTESI NULLA E SI RIFIUTA L'IPOTESI ALTERNATIVA CHE PREVEDEVA CHE IL QI MEDIO DEGLI STUDENTI DI INFORMATICA FOSSE SUPERIORE A 120, CON UN LIVELLO DI CONFIDENZA DEL 99%.

RIPRENDENDO I DATI DELL'ESERCIZIO PRECEDENTE SULLE ORE DI SONNO, VALUTARE L'IPOTESI CHE IL NUMERO MEDIO DI ORE DI SONNO SIA SUPERIORE A 7 A UN LIVELLO DI CONFIDENZA DEL 95%.

sonno=c(7, 6.5, 7.5, 6, 5, 4.5, 8, 7, 7, 6.5)

H0: mu=7 H1: mu>7

t.test(sonno, mu=7, conf.level=0.95, alternative="greater")

```
> t.test(sonno, mu=7, conf.level=0.95, alternative="greater")
     One Sample t-test
data: sonno
t = -1.4639, df = 9, p-value = 0.9114
alternative hypothesis: true mean is greater than 7
95 percent confidence interval:
5.873873
sample estimates:
mean of x
    6.5
```

# POICHE' IL LIVELLO DI SIGNIFICATIVITA' TEORICO ALPHA E' PARI A 5% (100%-95%), OVVERO 0.05, MENTRE IL P-VALUE CALCOLATO E' UGUALE A 0.9114, SI ACCETTA L'IPOTESI NULLA CHE LA MEDIA SIA 7 E SI RIFIUTA L'IPOTESI ALTERNATIVA CHE QUESTA SIA MAGGIORE DI 7.

(PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI <u>UGUALI</u>

LA VERIFICA DI IPOTESI PUO' ESSERE CONDOTTA ANCHE PER CONFRONTARE LE MEDIE DI DUE CAMPIONI INDIPENDENTI.

SI DISTINGUONO DUE SOTTOCASI:

- VARIANZE DELLE POPOLAZIONI UGUALI
- ► VARIANZE DELLE POPOLAZIONI DIVERSE

VEDIAMO UN ESEMPIO DEL PRIMO CASO, QUANDO LE VARIANZE DELLE POPOLAZIONI OGGETTO DI STUDIO SONO UGUALI.

(PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI UGUALI

IPOTIZZIAMO DI AVER RILEVATO IL QI DI 5 STUDENTI E DI 5 STUDENTESSE DI BIOINFORMATICA E DI VOLER VERIFICARE L'IPOTESI CHE IL QI DELLE FEMMINE SIA DIVERSO DA QUELLO DEI MASCHI. SI IPOTIZZA CHE LA VARIANZA DELLE DUE POPOLAZIONI SIA UGUALE. IL LIVELLO DI CONFIDENZA E' DEL 99%

#### # COSTRUIAMO I DUE CAMPIONI IN QUESTO MODO:

```
qi.m = c(105, 99, 115, 130, 80)
qi.f = c(103, 104, 115, 118, 106)
H0: M(QI_f) = M(QI_m) H1: M(QI_f) != M(QI_m)
```

(PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI <u>UGUALI</u>

H0:  $M(QI_f) = M(QI_m)$  H1:  $M(QI_f) != M(QI_m)$ 

t.test(qi.f, qi.m, var.equal=TRUE, conf.level=0.99)

(PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI UGUALI

```
> t.test(qi.f, qi.m, var.equal=TRUE, conf.level=0.99)
     Two Sample t-test
data: qi.f and qi.m
t = 0.3838, df = 8, p-value = 0.7111 # I DF SONO (N1-1)+(N2-1)=N-2
alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
99 percent confidence interval:
-26.32502 33.12502
sample estimates:
mean of x mean of y
  109.2
           105.8
```

# POICHE' L'ALPHA TEORICO (OSSIA IL LIVELLO DI SIGNIFICATIVITA') E' 0.01 ED E' INFERIORE AL P-VALUE CALCOLATO DI 0.7111, SI ACCETTA L'IPOTESI NULLA E SI CONSIDERANO UGUALI I QI DEI MASCHI E DELLE FEMMINE AD UN LIVELLO DI CONFIDENZA DEL 99%.

(PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI UGUALI

IPOTIZZIAMO DI AVER RILEVATO IL NUMERO DI KM PERCORSI CON UN LITRO DI BENZINA DA 5 AUDI A3 E 5 BMW SERIE1. SI IPOTIZZA CHE LA VARIANZA DELLE DUE POPOLAZIONI SIA UGUALE. IL LIVELLO DI CONFIDENZA E' DEL 95%. VERIFICARE SE SI PUO' DIRE CHE IN MEDIA L'AUDI E LA BMW CONSUMANO UGUALE.

#### # COSTRUIAMO I DUE CAMPIONI IN QUESTO MODO:

km.audi = c(20, 21, 15, 16, 17)

km.bmw = c(18, 13, 14, 19, 17)

H0:  $M(KM_{audi}) = M(KM_{bmw})$  H1:  $M(KM_{audi}) != M(KM_{bmw})$ 

(PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI <u>UGUALI</u>

H0:  $M(KM_{audi}) = M(KM_{bmw})$  H1:  $M(KM_{audi}) != M(KM_{bmw})$ 

t.test(km.audi, km.bmw, var.equal=TRUE, conf.level=0.95)

### (PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI UGUALI

```
> t.test(km.audi, km.bmw, var.equal=TRUE, conf.level=0.95)
     Two Sample t-test
data: km.audi and km.bmw
t = 0.9774, df = 8, p-value = 0.357
alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
95 percent confidence interval:
-2.175091 5.375091
sample estimates:
mean of x mean of y
   17.8
          16.2
```

# POICHE' L'ALPHA TEORICO (OSSIA IL LIVELLO DI SIGNIFICATIVITA') E' 0.05 ED E' INFERIORE AL p-value CALCOLATO DI 0.357, SI ACCETTA L'IPOTESI NULLA E SI CONSIDERANO UGUALI I CONSUMI MEDI DI AUDI E BMW AD UN LIVELLO DI CONFIDENZA DEL 95%.

(PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI DIVERSE

RIPRENDIAMO L'ESERCIZIO PRECEDENTE SUL QI DEI 5 STUDENTI MASCHI E 5 FEMMINE E IPOTIZZIAMO STAVOLTA CHE LE VARIANZE DELLE POPOLAZIONI SIANO DIVERSE. IL LIVELLO DI CONFIDENZA E' DEL 99%

#### # RIPRENDIAMO I DUE CAMPIONI IN QUESTO MODO:

```
qi.m = c(105, 99, 115, 130, 80)
qi.f = c(103, 104, 115, 118, 106)
H0: M(QI_f) = M(QI_m) H1: M(QI_f) != M(QI_m)
```

(PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI <u>DIVERSE</u>

H0:  $M(QI_f) = M(QI_m)$  H1:  $M(QI_f) != M(QI_m)$ 

t.test(qi.f, qi.m, var.equal=FALSE, conf.level=0.99)

(PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI <u>DIVERSE</u>

```
t.test(qi.f, qi.m, var.equal=FALSE, conf.level=0.99)
     Welch Two Sample t-test
data: qi.f and qi.m
t = 0.3838, df = 5.061, p-value = 0.7167
alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
99 percent confidence interval:
-32.09857 38.89857
sample estimates:
mean of x mean of y
  109.2
         105.8
```

# POICHE' L'ALPHA TEORICO (OSSIA IL LIVELLO DI SIGNIFICATIVITA') E' 0.01 ED E' INFERIORE AL p-value CALCOLATO DI 0.7167, SI ACCETTA L'IPOTESI NULLA E SI CONSIDERANO UGUALI I QI DEI MASCHI E DELLE FEMMINE AD UN LIVELLO DI CONFIDENZA DEL 99%.

### (PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI DIVERSE

- ► RISPETTO AL CASO PRECEDENTE CON LE VARIANZE UGUALI, "R" UTILIZZA UNA FORMULA PER IL CALCOLO DELLA STATISTICA t DIVERSA RISPETTO AGLI ALTRI CASI, OSSIA IL Welch Two Sample t-test
- ► I GRADI DI LIBERTA' VENGONO CALCOLATI IN MODO PARTICOLARE, IN QUESTO CASO 5.061 E QUESTO E' DOVUTO AL MAGGIOR GRADO DI INCERTEZZA CHE SI HA QUANDO LE VARIANZE DELLE POPOLAZIONI NON SONO UGUALI.
- ► LA LETTURA DEI RISULTATI E' COMUNQUE SEMPRE LA STESSA
- ► IL P-VALUE E' LEGGERMENTE PIU' ELEVATO (DA 0.7111 A 0.7167)

(PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI DIVERSE

IPOTIZZIAMO DI AVER RILEVATO IL PESO DI 5 STUDENTI DI INFORMATICA E 5 DI SCIENZE MOTORIE. SI IPOTIZZA CHE LA VARIANZA DELLE DUE POPOLAZIONI SIA DIVERSA. IL LIVELLO DI CONFIDENZA E' DEL 99%. VERIFICARE L'IPOTESI CHE LE MEDIE DELLE DUE POPOLAZIONI SIANO DIVERSE.

peso.inf = c(64, 61, 120, 105, 58)peso.mot = c(78, 72, 84, 77, 79)

H0:  $M(P_{inf}) = M(P_{mot})$  H1:  $M(P_{inf}) != M(P_{mot})$ 

(PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI <u>DIVERSE</u>

H0:  $M(P_{inf}) = M(P_{mot})$  H1:  $M(P_{inf}) != M(P_{mot})$ 

t.test(peso.inf, peso.mot, var.equal=FALSE, conf.level=0.99)

### (PER CAMPIONI INDIPENDENTI) CON VARIANZE DELLE POPOLAZIONI DIVERSE

```
> t.test(peso.inf, peso.mot, var.equal=FALSE, conf.level=0.99)
     Welch Two Sample t-test
data: peso.inf and peso.mot
t = 0.2766, df = 4.179, p-value = 0.7952
alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
99 percent confidence interval:
-54.60384 61.80384
sample estimates:
mean of x mean of y
   81.6
           78.0
```

# POICHE' L'ALPHA TEORICO (OSSIA IL LIVELLO DI SIGNIFICATIVITA') E' 0.01 ED E' INFERIORE AL p-value CALCOLATO DI 0. 7952, SI ACCETTA L'IPOTESI NULLA E SI CONSIDERANO UGUALI I PESI DEGLI STUDENTI DI INFORMATICA E DI SCIENZE MOTORIE AD UN LIVELLO DI CONFIDENZA DEL 99%.

#### 6 - VERIFICA DI IPOTESI PER DATI APPAIATI

A VOLTE I DATI VENGONO PRESENTATI COME <u>COPPIE</u> DI UNA SITUAZIONE <u>PRIMA</u> E <u>DOPO</u> UN DATO TRATTAMENTO.

AD ES. SI VUOLE VALUTARE L'EFFETTO DIMAGRANTE DI UNA NUOVA DIETA SU UN GRUPPO DI 12 PERSONE, I CUI PESI, PRIMA E DOPO LA CURA, SONO I SEGUENTI:

- > prima=c(80, 76, 92, 87, 79, 86, 98, 92, 90, 89, 85, 88)
- > dopo=c(76, 75, 86, 82, 78, 86, 95, 90, 88, 85, 84, 86)

H0: diff(prima-dopo)<=0 H1: diff(prima-dopo)>0

#### 6 - VERIFICA DI IPOTESI PER DATI APPAIATI

H0: diff(prima-dopo)<=0 H1: diff(prima-dopo)>0

t.test(prima, dopo, alternative = "greater", paired = TRUE, conf.level=0.95)

# SI INDICANO DUE DATABASE DA CONFRONTARE (prima E dopo) E SI SPECIFICA L'ARGOMENTO paired=TRUE PER INDICARE CHE SI TRATTA DI UN CONFRONTO FRA DUE BASE DATI

#### 6 - VERIFICA DI IPOTESI PER DATI APPAIATI

t.test(prima, dopo, alternative = "greater", paired = T, conf.level=0.95)

Paired t-test

data: prima and dopo

t = 4.8849, df = 11, p-value = 0.0002415

alternative hypothesis: true difference in means is greater than 0

95 percent confidence interval:

1.633598 Inf

sample estimates:

mean of the differences

2.583333

# POICHE' L'ALPHA 0.05 E' SUPERIORE AL P-VALUE DI 0.0002415, SI RIFIUTA L'IPOTESI NULLA E SI ACCETTA L'IPOTESI ALTERNATIVA CHE LA DIFFERENZA FRA IL PRIMA E IL DOPO SIA MAGGIORE DI 0 E QUINDI CHE CI SIA DIFFERENZA > 0 FRA I PESI DEI PAZIENTI PRIMA E DOPO LA CURA.

#### ES. VERIFICA DI IPOTESI PER DATI APPAIATI

SI VUOLE VALUTARE SE UN SONNIFERO ABBIA EFFICACIA O MENO SU UN GRUPPO DI 5 PAZIENTI.

IL NUMERO DI ORE DI SONNO PRIMA E DOPO IL TRATTAMENTO E' STATO IL SEGUENTE:

prima.sonn=c(6, 6, 6.5, 5, 3) dopo.sonn=c(6, 7, 8, 6.5, 6)

H0: diff(prima.sonn-dopo.sonn)<=0 H1: diff(prima.sonn-dopo.sonn)>0

#### ES. VERIFICA DI IPOTESI PER DATI APPAIATI

H0: diff(prima.sonn-dopo.sonn)<=0 H1: diff(prima.sonn-dopo.sonn)>0

t.test(prima.sonn, dopo.sonn, alternative = "greater", paired = T, conf.level=0.95)

#### ES. VERIFICA DI IPOTESI PER DATI APPAIATI

t.test(prima.sonn, dopo.sonn, alternative = "greater", paired = T, conf.level=0.95)

Paired t-test

data: prima.sonn and dopo.sonn

t = -2.888, df = 4, p-value = 0.9777

alternative hypothesis: true difference in means is greater than 0

95 percent confidence interval:

-2.433451 Inf

sample estimates:

mean of the differences

-1.4

# POICHE' L'ALPHA 0.05 E' NETTAMENTE INFERIORE AL P-VALUE DI 0.9777, SI ACCETTA L'IPOTESI NULLA, OVVERO CHE LA DIFFERENZA (prima.sonndopo.sonn)<=0 E QUINDI CHE IL NUMERO DI ORE DI SONNO DOPO IL SONNIFERO E' PIU' ALTO DI QUELLO PRECEDENTE ALL'ASSUNZIONE.