Esercizi in preparazione alla I prova parziale di Programmazione I.

Esercizio 1 Si scriva un programma che richieda in input i coefficienti di due polinomi di quinto grado a e b e poi visualizzi il polinomio somma di a e b e il polinomio differenza di a e b. Si utilizzino due array per memorizzare i coefficienti.

Esercizio 2 Un'azienda retribuisce i propri venditori con delle provvigioni come segue: ogni venditore percepisce 200 \$ la settimana pi il nove per cento delle vendite lorde concluse durante la settimana. Si scriva un programma che utilizzi un array di contatori per determinare quanti venditori abbiano guadagnato una retribuzione compresa in uno dei seguenti intervalli (per semplicitá si tronchi la retribuzione a un numero intero):

- a) 200 \$ 299 \$
- b) 300 \$ 399 \$
- c) 400 \$ 499 \$
- d) 500 \$ 599 \$
- e) 600 \$ 699 \$
- f) 700 \$ 799 \$
- g) 800 \$ 899 \$
- h) 900 \$ 999 \$
- i) 1000 \$ e oltre

Esercizio 3

- Si scriva un programma che simuli il lancio di due dadi chiamando due volte la funzione rand() e visualizzi il valore dei dadi. Il programma dovrá poi calcolare la somma dei due valori.
- Estendere il programma in modo che esso lanci i dadi 36000 volte e che dopo ogni lancio utilizzi un array opportuno per tener traccia del numero di occorrenze di ogni somma possibile. Al termine dei lanci il programma dovrà visualizzare tali occorrenze in forma tabulare.

Esercizio 4 Una piccola compagnia aerea vi ha chiesto di programmare un nuovo sistema per assegnare i posti su ogni volo dell'unico aereo a disposizione (capacitá: dieci posti). Il programma dovrá visualizzare il seguente menú:

```
Digita 1 per prenotare un posto in prima classe
Digita 2 per prenotare un posto nella classe economica
```

Se il cliente digita 1, il programma dovrá prenotare un posto nella prima classe dellaereo (posti da 1 a 5); analogamente, se il cliente digita 2 il programma dovr prenotare un posto nella classe economica (posti da 6 a 10). Il programma dovr quindi stampare una carta dimbarco che dovrá indicare:

- il numero del posto assegnato;
- la relativa classe (prima o economica).

Si utilizzi un array per rappresentare i posti dell'aereo: esso dovrá essere inizialmente azzerato (per indicare che tutti i posti sono vuoti). A mano a mano che vengono effettuate le prenotazioni dei posti, lelemento corrispondente dell'array dovr essere posto a 1 (per indicare che il posto non più disponibile).

Il programma non dovr assegnare posti giá prenotati. Nel caso in cui un cliente voglia prenotare un posto in una classe che risulta giá piena, il programma dovr richiedere se egli sia disposto ad accettare un posto nell'altra classe; nel caso in cui la risposta sia affermativa si dovrá eseguire la prenotazione, in caso contrario andrá visualizzato il messaggio Il prossimo volo partir fra tre ore. Si gestisca anche il caso in cui tutti i posti di un volo risultino giá assegnati.

Esercizio 5 Un'azienda ha quattro venditori (numerati da 1 a 4) che vendono cinque differenti prodotti (numerati da 1 a 5). Una volta al giorno, ogni venditore fornisce un tagliando per ogni tipo di prodotto venduto. Ogni tagliando contiene:

- il numero del venditore;
- il numero del prodotto;

• il valore totale, in dollari, del venduto di tale prodotto.

Di conseguenza, ogni venditore fornisce da zero a cinque tagliandi al giorno. Supponendo che siano disponibili i dati dei tagliandi dell'ultimo mese, si scriva un programma che legga tali informazioni e sommi le vendite totali per venditore e per prodotto. Le somme dovranno essere memorizzate in un opportuno array. Dopo aver eseguito tali calcoli, il programma dovrá stampare una tabella le cui colonne corrispondano ai venditori e le cui righe corrispondano ai prodotti: esso dovrà anche stampare in fondo a ogni singola riga la somma delle vendite totali del corrispondente prodotto (ossia la somma della riga) e in fondo a ogni singola colonna la somma delle vendite di ogni venditore (ossia la somma della colonna)

Esercizio 6 Il codice di Vigenère è un codice che si basa sull'utilizzo di un quadrato (quadrato di Vigenre) per cifrare un messaggio di testo utilizzando una chiave (parola o frase segreta); se ne propone una versione semplificata che al posto delle frasi utilizza dei numeri. L'algoritmo è il seguente.

1. Si crea una matrice V come quella qui di seguito riportata:

$$V = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 0 \\ 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 0 & 1 \\ 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 0 & 1 & 2 \\ 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 0 & 1 & 2 & 3 \\ 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 \\ 6 & 7 & 8 & 9 & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 8 & 9 & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 9 & 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 \end{bmatrix}$$

- 2. Si chiedono allutente un messaggio da cifrare e una chiave.
- 3. La chiave viene allineata al messaggio da cifrare e ripetuta tante volte quante sono necessarie per coprire tutto il testo. Ad esempio, se si vuole cifrare il messaggio 123456789012345 utilizzando la chiave 583051, si opera come segue:

Messaggio da cifrare 123456789012345 Chiave ripetuta 583051583051583

- 4. Per cifrare la k-esima cifra del messaggio ci si posiziona sulla colonna che presenta tale cifra nella prima riga del quadrato di Vigenère e si scende fino alla riga che inizia con la k-esima cifra della chiave ripetuta. La cifra all'incrocio di tali riga e colonna è la k-esima cifra del messaggio cifrato. Nell'esempio, il messaggio cifrato è 606407262063828.
- 5. Per decifrare il messaggio si applica l'algoritmo di cifratura al contrario: si scende fino alla riga che inizia con la k-esima cifra della chiave ripetuta, si scorre tale riga fino alla colonna che presenta la k-esima cifra del messaggio cifrato e si legge la cifra che compare in tale colonna e nella prima riga del quadrato.
- Si scriva un programma che cifri e decifri messaggi con il codice di Vigenère. Il messaggio deve essere un numero di quindici cifre, mentre la chiave deve essere un numero di sei cifre. Sia il messaggio sia la chiave dovranno essere salvati in opportuni array. Si noti inoltre che entrambi i numeri possono avere degli zeri come cifre iniziali (ad esempio, una possibile chiave di sei cifre potrebbe essere 008472)
- Modificare il programma scritto in modo che esso non usi la matrice V per la crittazione e la decrittazione. Suggerimento: se m_k , k_k e e_k sono la k-esima cifra, rispettivamente, del messaggio da cifrare, della chiave ripetuta e del messaggio cifrato, vale che $e_k \equiv m_k + k_k mod 10$.

Nota storico-crittografica: il codice venne creato da Blaise de Vigenère nel XVI secolo basandosi su idee analoghe di Leon Battista Alberti. Rispetto al codice di Cesare (sostituzione in un messaggio di ogni lettera con quella successiva di k posti nellalfabeto) esso presentava il vantaggio di poter codificare una stessa lettera nel messaggio originale con lettere anche diverse nel messaggio cifrato, rendendo pi difficile la decrittazione senza essere in possesso della chiave. Lalgoritmo, divenuto noto con lappellativo di chiffre indéchiffrable, fu tuttavia violato nel 1854 circa da Babbage e, indipendentemente, nel 1863 da Kasiski.