

Università degli Studi di Verona

Corso di Laurea in Informatica

Esame di Fondamenti dell'Informatica^{*†}

10 Febbraio 2012

I Parte (1h:30) - 15pt.

Sia data la seguente famiglia di linguaggi Υ_m definita al variare di $m \in \mathbb{N}$ sull'alfabeto $\{0, 1\}$:

$$\Upsilon_m = \left\{ \gamma \in \{0, 1\}^* \mid \begin{array}{l} \text{non ci sono mai } m \text{ zeri} \\ \text{consecutivi in } \gamma \end{array} \right\}$$

Ad esempio:

- 0000, 01100100001, 1110 $\in \Upsilon_5$;
- 000, 010011000111, 00001000 $\notin \Upsilon_3$.

Classificare: Υ_m al variare di $m \in \mathbb{N}$; $\bigcup_{m \in \mathbb{N}} \Upsilon_m$; e

$$\bigcap_{m \in \mathbb{N}} \Upsilon_m.$$

*Coloro che desiderano recuperare una delle due parti, devono consegnare il testo con gli esercizi della parte corrispondente entro 1h:30 dall'inizio dell'esame. In questo caso il punteggio x è rapportato a 30/30: $voto = x \times 2$. Consegnando oltre il termine di 1h:30, si recuperano entrambe le parti ed il voto è la somma dei punti ottenuti. Dopo la consegna di una delle due parti, nel termine di 1h:30, lo studente può tentare l'altra parte. In ogni momento lo studente può ritirarsi dall'esame, mantenendo valido ciò che ha consegnato fino a quel momento. Le uscite sono vietate oltre 1h:30 dall'inizio dell'esame.

†La determinazione di eventuali errori nel testo, se ben motivata, fa parte integrante della valutazione finale.

II Parte (1h:30) - 16pt.

(8pt) Sia h una funzione totale ricorsiva e f_n una successione di funzioni:

$$f_n(x) = \begin{cases} h(x) & \text{se } \varphi_x(h(x)^2) \downarrow \text{ in meno di } n \text{ passi} \\ \uparrow & \text{altrimenti} \end{cases}$$

Classificare nella teoria matematica della ricorrenza le funzioni f_n al variare di $n \in \mathbb{N}$ ed il seguente insieme di numeri naturali ed il suo complementare, motivando formalmente la classificazione:

$$\bigcup_{n \in \mathbb{N}} \text{range}(f_n)$$

(8pt) Dimostrare che esiste $e \in \mathbb{N}$ tale che per ogni $n \in \mathbb{N}$: $\varphi_e(n) = \varphi_n(e)$.