Università degli Studi di Verona

Corso di Laurea in Informatica

Esame di Fondamenti dell'Informatica

1 Febbraio 2017

II Parte (2h) = 15pt.

Classificare nella teoria matematica della ricorsione il seguente insieme ed il complementare, motivando formalmente la classificazione:

$$A = \left\{ 2x \mid x > 5 \implies \varphi_{x-5}(3x+1) = 4x+2 \right\}$$

Classificare nella teoria matematica della ricorsione i seguenti insiemi ed i loro complementari, al variare di $n \in \mathbb{N}$, motivando formalmente la classificazione:

$$B_n = \{ x \mid \varphi_x(3^n) \downarrow \}$$

$$C = \bigcup_{n \in \mathbb{N}} B_n \qquad D = \bigcap_{n \in \mathbb{N}} B_n$$

$$E = \{ x \mid \{3\}^{\mathbb{N}} \subseteq W_x \} \text{ where } \{3\}^{\mathbb{N}} = \{ 3^i \mid i \in \mathbb{N} \}$$

I Parte $(1h \ 30m) = 15pt.$

Classificare la seguente famiglia di linguaggi al variare di $m \in \mathbb{N}$:

$$L_m = \left\{ a^{3m} b^{2n} c^{4m*n} \mid n \in \mathbb{N} \right\}$$

Classificare inoltre i seguenti linguaggi:

$$M = \bigcup_{m \in \mathbb{N}} L_m$$
$$N = \bigcap_{m \in \mathbb{N}} L_m$$