## Università degli Studi di Verona

Corso di Laurea in Informatica e Informatica Multimediale

## Esame di Fondamenti dell'Informatica\*†

16 Aprile 2011

## I Parte (1h:30) - 15pt.

Sia data la seguente famiglia di linguaggi sull'alfabeto  $\Sigma = \{a, b\}$ , al variare di  $m \in \mathbb{N}$  con  $m \geq 1$ :

$$L_m = \left\{ a^{nm}b^{2m}a^n \mid n \in m\mathbb{N} + 1 \right\}^1$$

Classificare i linguaggi  $L_m$  al variare di  $m \in \mathbb{N}$ . Che linguaggi sono  $\bigcup_{m \in \mathbb{N}} L_m$  e  $\bigcap_{m \in \mathbb{N}} L_m$  e come si classificano? Motivare formalmente le risposte.

## II Parte (1h:30) - 15pt.

Classificare nella teoria matematica della ricorsione i seguenti insiemi ed i loro complementari al variare di  $m \in \mathbb{N}$  con  $m \ge 1$ :

$$A_m = \left\{ x \in \mathbb{N} \mid W_x = m\mathbb{N} \right\}$$
  
$$B_m = \left\{ x \in \mathbb{N} \mid W_x = 2m\mathbb{N} \right\}$$

Per quali  $m \in \mathbb{N}$  esiste una funzione totale ricorsiva g tale che:

$$W_{g(m,x)} = \left\{ \begin{array}{ll} W_y & \text{se } x \in K \land y \in A_m \\ W_z & \text{se } x \in \overline{K} \land z \in B_m \end{array} \right.$$

Classificare quindi i seguenti insiemi, al variare di m per cui q esiste.

$$C_m = \left\{ m \cdot g(m, x) \mid \varphi_x(g(m, x)) \downarrow \right\}$$

Motivare formalmente le risposte.

<sup>\*</sup>Coloro che desiderano recuperare una delle due parti, devono consegnare il testo con gli esercizi della parte corrispondente entro 1h:30 dall'inizio dell'esame. In questo caso il punteggio ottenuto x è rapportato a 30/30:  $voto = x \times 2$ . Consegnando oltre il termine di 1h:30, si recuperano entrambe le parti ed il voto è la somma dei punti ottenuti in tutti gli esercizi. Dopo la consegna di una delle due parti, nel termine di 1h:30, lo studente può tentare l'altra parte. In ogni momento lo studente può ritirarsi dall'esame, mantenendo valido ciò che ha consegnato fino a quel momento. Le uscite sono vietate oltre 1h:30 dall'inizio dell'esame.

 $<sup>^{\</sup>dagger}$ La determinazione di eventuali errori nel testo, se ben motivata, fa parte integrante della valutazione finale.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Si ricorda che  $m\mathbb{N} + k = \{ (m \cdot i) + k \mid i \in \mathbb{N} \}.$