Università degli Studi di Verona

Esame di Fondamenti dell'Informatica*

23 Febbraio 2015

I Parte (1h:30) - 16pt.

(4pt) Classificare il seguente linguaggio:

$$M = \left\{ \begin{array}{l} \sigma \in \{0,1\}^* \;\middle|\; |\sigma| > 0, \; \text{ogni sequenza di 0} \\ \text{ha lunghezza multiplo di 3} \end{array} \right\}$$

Ad esempio $\sigma=00011000000111$ sta in M mentre $\sigma'=0001001111$ non sta in M. Dove sta una stringa che non ha sequenze di 0?

(12pt) Classificare i seguenti linguaggi, al variare di $n \in \mathbb{N}$:

- $L_m = \{ 0^{m+n} 1^n 1^n 0^m \mid n \in \mathbb{N} \}$
- $\bigcap_{m\in\mathbb{N}} L_m$
- $\bigcup_{m\in\mathbb{N}} L_m$

II Parte (1h:30) - 16pt.

(12pt) Classificare nella teoria matematica della ricorsione i seguenti insiemi di numeri naturali ed i loro complementari, motivando formalmente la classificazione:

$$\bullet \ \ A = \left\{ \begin{array}{l} x \in \mathbb{N} \ \middle| \ \ \forall y \in \mathbb{N}, \ (y \ \mathrm{mod} \ 2 = 1 \ \Rightarrow \ \varphi_x(y) \ \uparrow) \\ \qquad \land \ (y \ \mathrm{mod} \ 2 = 0 \ \Rightarrow \ \varphi_x(y) \ \downarrow) \end{array} \right\}$$

•
$$B = \left\{ \begin{array}{c|c} x^3 & \exists y \in \mathbb{N}. \ x = 3^y \Rightarrow \\ \varphi_{\log_3 x}(x) = x + 3 \end{array} \right\}$$

(4pt) Si consideri il seguente insieme creativo:

$$C = \left\{ x \mid \varphi_{2x^2 + 2x + 2}(x^2) \downarrow \right\}$$

Fornire una successione di insiemi ricorsivi $\{C_n\}_{n\in\mathbb{N}}$ tale che $\bigcup_{n\in\mathbb{N}} C_n = C$

^{*}Coloro che desiderano recuperare una delle due parti, devono consegnare il testo con gli esercizi della parte corrispondente entro 1h:30 dall'inizio dell'esame. In questo caso il punteggio x è rapportato a 30/30: $voto = x \times 2$. Consegnando oltre il termine di 1h:30, si recuperano entrambe le parti ed il voto è la somma dei punti ottenuti. Dopo la consegna di una delle due parti, nel termine di 1h:30, lo studente può tentare l'altra parte. In ogni momento lo studente può ritirarsi dall'esame, mantenendo valido ciò che ha consegnato fino a quel momento. Le uscite sono vietate oltre 1h:30 dall'inizio dell'esame. La determinazione di eventuali errori nel testo, se ben motivata, fa parte integrante della valutazione finale.