示例作业

LogCreative

2020年8月

2. 简单图 G 中,如果 $m > \frac{1}{2}(n-1)(n-2)$,证明 G 不存在孤立节点。 若不然,则有一孤立点 v,子图 G' = G - v 的边数

$$|E(G')| = |E(G)| = m > \frac{1}{2}(n-1)(n-2)$$
 (1)

然而,G' 边数最多的情况是完全图 K_{n-1} , 也就是

$$|E(G')| \le \frac{1}{2}(n-1)(n-2)$$
 (2)

这与式子(1)矛盾。

由于当孤立节点数不止一个时,式子(2)依然成立。所以不存在孤立节点。

(2) 解. 这是一个解。