数值实验: 方程组的求解

实验题:对方程组 Ax=b

其中,系数矩阵
$$A = \begin{pmatrix} 6 & 1 & & & \\ 8 & 6 & 1 & & \\ & \ddots & \ddots & \ddots & \\ & & 8 & 6 & 1 \\ & & & 8 & 6 \end{pmatrix}, \quad b = \begin{pmatrix} 7 \\ 15 \\ \vdots \\ 15 \\ 14 \end{pmatrix}, \quad 显然方程组的精确解为 $x = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ \vdots \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$$

- 1) 取阶数 n=10, 30, 100 ,用顺序 Gauss 消元法求解此方程组的解,计算结果与精确解作比较;
- 2) 取阶数 n=10, 30, 100 ,用列主元 Gauss 消元法求解此方程组的解,计算结果与精确解作比较;
- 3) 取阶数 n = 10, 30, 100, 用追赶法求解此方程组的解, 计算结果与精确解作比较;
- 4) 取阶数 n=10, 30, 100 ,用 Jacobi 迭代法求解此方程组的解,计算结果与精确解作比较;
- 5) 取阶数 n = 10, 30, 100 ,用 Gauss_Seodel 迭代法求解此方程组的解,计算结果与精确解作比较;
- 6) 比较这些计算结果后,你有什么体会?