# TIPE Transport Optimal

ROCHER Kilian — WILLEM Logan

2020 / 2021

L'optimisation des transports Quelques exemples Applications réelles

# 2 Problème de tournée des véhicules

Contexte Variantes Pourquoi utiliser une résolution approchée?

# 3 Première résolution

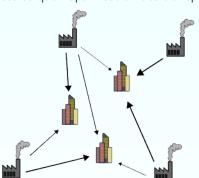
L'algorithme de Clarke & Wright Résultat Insuffisance de l'algorithme

#### Amélioration

Le 2-opt Résultats avec 2-opt Complexité des algorithmes Limites de l'algorithme?

# L'optimisation des transports

Qu'est-ce que l'optimisation des transports?



# Quelques exemples

Quelques problèmes d'optimisation

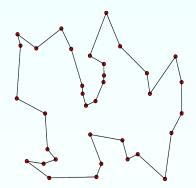
# Quelques exemples

Transport optimal

•••

# Quelques problèmes d'optimisation

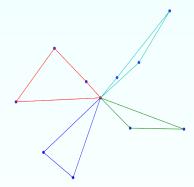
Le voyageur de commerce



000

# Quelques problèmes d'optimisation

- Le voyageur de commerce
- Tournée des véhicules



# Applications réelles

Transport optimal

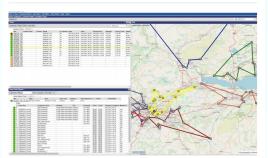
000

#### INTERNATIONAL

# Ontex s'équipe de la solution d'optimisation du transport de **Descartes**

16.10.2018 • 11h00 | par Emilien VILLEROY





Fournisseur mondial de produits d'hygiène corporelle jetables, Ontex utilise désormais la solution Route Planner de l'éditeur Descartes pour optimiser ses tournées au Royaume-Uni.

#### Contexte

Transport optimal

Dans ce type de problèmes, il s'agit de minimiser le coût total (en distance par exemple) de la tournée de tous les véhicules, ayant pour objectif de livrer à un nombre défini de clients.



Transport optimal

Différentes variantes du problème de tournée des véhicules

— Classique (VRP)

# Différentes variantes du problème de tournée des véhicules

- Classique (VRP)
- Contrainte de capacité (CVRP)

•

Transport optimal

# Différentes variantes du problème de tournée des véhicules

- Classique (VRP)
- Contrainte de capacité (CVRP)
- Dépôts multiples (MDVRP)

Transport optimal

# Différentes variantes du problème de tournée des véhicules

- Classique (VRP)
- Contrainte de capacité (CVRP)
- Dépôts multiples (MDVRP)
- Retours des colis (VRPPD et VRPB)

## Différentes variantes du problème de tournée des véhicules

- Classique (VRP)
- Contrainte de capacité (CVRP)
- Dépôts multiples (MDVRP)

0

- Retours des colis (VRPPD et VRPB)
- . . .

On s'est intéressé à la version classique afin de s'approprier au mieux le problème.

Pourquoi utiliser une résolution approchée?

ŏ

Transport optimal

Deux choix pour le premier camion pour chaque client : "OUI" ou "NON"

Pourquoi utiliser une résolution approchée?

ŏ

Transport optimal

Deux choix pour le premier camion pour chaque client : "OUI" ou "NON" 2<sup>n</sup> possibilités

Deux choix pour le premier camion pour chaque client : "OUI" ou "NON"

2<sup>n</sup> possibilités

Le sens importe peu :

 $2^{n-1}$  possibilités

### Pourquoi utiliser une résolution approchée?

Transport optimal

Deux choix pour le premier camion pour chaque client : "OUI" ou "NON"

2<sup>n</sup> possibilités

Le sens importe peu :

 $2^{n-1}$  possibilités

Pour tous les trajets, il existe au moins  $2^{n-1}$  possibilités :

# Pourquoi utiliser une résolution approchée?

Deux choix pour le premier camion pour chaque client : "OUI" ou "NON"

2<sup>n</sup> possibilités

Le sens importe peu :

 $2^{n-1}$  possibilités

Pour <u>tous</u> les trajets, il existe <u>au moins</u>  $2^{n-1}$  possibilités :

complexité exponentielle

# L'algorithme de Clarke & Wright

#### Données

- Un point D de coordonnées (0,0) : le dépôt

## L'algorithme de Clarke & Wright

#### Données

- Un point D de coordonnées (0,0) : le dépôt
- Une famille de points  $(i_1,...,i_n) \in ([-100,100]^2)^n$  pour un certain  $n \in [2,+\infty[$  représentant les clients

- Un point D de coordonnées (0,0) : le dépôt
- Une famille de points  $(i_1,...,i_n) \in ([-100,100]^2)^n$  pour un certain  $n \in [2, +\infty[$  représentant les clients
- Une fonction d qui calcule la distance entre deux points.

#### Données

- Un point D de coordonnées (0,0) : le dépôt
- Une famille de points  $(i_1,...,i_n) \in ([-100,100]^2)^n$  pour un certain  $n \in [2,+\infty[$  représentant les clients
- Une fonction *d* qui calcule la distance entre deux points.

Remarque : Dans cette méthode de résolution, le nombre de véhicules n'est pas fixé. C'est l'algorithme qui décide du nombre optimal de véhicules à utiliser.

# Definition (Fonction gain)

Fonction s : calcule le gain après raccord de deux routes.

Pour deux points i et j, s calcule la différence de distance entre le chemin

$$D-i-D+D-j-D$$
 qui vaut  $2d(D,i)+2d(j,D)$  au chemin

$$D-i-j-D$$
 de distance  $d(D,i)+d(i,j)+d(j,D)$ 

$$s(i,j) = 2d(D,i) + 2d(j,D) - [d(D,i) + d(i,j) + d(j,D)]$$
  
$$s(i,j) = d(D,i) + d(j,D) - d(i,j)$$

Première résolution

# Definition (Fonction gain)

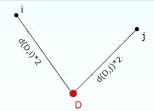
Fonction s : calcule le gain après raccord de deux routes.

Pour deux points i et j, s calcule la différence de distance entre le chemin

$$D-i-D+D-j-D$$
 qui vaut  $2d(D,i)+2d(j,D)$  au chemin

$$D-i-j-D$$
 de distance  $d(D,i)+d(i,j)+d(j,D)$ 

$$s(i,j) = 2d(D,i) + 2d(j,D) - [d(D,i) + d(i,j) + d(j,D)]$$
  
$$s(i,j) = d(D,i) + d(j,D) - d(i,j)$$



# Definition (Fonction gain)

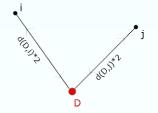
Fonction s : calcule le gain après raccord de deux routes.

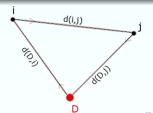
Pour deux points i et j, s calcule la différence de distance entre le chemin

$$D-i-D+D-j-D$$
 qui vaut  $2d(D,i)+2d(j,D)$  au chemin

$$D-i-j-D$$
 de distance  $d(D,i)+d(i,j)+d(j,D)$ 

$$s(i,j) = 2d(D,i) + 2d(j,D) - [d(D,i) + d(i,j) + d(j,D)]$$
  
$$s(i,j) = d(D,i) + d(j,D) - d(i,j)$$





# L'algorithme comporte deux étapes majeures

— Étape 1 : Calcul des bénéfices

# L'algorithme comporte deux étapes majeures

— Étape 1 : Calcul des bénéfices Calcul la liste des bénéfices  $s_{ij}$  pour  $i, j \in [1, n]$  distincts

```
of savings(DEPOT=DEPOT, CLIENTS=CLIENTS):
   list savings = []
   client_savings = []
   teno = []
   temp2 = []
   for i in range(0, len(CLIENTS)-1):
       for j in range(i+1, len(CLIENTS)):
           temp.append((round(distance)
               CLIENTS[i], DEPOT)+distance(CLIENTS[j], DEPOT)-distance(CLIENTS[i], CLIENTS[j]), 2)))
           temp2.append((i+1, j+1))
       list_savings.append(temp)
       client savings.append(temp2)
       teno = []
       teno2 = []
   return (list_savings, client_savings)
  create mutes(DEPOT=DEPOT, CLIENTS=CLIENTS):
   for i in range(len(CLIBNTS)):
       list_route.append([0, i+1, 0])
   return list_route
 of joindre_tableaux(res=savings()):
ef order_list(x=joindre_tableaux()):
   list_savings = x[0]
   client_savings = x[1]
   for i in range(len(list_savings)):
       for j in range(i, len(list_savings)):
           if list_savings[j] > list_savings[i]:
               (list_savings[i], list_savings[j]) = (
                   list_savings[j], list_savings[i])
               (client_savings[i], client_savings[i]) = [
                   client_savings[i], client_savings[i])
   return (list_savings, client_savings)
```

Première résolution

Transport optimal

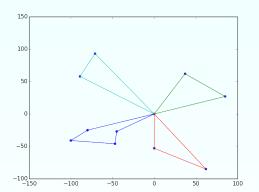
# L'algorithme comporte deux étapes majeures

- Étape 1 : Calcul des bénéfices Calcul la liste des bénéfices  $s_{ii}$  pour  $i, j \in [1, n]$  distincts
- Etape 2 : Fusion des routes

# L'algorithme comporte deux étapes majeures

- Étape 1 : Calcul des bénéfices Calcul la liste des bénéfices  $s_{ij}$  pour  $i,j \in [\![1,n]\!]$  distincts
- Etape 2 : Fusion des routes
   Fusion des routes si celles-ci peuvent l'être, dans l'ordre donné par la liste précédente

```
# Forme les routes en prenant en compte les bénéfices
def merge, routes (MOUT-ROUTES, List_savings-SAVINGS[0]); client_savings-SAVINGS[1]);
tesp = 0
for i in range(len(Edut_savings));
for j in range(len(EduTe));
if MOUTE[j][0] = 0 and MOUTE[j][1] = client_savings[i][0];
for k in range(len(EduTe));
if MOUTE[j][0] = 0 et lest_savings[i][0] and MOUTE[j][2] = 0;
secontell_neon()
soute_langend(client_savings[i][0])
soute_langend(client_savings[i][0])
tesp = 0
horak
if temp = 0
hreak
return MOUTE
```

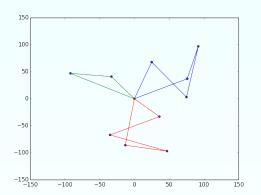


Solution satisfaisante d'un problème

Première résolution

•0

Transport optimal

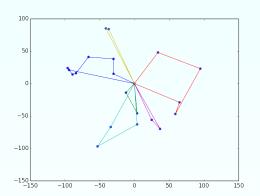


Résultat non satisfaisant pour 10 clients



# Insuffisance de l'algorithme

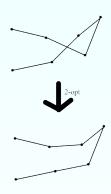
Transport optimal



Résultat non satisfaisant pour 20 clients



#### Le 2-opt



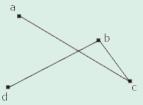
Principe du 2-opt Suppression des liaisons sécantes

# Exemple

Dans le graphe ci-dessous, on a :

$$d(a,c)+d(b,d) > d(a,b)+d(c,d)$$

Un changement va donc s'opérer

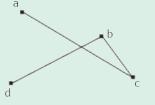


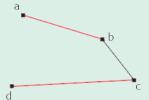
# Exemple

Dans le graphe ci-dessous, on a :

$$d(a,c) + d(b,d) > d(a,b) + d(c,d)$$

Un changement va donc s'opérer

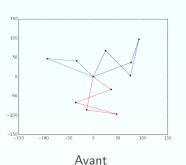


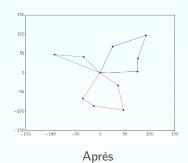


#### Résultats avec 2-opt

Transport optimal

#### 10 clients

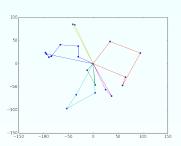




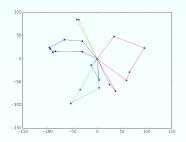
#### Résultats avec 2-opt

Transport optimal

#### 20 clients

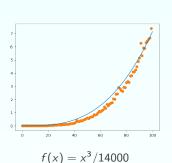


Distance: 1224km Avant

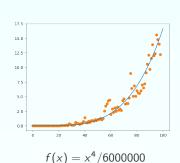


Distance: 1193km Après

Sans 2-opt



# Avec 2-opt

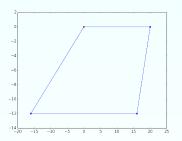


# Mauvaise résolution pour les points suivants :

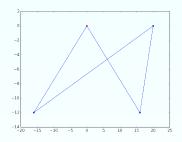
$$i_1 = (20,0), i_2 = (-16,-12), i_3 = (16,-12)$$

# Mauvaise résolution pour les points suivants :

$$i_1 = (20,0), i_2 = (-16,-12), i_3 = (16,-12)$$

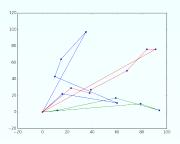


Distance: 85km Avant

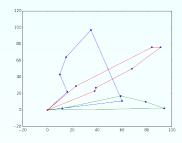


Distance: 91km Après

# Résolution moins satisfisante lorsqu'il s'agit de quarts de plan



Distance: 742km Avant



Distance: 695km Après