题解 demerzel

1 下棋

本题是一道十分开放自由的题目。这里仅介绍 std 所用的算法。 https://mp.weixin.qq.com/s/nbTkr0PImlXUSYl91HD91Q

2 大树

谢罪.jpg: Each corridor can be used no more than two times. That's why Gerald chooses the strategy in such a way, so he can visit every hall for sure.

答案乘上 n-1 后就是每个点第一次访问的时间之和。所以实际上就是在每个节点确定子节点的遍历顺序使得答案最小。

在每个节点记一个一次函数 ax + b 表示若在时刻 x 开始访问该子树,则该子树内的第一次访问时间之和最优是 ax + b。再记录 t 表示访问该子树并走回来需要的总时间。

计算的时候,考虑两个儿子 (a_0x+b_0,t_0) , (a_1x+b_1,t_1) 。若先访问第一棵比先访问第二棵优,那么意味着: $a_0x+b_0+a_1(x+t_0)+b_1\leq a_1x+b_1+a_0(x+t_1)+b_0$ 。 化简得 $\frac{t_0}{a_0}\leq \frac{t_1}{a_1}$ 。因此只要按照这个排序就行了。

3 数轴

首先把所有好数 dfs 出来,大概有 219 个,存到 Good 数组里。

假设枚举了交集中最左边的好数是 $Good_i$,那么最右边的好数 $Good_j$ 需要满足以下条件。

- 1、将所有左端点 $> Good_i$ 的区间移动到 $Good_i$ 处的代价(记为 f_i),加上将所有右端点 $< Good_i$ 的区间移动到 $Good_i$ 处的代价(记为 g_i), $\le k$ 。
 - 2、 $Good_j Good_i + 1 \le$ 最短区间的长度。 显然 f, g 可以预处理出来,之后双指针就行了。