# HNOI2018省队集训

2018年6月28日

评测开启O2优化

## 1 circle (circle.cpp/.in/.out 1s 512MB)

## 1.1 Description

给定一个含有 n 个点的竞赛图,现从中钦定 k 个点,保证将这 k 个点移除后,剩余的图将不存在环。请求出如何移除最小的点数,且不移除任何一个钦定的点,使得图中无环。如果不能够移除严格小于 k 个点或无论怎么样移除都不能使图中无环,输出impossible。竞赛图的定义是任意两个点之间存在且仅存在一条有向边的有向图,不存在自环。点的标号  $\in$  [1,n]。

# 1.2 Input Format

第一行包含两个由空格隔开的整数 n,k, 含义如题意所述。

接下来输入一个  $n\times n$  的矩阵 a ,保证  $a_{i,j}\in\{0,1\}$  ,  $a_{i,j}$  为 1 表示有一条  $i\to j$  的 边 ,否则则没有。

接下来输入 k 个数,表示钦定的点的编号。

# 1.3 Output Format

输出一行,表示能移除的最小的点数或 impossible。

## 1.4 Sample

#### 1.4.1 Input1

4 2

0011

1001

0100

0010

1 3

#### 1.4.2 Output1

1

#### 1.4.3 Input2

5 3

0 1 1 0 1

00110

00001

10101

01000

1 2 3

# 1.4.4 Output2

2

# 1.5 Constraints

对于 10% 的数据,  $n,k \le 10$ 。 对于另外 20% 的数据,  $n,k \le 30$ 。 对于另外 30% 的数据,  $k \le 8, n \le 100$ 。 对于 100% 的数据,  $2 \le k \le n \le 2000$ 。 保证有  $a_{i,j} + a_{j,i} = 1, a_{i,i} = 0$ 。另本题采用<u>捆绑测试</u>。

# 2 color (color.cpp/.in/.out 1s 512MB)

## 2.1 Description

给定一个  $n \times m$  的棋盘以及 k 种颜色,现在要求用这 k 种颜色去染色,你需要保证无论怎么样纵切将棋盘分为<u>左右</u>两个部分,两个部分的颜色<u>种类数</u>都必须相等,求合法方案数对 1000000007 取模的值。

# 2.2 Input Format

第一行包含一个数字 T 表示数据组数,接下来 T 行有由空格隔开的三个数字 n, m, k,含义如题意所述。

# 2.3 Output Format

输出一行一个数字,表示合法方案数对100000007取模的值。

## 2.4 Sample

## 2.4.1 Input

3

2 2 2

3 2 2

233 233 666

#### **2.4.2** Output

8

40

234699724

## 2.5 Constraints

对于 10% 的数据,  $n, m, k \leq 3$ 。

对于另外 20% 的数据,  $k \le 3$ 。

对于另外 10% 的数据, n=1。

对于另外 20% 的数据,  $n \le 20$ 。

对于 100% 的数据,  $1 \le T \le 5, 1 \le n, m \le 1000, 1 \le k \le 10^6$ 。

# 3 simulate(simulate.cpp/.in/.out 1s 512MB)

# 3.1 Description

给定一个长度为 n 的仅由 0,1,2 组成的序列 a ,现在有若干轮,每一轮将对于  $\forall i,1 \leq i \leq n,a[i] \geq 2$  ,执行操作 a[i]-=2,++a[i-1],++a[i+1]。例如序列 2 2 2 执行一轮后将变成 1 2 1,再执行一轮就变成了 2 0 2。如果某一轮不存在这样的 i ,那么就结束了。请求出终止状态下的序列。

## 3.2 Input Format

输入仅一行包含一个长度为 n 的仅由 0,1,2 组成的序列 a ,为了方便,以字符串的形式输入。

# 3.3 Output Format

输出仅一行,表示终止状态下的序列。请也以字符串的形式输出。<del>可以证明不存在一个</del>  $1 \le i \le n$  使得  $a[i] \ge 10$ 。

#### 3.4 Sample Input

#### 3.4.1 Input

12100212

## **3.4.2** Output

10111111

#### 3.5 Constraints

对于 20% 的数据,  $n \le 10$  。

对于 60% 的数据,  $n \le 10^6$  。

对于 100% 的数据,  $1 \le n \le 2 \times 10^7$  。

注意: 本题采用捆绑测试, 推荐采用 scanf 与 printf 读入输出, 不推荐采用 getchar 与 putchar 读入输出。