

# 题解

---

whzzt

2019 年 1 月 1 日

安徽师范大学附属中学

# 一排数

给  $n$  个正整数  $c_i$ , 求重排后依次取模答案的最大值。

$$n, c_i \leq 10^5$$



## 一排数

首先我们将  $c$  排序，容易发现若  $c_1$  只出现一次答案就是  $c_1$ ，否则答案一定小于  $c_1$ 。

## 一排数

首先我们将  $c$  排序，容易发现若  $c_1$  只出现一次答案就是  $c_1$ ，否则答案一定小于  $c_1$ 。

注意到当  $x < y$  时，我们将  $x$  对  $y$  取模不会产生任何影响，因此我们可以令  $f_i$  表示  $i$  是否能在取模过程中被达到，那么之前一定只用到了大于  $i$  的数，之后用到的数也一定不超过  $i$ 。

## 一排数

首先我们将  $c$  排序，容易发现若  $c_1$  只出现一次答案就是  $c_1$ ，否则答案一定小于  $c_1$ 。

注意到当  $x < y$  时，我们将  $x$  对  $y$  取模不会产生任何影响，因此我们可以令  $f_i$  表示  $i$  是否能在取模过程中被达到，那么之前一定只用到了大于  $i$  的数，之后用到的数也一定不超过  $i$ 。

暴力 DP 的转移式为  $f_i = \bigcup_m \bigcup_k f_{i+km}$ ，其中  $m$  是所有大于  $i$  的模数，bitset 优化即可。

## 一排数

首先我们将  $c$  排序，容易发现若  $c_1$  只出现一次答案就是  $c_1$ ，否则答案一定小于  $c_1$ 。

注意到当  $x < y$  时，我们将  $x$  对  $y$  取模不会产生任何影响，因此我们可以令  $f_i$  表示  $i$  是否能在取模过程中被达到，那么之前一定只用到了大于  $i$  的数，之后用到的数也一定不超过  $i$ 。

暴力 DP 的转移式为  $f_i = \bigcup_m \bigcup_k f_{i+km}$ ，其中  $m$  是所有大于  $i$  的模数，bitset 优化即可。

时间复杂度  $O\left(\frac{n^2}{w}\right)$ 。

# 一个数

给定  $n$ , 求  $n$  的因式分解的最小指数。

$n \leq 10^{50}, T \leq 10, 20$  秒





## 一个数

容易发现答案至少是 1，而答案是 2 意味着这个数是一个无平方因子数。而无平方因子数一定能表示成  $a^2b^3$  的形式。

## 一个数

容易发现答案至少是 1，而答案是 2 意味着这个数是一个无平方因子数。而无平方因子数一定能表示成  $a^2b^3$  的形式。

当  $\min(a, b) = 1$  时，我们可以将原问题转化为一个更小的问题。否则  $n$  一定存在一个不超过  $n^{1/5}$  的质因子。

## 一个数

容易发现答案至少是 1，而答案是 2 意味着这个数是一个无平方因子数。而无平方因子数一定能表示成  $a^2b^3$  的形式。

当  $\min(a, b) = 1$  时，我们可以将原问题转化为一个更小的问题。否则  $n$  一定存在一个不超过  $n^{1/5}$  的质因子。

Pollard-Rho 即可，如果一定时间找不到就当做 1 处理，时间复杂度  $O(n^{1/10})$

有一个  $n \times n$  的 01 矩阵，每次可以询问一个矩阵是不是这个 01 矩阵的子矩阵， $5n^2$  次内询问出原矩阵。

## 吐槽时间

## 几排数

考虑一个朴素的暴力：我们只询问  $1 \times k$  的矩阵，并在最后将所有行拼起来。我们可以对所有  $1 \times k$  的矩阵暴力检查能不能拓展，如果能拓展就继续询问，这一部分显然只需要  $n^3$  次询问。

## 几排数

考虑一个朴素的暴力：我们只询问  $1 \times k$  的矩阵，并在最后将所有行拼起来。我们可以对所有  $1 \times k$  的矩阵暴力检查能不能拓展，如果能拓展就继续询问，这一部分显然只需要  $n^3$  次询问。

我们可以对这个暴力做一些优化，我们可以对一个串检查所有比它更长的串是否有可行的，或是有比它更短的串不可行的，这样可以拿到更高的分数。



## 几排数

考虑一个新做法，不妨假设现在有了一些  $1 \times n$  的串，我们将其所有子串建立一个 AC 自动机，并尝试在每个子串后面增加字符，如果有一个能够增加字符的就暴力拓展一个新的  $1 \times n$  的串出来，而如果其 fail 指向的点已经不能拓展了我们也不拓展。考虑最终  $n$  个串构成的广义后缀自动机，容易发现失败的询问次数不会超过  $2n^2$ ，拓展出所有行需要  $2n^2$ ，最后的一部分不会超过  $n^2$ ，因此总的询问次数也不会超过  $5n^2$ 。