NOI模拟赛

总览

题目名称	杀毒软件	政治正确	水果拼盘
代码文件名	kill.cpp/c/pas	politics.cpp/c/pas	eat/cpp/c/pas
输入文件名	kill.in	politics.in	eat.in
输出文件名	kill.out	politics.out	eat.out
测试点数目	20	25	20
时间限制	3s	1s	1s
空间限制	512MB	128MB	512MB
c++优化开关	-02	无	无

评测环境:64 bit Intel® Core™ i5-7400 CPU @ 3.00GHz × 4,8GB RAM (或同类型机器)

杀毒软件

题目背景

CSSYZ盛产杀毒软件。CSSYZ的杀毒软件是一个简单的基于模式识别的软件。软件的基本原理是:读取被检查文件的二进制文件,将每一段连续的二进制码与软件库中的危险二进制码比较,如果两者相等,则报告软件存在危险,反之软件安全。软件库中存储着不等长的各类危险二进制码。

作为软件测试员,某同学需要测试CSSYZ杀毒软件的性能与安全性。于是,他会从他的百宝箱中找出一款游戏,修改游戏的可执行文件的某些二进制位,并截取这个游戏文件连续的一段二进制码,让杀毒软件检查。但是囿于种种原因,如果一个二进制文件的某些特殊位被改变了,计算机将不再认为它是一个可执行文件。所以游戏文件的某些二进制位是不能修改的。

现在某准备好了一款游戏软件,为了模拟各种系统下的情况,他还会不断更改哪些位是特殊位。现在你要告诉他他 所选择的游戏的某个二进制段有多少种不同的修改01的方案,使得CSSYZ的杀毒软件判定软件安全。这样,某才可 以更准确地测试杀毒软件的性能与安全性。

输入格式

第一行三个整数n, m, q, 代表游戏软件的二进制码长度,软件库中危险码的数量,询问或修改特殊位的次数。

第二行n个整数 a_i , a_i 个为-1代表第i位不是特殊位,反之 $a_i=0,1$ 代表是特殊位,值恒为 a_i

接下来m行,每行一个长度为 s_i 的二进制串,表示危险码,二进制位之间没有空格。

接下来q行,每行为下面的格式之一:

- $Query L_i R_i$: 询问 $[L_i, R_i]$ 区间交给杀毒软件检查,被判定为安全的修改方案数。
- $Change\ P_i\ X_i$:修改第 P_i 位的属性。 X_i 为-1表示第 P_i 位不再是特殊位,否则 X_i 为0,1表示这一位是必须为0,1的特殊位。

输出格式

只需要输出每次询问的答案对998244353取模的结果即可。

数据范围

测试点数目(共计20)	n最大值	m最大值	q最大值	$\sum s_i$ 最大值	特殊性质
3	12	3	12	20	无
5	1000	3	1000	12	$s_i=4$
2	30000	0	30000	0	无
5	1000	5	1000	20	无
5	30000	5	30000	20	无

输入样例

```
5 2 5
-1 -1 -1 -1 -1
001
111
Query 1 3
Query 1 4
Query 1 5
Change 3 1
Query 1 5
```

输出样例

```
6
9
13
5
```

限制

• 时间限制:3s

• 空间限制:512MB

政治正确

题目背景

A国政坛风云变幻莫测。

在政坛上活跃着许许多多的政客,每个政客都有着自己的政治主张,有的偏激,有的保守,但是无论怎样的政治主张都会无时无刻影响着其余的所有政客,都在用自己的气场迫使其他政客接受自己的主张。当然这些影响的强弱符合我们主观的判断,政治主张差异越大,彼此影响越弱;政客的气场越强,对他人的影响也越大。

作为新来乍到的一名政客,你也想为A国的发展贡献自己的力量。但是出于明哲保身的考虑,你打算先在政坛站稳自己的脚跟,然后在实施下一步的计划。

所以,你建立了一个数学模型,共m个政治问题,n个政客,每一个政客的气场大小都可以用一个实数 v_i 表示;在每一个政治问题上,每一个政客有一个主张值 x_{ji} 。对于每个政治问题,你也有自己的主张 a_i 。为了简单起见,你打算先只考虑所有政客对你的影响。

对于每一个政客i,定义该政客与你的"主张距离"为:

$$d_j=\sum_{i=1}^m(x_{ji}-a_i)^2$$

而在每一个政治问题i上,该政客i对你的影响为:

$$f_{ji} = rac{v_j}{d_j}(x_{ji} - a_i)$$

注意 f是带符号的。

还有,你的政治主张的极端性为(你绝不能让极端性大于1):

$$g = \sum_{i=1}^{m} a_i^2$$

现在,你想确立一个政治正确的主张,使得每一个政客对你的影响相互抵消,这样你就可以避免与任何政客发生冲 突。同时,你也希望自己的政治主张并不太极端。也就是说,你需要最小化:

$$\sum_{i=1}^m |(\sum_{j=1}^n f_{ji}) + rac{1}{1-g} a_i|$$

感性地理解这个公式,你可认为,对于每个政治问题,你的主张不但受到所有其他政客的影响,还会受到自己的影响。每个政客会试图拉拢你,而你自己的主张也不由自主地趋于极端。

由于政客比较多,人工求解太费时间,你又忙于政事无暇打理这些琐碎的事情,因此你需要设计算法找到每个政治问题的最佳主张。有可能有多种可行的政治主张,这时你只需要任意选一个即可。

输入格式

第一行两个非负整数,代表政客数n,和政治问题数m。

接下来一行*n*个实数,表示每个政客的气场值*v*。

接下来的n行,每行m个实数,表示每个政客在每个政治问题上的主张。注意每个政客的极端性一定不大于1.

输出格式

一行m个实数(任意位数)。你的答案将由Special Judger判断是否合法。当你的每一个小数的绝对误差或相对误差都小于 10^{-5} 时,判断为正确,反之错误。

数据范围

测试点数目(共计25)	n最大值	m最大值	v最大值
2	2	1	10
2	1000	1	10
4	1000	2	10
4	10000	2	10
4	10000	3	10
4	10000	10	10
5	100000	10	10

输入样例1

1 1

10

0.1

样例输出2

0.95802

(当然,还有一个答案:-0.94893)

输入样例2

```
3 2
1 1 1
0 1
0.866025404 -0.5
-0.866025404 -0.5
```

输出样例2

0.00000000 0.00000000

(当然,还有一些答案,例如:0.15157 0.08749)

限制

时间限制:1s空间限制:128MB

水果拼盘 eat

题目背景

风自西来,雁打南去,秋天是一个引起人思乡之情的季节。因为沉迷OI而四年没有回过家的小J,不由得思念起爸爸做的美味的水果拼盘来。

一份水果拼盘由m种水果构成,为了方便表示配方,将水果标号从1到m。由于小已经不记得爸爸的水果拼盘的具体配方了,所以他定义了一种"相似值"来表示一种水果拼盘和他爸做的拼盘的味道相似程度,如果一份水果拼盘有第i种水果,"相似值"会增加 a_i ,如果没有,则会增加 b_i 。

小小外卖订购了n种水果拼盘,每个水果拼盘包含一些水果,并从中随机选择k个拼盘,组合成一个新的拼盘,新拼盘包含这k个拼盘中所有的水果。

小J AK IOI后,功成名就,衣锦还乡,他的爸爸听说了这个故事后,出了这道题,要你求小J最后组成的水果拼盘的"相似值"期望,结果对998244353取模。

输入格式

第一行三个数n, m, k

第二行m个数 a_i

第三行m个数 b_i

接下来n行,每行第一个数k表示这一份水果拼盘里包含的水果种数,接下来k个数表示这一份水果拼盘包含哪些种类的水果,保证每一行内数字不会重复。

输出格式

一行一个数表示答案。

输入样例1

```
4 5 2
8 8 8 7 0
4 8 6 6 2
1 2
5 4 3 1 5 2
5 2 4 5 3 1
2 1 2
```

输出样例1

831870325

输入输出样例2

见下发文件,数据范围与测试点6~8相同。

输入输出样例3

见下发文件,数据范围与测试点16~17相同。

数据范围

测试点数目(共计20)	n最大值	m最大值	k最大值
5	10	18	8
3	100	8	8
4	100000	10	25
1	100000	18	1
2	100000	18	2
2	100000	18	3
3	100000	18	25

对于100%的数据,保证k > n, $0 \le a_i, b_i < 998244353$ 。

限制

• 时间限制:1s

• 空间限制:512MB