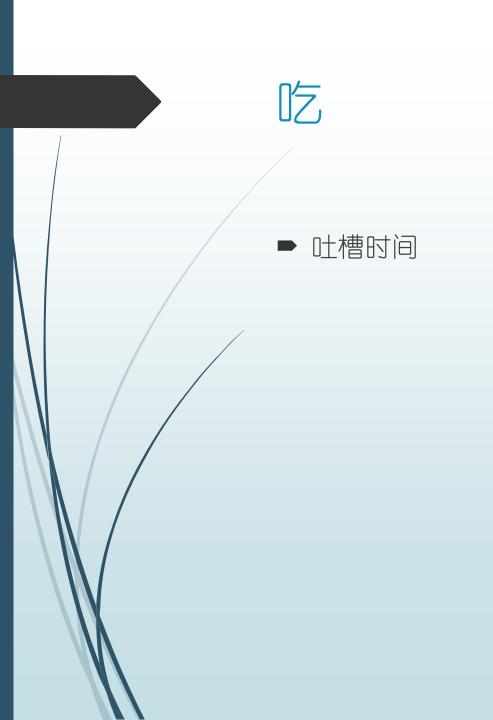
WC模拟赛Day12题解

安师大附中 贾昊瑞

▶ 那啥,懒了,没找背景,自带的随便找了一个你们凑合着看吧。



- 首先容易看出一行(列)重复选择并没有意义
- 这样我们相当于只需要对n行m列的(n+m)!种可能顺序求解答案即可。

- ▶ 我们考虑对各行各列分别求得答案
- 我们以行为例
- 显然行与行之间的顺序是没有影响的,而列对行的影响只跟他们之间的先后顺序有关
- \blacksquare 我们若枚举哪些列在当前行之后被吃掉,则可以得到一个单次 $O(2^n)$ 的做法

吃

- 若我们考虑吧s^k暴力展开
- 考虑DP,设 $f_{i,j,l}$ 表示前i列,我们选了j列放在当前行之后,目前次数总和为I的所有方案之和
- ▶ 转移直接枚举当前数选不选,选了几次即可
- 最后我们再枚举有i行,j列在当前行之前,将 $f_{m,j,k} * C_{n-1}^i * (i+j)! * (n-i-j-1)!$ 统计如答案即可,最后再除以(n+m)!
- lacktriangle 这样单次复杂度 $O(m^2*k^2)$ 可以通过除了最后一个包以外的所有测试点。
- ps:你要是卡常过了我也很无奈。

吃

- 我们发现枚举的0次没有意义,所以我们只考虑在展开式中至少出现一次的列,这样j这一维我们就从m变为了k。
- lacktriangledown 统计答案的时候吧 $\frac{\mathbf{f}_{m,j,k}}{j+1}$ 统计如答案就可以了,最后不需要除以 $(\mathbf{n+m})!$
- 单次复杂度 $O(m*k^3)$ 可以通过所有测试点。
- ▶ ps2:你转移想用FFT优化我也没意见(虽说我觉得快不了多少)。

锻炼

■ 吐槽时间

锻炼

- 一个格子的颜色,只跟他三维坐标所对应面是否翻转有关,那么一个块是否需要继续划分,取决于这个块在三维坐标内对应的翻转情况是否分别统一。
- 我们把三维独立开,考虑对每一维的翻转情况数组极限划分,设划分成2ⁱ大小的块有f[i]个。
- 对于三维分别为 2^i , 2^j , 2^k (我们假设i为最小值),最终划分成的都是 2^{i*} 2^i 大小的块,所以对答案的贡献为 2^{j-i*} 2^{k-i} ,直接统计 $O(Q*log^3)$
- 类似前缀和优化一下就是O(Q * log)

■ 吐槽时间

- ▶ 我们考虑什么样的数字可以一起被消为0
- 一个数字被消为0就是 $k \equiv p_{i,j} a_{i,j} \pmod{p_{i,j}}$
- 而两个数字可以同时被消就是相当于存在k同时满足方程
- $k \equiv p_{i1,j1} a_{i1,j1} (mod p_{i1,j1})$
- $k \equiv p_{i2,j2} a_{i2,j2} (mod p_{i2,j2})$
- 因为 $p_{i,j} \leq 10$ 所以我们对于所有的合并情况都可以预处理出来。

- 在这里提供几种方法
- 1, 我们只进行(i1,j1,i1,j2,k)形式的消除, 也就是每行独立开做。
- ▶ 我们先把可以合并的连续段都合并起来。
- ▶ 然后随机一段,将其与其之前的一段通过调整合并起来,知道只剩下一段。
- ▶ 大概能做到35%左右期望得分80左右。

- 在这里提供几种方法
- 2, 我们每次找到一个较大的非0矩阵
- ▶ 然后将其中尽量多的位置调整成0。
- ▶ 大概能做到32%左右期望得分80左右。

- 在这里提供几种方法
- 3,我们对算法2进行调整,首先找最大矩形的时候,设非0位为1,已经变成 0的位为-1.
- ► 然后我们强制规定矩形的其中一维长度I,且答案变化量超过x的时候才修改。
- I.x都从大到小退火式搜索,最后把所有非0位单独掐掉即可。
- 写的还行的话, 大概能做到25%左右就能得到100分。

谢谢大家

■ 最后祝大家WC顺利