

## 系统工程导论 主成分分析

### 一、运行结果

-----病态回归结果-----

为病态情况,  $m = 7$

Linear Regression Outcome:  $\beta =$

0.0031207  
-0.00022934  
-1.0825e-06  
-0.045562  
0.038652  
0.033332  
-0.00022684  
-0.016451  
0.00029469  
0.044487  
0.16407  
0.10448  
0.041981  
0.27952  
0.026479

$F=102.0985$ ,  $F_a=1.6696$ ,  $F>F_a$ , X and Y have Linear relation.

Half width of Confidence Interval:12.8562

Confidence Interval:  $[y_{\text{hat}}-12.8562, y_{\text{hat}}+12.8562]$

-----PCA结果-----

Linear Regression Outcome:  $\beta =$

44.0933  
-1.52242  
-1.54988  
-1.86627  
0.337768  
0.439176  
-1.37113

$F=302.9339$ ,  $F_a=2.0125$ ,  $F>F_a$ , X and Y have Linear relation.

Half width of Confidence Interval:11.5063

Confidence Interval:  $[y_{\text{hat}}-11.5063, y_{\text{hat}}+11.5063]$

### 二、思路分析

PCA 压缩:

归一化数据→ 计算协方差矩阵→计算特征值和特征向量并排序→根据相对误差界限判断降维后的维数  $m$ →得到主成分→沿主成分方向投影, 数据压缩→储存原始数据的方差和均值。

PCA 数据恢复

压缩后数据\*投影矩阵的转置→去均值和方差