

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
ИНСТИТУТ ЦИФРОВОГО РАЗВИТИЯ

Отчет о лабораторной работе №12 по дисциплине «Основы  
программной инженерии»

Выполнил:  
Чернова Софья Андреевна,  
2 курс, группа ПИЖ-б-о-20-1,  
Проверил:  
Доцент кафедры инфокоммуникаций,  
Воронкин Р.А.

Ставрополь, 2021 г

## 1. Ход работы

### 1.1 Пример 1 (рис. 1, 2)

```
1  ▶  #!/usr/bin/env python3
2      # -*- coding: utf-8 -*-
3
4
5      def rec(n):
6          if n == 1:
7              return 1
8          return n + rec(n - 1)
9
10
11  ▶  if __name__ == '__main__':
12      n = int(input("Enter n: "))
13      sum = 0
14      for i in range(1, n + 1):
15          sum += i
16      print(f"Сумма без рекурсии: {sum}")
17      print(f"Сумма с рекурсией: {rec(n)}")
```

Рисунок 1 – код программы

```
Enter n: 5
Сумма без рекурсии: 15
Сумма с рекурсией: 15

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 2 – результат работы программы

### 1.2 Задача 1 (рис. 3-7)

```
1  ▶  #!/usr/bin/env python3
2      # -*- coding: utf-8 -*-
3
4      from functools import lru_cache
5      import timeit
6
7
8      @lru_cache
9      def factorial_rec(n, acc=1):
10         if n == 0:
11             return acc
12         return factorial_rec(n - 1, n * acc)
13
14
15     @lru_cache
16     def fib_rec(i, current=0, next=1):
17         if i == 0:
18             return current
19         else:
20             return fib_rec(i - 1, next, current + next)
21
22
23     def factorial_iter(n):
24         if n == 0 or n == 1:
25             return 1
26         fact = 1
27         for i in range(1, n + 1):
28             fact *= i
29         return fact
30
31
32     def fib_iter(n):
```

Рисунок 3 – код программы

```

33     a = 0
34     b = 1
35     for i in range(n):
36         c = a + b
37         a = b
38         b = c
39     return a
40
41
42 ► if __name__ == '__main__':
43     number = int(input("Enter the number to calculate: "))
44     start_time = timeit.default_timer()
45     factorial_rec(number)
46     print("Recursive factorial time is: ",
47           timeit.default_timer() - start_time
48         )
49
50     start_time = timeit.default_timer()
51     factorial_iter(number)
52     print("Iterative factorial time is :",
53           timeit.default_timer() - start_time
54         )
55
56     start_time = timeit.default_timer()
57     fib_rec(number)
58     print("Recursive Fibonacci time is :",
59           timeit.default_timer() - start_time
60         )
61
62     start_time = timeit.default_timer()

```

Рисунок 4 – код программы (продолжение)

```

63     fib_iter(number)
64     print("Iterative Fibonacci time is :",
65           timeit.default_timer() - start_time
66         )

```

Рисунок 5 – код программы (окончание)

```
Enter the number to calculate: 300
Recursive factorial time is: 0.0016073000151664019
Iterative factorial time is : 8.240004535764456e-05
Recursive Fibonacci time is : 0.0005071000196039677
Iterative Fibonacci time is : 3.290001768618822e-05

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 6 – результат работы программы при lru\_cache

```
Enter the number to calculate: 300
Recursive factorial time is: 0.0010174000635743141
Iterative factorial time is : 0.00012260000221431255
Recursive Fibonacci time is : 0.0004097999772056937
Iterative Fibonacci time is : 6.019999273121357e-05

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 7 – результат работы программы без lru\_cache

### 1.3 Задача 2 (рис. 8-12)

```

1  ▶  #!/usr/bin/env python3
2      # -*- coding: utf-8 -*-
3
4      import timeit
5      import sys
6
7
8      class TailRecurseException(Exception):
9          def __init__(self, args, kwargs):
10             self.args = args
11             self.kwargs = kwargs
12
13
14     def tail_call_optimized(g):
15         def func(*args, **kwargs):
16             f = sys._getframe()
17             if f.f_back and f.f_back.f_back and f.f_back.f_back.f_code == f.f_code:
18                 raise TailRecurseException(args, kwargs)
19             else:
20                 while True:
21                     try:
22                         return g(*args, **kwargs)
23                     except TailRecurseException as e:
24                         args = e.args
25                         kwargs = e.kwargs
26
27             func.__doc__ = g.__doc__
28             return func
29
30
31     @tail_call_optimized
32     def factorial_rec(n, acc=1):

```

Рисунок 8 – код программы

```
33         if n == 0:
34             return acc
35     return factorial_rec(n - 1, n * acc)
36
37
38     @tail_call_optimized
39     def fib_rec(i, current=0, next=1):
40         if i == 0:
41             return current
42         else:
43             return fib_rec(i - 1, next, current + next)
44
45
46     def factorial_iter(n):
47         if n == 0 or n == 1:
48             return 1
49         fact = 1
50         for i in range(1, n + 1):
51             fact *= i
52         return fact
53
54
55     def fib_iter(n):
56         a = 0
57         b = 1
58         for i in range(n):
59             c = a + b
60             a = b
61             b = c
62         return a
```

Рисунок 9 – код программы (продолжение)

```

63
64
65 ► if __name__ == '__main__':
66     number = int(input("Enter the number: "))
67
68     start_time = timeit.default_timer()
69     factorial_rec(number)
70     print("Recursive factorial time is: ",
71         timeit.default_timer() - start_time
72     )
73
74     start_time = timeit.default_timer()
75     factorial_iter(number)
76     print("Iterative factorial time is :",
77         timeit.default_timer() - start_time
78     )
79
80     start_time = timeit.default_timer()
81     fib_rec(number)
82     print("Recursive Fibonacci time is :",
83         timeit.default_timer() - start_time
84     )
85
86     start_time = timeit.default_timer()
87     fib_iter(number)
88     print("Iterative Fibonacci time is :",
89         timeit.default_timer() - start_time
90     )
91

```

Рисунок 10 – код программы (окончание)



```
Enter the number: 300
Recursive factorial time is: 0.0022194000193849206
Iterative factorial time is : 0.00013890000991523266
Recursive Fibonacci time is : 0.0053662999998778105
Iterative Fibonacci time is : 8.849997539073229e-05

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 11 – результат работы программы с tail\_call\_optimized

```
Enter the number: 300
Recursive factorial time is: 0.0012026999611407518
Iterative factorial time is : 0.00010110007133334875
Recursive Fibonacci time is : 0.000569900032132864
Iterative Fibonacci time is : 5.9299985878169537e-05

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 12 – результат работы программы без tail\_call\_optimized

#### 1.4 Индивидуальное задание №10 (рис. 13 - 16)

```

1  ▶  #!/usr/bin/env python3
2      # -*- coding: utf-8 -*-
3
4
5      x = float(input("Write x: "))
6      n = int(input("Write n: "))
7
8
9      def rec(x, n):
10         if n == 0:
11             print(1)
12             return
13         elif n < 0:
14             x = 1/x**(abs(n))
15             print(x)
16             return
17         elif n > 0:
18             x = x * (x**(n-1))
19             print(x)
20             return
21
22
23  ▶  if __name__ == '__main__':
24      rec(x, n)

```

Рисунок 13 – код программы

```

Write x: 3
Write n: 0
1
Process finished with exit code 0

```

Рисунок 14 – результат работы программы при  $n = 0$

```
Write x: 3
Write n: 3
27.0
Process finished with exit code 0
```

Рисунок 15 – результат работы программы при  $n > 0$

```
Write x: 3
Write n: -3
0.037037037037037035
Process finished with exit code 0
```

Рисунок 16 – результат работы программы при  $n < 0$

## 2. Ответы на контрольные вопросы:

### 1. Для чего нужна рекурсия?

У рекурсии есть несколько преимуществ в сравнении с первыми двумя методами. Рекурсия занимает меньше времени, чем выписывание  $1 + 2 + 3$  на сумму от 1 до 3, и рекурсия может работать в обратную сторону

### 2. Что называется базой рекурсии?

Случай, при котором мы не запускаем рекурсию, к примеру, во время вычисления факториала базовый случай – это `if n == 0 or n == 1: return 1`

### 3. Самостоятельно изучите что является стеком программы.

Как используется стек программы при вызове функций?

Стек вызовов (от англ. *call stack*; применительно к процессорам — просто «стек») — в теории вычислительных систем, LIFO-стек, хранящий информацию для возврата управления из подпрограмм (процедур, функций) в программу (или подпрограмму, при вложенных или рекурсивных вызовах) и/или для возврата в программу из обработчика прерывания (в том числе при переключении задач в многозадачной среде).

При вызове подпрограммы или возникновении прерывания, в стек заносится адрес возврата — адрес в памяти следующей инструкции приостановленной программы и управление передается подпрограмме или подпрограмме-обработчику. При последующем вложенном или рекурсивном вызове, прерывании подпрограммы или обработчика прерывания, в стек заносится очередной адрес возврата и т. д.

4. Как получить текущее значение максимальной глубины рекурсии в языке Python?

```
import sys  
print(sys.getrecursionlimit())
```

5. Что произойдет если число рекурсивных вызовов превысит максимальную глубину рекурсии в языке Python?

Возникает исключение `RuntimeError` :

`RuntimeError: Maximum Recursion Depth Exceeded`

6. Как изменить максимальную глубину рекурсии в языке Python?

```
sys.setrecursionlimit(1500)
```

7. Каково назначение декоратора `lru_cache`?

Он оборачивает функцию с переданными в нее аргументами и запоминает возвращаемый результат соответствующий этим аргументам. Такое поведение может сэкономить время и ресурсы, когда дорогая или связанная с вводом/выводом функция периодически вызывается с одинаковыми аргументами.

8. Что такое хвостовая рекурсия? Как проводится оптимизация хвостовых вызовов?

Хвостовая рекурсия — частный случай рекурсии, при котором любой рекурсивный вызов является последней операцией перед возвратом из функции.

Оптимизация хвостовой рекурсии путём преобразования её в плоскую итерацию реализована во многих оптимизирующих компиляторах. В некоторых функциональных языках программирования спецификация гарантирует обязательную оптимизацию хвостовой рекурсии. Типовой механизм реализации вызова функции основан на сохранении адреса возврата, параметров и локальных переменных функции в стеке и выглядит следующим образом:

1) В точке вызова в стек помещаются параметры, передаваемые функции, и адрес возврата.

2) Вызываемая функция в ходе работы размещает в стеке собственные локальные переменные.

3) По завершении вычислений функция очищает стек от своих локальных переменных, записывает результат (обычно — в один из регистров процессора).

4) Команда возврата из функции считывает из стека адрес возврата и выполняет переход по этому адресу. Либо непосредственно перед, либо сразу после возврата из функции стек очищается от параметров