

Задание 1. Свободное движение

Рассмотреть систему 2-го порядка, заданную дифференциальным уравнением

$$\ddot{y} + a_1 \dot{y} + a_0 y = u. \quad (1)$$

С использованием *блоков элементарных операций* построить структурную схему данной системы. На структурной схеме отметить блоки, на которых задаются начальные условия $y(0)$, $\dot{y}(0)$.

Для каждого из вариантов в **Таблицах 1 и 2** задано по шесть наборов значений корней характеристического уравнения λ_1 , λ_2 и начальных условия $y(0)$, $\dot{y}(0)$. В соответствии с вашим вариантом для каждого из шести экспериментов вычислить коэффициенты a_1 , a_0 системы (1) и найти аналитическое выражение для свободной составляющей ее движения $y_{св}(t)$.

Осуществить моделирование свободного движения системы для каждого из шести экспериментов и сопоставить результаты с полученными аналитически.

Проанализировать устойчивость каждой из систем на основании моделирования и корневого критерия, сделать соответствующие выводы о типе устойчивости.

Ожидаемые результаты:

- Структурная схема системы.
- Листинги аналитических расчетов.
- Результаты вычисления коэффициентов a_1 , a_0 .
- Аналитические выражения $y_{св}(t)$.
- Графики сигналов $y_{св}(t)$, их сопоставление с вычисленными аналитически.
- Выводы.

Задание 2. Область устойчивости

Рассмотреть систему 3-го порядка, заданную структурной схемой, представленной на рисунке 1. Определить, при каких значениях постоянных времени T_1 и T_2 полюса соответствующих передаточных функций совпадут с первым набором корней λ_1 , λ_2 из **Задания 1**.

Определить аналитически границу устойчивости в пространстве параметров K и T_1 для системы с фиксированным значением T_2 (рассчитанным ранее), опираясь на критерий Гурвица. Привести графическое изображение границы устойчивости на плоскости двух параметров $K(T_1)$ и определить область устойчивости системы.

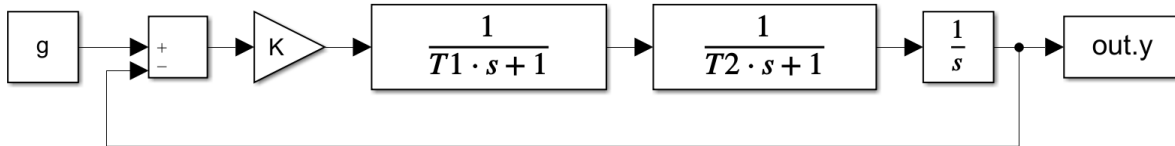


Рис. 1: Схема моделирования для задания 2

Аналогично определить аналитически границу устойчивости в пространстве параметров K и T_2 для системы с фиксированным значением T_1 (рассчитанным ранее). Привести графическое изображение границы устойчивости на плоскости двух параметров $K(T_2)$ и определить область устойчивости системы.

Задаться тремя наборами параметров K , T_1 и T_2 , соответствующих:

- асимптотически устойчивой системе;
- системе на границе устойчивости;
- неустойчивой системе.

Для каждого набора параметров осуществить моделирование при $g(t) = 1$.

Сделайте выводы.

Ожидаемые результаты:

- Листинги аналитических расчетов.
- Значения постоянных времени T_1 и T_2 .
- Графическое изображение границы устойчивости на плоскости двух параметров $K(T_1)$ для случая фиксированной T_2 .
- Графическое изображение границы устойчивости на плоскости двух параметров $K(T_2)$ для случая фиксированной T_1 .
- Графики сигналов $y(t)$ для трех наборов параметров K , T_1 и T_2 , соответствующих различным случаям устойчивости.
- Выводы.

Задание 3. Автономный генератор

Для приведенного в **Таблице 3** для вашего варианта аналитически заданного сигнала $g_{\text{ж}}(t)$ в системе вида

$$\begin{cases} \dot{x} = Ax \\ g = Cx, \end{cases} \quad x(0),$$

задать такие параметры A , C и $x(0)$, чтобы выход системы при свободном движении совпадал с желаемым выходом $g_{\text{ж}}(t)$. Выполнить моделирование, подтверждающее правильность выбранных параметров.

Ожидаемые результаты:

- Листинги аналитических расчетов.
- Значения матриц A и C и начальных условий $x(0)$.
- Графики сигналов $g_{\text{ж}}(t)$ и $g(t)$ с их сопоставлением.

Контрольные вопросы для подготовки к защите:

1. Что такое свободное движение?
2. Что такое мода? Какие моды свободного движения линейных систем существуют?
3. Что такое устойчивость?
4. Какие виды устойчивости линейных систем вы знаете? Как они соотносятся между собой?
5. Какие критерии устойчивости линейных систем вы знаете?
6. Можно ли представить генератор из задания 3 в виде дифференциального уравнения?
7. Можно ли представить генератор из задания 3 в виде передаточной функции?

Таблица 1: Исходные данные для Задания 1 (варианты 1-15)

Вариант	Номер эксперимента											
	1		2		3		4		5		6	
	Начальные условия											
	$y(0)$	$\dot{y}(0)$	$y(0)$	$\dot{y}(0)$	$y(0)$	$\dot{y}(0)$	$y(0)$	$\dot{y}(0)$	$y(0)$	$\dot{y}(0)$	$y(0)$	$\dot{y}(0)$
	1	0	1	0	1	0	0.05	0	0.05	0	0	0.1
	Корни характеристического уравнения											
λ_1	λ_2	λ_3	λ_4	λ_5	λ_6	λ_7	λ_8	λ_9	λ_{10}	λ_{11}	λ_{12}	
1	-1	-1	-0.5 +j3	-0.5 -j3	j3	-j3	0.5 +j3	0.5 -j3	1	1	-0.1	0.1
2	-1	-1.5	-0.6 +j4	-0.6 -j4	j4	-j4	0.6 +j4	0.6 -j4	1	1.5	-0.2	0.2
3	-1	-2	-0.7 +j5	-0.7 -j5	j5	-j5	0.7 +j5	0.7 -j5	1	2	-0.3	0.3
4	-2	-1.5	-0.8 +j6	-0.8 -j6	j6	-j6	0.8 +j6	0.8 -j6	2	1.5	-0.4	0.4
5	-2	-2	-0.9 +j7	-0.9 -j7	j7	-j7	0.9 +j7	0.9 -j7	2	2	-0.5	0.5
6	-2.5	-2.5	-1 +j8	-1 -j8	j8	-j8	1 +j8	1 -j8	2.5	2.5	-0.6	0.6
7	-3	-1	-1.1 +j9	-1.1 -j9	j9	-j9	1.1 +j9	1.1 -j9	3	1	-0.7	0.7
8	-3	-1.5	-1.2 +j10	-1.2 -j10	j10	-j10	1.2 +j10	1.2 -j10	3	1.5	-0.8	0.8
9	-3	-2	-1.3 +j11	-1.3 -j11	j11	-j11	1.3 +j11	1.3 -j11	3	2	-0.9	0.9
10	-3	-3	-1.4 +j12	-1.4 -j12	j12	-j12	1.4 +j12	1.4 -j12	3	3	-1	1
11	-4	-3	-1.6 +j13	-1.6 -j13	j13	-j13	1.6 +j13	1.6 -j13	4	3	-1.2	1.2
12	-4	-4	-1.7 +j14	-1.7 -j14	j14	-j14	1.7 +j14	1.7 -j14	4	4	-1.3	1.3
13	-5	-5.5	-2.5 +j3	-2.5 -j3	j15	-j15	0.5 +j3	0.5 -j3	5	5.5	-1.4	1.4
14	-5	-5.5	-2.6 +j4	-2.6 -j4	j16	-j16	0.6 +j4	0.6 -j4	5	5.5	-1.5	1.5
15	-5.5	-6	-2.7 +j5	-2.7 -j5	j17	-j17	0.7 +j5	0.7 -j5	5.5	6	-1.6	1.6

Таблица 2: Исходные данные для Задания 1 (варианты 16-30)

Вариант	Номер эксперимента											
	1		2		3		4		5		6	
	Начальные условия											
	$y(0)$	$\dot{y}(0)$	$y(0)$	$\dot{y}(0)$	$y(0)$	$\dot{y}(0)$	$y(0)$	$\dot{y}(0)$	$y(0)$	$\dot{y}(0)$	$y(0)$	$\dot{y}(0)$
	1	0	1	0	1	0	0.05	0	0.05	0	0	0.1
	Корни характеристического уравнения											
λ_1	λ_2	λ_3	λ_4	λ_5	λ_6	λ_7	λ_8	λ_9	λ_{10}	λ_{11}	λ_{12}	
16	-5.5	-6	-2.8 +j6	-2.8 -j6	j18	-j18	0.8 +j6	0.8 -j6	5.5	6	-1.7	1.7
17	-6	-6.5	-2.9 +j7	-2.9 -j7	j19	-j19	0.9 +j7	0.9 -j7	6	6.5	-1.8	1.8
18	-6	-6.5	-3 +j8	-3 -j8	j20	-j20	1 +j8	1 -j8	-6	6.5	-1.9	1.9
19	-6.5	-7	-3.1 +j9	-3.1 -j9	j21	-j21	1.1 +j9	1.1 -j9	6.5	7	-2	2
20	-6.5	-7	-3.2 +j10	-3.2 -j10	j22	-j22	1.2 +j10	1.2 -j10	6.5	7	-2.1	2.1
21	-7	-7.5	-3.3 +j11	-3.3 -j11	j23	-j23	1.3 +j11	1.3 -j11	7	7.5	-2.2	2.2
22	-7	-7.5	-3.4 +j12	-3.4 -j12	j24	-j24	1.4 +j12	1.4 -j12	7	7.5	-2.3	2.3
23	-7.5	-1.5	-3.6 +j13	-1.6 -j13	j25	-j25	1.6 +j13	1.6 -j13	7.5	1.5	-2.4	2.4
24	-7.5	-2.5	-3.7 +j14	-3.7 -j14	j26	-j16	1.7 +j14	1.7 -j14	7.5	2.5	-2.5	2.5
25	-1.5	-4.5	-3.5 +j3	-3.5 -j3	j27	-j27	0.5 +j3	0.5 -j3	1.5	4.5	-2.6	2.6
26	-2.5	-4.5	-3.6 +j4	-3.6 -j4	j28	-j28	0.6 +j4	0.6 -j4	2.5	4.5	-2.7	2.7
27	-4.5	-5.5	-3.7 +j5	-3.7 -j5	j29	-j29	0.7 +j5	0.7 -j5	4.5	5.5	-2.8	2.8
28	-4.5	-5.5	-3.8 +j6	-3.8 -j6	j30	-j30	0.8 +j6	0.8 -j6	4.5	5.5	-2.9	2.9
29	-8	-8	-3.9 +j7	-3.9 -j7	j31	-j31	0.9 +j7	0.9 -j7	8	8	-3	3
30	-8	-8	-4 +j8	-4 -j8	j32	-j32	1 +j8	1 -j8	8	8	-3.4	3.4

Таблица 3: Исходные данные для Задания 3

Вариант	Желаемый выход системы $g_{\text{ж}}(t)$	Вариант	Желаемый выход системы $g_{\text{ж}}(t)$
1	$\sin t + e^{3t} \cos 9t$	16	$\sin(-5t) + e^{-7t} \sin 9t$
2	$\cos(-2t) + e^{6t} \sin 5t$	17	$\cos 4t + e^{-8t} \cos 5t$
3	$\sin 3t + e^{9t} \cos t$	18	$\sin t + e^{-3t} + e^{4t}$
4	$\cos 8t + e^{8t} \sin(-2t)$	19	$\cos(-2t) + e^{-8t} + te^{-8t}$
5	$\sin(-6t) + e^{2t} + e^{-t}$	20	$\sin 9t + e^{7t} + te^{7t}$
6	$\cos 5t + e^t + e^{-5t}$	21	$\cos 7t + e^{5t} + e^{4t}$
7	$\sin(-5t) + e^{5t} \cos(-5t)$	22	$\cos 6t + e^{-2t} \cos 3t$
8	$\sin(-3t) + e^{-9t} + e^{-t}$	23	$\sin 7t + e^{-t} \sin 7t$
9	$\cos 2t + e^{6t} + e^{-2t}$	24	$\sin 3t + e^{5t} + e^{6t}$
10	$\cos 6t + e^{-4t} \cos 8t$	25	$\cos(-4t) + e^{4t} + te^{4t}$
11	$\cos 4t + e^{6t} \cos 2t$	26	$\sin 3t + e^{9t} + e^{-6t}$
12	$\sin(-3t) + e^{7t} \sin t$	27	$\cos(-3t) + e^{-5t} \sin 7t$
13	$\sin 9t + e^{-3t} \cos 3t$	28	$\sin 4t + e^{-5t} \cos 2t$
14	$\sin(-5t) + e^{-4t} + te^{-2t}$	29	$\sin t + e^{9t} + e^{-7t}$
15	$\cos 7t + e^{-7t} + e^{5t}$	30	$\cos 9t + e^{9t} \sin(-t)$