## **Bap.** 1 (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 4981x 4182y = 34
- **2.** Представить  $\sqrt{192}$  в виде периодической цепной
- 3. Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 20 \mod 33$ ;  $x \equiv 28 \mod 35$ ;  $x \equiv 30 \mod 34$ ;  $x \equiv 11 \mod 23$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $41^{13^{87}}$  на 51.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(4) = 5; p(1) = 5; p(-1) = 5; p(-2) = 41; p(2) = -7;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x + 213 = 430. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 4/43 в кольце вычетов по модулю 65.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{790}{207}$ непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток otделения многочлена  $3x^5 + x^4 + 5x^3 + 4x^2 + x + 1$  на  $2x^3 + 2x^2 + 5x + 2$ в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}[x]$

# **Bap. 3** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1554x + 1225y = -14
- **2.** Представить  $\sqrt{287}$  в виде периодической цепной дроби.
- 3. Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 18 \mod 27;$  $x \equiv 25 \mod 28$ ;  $x \equiv 0 \mod 37$ ;  $x \equiv 2 \mod 23$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $41^{13^{37}}$  на 50.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(3) = 11; p(4) = -47; p(2) = 15; p(-1) = 3; p(-2) = -29;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x + 344 = 1133. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 24/27 в кольце вычетов по модулю 34.
- 9. Найти представление рационального числа непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток многочлена деления otoorrow $5x^5 + 5x^4 + 5x^3$  на  $x^3 + 5x^2 + 4x + 4$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}[x]$

#### **Bap. 2** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1887x 1751y = -136
- **2.** Представить  $\sqrt{293}$  в виде периодической цепной
- **3.** Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 1 \mod 30;$  $x \equiv 20 \mod 37$ ;  $x \equiv 20 \mod 23$ ;  $x \equiv 27 \mod 29$ ;
- **4.** Найти остаток от деления 33<sup>1779</sup> на 49.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(-1) = -11; p(2) = 4; p(3) = 13; p(4) = -6;p(1) = -3;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 3x + 112 = 346. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 10/37 в кольце вычетов по модулю 51.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{598}{209}$ непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток otмногочлена деления  $x^5 + x^3 + 2x^2 + x + 2$  на  $x^3 + x^2 + x + 1$  в кольце

# **Bap.** 4 (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1751x + 1785y = 34
- **2.** Представить  $\sqrt{321}$  в виде периодической цепной дроби.
- 3. Найти натуральное наименьшее число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 8 \mod 13;$  $x\equiv 16\,\mathrm{mod}\,18;\, x\equiv 24\,\mathrm{mod}\,31;\, x\equiv 11\,\mathrm{mod}\,37;$  4. Найти остаток от деления  $\,6^{11^{35}}$  на 25.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(2) = -22; p(1) = -2; p(-1) = 2; p(3) = -38;p(-2) = 22;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 2x + 66 = 162. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 11/25 в кольце вычетов по модулю 76.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{312}{145}$ непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток otoorrowделения многочлена  $x^5 + 2x^3 + x^2 + x + 2$  на  $2x^3 + x^2 + x + 2$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$

## **Bap. 5** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2438x 2461y = 92
- **2.** Представить  $\sqrt{194}$  в виде периодической цепной проби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 0 \bmod 19;$   $x\equiv 7 \bmod 18; \ x\equiv 3 \bmod 17; \ x\equiv 8 \bmod 13;$
- **4.** Найти остаток от деления  $68^{43^{67}}$  на 81.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-1)=2; \ p(-2)=-12; \ p(-4)=-10; \ p(2)=32; \ p(1)=0;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 4x+44=330. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 42/85 в кольце вычетов по модулю 91.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{708}{167}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $x^5+2x^4+x^3+2x$  на  $x^3+x^2+x+2$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$

# **Bap. 7** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 4029x 2788y = -119
- **2.** Представить  $\sqrt{287}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 24 \bmod 31;$   $x \equiv 3 \bmod 36; \ x \equiv 2 \bmod 29; \ x \equiv 4 \bmod 37;$
- **4.** Найти остаток от деления  $7^{19^{51}}$  на 45.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(1)=-6; \quad p(-1)=8; \quad p(2)=-16; \quad p(-2)=36; \quad p(3)=-4;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 4x+114=1001. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 9/65 в кольце вычетов по модулю 81.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{391}{179}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $2x^5+4x^4+5x^3+3x^2+6x+6$  на  $3x^3+x^2+x+3$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$

#### **Bap. 6** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2921x 6095y = -138
- **2.** Представить  $\sqrt{140}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 9 \bmod 29$ ;  $x \equiv 10 \bmod 15$ ;  $x \equiv 10 \bmod 34$ ;  $x \equiv 2 \bmod 23$ ;
- 4. Найти остаток от деления  $17^{11^{35}}$  на 72.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-3)=-26;\ p(1)=-2;\ p(-2)=-23;\ p(-4)=23;$  p(2)=29;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 5x+127=463. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 6/77 в кольце вычетов по модулю 82.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{707}{222}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $4x^5+5x^4+4x^3+x^2+4x+3$  на  $5x^3+5x^2+x+4$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$

# **Bap. 8** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2071x 4503y = 95
- **2.** Представить  $\sqrt{229}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 5 \bmod 11;$   $x \equiv 7 \bmod 12; \ x \equiv 25 \bmod 31; \ x \equiv 2 \bmod 25;$
- **4.** Найти остаток от деления  $35^{25^{123}}$  на 94.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-2)=-25;\ p(2)=15;\ p(-1)=0;\ p(3)=0;\ p(1)=8;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 4x+126=335. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 13/71 в кольце вычетов по модулю 85.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{534}{197}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $2x^5+2x^4+x^3+x^2+2x+1$  на  $x^3+2x^2+2x+2$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$

## **Bap. 9** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 3427x 3151y = -207
- **2.** Представить  $\sqrt{315}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 15 \mod 35$ ;  $x \equiv 6 \mod 11$ ;  $x \equiv 5 \mod 23$ ;  $x \equiv 4 \mod 18$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $5^{25^{79}}$  на 63.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(2)=-25; \quad p(3)=-44; \quad p(-1)=-4; \quad p(1)=-8; \quad p(-2)=31;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x+242=1004. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 11/19 в кольце вычетов по модулю 72.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{61}{36}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $2x^5+x^3+x^2+x+1$  на  $x^3+x^2+2x+1$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$

# **Bap. 11** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1391x 1417y = 26
- **2.** Представить  $\sqrt{248}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 8 \bmod 22$ ;  $x \equiv 15 \bmod 39$ ;  $x \equiv 3 \bmod 29$ ;  $x \equiv 10 \bmod 37$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $23^{19^{53}}$  на 78.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(3)=-37; \quad p(1)=-11; \quad p(4)=-8; \quad p(-1)=7; \quad p(2)=-26;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $2x^4 2x^3 + 4x^2 2x + 1$
- 7. Решить уравнение, записанное в 9-ичной системе счисления: 3x+17=171. Решение записать в 9-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 19/63 в кольце вычетов по модулю 86.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{438}{91}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $6x^5+x^4+6x^3+6x^2$  на  $x^3+5x^2+4x+3$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$

#### **Bap. 10** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2941x 4250y = 136
- **2.** Представить  $\sqrt{359}$  в виде периодической цепной проби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 7 \mod 11$ ;  $x \equiv 6 \mod 31$ ;  $x \equiv 17 \mod 39$ ;  $x \equiv 2 \mod 17$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $19^{19^{53}}$  на 62.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(1)=-11; \quad p(2)=-26; \quad p(-2)=34; \quad p(-1)=1; \quad p(3)=-31;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 9-ичной системе счисления: 5x+117=574. Решение записать в 9-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 40/52 в кольце вычетов по модулю 63.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{882}{169}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $4x^5 + 2x^2 + 5x$  на  $x^3 + x^2 + 5x + 1$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}[x]$

# **Bap. 12** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1898x + 2197y = -117
- **2.** Представить  $\sqrt{167}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 6 \bmod 12;$   $x \equiv 11 \bmod 31; \ x \equiv 9 \bmod 17; \ x \equiv 2 \bmod 19;$
- **4.** Найти остаток от деления  $54^{21^{247}}$  на 83.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-1)=-8; \ p(1)=0; \ p(-3)=-40; \ p(-2)=-27; \ p(-4)=-5;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 4x + 22 = 323. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 52/63 в кольце вычетов по модулю 85.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{304}{137}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $2x^5+x^3+2x^2+x$  на  $x^3+x^2+x+1$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$

## **Bap. 13** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 749x 742y = -21
- **2.** Представить  $\sqrt{142}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 8 \bmod 10$ ;  $x \equiv 1 \bmod 21$ ;  $x \equiv 8 \bmod 11$ ;  $x \equiv 5 \bmod 19$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $2^{23^{73}}$  на 51.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-4)=10; \ p(-3)=-29; \ p(-1)=-5; \ p(1)=-5; \ p(2)=16;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 4x+210=1042. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- 8. Вычислить 21/69 в кольце вычетов по модулю 89.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{298}{111}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $x^5 + 2x^3$  на  $2x^3 + x^2 + 2x + 1$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$

# **Bap. 15** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1001x 805y = 42
- **2.** Представить  $\sqrt{392}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 4 \bmod 10;$   $x \equiv 11 \bmod 13; \ x \equiv 3 \bmod 21; \ x \equiv 3 \bmod 23;$
- **4.** Найти остаток от деления  $36^{37^{53}}$  на 49.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(2)=47; p(-3)=47; p(1)=-1; p(-2)=-1; p(-1)=-1;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 3x+107=271. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 67/74 в кольце вычетов по модулю 95.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{507}{392}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $3x^5+x^4+4x^3+2x^2+4x+1$  на  $x^3+x^2+x+4$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$

#### **Bap. 14** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2227x + 3111y = -34
- **2.** Представить  $\sqrt{390}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 20 \mod 22$ ;  $x \equiv 24 \mod 39$ ;  $x \equiv 14 \mod 29$ ;  $x \equiv 0 \mod 19$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $29^{23^{53}}$  на 63.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(1)=-11; \quad p(2)=-27; \quad p(3)=-33; \quad p(-2)=37; \quad p(4)=13;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 7x+121=443. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 24/65 в кольце вычетов по модулю 89.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{177}{73}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $x^5+2x^3+2x^2+2x$  на  $x^3+x^2+2x+1$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$

# **Bap. 16** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1853x 1734y = -119
- **2.** Представить  $\sqrt{312}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 3 \bmod 10;$   $x \equiv 9 \bmod 37; \ x \equiv 14 \bmod 21; \ x \equiv 5 \bmod 11;$
- 4. Найти остаток от деления  $3^{55^{103}}$  на 79.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-2)=-3; \quad p(1)=-3; \quad p(-3)=1; \quad p(-1)=-1; \quad p(2)=41;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 2x+133=324. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 4/47 в кольце вычетов по модулю 97.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{231}{131}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $5x^5+3x^4+3x^3+3x^2+6x+6$  на  $2x^3+5x^2+6x+6$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$

## **Bap. 17** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1976x + 1957y = -38
- **2.** Представить  $\sqrt{398}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 12 \mod 15$ ;  $x \equiv 25 \mod 38$ ;  $x \equiv 28 \mod 29$ ;  $x \equiv 4 \mod 31$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $23^{53^{133}}$  на 91.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-2)=-26; \ p(-3)=-23; \ p(-4)=46; \ p(2)=22; \ p(1)=1;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 + x^3 4x^2 27x + 9$
- 7. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 6x+40=316. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 41/54 в кольце вычетов по модулю 73.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{37}{29}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $2x^5+2x^4+2x^3+x^2+2x$  на  $4x^3+3x^2+x+3$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}[x]$

# **Bap. 19** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1768x 1819y = 102
- **2.** Представить  $\sqrt{398}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 3 \bmod 24;$   $x\equiv 18 \bmod 29;$   $x\equiv 14 \bmod 17;$   $x\equiv 3 \bmod 13;$
- **4.** Найти остаток от деления  $71^{31^{43}}$  на 75.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-3)=31; \quad p(-2)=-14; \quad p(1)=7; \quad p(-1)=-5; \quad p(2)=46;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 4x+136=444. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 27/61 в кольце вычетов по модулю 99.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{596}{267}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $x^5+x^4+3x^3+2x^2+4x$  на  $3x^3+2x^2+4x+1$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$

#### **Bap. 18** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 4978x + 3477y = -133
- **2.** Представить  $\sqrt{248}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 0 \mod 38$ ;  $x \equiv 11 \mod 35$ ;  $x \equiv 9 \mod 27$ ;  $x \equiv 14 \mod 37$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $19^{19^{45}}$  на 56.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-1)=-8; \quad p(1)=-2; \quad p(3)=20; \quad p(2)=-2; \quad p(-2)=10;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 9-ичной системе счисления: 6x + 64 = 451. Решение записать в 9-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 42/77 в кольце вычетов по модулю 95.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{343}{155}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $3x^5+2x^3+3x^2+x+6$  на  $5x^3+3x^2+4x+3$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$

# **Bap. 20** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2553x 2438y = -115
- **2.** Представить  $\sqrt{392}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 36 \, \mathrm{mod} \, 37;$   $x\equiv 5 \, \mathrm{mod} \, 13; \, x\equiv 25 \, \mathrm{mod} \, 29; \, x\equiv 12 \, \mathrm{mod} \, 20;$
- **4.** Найти остаток от деления  $29^{43^{67}}$  на 65.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-3)=31; \quad p(-1)=1; \quad p(2)=1; \quad p(1)=-5; \quad p(-2)=1;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 5x+113=567. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 1/23 в кольце вычетов по модулю 79.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{367}{129}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $x^5+2x^4+2x^3+x^2+x$  на  $2x^3+2x^2+x+2$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}\left[x\right]$

## **Bap. 21** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2635x 3876y = -136
- **2.** Представить  $\sqrt{322}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x\equiv 3 \bmod 29;$   $x\equiv 20 \bmod 38; \ x\equiv 14 \bmod 27; \ x\equiv 12 \bmod 13;$
- 4. Найти остаток от деления  $19^{11^{35}}$  на 66.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-2)=-29;\ p(1)=4;\ p(-1)=2;\ p(2)=11;\ p(3)=6;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 8-ичной системе счисления: 5x+107=436. Решение записать в 8-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 75/77 в кольце вычетов по модулю 95.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{243}{109}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $2x^5+4x^4+3x+4$  на  $3x^3+2x^2+x+4$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}\left[x\right]$

#### **Bap. 23** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 3060x 2533y = 136
- **2.** Представить  $\sqrt{138}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 0 \mod 25$ ;  $x \equiv 0 \mod 11$ ;  $x \equiv 11 \mod 24$ ;  $x \equiv 20 \mod 31$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $41^{17^{151}}$  на 47.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(1)=-13; \quad p(3)=-7; \quad p(-2)=8; \quad p(-1)=-3; \quad p(2)=-24;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 2x+125=241. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 16/56 в кольце вычетов по модулю 65.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{385}{323}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $3x^5+5x^3+3x+4$  на  $4x^3+4x^2+x+5$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$

#### **Bap. 22** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 6279x 3335y = -46
- **2.** Представить  $\sqrt{377}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 9 \bmod 29$ ;  $x \equiv 5 \bmod 22$ ;  $x \equiv 7 \bmod 35$ ;  $x \equiv 17 \bmod 39$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $64^{31^{67}}$  на 77.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(1)=-2; \quad p(2)=20; \quad p(-1)=-4; \quad p(-2)=-44; \quad p(5)=26;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 3x+231=521. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 24/25 в кольце вычетов по модулю 62.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{411}{61}$  непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток от деления многочлена  $x^5 + x^3 + x + 1$  на  $x^3 + x^2 + x + 2$  в кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$

## Bap. 24 (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2907x + 4066y = -57
- **2.** Представить  $\sqrt{185}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число x, удовлетворяющее условиям  $x \equiv 3 \mod 21$ ;  $x \equiv 1 \mod 32$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $51^{61^{113}}$  на 73.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(-1)=3; \quad p(2)=-21; \quad p(1)=-7; \quad p(3)=-25; \quad p(-2)=35;$
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x + 340 = 1124. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 53/59 в кольце вычетов по модулю 94.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{298}{55}$  непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток от деления многочлена  $2x^5+3x^4+4x^3+4x^2+2x+6$  на  $3x^3+3x^2+3x+2$  в кольце  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}\left[x\right]$

## **Bap. 25** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2576x + 3105y = 69
- **2.** Представить  $\sqrt{215}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 30 \mod 35$ ;  $x\equiv 1\,\mathrm{mod}\,11;\, x\equiv 20\,\mathrm{mod}\,27;\, x\equiv 15\,\mathrm{mod}\,37;$  4. Найти остаток от деления  $3^{7^{53}}$  на 46.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(1) = -18; p(-1) = -2; p(-4) = -8; p(-2) = 6;p(-3) = 14;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 5-ичной системе счисления: 3x + 331 = 1120. Решение записать в 5-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 15/18 в кольце вычетов по модулю 73.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{419}{81}$ непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток otделения многочлена  $4x^5 + x^4 + 3x^3 + 3x + 3$  на  $4x^3 + 2x^2 + 4x + 4$  в кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}[x]$

# **Bap. 27** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 1456x 1443y = -104
- **2.** Представить  $\sqrt{215}$  в виде периодической цепной дроби.
- 3. Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 11 \mod 14;$  $x \equiv 9 \mod 13$ ;  $x \equiv 22 \mod 27$ ;  $x \equiv 12 \mod 37$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $65^{31^{31}}$  на 86.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(-2) = 27; p(-1) = 8; p(-3) = 46; p(1) = -6;p(2) = -49:
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 5x + 22 = 261. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 19/39 в кольце вычетов по модулю 46.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{620}{521}$ непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток otделения многочлена  $2x^5 + 2x^4 + 2x^3 + 2x + 2$  на  $2x^3 + x^2 + x + 1$ кольце  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$

## **Bap. 26** (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 3381x 5543y = 115
- **2.** Представить  $\sqrt{377}$  в виде периодической цепной
- **3.** Найти наименьшее натуральное число удовлетворяющее условиям  $x \equiv 32 \mod 34$ ;  $x \equiv 15 \mod 31$ ;  $x \equiv 1 \mod 11$ ;  $x \equiv 3 \mod 15$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $22^{37^{51}}$  на 75.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям: p(-2) = -16; p(1) = 2; p(-1) = 6;p(3) = -26;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 7-ичной системе счисления: 2x + 201 = 360. Решение записать в 7-ичной и десятичной системах.
- 8. Вычислить 29/63 в кольце вычетов по модулю 74.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{327}{134}$ непрерывной дробью.
- **10.** Найти остаток otделения многочлена  $x^5 + 2x^4 + x^3 + 2$  на  $x^3 + x^2 + x + 2$  $\mathbb{Z}/3\mathbb{Z}[x]$

# Bap. 28 (9391)

- **1.** Решить диофантово уравнение 2465x + 2312y = -119
- **2.** Представить  $\sqrt{254}$  в виде периодической цепной дроби.
- **3.** Найти натуральное число наименьшее условиям удовлетворяющее  $x \equiv 16 \mod 33;$  $x \equiv 8 \mod 31$ ;  $x \equiv 9 \mod 14$ ;  $x \equiv 5 \mod 25$ ;
- **4.** Найти остаток от деления  $26^{13^{43}}$  на 33.
- **5.** По формуле Лагранжа найти многочлен p не выше 4-ой степени, удовлетворяющий условиям:  $p(2) = -36; \quad p(-4) = -18; \quad p(-3) = 29; \quad p(1) = -3;$ p(-2) = 24;
- **6.** Найти рациональные корни:  $x^4 5x^3 6x^2 + 7x 2$
- 7. Решить уравнение, записанное в 6-ичной системе счисления: 4x + 210 = 434. Решение записать в 6-ичной и десятичной системах.
- **8.** Вычислить 14/21 в кольце вычетов по модулю 31.
- **9.** Найти представление рационального числа  $\frac{581}{246}$ непрерывной дробью.
- 10. Найти остаток otделения многочлена  $4x^5 + 4x^3 + x^2 + 4x + 4$  на  $2x^3 + 3x^2 + x + 2$ кольце  $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}[x]$