AED2 - Aula 20 - PATRICIA Tries

Nos seguintes exemplos consideramos a versão binária das tries,

• e usamos a seguinte representação binária de caracteres:

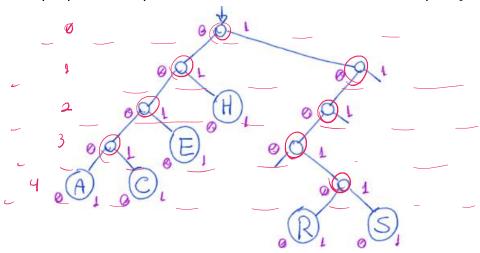
	A 00001	B 00010	C 00011
D 00100	E 00101	F 00110	G 00111
H 01000	I 01001	J 01010	K 01011
L 01100	M 01101	N 01110	O 01111
P 10000	Q 10001	R 10010	\$ 10011
T 10100	U 10101	V 10110	W 10111
X 11000	Y 11001	Z 11010	

Os bits são numerados, a partir do índice 0, da esquerda para a direita.



Tries são árvores de busca digital em que toda chave está numa folha.

- Com isso, as chaves podem ser mantidas em ordem,
 - o que permite implementar de modo eficiente diversas operações.



- Uma propriedade central da trie é que todos os descendentes de um nó
 - o tem prefixo comum com o daquele nó.

Problemas das tries:

- Não armazenar dados nos nós internos desperdiça memória.
- Longos caminhos podem surgir para diferenciar duas chaves
 - o cujos bits mais significativos são iguais.
- Isso porque alguns nós intermediários não correspondem a bifurcações.

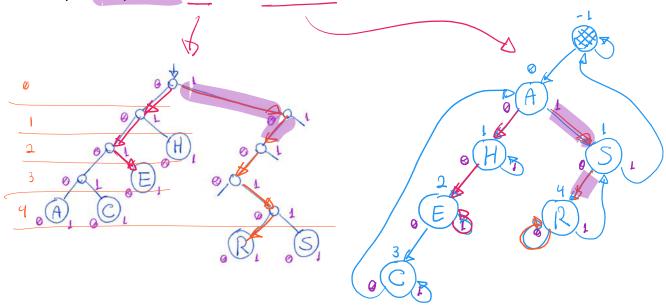
Para contornar estes problemas podemos usar as PATRICIA tries:

• Practical Algorithm To Retrieve Information Coded In Alphanumeric

Nas PATRICIA tries:

- Nós internos são aproveitados para armazenar chaves,
 - o embora essas não sejam consideradas durante a descida na árvore.
- Longos caminhos são evitados,
 - olhando em cada nó apenas para o dígito que importa.

Exemplo comparando trie com PATRICIA trie:



Estrutura do nó:

```
typedef struct noh {
    Chave chave;
    Item conteudo; -
    int digito;
    struct (noh *)esq; -
    struct (noh *)dir; -
} Noh;

typedef Noh *Arvore;
```

Nas PATRICIA tries não temos apontadores NULL.

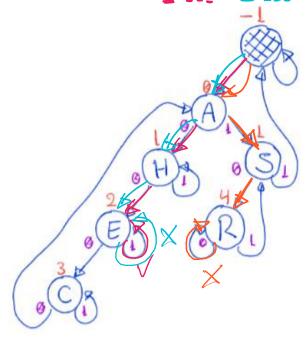
- Por isso, mesmo a árvore vazia tem de ser inicializada com uma raiz dummy
 - o que tem uma chave proibida, preenchida de bits 1s, e digito -1.



```
Arvore inicializa() {
    Noh *raiz;
    raiz = (Noh *)malloc(sizeof(Noh));
    raiz->chave = __UINT32_MAX__; // chave proibida
    raiz->esq = raiz; --
    raiz->dir = raiz; --
    raiz->digito = _-1;
    return raiz;
}
```

Busca na PATRICIA trie:

- Para buscar uma chave, basta percorrer o caminho na árvore
 - o seguindo os bits da chave (0 desce à esquerda, 1 à direita),
 - lembrando de olhar em cada nó para o dígito indicado por este.
- Nas PATRICIA tries é importante diferenciar
 - o caminho conceitual do caminho real,
 - até porque as PATRICIA tries só são árvores conceituais.
- Quando "subirmos" na árvore, ou seja,
 - formos para um nó com dígito > ao dígito do nó anterior
 - sabemos que chegamos numa "folha".
- Ao chegar numa "folha", verificamos se é a chave procurada.
 - Se for devolve o nó, caso contrárjo devolve falha da busca.
- Exemplos na árvore anterior: buscar E (00101), D (00100) e T (10100).



Código da busca:

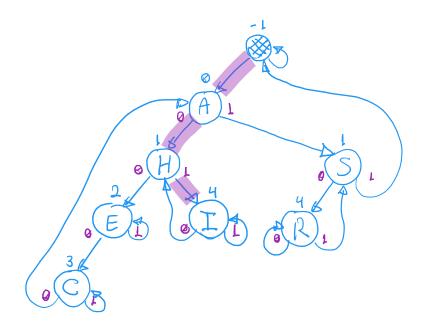
```
Noh *busca(Arvore r, Chave chave) {
    Noh *alvo;
    alvo = buscaR(r->esq, chave, -1);
    return (alvo->chave == chave ? alvo : NULL;)
}

Noh *buscaR(Arvore r) Chave chave, int digito ant) {
    if (r->digito (= digito_ant) // eh uma "folha"
        return r;

    if (pegaDigito(chave, r->digito) == 0) // desce à esquerda
        return buscaR(r->esq, chave, r->digito);
    // pegaDigito(chave, r->digito) == 1 - desce à direita
    return buscaR(r->dir, chave, r->digito);
}
```

Exemplo de inserção do 1 (01001):

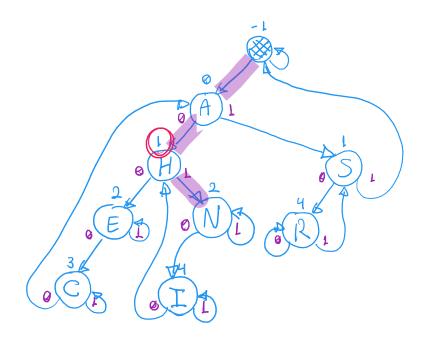
• Primeiro a chave I é buscada.



- Como a busca terminou em H (01000),
 - o verificamos o primeiro dígito em que 1 (01001) e H (01000) diferem.
 - Neste caso, é o ⁴
- Então criamos um novo nó à direita de H.

Exemplo de inserção do N (01110):

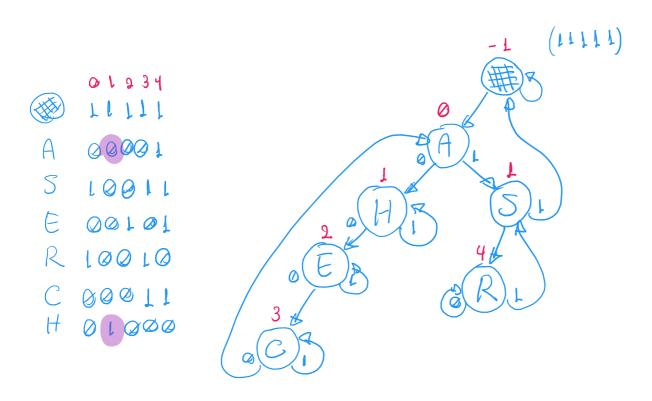
• Primeiro a chave N é buscada.



- Como a busca terminou em H (01000),
 - o verificamos o primeiro dígito em que N (01110) e H (01000) diferem.
 - Neste caso, é o
- Então criamos um novo nó entre H e I.

Resultado da construção de uma PATRICIA trie binária, pela inserção

• das chaves A S E R C H em uma árvore vazia, exceto pela raiz dummy.



Função que invoca a busca, detecta o primeiro dígito distinto entre as chaves,

cria um novo nó e manda inseri-lo na árvore.

```
void inserir(Arvore r, Chave chave, Item conteudo) {
   int i;
   Noh *aux = buscaR(r->esq, chave, -1);
   if (aux->chave == chave)
        return; // não inserimos duplicatas
   for (i = 0; pegaDigito(chave, i) == pegaDigito(aux->chave, i);
i++
        ; // descobre qual o primeiro dígito diferente nas chaves
   Noh *novo = novoNoh(chave, conteudo, i);
   r->esq = insereR(r->esq, novo, i, r);
}
```

Função que cria um novo nó.

```
Noh *novoNoh(Chave chave, Item conteudo, int digito) {
   Noh *novo;
   novo = (Noh *)malloc(sizeof(Noh));
   novo->chave = chave;
   novo->conteudo = conteudo;

   novo->digito = digito;
   novo->esq = NULL;
   novo->dir = NULL;
   return novo;
}
```

Função que insere recursivamente o novo nó na árvore.

```
Arvore insereR(Arvore r, Noh *novo, int digito_dif, Noh *pai) {

// se encontrei o ponto de quebra ou cheguei numa folha

if ((r->digito >= digito_dif) || (r->digito <= pai->digito)) {

if (pegaDigito(novo->chave, digito_dif) == 1) {

novo->esq = r;

novo->dir = novo;

}

else { //pegaDigito(novo->chave, digito_dif) == 0

novo->esq = novo;

novo->dir = r;

}

return novo;

}
```

```
if (pegaDigito(novo->chave, r->digito) == 0) // inserir descendo
à esquerda
    r->esq = insereR(r->esq, novo, digito_dif, r);
else // pegaDigito(novo->chave, r->digito) == 1 - inserir
descendo à direita
    r->dir = insereR(r->dir, novo, digito_dif, r);
return r;
}
```

Quanto à eficiência de tempo das operações, elas continuam sendo

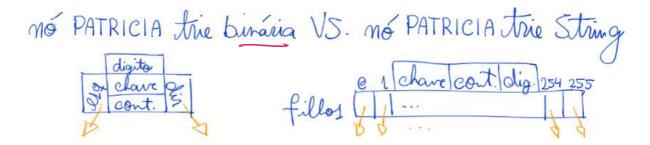
- proporcionais à altura da árvore,
 - o que no pior caso corresponde ao comprimento da chave,
 - i.e., ao número de dígitos da mesma.
- Em muitas situações, a altura da árvore é ainda menor.
 - Por exemplo, se as chaves forem aleatórias
 - já que a cada decida na árvore, como as chaves são aleatórias,
 - esperamos dividir por
 - o número de chaves na subárvore corrente.

Quanto à eficiência de espaço, as PATRICIA tries

- gastam apenas um nó por elemento armazenado,
 - o não tendo o problema com nós internos das tries.

Assim como fizemos com as árvores digitais básicas,

- podemos construir PATRICIA tries para tratar chaves que são strings
 - o u que tem dígitos com mais de 1 bit.



- Neste caso o gasto de memória por nó cresce, pois cada nó terá
 - o um vetor de filhos do tamanho do universo de valores que
 - os caracteres da string ou dígitos da chave podem assumir.
- - o um único caractere pode indicar 2 56 caminhos distintos,
 - i.e., cada nó deve ter um vetor de filhos com 156 apontadores.