

# 实验报告

课程名称: 数值逼近
 实验项目: 差值方法
 所在院系: 信息与计算科学
 学生姓名: 葛煜龙
 学生学号: 1201200206
 授课学期: 22 秋
 完成时间: 2022.9.24

### 1 习题一 Runge 现象

1. 下段代码即为 Lagrange 插值法计算函数。

2. 用下段代码生成等距节点。然后代入上述第一问 Lagrange 函数进行计算即可。

```
n = 14 # 对n值进行修改即可

X = [(-5 + i * 10.0 / n) for i in range(0, n + 1)]

Y = [1 / (1 + i ** 2) for i in X]

XX = np.linspace(-5, 5, 1000)
```

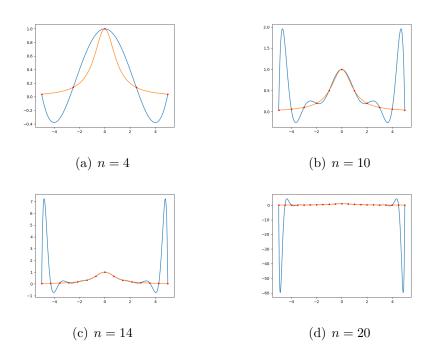


图 1: 等距节点差值

3. 用下段函数构造 chebyshev 节点。然后再带入第一问 Lagrange 函数计算即可。

```
def chebyshev_nodes(a, b, n):
    i = np.array(range(n + 1))
    z = np.cos((2 * i + 1) * pi / (2 * (n + 1)))
    return 0.5 * (b - a) * z + 0.5 * (b + a)
```

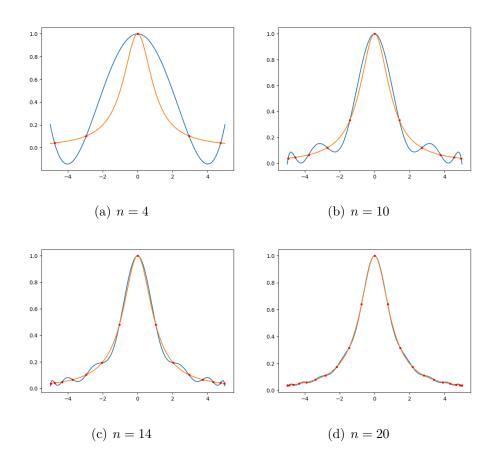
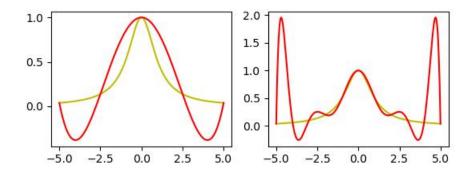


图 2: chebyshev 节点差值

#### 4.Newton 插值法



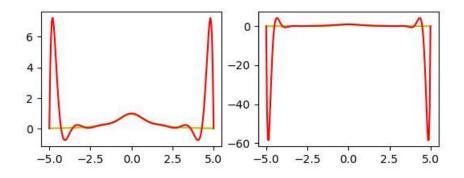


图 3: chebyshev 节点差值

### 2 习题二 分段差值

#### 1. 分段线性插值方法

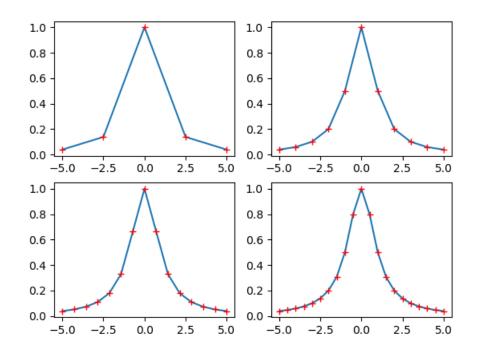


图 4: 分段线性插值方法

#### 2. 分段 3 次 Hermite 插值方法

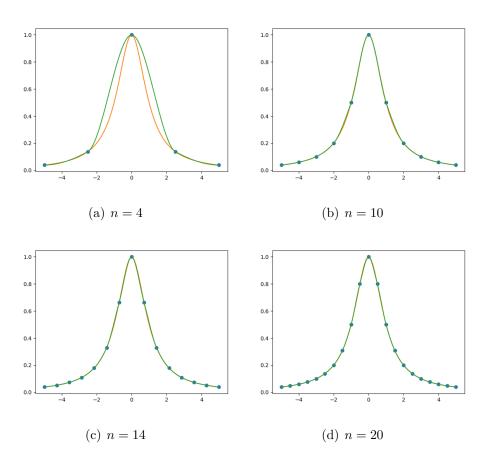


图 5: 分段 3 次 Hermite 插值方法

#### 3. 三次样条插值方法

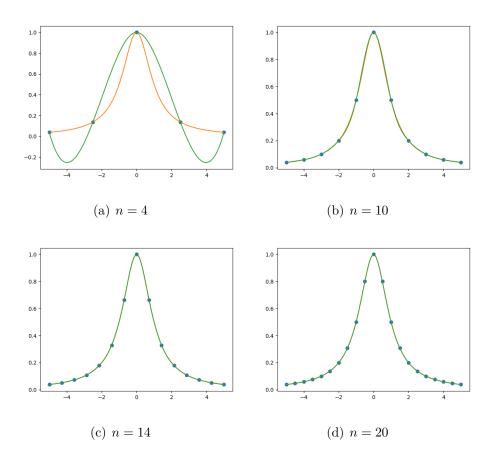


图 6: 三次样条插值方法

## 3 习题三 物体轨迹

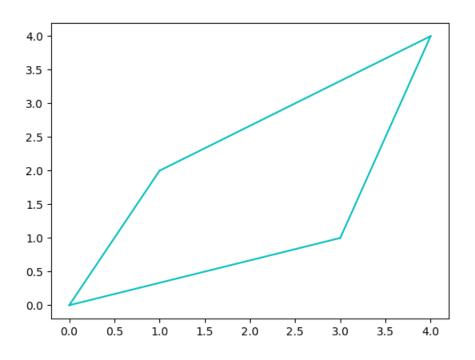


图 7: 分段线性插值方法

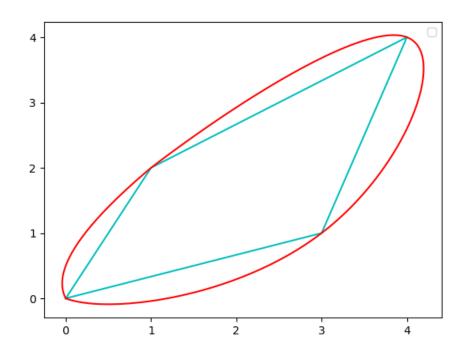


图 8: 三次样条插值方法