

# Introducción a la Computación Evolutiva Tarea No. 4

Instructor: Dr. Carlos Artemio Coello Coello

Alumno: Ángel Alonso Galarza Chávez

1 de julio de 2025

### Introducción

En este trabajo se implementó un algoritmo genético para resolver instancias de la *Asignación Cuadrática*, un problema de optimización combinatoria. La estructura del algoritmo incluye operadores de cruza, mutación e inversión adaptados a representaciones enteras basadas en permutaciones.

Como método de selección se utilizó el torneo binario determinístico, que garantiza la supervivencia de individuos con mejor aptitud en cada generación. Además, se implementó el operador de cruza Order Based Crossover y como operador de mutación la implementación de Mutación por Inversión.

La función objetivo se calcula mediante la siguiente ecuación:

costo = 
$$\sum_{i=0}^{n-1} \sum_{j=0}^{n-1} dist[i][j] \times flujo[x[i]][x[j]]$$

donde dist representa la matriz de distancias, flujo la matriz de flujos y x la permutación que describe la asignación de instalaciones a ubicaciones.

### Código

En esta sección se presenta el código fuente correspondiente a la implementación de los metodos utilizados en el algoritmo genético. Cada componente del algoritmo desde la repre-

sentación de los individuos, evaluación (función objetivo), selección, cruza y mutación está descrito mediante funciones en lenguaje C++.

#### Individuo

Cuando se utiliza el caso Encoding::INTEGER\_DECIMAL dentro del constructor de la clase Individual, se inicializa el cromosoma como una secuencia de enteros que representa una permutación. Para ello, primero se ajusta el tamaño del vector interno \_digitChromosome al valor de length dependiendo del problema.

A continuación, se llenan las posiciones del cromosoma con los valores consecutivos que van desde cero hasta n-1, formando inicialmente una secuencia ordenada. Este paso garantiza que se tengan todos los elementos necesarios para una representación de permutación completa.

Finalmente, la secuencia entera se revuelve aleatoriamente utilizando std::shuffle junto con el generador de números global \_globalGen. Este barajado inicial asegura que cada individuo creado tenga una permutación válida y diferente, respetando la unicidad de los elementos sin repeticiones.

```
1 // CONSTRUCTORES
  Individual::Individual(int length, Encoding enc) : _encoding(enc) {
      switch (_encoding) {
          // CASO BINARIO
          case Encoding::BINARY:
          case Encoding::GRAY:
6
               _cromosoma = std::string(length, '0');
               for (int i = 0; i < length; ++i) {</pre>
8
                   _cromosoma[i] = (std::uniform_int_distribution <>(0, 1)(
     _globalGen)) ? '1' : '0';
               }
               if (_encoding == Encoding::GRAY) {
                   _cromosoma = BinToGray(_cromosoma);
               }
13
               break;
14
               // CASO ENTERO
          case Encoding::INTEGER_DECIMAL: {
17
18
               _digitChromosome.resize(length);
               // INSETAR VALORES AL CROMOSOMA [0,
                                                     ..., n - 1]
19
               for (int i = 0; i < length; ++i) {</pre>
20
                   _digitChromosome[i] = i;
21
               }
               // REVOLVER CROMOSOMA
23
               std::shuffle(_digitChromosome.begin(), _digitChromosome.end(),
24
      _globalGen);
25
               break;
```

```
27 }
28 
29 decode();
30 }
```

#### Selección

Este método implementa la **selección por torneo binario determinístico**. Para cada individuo que se desea seleccionar, el algoritmo organiza competencias entre pares de individuos de la población y selecciona siempre al mejor de cada par según su valor de aptitud (fitness).

El procedimiento comienza verificando que la población tenga al menos dos individuos; de lo contrario, lanza una excepción para evitar torneos inválidos. Luego, inicializa una lista vacía que almacenará los individuos ganadores del torneo hasta alcanzar la cantidad deseada de seleccionados.

Se copia la población original en un vector auxiliar y se revuelve aleatoriamente mediante std::shuffle utilizando el generador de números \_gen.

Dentro de cada ronda, se recorre la población mezclada de dos en dos. Para cada par de individuos, se comparan sus valores de aptitud y se selecciona determinísticamente el mejor. Este individuo ganador se agrega a la lista de seleccionados. El ciclo se repite hasta completar el número requerido de individuos.

Finalmente, la función retorna la lista de individuos elegidos como resultado del torneo binario determinístico.

```
1 // TORNEO DETERMINISTICO
std::vector<std::shared_ptr<Individual>> Torneo_Binario_Deterministico::
     selectMany(
      const Population& population, int numToSelect) const {
      if (population.size() < 2) {</pre>
          throw std::runtime_error("ERROR DE TAMANIO DE POBLACION.");
      }
      // LISTA DE LOS INDIVIDUOS A SELECCIONAR
      std::vector<std::shared_ptr<Individual>> selected;
9
      // CICLO DE SELECCIONAR N INDIVIDUOS
      while (static_cast<int>(selected.size()) < numToSelect) {</pre>
          // OBTENER LA POBLACION Y REVOLVERLO CON SHUFFLE
          std::vector<std::shared_ptr<Individual>> shuffled = population.
14
     getIndividuals();
          std::shuffle(shuffled.begin(), shuffled.end(), _gen);
```

```
// BUCLE PARA SELECCIONAR EN PARES A LOS INDIVIDUOS
17
          for (size_t i = 0;
18
                i + 1 < shuffled.size() && static_cast < int > (selected.size())
19
     < numToSelect; i += 2) {
               // OBTENER DOS INDIVIDUOS
20
               auto& ind1 = shuffled[i];
               auto& ind2 = shuffled[i + 1];
23
               // COMPARAR INDIVIDUOS
24
               auto winner = (ind1->getFitness() >= ind2->getFitness()) ?
     ind1 : ind2;
               // AGREGAR GANADOR
26
               selected.push_back(winner);
27
          }
28
29
30
      // RETORNAR LISTA DE SELECCIONADOS
31
      return selected;
32
33 }
```

#### Order-based Crossover

El método implementa el operador **Order-Based Crossover** para cromosomas representados como permutaciones enteras. Primero, se verifica que ambos padres tengan cromosomas de igual longitud; si no es así, se lanza una excepción. También se asegura que la codificación sea de tipo INTEGER\_DECIMAL, ya que este operador solo aplica a representaciones enteras.

Se obtienen los cromosomas de ambos padres, P1 y P2, y se determinan las estructuras necesarias para generar los hijos: vectores para los cromosomas de salida inicializados con -1, y conjuntos auxiliares para registrar los genes seleccionados de cada padre.

A continuación, para cada hijo se seleccionan genes del primer padre con una probabilidad definida por \_crossoverGenProb. Estos valores se almacenan en un vector y en un conjunto para evitar duplicados durante el armado del cromosoma final.

Luego, se recorre el cromosoma del segundo padre para cada posición. Si un gen no ha sido seleccionado previamente, se inserta directamente en la misma posición del hijo. De esta forma, se garantiza que el hijo mantenga parte del orden del segundo padre.

Una vez colocados los genes, los valores seleccionados faltantes se insertan de izquierda a derecha en los huecos disponibles. Esto completa el cromosoma del hijo asegurando que cada gen aparezca exactamente una vez, respetando la naturaleza de la permutación.

El mismo procedimiento se repite de forma inversa para el segundo hijo: se seleccionan genes del segundo padre con probabilidad y se complementa con el primer padre siguiendo la misma lógica de inserción y preservación del orden.

Finalmente, se construyen los nuevos individuos usando los cromosomas generados y retorna ambos hijos generados por el operador OrderBasedCrossover.

```
1 // ORDER BASED CROSSOVER
2 std::pair<std::shared_ptr<Individual>, std::shared_ptr<Individual>>
     OrderBasedCrossover::crossover(
      const std::shared_ptr<Individual>& parent1, const std::shared_ptr<</pre>
     Individual > & parent2) const {
      if (parent1->size() != parent2->size()) {
          throw std::invalid_argument("NO COINCIDEN LAS LONGITUDES DE LOS
     CROMOSOMAS DE LOS PADRES");
6
      Individual::Encoding enc = parent1->getEncoding();
8
      if (enc != Individual::Encoding::INTEGER_DECIMAL) {
9
          throw std::runtime_error("OrderBasedCrossover SOLO FUNCIONA CON
     REPRESENTACION ENTERA");
      }
      // OBTENCION DE LOS CROMOSOMAS DE LOS PADRES
      const auto& P1 = parent1->getDigitChromosome();
      const auto& P2 = parent2->getDigitChromosome();
      size_t n = P1.size();
16
17
      std::uniform_real_distribution < double > distReal(0.0, 1.0);
19
      // CREA EL VECTOR PARA LOS HIJOS
20
      std::vector<int> child1(n, -1);
2.1
      std::vector<int> child2(n, -1);
22
23
      // ESTRUCTURAS PARA SELECCIONAR LOS VALORES
24
      std::vector<int> seleccionados1;
25
      std::unordered_set<int> sel1;
26
27
      std::vector<int> seleccionados2;
28
29
      std::unordered_set <int > sel2;
30
      // SELECCIONA LOS VALORES CON PROBABILIDAD
31
      for (size_t i = 0; i < n; ++i) {</pre>
32
          if (distReal(_globalGen) < _crossoverGenProb) {</pre>
33
               seleccionados1.push_back(P1[i]);
34
               sel1.insert(P1[i]);
          }
36
      }
37
38
      // SI EL VALOR DE LA POSICION i EN EL CROMOSOMA DE P2 NO ESTA EN LOS
39
     VALORES SELECCIONADOS
      // AGREGAR VALOR AL HIJO
40
      for (size_t i = 0; i < n; ++i) {</pre>
41
          if (sel1.find(P2[i]) == sel1.end()) {
42
               child1[i] = P2[i];
43
44
```

```
}
45
46
      // INSERTAR LOS VALORES FALTANTES AL CROMOSOMA DE IZQUIERDA A DERECHA
47
      size_t k1 = 0;
48
      for (size_t i = 0; i < n && k1 < seleccionados1.size(); ++i) {</pre>
49
           if (child1[i] == -1) {
               child1[i] = seleccionados1[k1++];
51
           }
      }
53
      // SELECCIONA LOS VALORES CON PROBABILIDAD
      for (size_t i = 0; i < n; ++i) {</pre>
56
           if (distReal(_globalGen) < _crossoverGenProb) {</pre>
57
               seleccionados2.push_back(P2[i]);
58
               sel2.insert(P2[i]);
59
           }
60
      }
61
      // SI EL VALOR DE LA POSICION i EN EL CROMOSOMA DE P1 NO ESTA EN LOS
62
     VALORES SELECCIONADOS
      // AGREGAR VALOR AL HIJO
63
      for (size_t i = 0; i < n; ++i) {</pre>
           if (sel2.find(P1[i]) == sel2.end()) {
               child2[i] = P1[i];
           }
67
      }
      // INSERTAR LOS VALORES FALTANTES AL CROMOSOMA DE IZQUIERDA A DERECHA
70
      size_t k2 = 0;
      for (size_t i = 0; i < n && k2 < seleccionados2.size(); ++i) {</pre>
72
           if (child2[i] == -1) {
73
74
               child2[i] = seleccionados2[k2++];
           }
75
      }
76
77
      // CREA LOS HIJOS CON LOS CROMOSOMAS OBTENIDOS
78
79
      auto offspring1 = std::make_shared < Individual > (child1, enc);
      auto offspring2 = std::make_shared < Individual > (child2, enc);
80
81
      // EMPAREJA A LOS PADRES CON HIJOS
82
      offspring1->setParents(parent1, parent2);
      offspring2->setParents(parent1, parent2);
84
85
      // DEVUELVE A LOS DOS HIJOS
86
      return {offspring1, offspring2};
87
```

#### Mutación por Inserción

El método implementa la **mutación por inserción** para individuos con codificación de tipo permutación entera. Para determinar si se aplica la mutación, primero se genera un número aleatorio en el rango [0, 1] y se compara con la tasa de mutación **\_mutationRate**. Si el valor

aleatorio es mayor o igual, no se realiza ninguna alteración en el cromosoma.

A continuación, se verifica que la codificación del individuo sea de tipo INTEGER\_DECIMAL, ya que este tipo de mutación solo tiene sentido cuando se trabaja con cromosomas representados como secuencias de enteros sin repetición. Si la condición no se cumple, se lanza una excepción para detener el proceso.

Se obtiene el cromosoma entero del individuo y se evalúa su longitud. Si la longitud es menor a dos, no se ejecuta la mutación ya que no tiene sentido insertar un elemento en otra posición cuando solo existe un único gen.

Para realizar la mutación, se generan dos posiciones aleatorias dentro de los límites del cromosoma: pos\_valor indica la posición del valor que se desea mover, mientras que pos\_insercion indica la nueva posición de inserción. Si ambas posiciones resultan iguales, se regenera pos\_insercion hasta que difiera de la posición original.

Se obtiene el valor ubicado en pos\_valor, se elimina de su posición original y se inserta en la nueva posición pos\_insercion. Este desplazamiento reorganiza el cromosoma manteniendo la validez de la permutación.

Finalmente, se actualiza el cromosoma del individuo con la nueva permutación mediante setDigitChromosome.

```
1 // MUTACION POR INSERCION
void InsertionMutation::mutate(std::shared_ptr<Individual> individual)
      std::uniform_real_distribution <double > probDist(0.0, 1.0);
      // SI MUTATIONRATE < PROBDIST -> NO MUTAR
      if (probDist(_globalGen) >= _mutationRate) {
          return;
      }
8
      // OBTENER CODIFICACION DEL INDIVIDUO
      auto encoding = individual -> getEncoding();
11
      // VERIFICAR SI LA CODIFICACION ES ENTERA
13
      if (encoding != Individual::Encoding::INTEGER_DECIMAL) {
          throw std::runtime_error("InsertionMutation SOLO ES VALIDA PARA
14
     REPRESENTACION ENTERA");
      }
16
      // OBTENER CROMOSOMA DEL INDIVIDUO
17
      auto chromo = individual -> getDigitChromosome();
      // LONGUITUD DEL CROMOSOMA
19
      int n = static_cast <int > (chromo.size());
20
21
      // SI SOLO HAY 1 CROMOSOMA, NO HACER NADA
      if (n < 2)
```

```
24
          return;
25
      std::uniform_int_distribution<int> distPos(0, n - 1);
26
27
      // GENERAR POSICION ALEATORIA
28
      int pos_valor = distPos(_globalGen);
29
      int pos_insercion = distPos(_globalGen);
30
31
      // SI LA POSICION DE INSERCION ES LA MISMA QUE POSICION DEL VALOR,
32
     VOLVER A GENERAR UN NUMERO
      // ALEATORIO
33
      while (pos_insercion == pos_valor) {
34
          pos_insercion = distPos(_globalGen);
35
      }
36
37
      // OBTENER EL VALOR DE LA POSICION ALEATORIA
38
      int val = chromo[pos_valor];
39
40
      // ELIMINA E INSERTA LA POSICION EL VALOR SELECCIONADO
41
      // DESPLAZA LOS VALORES POSTERIORES DE LA POSICION DE INSERCION
42
      chromo.erase(chromo.begin() + pos_valor);
43
      chromo.insert(chromo.begin() + pos_insercion, val);
44
45
      individual -> setDigitChromosome(chromo);
46
      individual -> decode();
47
48
```

#### Utils

**chromosome ToString** Esta función convierte un cromosoma representado como un vector de enteros en una cadena de caracteres. Para ello, recorre cada valor del cromosoma y lo concatena con un guion como separador. El resultado es una representación única y legible que puede usarse como clave para verificar duplicados en la población.

removeDuplicates Esta función recorre toda la población y se asegura de que no existan cromosomas duplicados. Para cada individuo, convierte su cromosoma a cadena usando chromosomeToString y verifica si ya existe en un conjunto de representaciones vistas. Si encuentra duplicados, aplica el operador de mutación pasado como parámetro hasta obtener un cromosoma único, garantizando así diversidad dentro de la población.

invertSubsequence Esta función invierte una subsecuencia de genes dentro de un cromosoma entero delimitada por dos valores dados. Primero, localiza las posiciones de ambos valores dentro del vector. Si los delimitadores están invertidos en el orden, los intercambia para asegurar la correcta inversión. Luego, aplica la función estándar std::reverse para invertir todos los elementos entre ambos valores.

applyInversion Esta función aplica una mutación de tipo inversión a un individuo con una probabilidad determinada. Si la probabilidad se cumple, invierte una subsecuencia del cromosoma usando invertSubsequence. Dependiendo de la política de inversión seleccionada (ALWAYS\_REPLACE, ONLY\_IF\_BETTER o RANDOM\_CHOICE), decide si reemplazar el cromosoma original por la versión invertida.

```
# #include "utils.hpp"
3 #include <sstream>
4 #include <string>
5 #include <unordered_set>
6 #include <vector>
8 #include "mutacion.hpp"
10 namespace Utils {
  // CROMOSOMA A CADENA DE CARACTERES
  std::string chromosomeToString(const std::vector<int>& chromo) {
      std::ostringstream oss;
14
      for (int val : chromo) {
          oss << val << "-";
16
      return oss.str();
18
19 }
  // REMOVER DUPLICADOS
  void removeDuplicates(std::vector<std::shared_ptr<Individual>>& population
                         IMutationOperator& mutator) {
23
24
      std::unordered_set < std::string > seen;
      // RECORRER LA POBLACION POR INDIVIDUO
      for (auto& individual : population) {
27
          // OBTENER CROMOSOMA
28
          std::string repr = chromosomeToString(individual->
29
     getDigitChromosome());
30
          // APLICAR MUTACION SI ENCUENTRA UN INDIVIDUO CON LA MISMA
31
     PERMUTACION
          while (seen.find(repr) != seen.end()) {
32
               mutator.mutate(individual);
               repr = chromosomeToString(individual->getDigitChromosome());
34
          }
36
          // INSERTA EL NUEVO INDIVIDUO
          seen.insert(repr);
38
      }
39
40 }
42 // INVERTIR SUBSECUENCIA
```

```
43 void invertSubsequence(std::vector<int>& chromosome, int value1, int
     value2) {
      // SE INSTANCIA LOS VALORES PARA DELIMITAR LA SUBSECUENCIA
44
      auto it1 = std::find(chromosome.begin(), chromosome.end(), value1);
45
      auto it2 = std::find(chromosome.begin(), chromosome.end(), value2);
46
      if (it1 == chromosome.end() || it2 == chromosome.end()) {
48
          throw std::invalid_argument("ERROR DE VALORES");
49
      }
50
      // INTERCAMBIA LOS VALORES DE LOS DELIMITADORES SI T1 > T2
      if (it1 > it2)
53
          std::swap(it1, it2);
54
      // INVIERTA LA SUBSECUENCIA
56
      std::reverse(it1, it2 + 1);
57
58 }
60 // INVERSION
61 void applyInversion(std::shared_ptr<Individual > individual, double
     inversionRate, int value1,
                       int value2, InversionPolicy policy) {
62
      static std::mt19937 gen(std::random_device{}());
      std::uniform_real_distribution < double > probDist(0.0, 1.0);
64
      std::uniform_real_distribution <double > dist(0.0, 1.0);
66
      // SI LA PROBABILIDAD ES MAYOR A LA INVERSION, NO HACE NADA
      if (probDist(gen) >= inversionRate) {
68
          return;
      }
70
71
      // GUARDA EL CROMOSOMA ORIGINAL
72
      auto originalChromo = individual->getDigitChromosome();
73
74
      // APLICA INVERSION
75
      auto newChromo = originalChromo;
76
      invertSubsequence(newChromo, value1, value2);
77
      // PARA LA POLITICA DE ONLY_IF_BETTER SE REQUIERE EVALUAR AL INDIVIDUO
      Y AL INDIVIDUO CON
      // INVERSION
80
      Individual temp(newChromo, individual->getEncoding());
81
      temp.decode();
82
      double originalFitness = individual->getFitness();
      double newFitness = 0.0;
84
85
      // SWITCH DE LAS POLITICAS DE INVERSION
86
      switch (policy) {
          // POLITICA: SIEMPRE REMPLAZO
88
          case InversionPolicy::ALWAYS_REPLACE:
89
               individual -> setDigitChromosome(newChromo);
90
               individual ->setFitness(newFitness);
91
```

```
break;
92
93
                 // POLITICA: REMPLAZAR SI ES MEJOR
94
            case InversionPolicy::ONLY_IF_BETTER:
95
                if (newFitness > originalFitness) {
96
                     individual -> setDigitChromosome(newChromo);
97
                     individual ->setFitness(newFitness);
98
                }
99
                break;
100
                // POLITICA: ALEATORIA
            case InversionPolicy::RANDOM_CHOICE:
                if (dist(gen) < 0.5) {</pre>
103
                     individual -> setDigitChromosome(newChromo);
104
                     individual -> setFitness (newFitness);
                }
106
                break;
107
       }
108
  }
109
  }
110
```

### Main

Este programa implementa un algoritmo genético para resolver instancias de la Asignación Cuadrática, utilizando matrices de distancia y flujo leídas desde un archivo de entrada. La ejecución inicia solicitando al usuario parámetros clave como el nombre del archivo de datos, el tamaño de la población, tasas de cruza, mutación e inversión, el número máximo de generaciones, una semilla aleatoria para la generación de números pseudoaleatorios y el nombre del archivo de salida.

El algoritmo lee las matrices de distancia y flujo, que definen el problema de asignación cuadrática, y calcula la función objetivo como el costo total de una permutación dada. Las permutaciones de los individuos se leen de izquierda a derecha que representa las soluciones.

Durante la inicialización, se genera una población de soluciones aleatorias y se evalúa su aptitud utilizando la función de evaluación. Se eliminan individuos duplicados mediante un proceso de verificación y mutación para asegurar diversidad. Se implementa un operador de cruza de tipo Order-Based Crossover, una mutación por inserción y una operación de inversión de subsecuencias, todos configurados con tasas definidas por el usuario.

El ciclo evolutivo se repite por el número máximo de generaciones definido. En cada generación, se selecciona la nueva población mediante un torneo binario determinístico, se cruzan pares de padres y se generan hijos que se someten a mutación e inversión. Los hijos son evaluados y la población se actualiza reemplazando al peor individuo por el mejor de la generación anterior para aplicar elitismo. Se registran estadísticas de cada generación, como la media, el mejor y peor valor de aptitud, número de cruzas, mutaciones e inversiones, así como la permutación y su costo.

Los resultados del algoritmo genético se almacenan en archivos de salida: uno general con estadísticas de la evolución y otro exclusivo para el registro de los individuos élite. Al finalizar la evolución, se muestra en pantalla el mejor individuo global encontrado junto con su costo asociado.

```
#include <fstream>
2 #include <iostream>
3 #include <string>
5 #include "cruza.hpp"
6 #include "individuo.hpp"
7 #include "mutacion.hpp"
8 #include "poblacion.hpp"
9 #include "seleccion.hpp"
#include "utils.hpp"
12 // LEER ARCHIVO
void readFile(const std::string& filename, int& n, std::vector<std::vector</pre>
     <int>>& dist,
                 std::vector<std::vector<int>>& flujo) {
14
      std::ifstream file(filename);
      if (!file)
           throw std::runtime_error("NO SE PUDO ABRIR EL ARCHIVO: " +
     filename);
18
      file >> n;
      dist.assign(n, std::vector<int>(n));
20
      flujo.assign(n, std::vector<int>(n));
22
      // MATRIZ DE DISTANCIA
23
      for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
24
           for (int j = 0; j < n; ++ j)
               file >> dist[i][j];
26
27
      // MATRIZ DE FLUJO
28
      for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
29
           for (int j = 0; j < n; ++j)
30
               file >> flujo[i][j];
31
32 }
33
  // FUNCION DE EVALUACION
  double evaluate(const std::vector<int>& perm, const std::vector<std::</pre>
     vector < int >> & dist,
                   const std::vector<std::vector<int>>& flujo) {
36
      int n = perm.size();
37
      double cost = 0.0;
38
39
      // SUMATORIA
40
      for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
41
           for (int j = 0; j < n; ++j)
42
```

```
cost += dist[i][j] * flujo[perm[i]][perm[j]];
43
44
      return cost;
45
  }
46
  int main() {
47
      // PARAMETROS
      int POP_SIZE, MAX_GENERATIONS, SEED;
49
      double CROSS_PROB, MUT_RATE, INVERSION_RATE;
      std::string outputFilename, filename;
      std::cout << "INGRESE EL NOMBRE DEL ARCHIVO (ejemplo.dat): ";</pre>
      std::cin >> filename;
54
      std::cout << "INGRESE EL TAMANIO DE LA POBLACION: ";
      std::cin >> POP_SIZE;
56
      std::cout << "INGRESE EL PORCENTAJE DE CRUZA (0-1): ";
57
      std::cin >> CROSS_PROB;
58
      std::cout << "INGRESE EL PORCENTAJE DE MUTACION (0-1): ";
      std::cin >> MUT_RATE;
60
      std::cout << "INGRESE EL PORCENTAJE DE INVERSION (0-1): ";
61
      std::cin >> INVERSION_RATE;
62
      std::cout << "INGRESE EL NUMERO MAXIMO DE GENERACIONES: ";
      std::cin >> MAX_GENERATIONS;
64
      std::cout << "INGRESE UN NUMERO ENTERO PARA LA SEMILLA: ";
65
      std::cin >> SEED;
66
      std::cout << "INGRESE NOMBRE DEL ARCHIVO DE SALIDA: ";
      std::cin >> outputFilename;
68
      std::cout << "SEMILLA: " << SEED << "\n";
71
72
      int n;
73
      std::vector<std::vector<int>> dist, flujo;
74
      // ARCHIVO PARA GUARDAR EL PROGRESO
75
      readFile(filename, n, dist, flujo);
76
77
      std::ofstream logFile(outputFilename);
      std::ofstream eliteFile("elite_log_.csv");
      // INICIALIZACION DEL ALGORITMO GENETICO
81
      Individual::setSeed(SEED);
      OrderBasedCrossover::setSeed(SEED);
83
      InsertionMutation::setSeed(SEED);
84
85
      OrderBasedCrossover obx(CROSS_PROB, 0.5);
      auto mutator = MutationFactory::create(MutationFactory::Type::
87
     INSERCION, MUT_RATE);
      Torneo_Binario_Deterministico selector;
88
      // INICIALIZACION DE LA POBLACION
90
      Population population (POP_SIZE, n, Individual::Encoding::
91
     INTEGER_DECIMAL);
      for (int i = 0; i < population.size(); ++i) {</pre>
92
```

```
auto ind = population.getIndividual(i);
93
           double fx = evaluate(ind->getDigitChromosome(), dist, flujo);
94
           ind->setFitness(1.0 / (1.0 + fx));
95
       }
96
97
       // REMOVER INDIVIDUOS DUPLICADOS
       Utils::removeDuplicates(population.getIndividuals(), *mutator);
99
100
       // MEJOR INDIVIDUO
       Individual bestGlobal = *population.getFittest();
       // COLUMNAS DE LOS ARCHIVOS
104
       logFile << "Generaci n , Media , Mejor , Peor , Cruzas , Mutaciones , Inversiones</pre>
      ,Costo,Permutaci n\n";
       eliteFile << "Generaci n ,Costo ,Permutaci n\n";</pre>
106
107
       // CICLO
108
       int gen = 1;
109
       while (gen < MAX_GENERATIONS) {</pre>
110
           std::cout << "\n=== GENERACION " << gen << " ===" << std::endl;
111
           // OBTENER EL MEJOR INDIVIDUO DE LA GENERACION
113
           auto elite = population.getFittest();
114
           // CREAR NUEVA POBLACION
           Population newPop;
118
           // SELECCIONAR N INDIVIDUOS
119
           auto selected = selector.selectMany(population, POP_SIZE);
120
121
           int crosses = 0, mutations = 0, inversions = 0;
123
           // CRUZAR, MUTAR, INVERTIR Y EVALUAR LOS HIJOS
124
           for (size_t i = 0; i + 1 < selected.size(); i += 2) {</pre>
                // OBTENER PADRES
126
                auto p1 = selected[i];
127
                auto p2 = selected[i + 1];
                // GENERAR HIJOS
130
                auto [h1, h2] = obx.crossover(p1, p2);
                ++crosses;
133
                // MUTAR LOS HIJOS
134
                mutator -> mutate(h1);
                mutator -> mutate(h2);
136
                mutations += 2;
138
                // INVERSIO CON POLITICA DE REMPLAZAR SIEMPRE
139
                Utils::applyInversion(h1, INVERSION_RATE, p1->
140
      getDigitChromosome()[0],
                                        p1->getDigitChromosome()[n - 1],
141
142
                                        Utils::InversionPolicy::ALWAYS_REPLACE);
```

```
Utils::applyInversion(h2, INVERSION_RATE, p2->
143
      getDigitChromosome()[0],
                                       p2->getDigitChromosome()[n - 1],
144
                                       Utils::InversionPolicy::ALWAYS_REPLACE);
145
               inversions += 2;
146
               // EVALUACION DE LOS HIJOS
148
               double fx1 = evaluate(h1->getDigitChromosome(), dist, flujo);
149
               double fx2 = evaluate(h2->getDigitChromosome(), dist, flujo);
               h1 -> setFitness(1.0 / (1.0 + fx1));
               h2 - setFitness(1.0 / (1.0 + fx2));
153
               // AGREGAR INDIVIDUOS A LA POBLACION
154
               newPop.addIndividual(h1);
               if (newPop.size() < POP_SIZE)</pre>
156
                    newPop.addIndividual(h2);
157
           }
           // REMOVER DUPLICADOS
160
           Utils::removeDuplicates(newPop.getIndividuals(), *mutator);
161
162
           // REMPLAZAR AL PEOR INDIVIDUO POR EL MEJOR DE LA GENERACION
      ANTERIOR
           newPop.Replace(elite);
164
           // ESTADISTICAS
166
           double avg = newPop.getAverageFitness();
167
           double min = newPop.getWorstFitness();
168
           double max = newPop.getFittest()->getFitness();
169
           // OBTENER AL MEJOR INDIVIDUO
171
           auto bestGen = newPop.getFittest();
172
           double bestCost = evaluate(bestGen->getDigitChromosome(), dist,
173
      flujo);
           bestGen->setFitness(1.0 / (1.0 + bestCost)); // RE-SINCRONIZA
174
      fitness
175
           if (bestGen->getFitness() > bestGlobal.getFitness()) {
176
               bestGlobal = *bestGen;
177
               bestGlobal.setFitness(1.0 / (1.0 + bestCost));
           }
179
180
           // COLOCAR ESTADISTICAS EN LOS ARCHIVOS
181
           logFile << gen << "," << avg << "," << max << "," << min << "," <<
182
       crosses << ","
                    << mutations << "," << inversions << "," << bestCost << ",
183
           for (int val : bestGen->getDigitChromosome()) {
184
               logFile << val << " ";
185
186
           logFile << "\n";</pre>
187
188
```

```
eliteFile << gen << "," << bestCost << ",";
189
           for (int val : bestGen->getDigitChromosome()) {
190
                eliteFile << val << " ";</pre>
           eliteFile << "\n";
           // IMPRIMIR ESTADISTICAS EN PANTALLA
195
           std::cout << "Media aptitud: " << avg << "\n";
196
           std::cout << "Maxima aptitud: " << max << "\n";</pre>
197
           std::cout << "Minima aptitud: " << min << "\n";
198
           std::cout << "Cruzas: " << crosses << ", Mutaciones: " <<
199
      mutations
                      << ", Inversiones: " << inversions << "\n";
200
201
           // IMPRESION DEL MEJOR INDIVIDUO DE LA GENERACION
202
           std::cout << "|--- MEJOR INDIVIDUO DE LA GENERACION " << gen << "
203
       --|" << std::endl;
           bestGen->printIndividual();
204
           std::cout << "COSTO : " << bestCost << std::endl;</pre>
205
206
           // REMPLAZO DE LA GENERACION
           population = newPop;
208
           gen++;
       }
210
211
       // IMPRIMIR ESTADISTICAS FINALES
212
       std::cout << "\n|--- MEJOR INDIVIDUO GLOBAL ---|" << std::endl;
213
       bestGlobal.printIndividual();
214
       std::cout << "COSTO : " << std::fixed << evaluate(bestGlobal.
215
      getDigitChromosome(), dist, flujo)
                  << "\n";
216
       // CERRAR ARCHIVOS
217
       logFile.close();
218
       eliteFile.close();
219
220
221
       return 0;
222 }
```

### Entorno de compilación y ejecución

Las pruebas del algoritmo genético fueron realizadas en una computadora portátil Apple MacBook Air con chip Apple M4 (arquitectura ARM de 64 bits), ejecutando macOS.

La compilación del programa se realizó utilizando el compilador de C++ de GNU (g++) con soporte para el estándar C++17, junto con las opciones -Wall para activar advertencias útiles durante el desarrollo como se muestra en las figuras 1. La línea de compilación utilizada es:

```
g++ -Wall -std=c++17 individuo.cpp cruza.cpp mutacion.cpp seleccion.cpp poblacion.cpp utils.cpp main_entero.cpp -o algoritmo_entero
```

```
d angel > ~/Documents/Cinvestav/Cuatrimestre-3/Computacion-evolutiva/Genetico * | P main !2 ?4
) g++ -Wall -std=c++17 individuo.cpp cruza.cpp mutacion.cpp seleccion.cpp poblacion.cpp utils.cpp main_entero.cpp -o algoritmo_entero

In file included from cruza.cpp:1:
./cruza.hpp:48:12: warning: private field '_crossoverProb' is not used [-Wunused-private-field]

48 | double _crossoverProb;
| 1 warning generated.

In file included from poblacion.cpp:1:
./poblacion.hpp:12:26: warning: private field '_encoding' is not used [-Wunused-private-field]

12 | Individual::Encoding _encoding;
| 1 warning generated.

d angel > ~/Documents/Cinvestav/Cuatrimestre-3/Computacion-evolutiva/Genetico * | P main !2 ?4
) ./algoritmo_entero []
```

Figura 1: Compilación y ejecución del código fuente

Y la ejecución del programa se realizó mediante el comando como se muestra en la figura 2:

./algoritmo\_entero

```
d angel > ~/Documents/Cinvestav/Cuatrimestre-3/Computacion-evolutiva/Genetico ▷ P main !2 ?4
) ./algoritmo_entero
INGRESE EL NOMBRE DEL ARCHIVO (ejemplo.dat): ajuste.dat
INGRESE EL TAMANIO DE LA POBLACION: 2
INGRESE EL PORCENTAJE DE CRUZA (0-1): 0.6
INGRESE EL PORCENTAJE DE MUTACION (0-1): 0.1
INGRESE EL PORCENTAJE DE INVERSION (0-1): 0.1
INGRESE EL NUMERO MAXIMO DE GENERACIONES: 10
INGRESE UN NUMERO ENTERO PARA LA SEMILLA: 42
INGRESE NOMBRE DEL ARCHIVO DE SALIDA: salida.txt
SEMILLA: 42
```

Figura 2: Ejecución del algoritmo genético

A continuación, en la figura 3 se muestra un ejemplo de una corrida para el archivo ajuste.dat que muestra la salida del código.

```
./algoritmo entero
INGRESE EL NOMBRE DEL ARCHIVO (ejemplo.dat): ajuste.dat
INGRESE EL TAMANIO DE LA POBLACION: 10
INGRESE EL PORCENTAJE DE CRUZA (0-1): 0.6
INGRESE EL PORCENTAJE DE MUTACION (0-1): 0.1
INGRESE EL PORCENTAJE DE INVERSION (0-1): 0.1
INGRESE EL NUMERO MAXIMO DE GENERACIONES: 4
INGRESE UN NUMERO ENTERO PARA LA SEMILLA: 432
INGRESE NOMBRE DEL ARCHIVO DE SALIDA: salida.txt
SEMILLA: 432
=== GENERACION 1 ===
Media aptitud: 0.015254
Máxima aptitud: 0.0196078
Mínima aptitud: 0.0126582
Cruzas: 5, Mutaciones: 10, Inversiones: 10
|--- MEJOR INDIVIDUO DE LA GENERACION 1 --- |
Cromosoma: 23401
Fitness: 0.0196078
Variables: 2 3 4 0 1
COSTO : 50
=== GENERACION 2 ===
Media aptitud: 0.0173962
Máxima aptitud: 0.0196078
Mínima aptitud: 0.0136986
Cruzas: 5, Mutaciones: 10, Inversiones: 10
|--- MEJOR INDIVIDUO DE LA GENERACION 2 ---|
Cromosoma: 13402
Fitness: 0.0196078
Variables: 1 3 4 0 2
COSTO : 50
=== GENERACION 3 ===
Media aptitud: 0.0167987
Máxima aptitud: 0.0196078
Mínima aptitud: 0.0133333
Cruzas: 5, Mutaciones: 10, Inversiones: 10
|--- MEJOR INDIVIDUO DE LA GENERACION 3 ---|
Cromosoma: 23401
Fitness: 0.0196078
Variables: 2 3 4 0 1
COSTO : 50
|--- MEJOR INDIVIDUO GLOBAL ---|
Cromosoma: 23401
Fitness: 0.0196078
Variables: 2 3 4 0 1
COSTO: 50.000000
```

Figura 3: Ejemplo de corrida del algoritmo genético

### Estadísticas

En esta sección se presentan los resultados estadísticos obtenidos a partir de 20 corridas independientes del algoritmo genético, Las soluciones que representan las permutaciones se leen de izquierda a derecha.

Parámetro	Valor
Tamaño de población	100
Máximo numero de generaciones	1000
Probabilidad de cruza	0.600000
Probabilidad de mutación	0.10000
Probabilidad de inversión	0.10000

A continuación, se analizan las estadísticas obtenidas para ambas representaciones, permitiendo comparar el desempeño global del algoritmo en cada caso.

#### Archivo TAI12

Los resultados estadísticos obtenidos con la representación Gray muestran un comportamiento altamente consistente. En las 20 corridas realizadas, el algoritmo genético encontró en todos los casos la solución óptima, obteniendo un valor de f(x) = 0.998004 en cada corrida. Esto se refleja en una media de aptitud de 0.500497, acompañada de una varianza y desviación estándar prácticamente nulas.

Estos valores indican una excelente estabilidad del algoritmo bajo esta representación, logrando converger rápidamente hacia el óptimo global en todas las ejecuciones. Esta regularidad también sugiere que los operadores genéticos utilizados (cruza uniforme, mutación bit a bit) son muy adecuados para trabajar con esta codificación.

Cuadro 1: Resultados de las 20 corridas del algoritmo genético con permutación, fitness y costo

Corrida	Semilla	Permutación	Fitness	Costo
1	146	10 4 3 0 6 9 5 7 8 11 2 1	4.30728e-06	232164
2	94	$1\ 11\ 4\ 0\ 8\ 3\ 10\ 9\ 5\ 7\ 2\ 6$	4.20764 e - 06	237662
3	274	$1\ 3\ 6\ 11\ 7\ 2\ 9\ 0\ 8\ 5\ 4\ 10$	4.45599e-06	224416
4	398	6 9 11 3 0 4 7 5 2 1 8 10	4.16981e-06	239818
5	846	$10\ 11\ 3\ 0\ 1\ 9\ 4\ 8\ 7\ 5\ 2\ 6$	4.33454e-06	230704
6	477	$10\ 11\ 3\ 0\ 1\ 9\ 4\ 8\ 7\ 5\ 2\ 6$	4.33454e-06	230704
7	59	$1\ 3\ 6\ 11\ 7\ 2\ 9\ 0\ 8\ 5\ 4\ 10$	4.45599e-06	224416
8	903	$6\ 2\ 10\ 11\ 5\ 4\ 1\ 3\ 8\ 7\ 0\ 9$	4.19877e-06	238164
9	638	$10\ 2\ 6\ 0\ 3\ 5\ 8\ 4\ 1\ 7\ 11\ 9$	4.18132e-06	239158
10	249	9 11 5 0 10 1 4 8 3 7 2 6	4.24529e-06	235554
11	703	10 11 3 0 1 9 4 8 7 5 2 6	4.33454e-06	230704
12	327	2 11 9 3 5 8 10 0 1 7 4 6	4.09851e-06	243990
13	43	1 3 6 11 7 2 9 0 8 5 4 10	4.45599e-06	224416
14	17	$10\ 11\ 3\ 0\ 1\ 9\ 4\ 8\ 7\ 5\ 2\ 6$	4.33454e-06	230704
15	876	9 6 2 4 0 11 7 3 10 8 5 1	4.13741e-06	241696
16	68	$1\ 3\ 6\ 11\ 7\ 2\ 9\ 0\ 8\ 5\ 4\ 10$	4.45599e-06	224416
17	918	$1\ 3\ 6\ 11\ 7\ 2\ 9\ 0\ 8\ 5\ 4\ 10$	4.45599e-06	224416
18	511	6 9 11 3 0 4 7 5 2 1 8 10	4.16981e-06	239818
19	722	$2\ 10\ 9\ 11\ 3\ 7\ 1\ 0\ 8\ 5\ 4\ 6$	4.16929e-06	239848
20	292	4 11 8 0 1 9 5 7 10 3 2 6	4.24259 e - 06	235704

### Estadísticas:

Media Fitness: 4.296e-06 Varianza Fitness: 1.23e-14

Desviación estándar Fitness: 1.11e-07

Media Costo: 236,504 Peor Costo: 243,990 Mejor Costo: 224,416

Mejor Permutación: 1 3 6 11 7 2 9 0 8 5 4 10

### **Archivo TAI15**

Cuadro 2: Resultados de las 20 corridas del algoritmo genético con permutación, fitness y costo

Corrida	Semilla	Permutación	Fitness	Costo
1	888	10 11 3 8 14 6 2 12 13 1 7 5 4 9 0	2.39856e-06	416916
2	664	5 11 14 7 1 3 10 6 2 0 9 8 4 13 12	2.50426e-06	399318
3	802	10 2 11 0 14 4 1 8 7 5 3 13 9 6 12	2.57077e-06	388988
4	325	6 5 4 10 9 8 0 13 1 7 11 14 2 12 3	2.4355e-06	410592
5	973	10 8 12 3 9 4 6 1 13 14 7 5 2 0 11	2.45738e-06	406936
6	192	0 7 14 8 1 3 10 6 2 5 9 13 4 11 12	2.48655e-06	402162
7	703	1 0 4 11 12 2 6 14 9 8 7 5 13 10 3	2.48881e-06	401798
8	604	14 10 9 13 0 11 1 6 12 4 5 8 2 3 7	2.43054e-06	411430
9	155	9 3 2 8 7 0 6 4 11 13 14 1 5 10 12	2.46958e-06	404926
10	22	8 5 7 0 13 4 1 6 3 11 10 2 14 12 9	2.47276e-06	404406
11	318	14 6 10 7 9 11 3 1 0 4 12 8 13 2 5	2.43038e-06	411458
12	269	1 2 4 12 11 0 10 8 9 14 5 3 7 6 13	2.48855e-06	401840
13	487	5 4 12 7 1 2 6 10 0 9 8 14 11 13 3	2.48601e-06	402250
14	945	1 2 13 5 11 3 10 4 14 9 8 6 0 7 12	2.47347e-06	404290
15	95	2 1 14 3 5 11 10 6 13 12 9 8 4 7 0	2.42424e-06	412500
16	205	14 10 13 11 12 3 6 9 8 0 1 5 4 7 2	2.4482e-06	408462
17	93	1 11 13 0 7 4 6 9 2 3 14 5 8 10 12	2.42612e-06	412180
18	846	9 11 2 4 7 14 6 5 1 10 0 3 8 13 12	2.44368e-06	409218
19	121	7 1 11 3 2 4 6 10 14 0 8 9 5 13 12	2.42424e-06	412500
20	586	9 1 13 0 11 10 3 12 5 7 2 6 14 4 8	2.4541e-06	407480

### Estadísticas:

Media Fitness: 2.460e-06 Varianza Fitness: 2.2e-15

Desviación estándar Fitness: 4.7e-08

Media Costo: 406,883 Peor Costo: 416,916 Mejor Costo: 388,988

Mejor Permutación: 10 2 11 0 14 4 1 8 7 5 3 13 9 6 12

## Archivo TAI30

Cuadro 3: Resultados de las 20 corridas del algoritmo genético para TAI 30

		Permutación	Fitness	Costo
1	247	25 7 16 5 4 26 9 1 10 18 29 19 6 3 21 28 8 15 27 0 12 22 14 11 2 20 17 13 23 24	4.93038e-07	2028240
2	147	9 10 19 3 25 4 29 22 13 18 21 1 17 11 7 2 16 27 28 12 24 8 15 26 14 23 5 0 6 20	4.93329e-07	2027044
3	788	20 23 21 6 27 24 12 1 17 29 2 9 8 7 11 13 22 10 5 3 0 28 19 18 25 16 14 15 4 26	4.95965e-07	2016272
4	426	26 8 18 27 11 23 19 0 9 20 1 7 6 14 2 4 24 22 28 17 12 29 15 10 21 3 25 13 16 5	4.94648e-07	2021640
5	966	10 22 1 5 20 2 16 7 6 29 15 27 8 26 19 24 25 13 28 17 18 3 14 23 4 9 21 0 11 12	5.03089e-07	1987718
6	411	1 13 16 15 5 3 26 17 27 25 28 14 24 23 10 29 12 7 20 22 2 21 8 9 6 0 18 11 19 4	4.91006e-07	2036632
7	798	1 15 2 3 7 9 22 12 17 13 4 5 10 14 18 16 28 0 27 6 19 8 21 24 26 11 29 20 23 25	4.92433e-07	2030734
8	71	16 8 10 0 9 12 27 28 5 3 22 25 26 18 15 13 1 24 29 19 17 14 23 6 2 11 20 4 7 21	4.9178e-07	2033430
9	944	17 2 3 21 18 20 29 23 19 27 10 22 13 25 1 5 6 12 15 14 11 8 28 24 16 26 7 0 9 4	4.9638e-07	2014586
10	345	27 29 15 0 2 13 9 18 4 16 3 1 11 19 21 23 22 25 5 17 14 10 20 28 7 12 8 26 24 6	4.89719e-07	2041986
11	778	12 29 13 11 26 4 15 18 9 7 20 3 19 2 17 21 14 22 1 24 25 23 0 8 5 27 6 16 10 28	4.98503e-07	2006006
12	177	26 0 17 23 8 20 12 14 19 15 27 22 16 4 29 13 1 10 2 28 7 9 18 21 25 6 11 24 3 5	4.95365e-07	2018712
13	645	16 24 1 28 7 18 14 21 27 23 22 6 15 25 20 26 4 29 10 2 3 11 9 17 5 12 13 0 19 8	4.92999e-07	2028400
14	650	1 8 22 4 0 11 5 7 18 19 15 28 3 29 9 17 16 10 12 24 20 25 2 14 13 6 23 27 21 26	4.89757e-07	2041826
15	921	2 3 8 29 28 10 16 4 11 13 17 18 14 15 22 24 6 20 12 27 25 0 7 1 9 21 23 26 19 5	4.93741e-07	2025352
16	570	17 15 14 4 2 19 6 16 5 11 7 10 12 29 1 18 13 21 3 23 20 9 26 22 28 25 27 8 24 0	4.92087e-07	2032158
17	638	1 6 11 26 25 9 14 16 12 13 8 5 21 7 18 17 10 22 27 3 23 24 0 20 28 19 2 29 15 4	4.96414e-07	2014446
18	298	20 27 10 24 9 2 4 5 6 25 14 23 22 18 16 7 8 13 12 1 15 26 11 21 29 19 3 0 17 28	4.93737e-07	2025370
19	123	16 20 28 9 21 3 12 8 10 23 13 19 4 0 7 11 26 6 22 27 29 17 1 14 2 25 18 5 15 24	4.88156e-07	2048526
20	306	6 19 29 3 2 7 27 20 17 28 5 16 24 18 22 15 0 13 23 25 9 11 21 10 14 26 12 8 1 4	4.93814e-07	2025052

Cuadro 4: Estadísticas finales de las 20 corridas TAI 30		
Estadística	Valor	
Media Fitness	4.940e-07	
Varianza Fitness	3.2e-17	
Desviación estándar Fitness	5.7e-09	
Media Costo	2026805	
Peor Costo	2048526	
Mejor Costo	1 987 718	
Mejor Permutación	10 22 1 5 20 2 16 7 6 29 15 27 8 26 19 24 25 13 28 17 18 3 14 23 4 9 21 0 11 12	

### Gráficas de convergencia

A continuación, se presentan las gráficas de convergencia correspondientes a los resultados ubicados en la mediana de sus respectivos problemas. Cada gráfica muestra la evolución del individuo élite en términos de su valor de aptitud a lo largo de las generaciones.

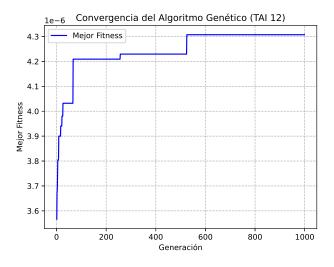


Figura 4: Gráfica de convergencia TAI12

La Figura 4 ilustra cómo el individuo élite mejora su aptitud generación tras generación para la instancia TAI12, mostrando una tendencia ascendente constante hasta estabilizarse cerca del óptimo encontrado.

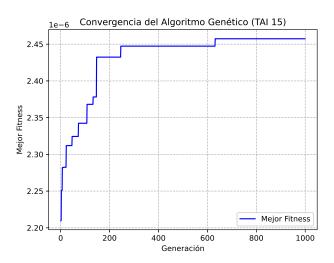


Figura 5: Gráfica de convergencia TAI15

En contraste, la Figura 5 muestra la evolución para TAI15, donde se observa un patrón similar de mejora gradual, aunque con posibles oscilaciones debido a la complejidad del paisaje de búsqueda.

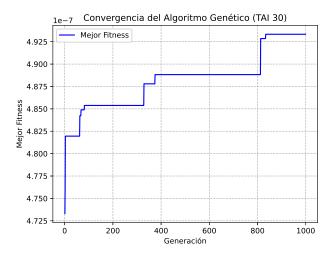


Figura 6: Gráfica de convergencia TAI30

Por último, la Figura 6 corresponde a la instancia TAI30, evidenciando un progreso sostenido en la calidad de la solución élite a lo largo de todas las generaciones.

Como se observa en las figuras, el individuo élite mejora su valor de aptitud de forma consistente, alcanzando una convergencia progresiva que valida el buen desempeño del algoritmo evolutivo implementado.