

Лекция 6

Временные ряды и рекуррентные нейронные сети

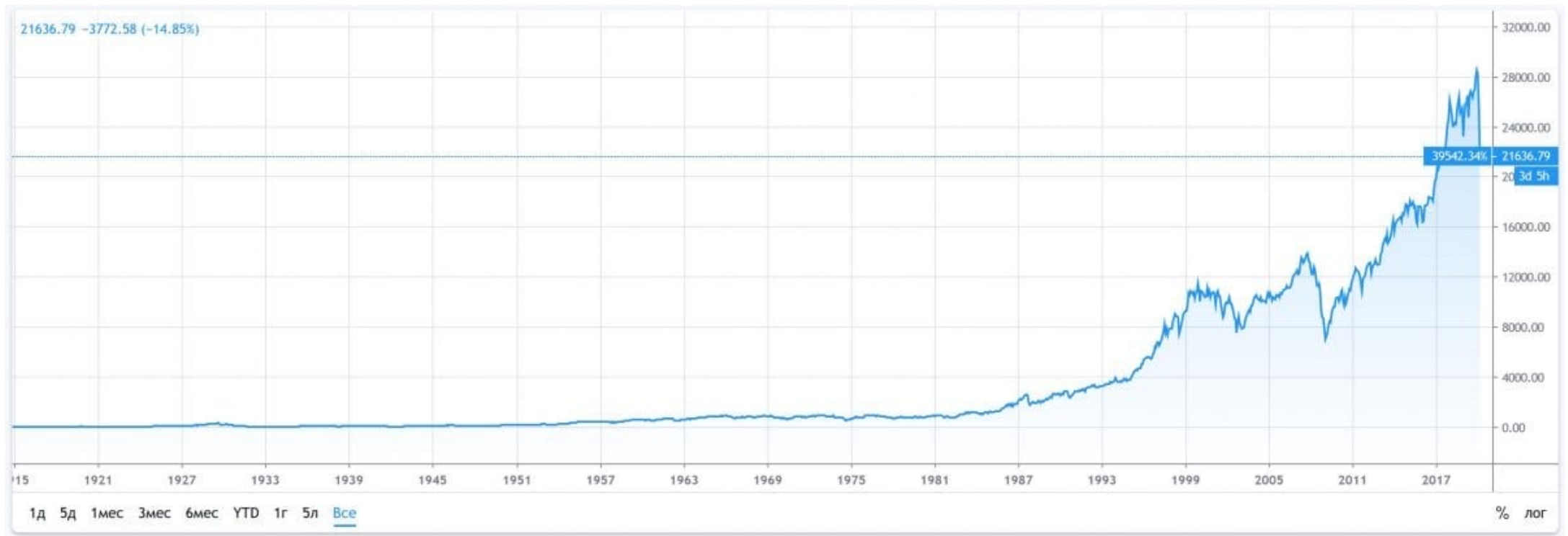
Разработка нейросетевых систем

Канев Антон Игоревич

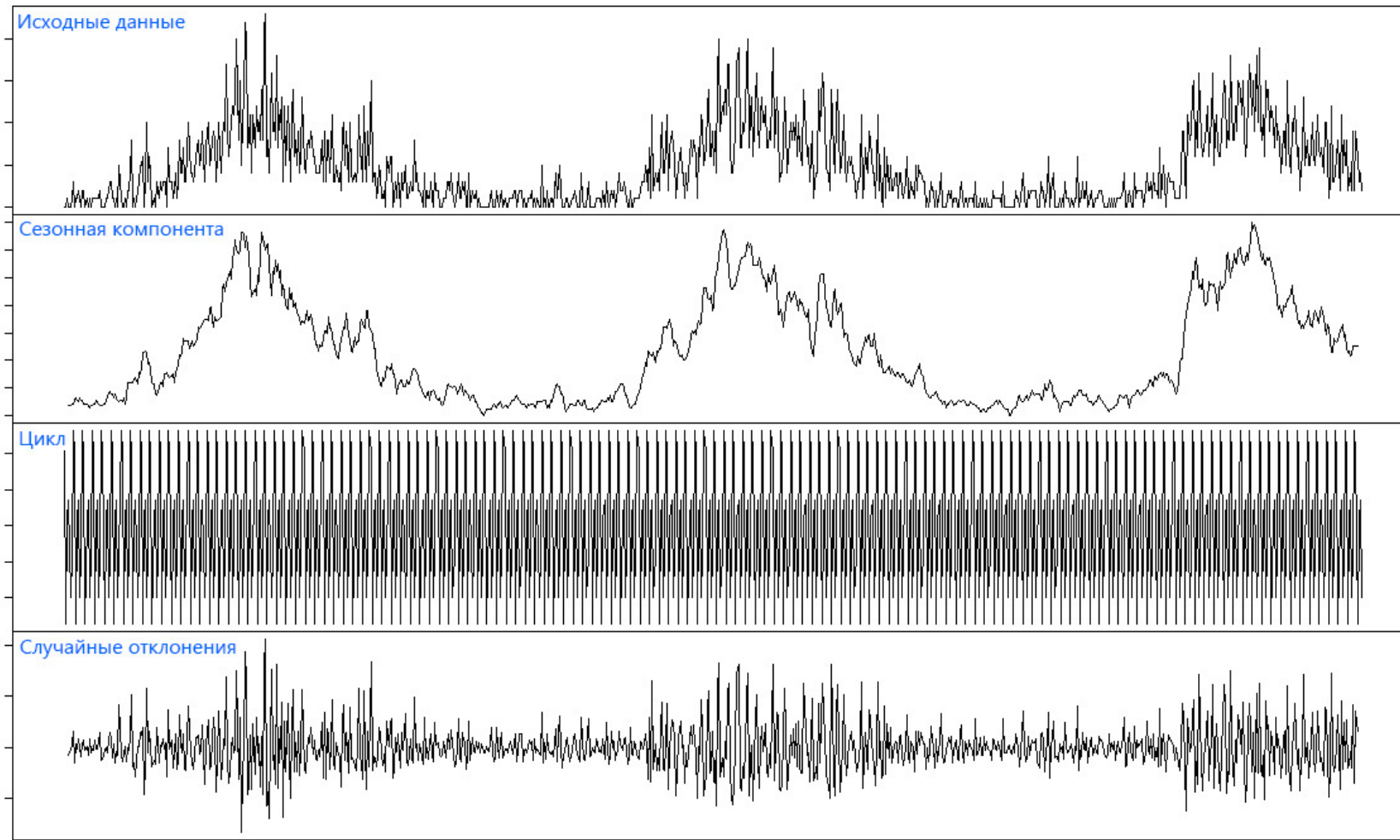
Временной ряд

- **Временной ряд** — собранный в разные моменты времени статистический материал о значении каких-либо параметров.
- Временной ряд существенно отличается от простой выборки данных, так как при анализе учитывается взаимосвязь измерений со временем, а не только статистическое разнообразие и статистические характеристики выборки.
- Стационарный временной ряд – ряд, у которого не меняются математическое ожидание и дисперсия со временем.

Стационарный временной ряд



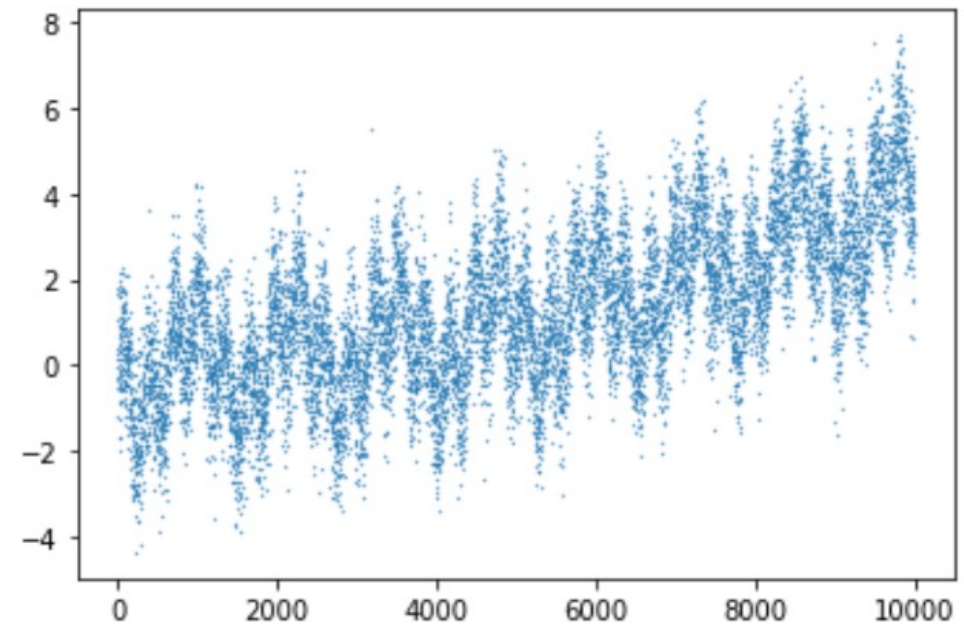
Преобразование временных рядов



Синтетические данные

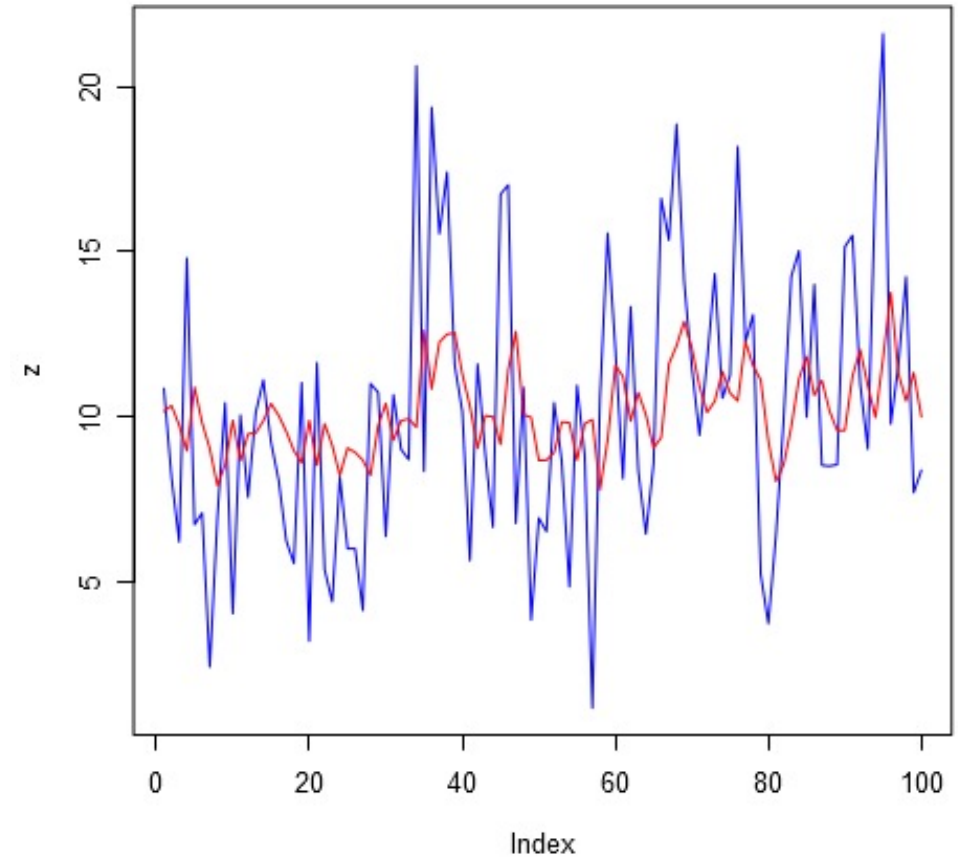
```
X = np.arange(10000)
y = np.sin(X/50)-np.sin(X/200)+(2*X/X.size)**2
y += np.random.normal(scale=1.0, size=y.size)
plt.scatter(X, y[:10000], s=0.1)

df = pd.Series(y)
df = df.diff().dropna()
```



Модель авторегрессии

$$X_t = c + \sum_{i=1}^p a_i X_{t-i} + \varepsilon_t,$$

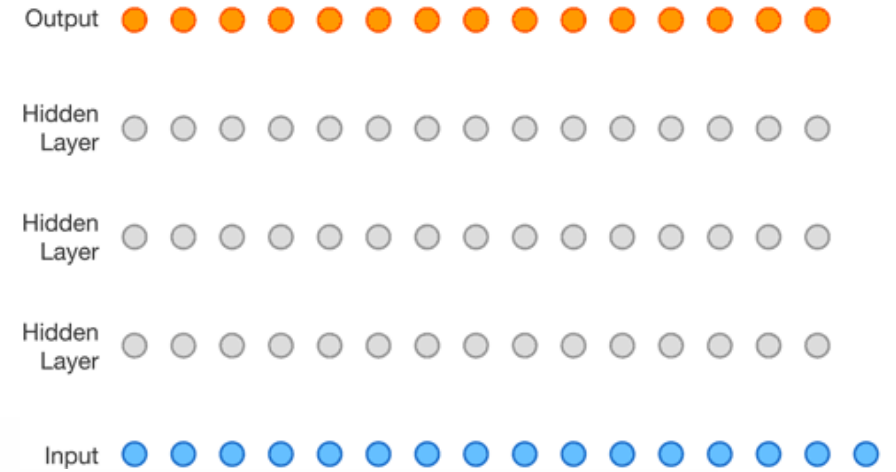
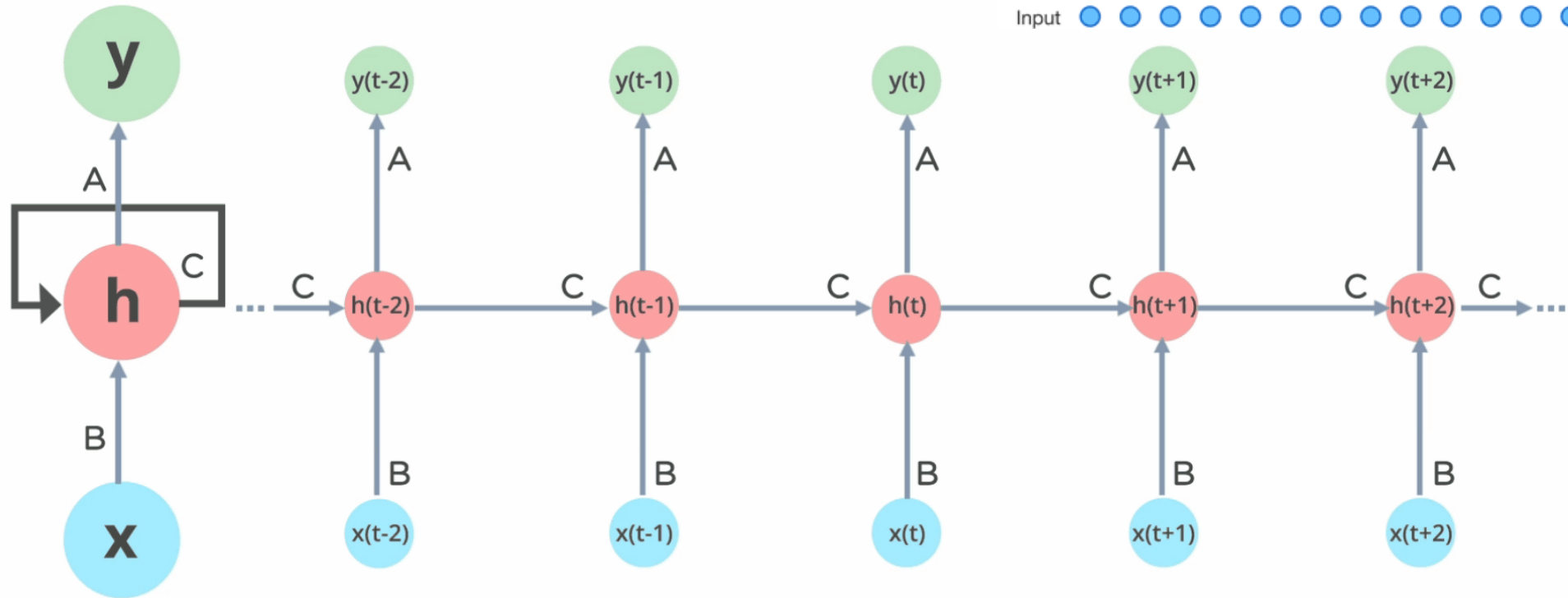


Рекуррентная нейронная сеть

- **Рекуррентные нейронные сети** (*Recurrent neural network; RNN*) — вид нейронных сетей, где связи между элементами образуют направленную последовательность.
- Благодаря этому появляется возможность обрабатывать серии событий во времени или последовательные пространственные цепочки.
- В отличие от многослойных перцептронов, рекуррентные сети могут использовать свою внутреннюю память для обработки последовательностей произвольной длины.

Рекуррентная нейросеть

- Рекуррентная нейросеть позволяет реализовать память
- GRU, LSTM



Рекуррентная нейронная сеть

- Сеть Элмана

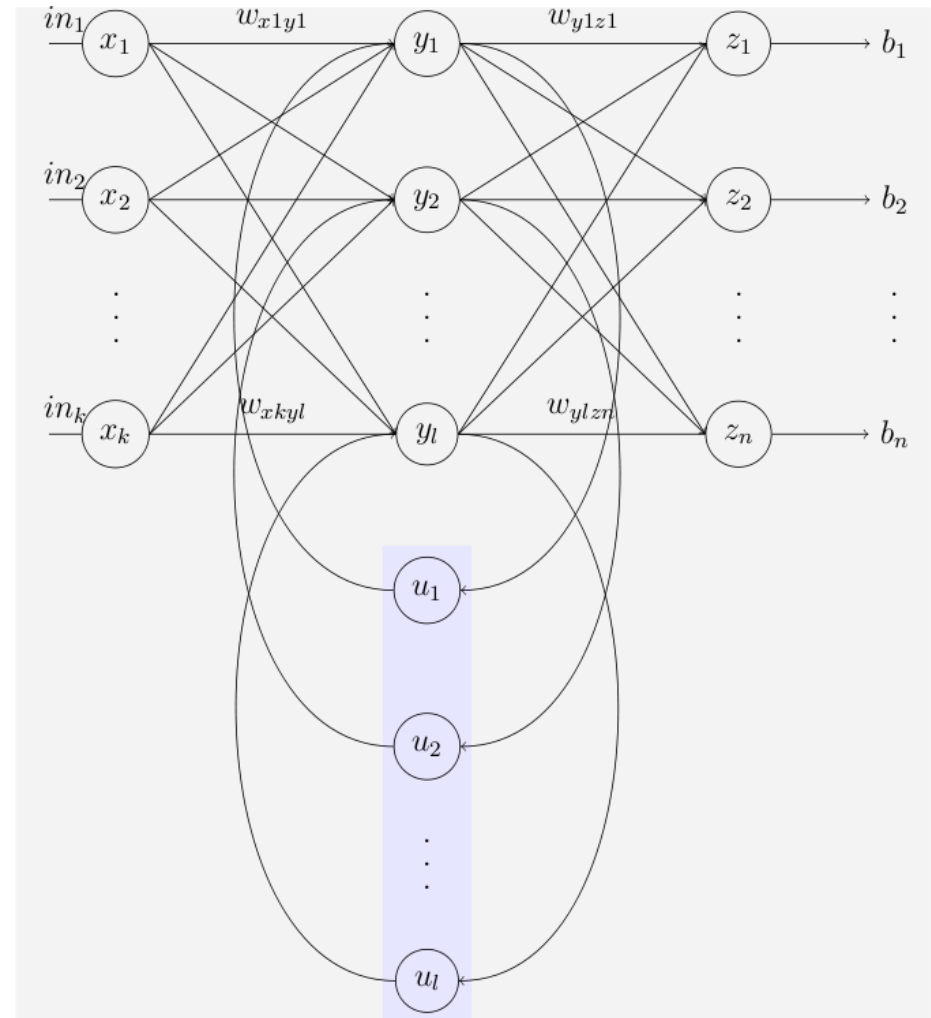
$$h_t = \sigma_h(W_h x_t + U_h h_{t-1} + b_h)$$

$$y_t = \sigma_y(W_y h_t + b_y)$$

- Сеть Джордана

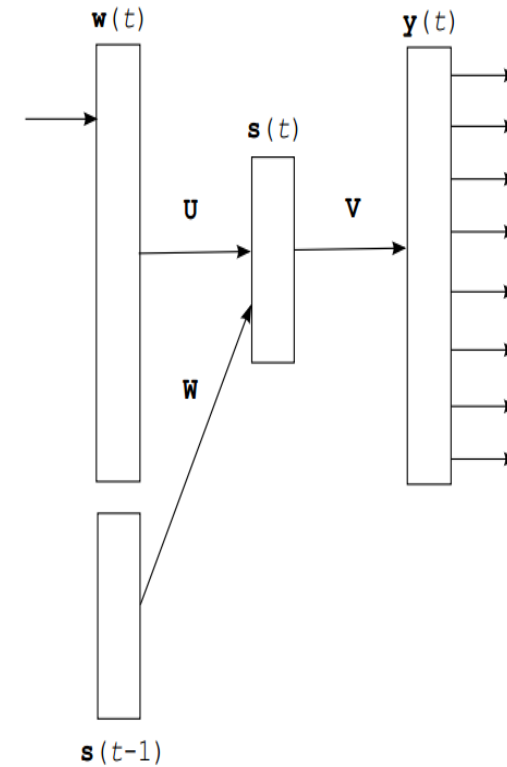
$$h_t = \sigma_h(W_h x_t + U_h y_{t-1} + b_h)$$

$$y_t = \sigma_y(W_y h_t + b_y)$$



Архитектура: простая RNN

- Входной слой, скрытый слой с рекуррентными соединениями и выходной слой
- В теории скрытый слой может обладать неограниченной памятью
- Также называется сетью Элмана (*Finding structure in time*, Elman 1990)



Архитектура: простая RNN

$$\mathbf{s}(t) = f(\mathbf{U}\mathbf{w}(t) + \mathbf{W}\mathbf{s}(t-1))$$

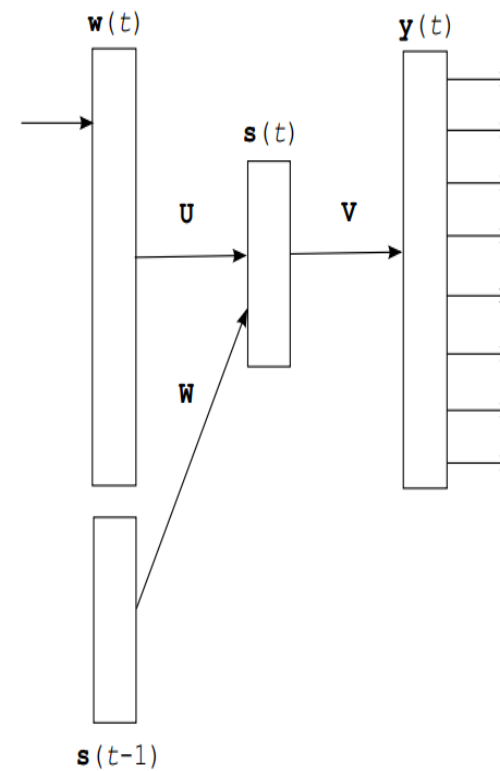
$$\mathbf{y}(t) = g(\mathbf{V}\mathbf{s}(t))$$

$f()$ чаще всего сигмоидальная
активационная функция:

$$f(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

$g()$ чаще всего softmax:

$$g(z_m) = \frac{e^{z_m}}{\sum_k e^{z_k}}$$



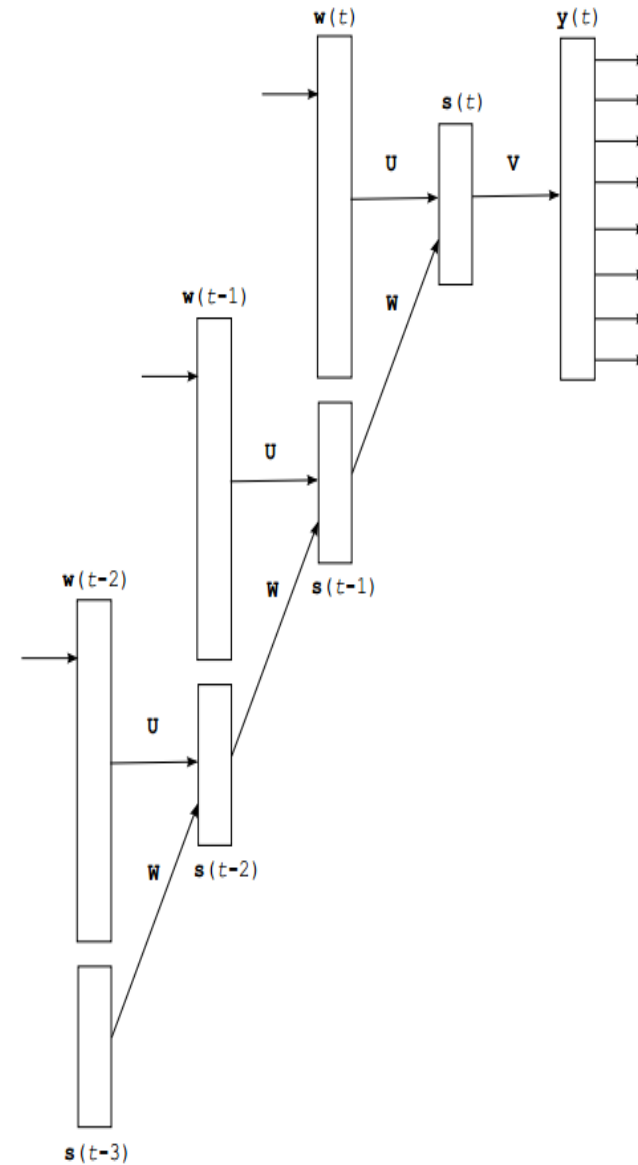
Обучение: обратное распространение по времени

(Backpropagation through time, BPTT)

- Как обучать рекуррентные сети?
- Выходное значение зависит от состояния скрытого слоя, который зависит от всех предыдущих состояний скрытого слоя (и, следовательно, всех предыдущих входов)
- Рекуррентная сеть может рассматриваться как (очень глубокая) сеть прямого распространения с общими весами

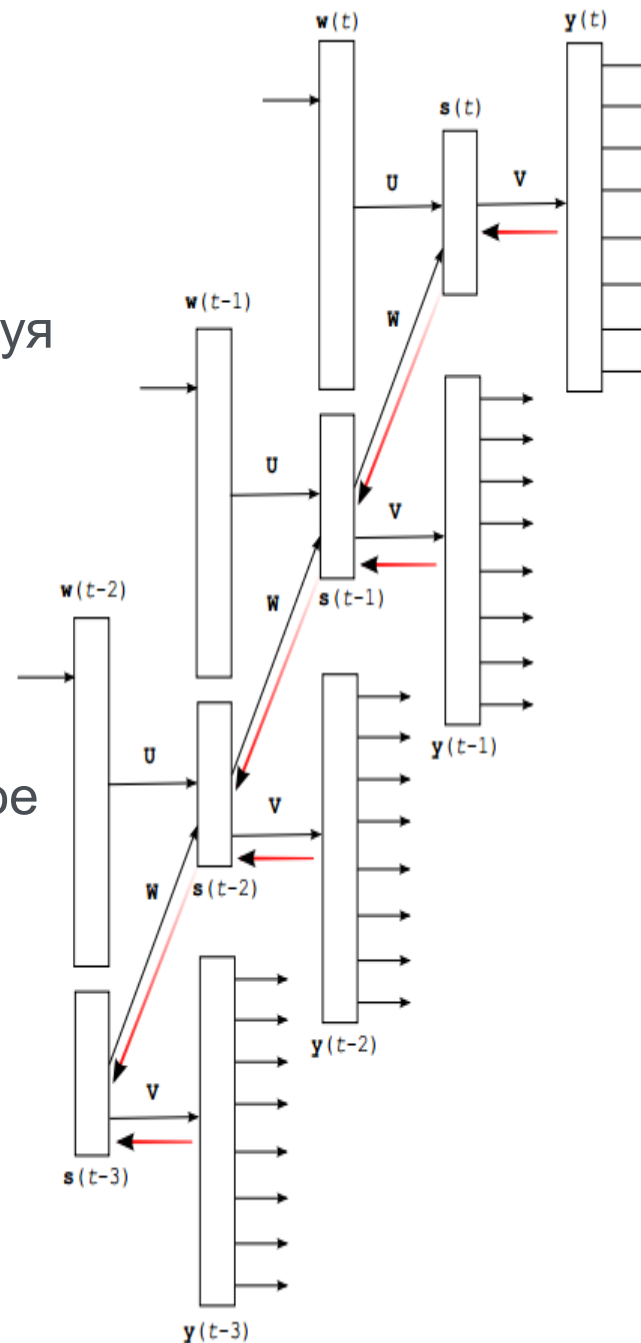
Обратное распространение по времени

- Идея заключается в том, что РНС разворачивается во времени
- Мы получаем глубокую нейронную сеть с общими весами **U** и **W**
- Часто бывает достаточно развернуть на несколько шагов (называется *укороченным BPTT*)



Обратное распространение по времени

- Мы тренируем развернутый РНС, используя обычное обр. распр-е + СГС
- На практике ограничивают количество шагов разворачивания до 5 – 10
- Эффективнее вычислить градиент после нескольких обучающих примеров (пакетное обучение)



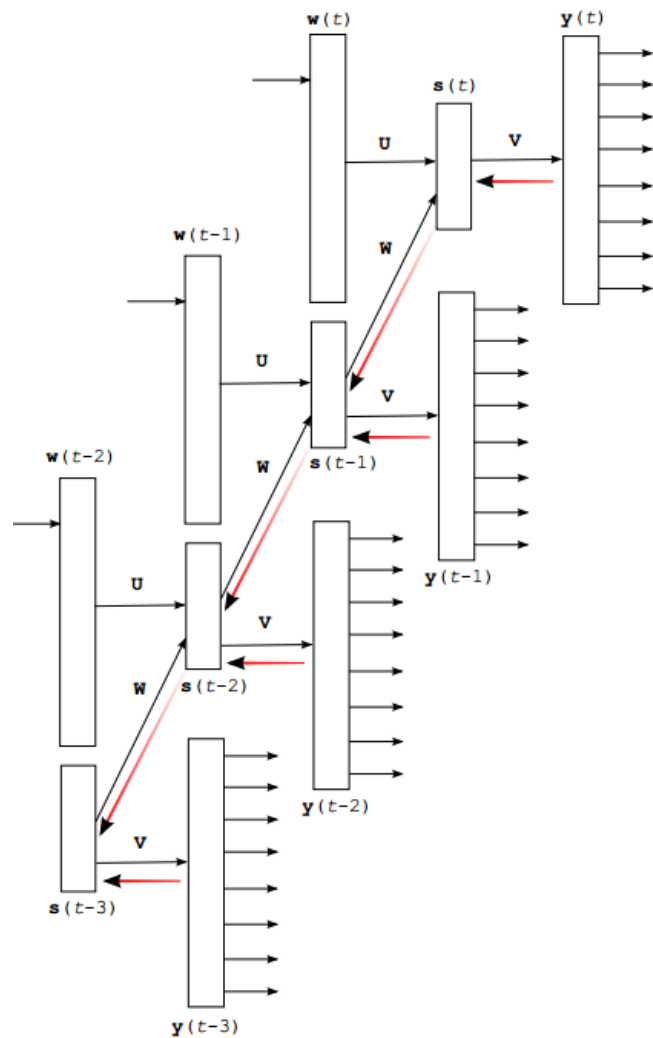
Исчезающие градиенты

- Когда мы распространяем градиенты назад во времени, обычно их величина быстро уменьшается: это называется «проблемой исчезающего градиента»
- На практике это означает, что изучение долгосрочных зависимостей в данных затруднительно для простой RNN архитектуры
- Специальные архитектуры RNN решают эту проблему:
 - Экспоненциальная память трассировки (Jordan 1987, Mozer 1989)
 - Долгая краткосрочная память (Hochreiter & Schmidhuber, 1997))
 - будут обсуждены во второй части этой лекции
- Множество научных теорий
 - лучше инициализировать рекуррентную матрицу и использовать импульс во время обучения
- Sutskever et.al.,: On The Importance of Initialization and Momentum in Deep Learning
 - изменять архитектуру

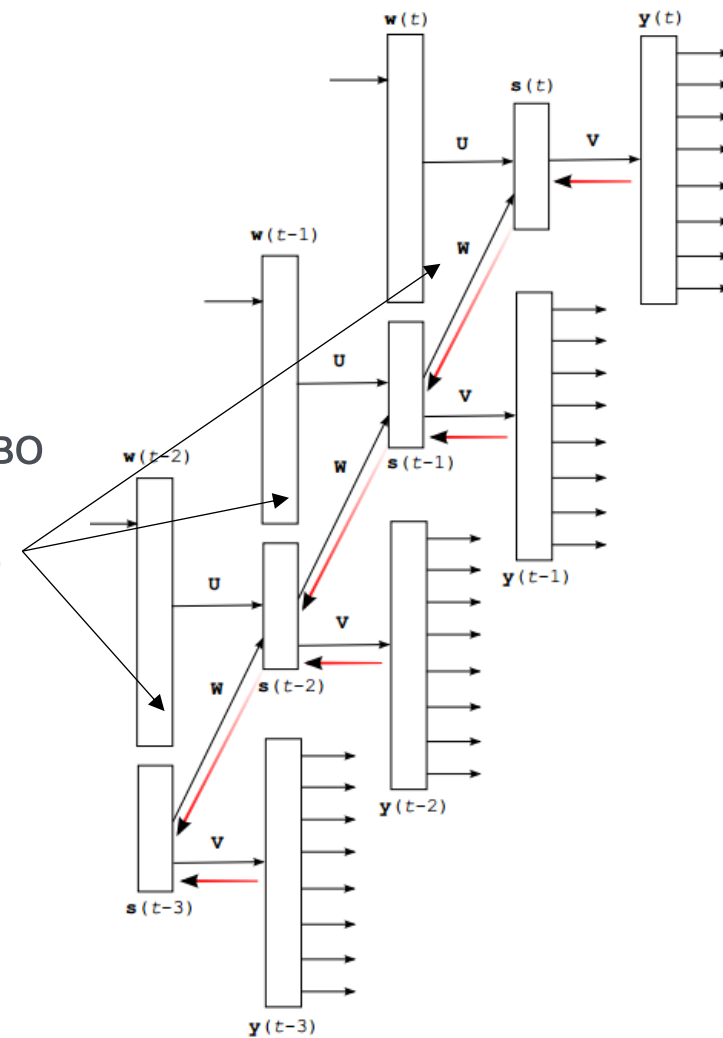
Взрывающиеся градиенты

- Иногда градиенты начинают экспоненциально возрастать во время обратного распространения через рекуррентные веса
- Бывает редко, но эффект может быть катастрофическим: огромные градиенты приведут к большому изменению весов и, таким образом, разрушат то, что было изучено до сих пор
- Одна из основных причин, по которым RNN должны были быть нестабильными
- Простое решение (впервые опубликован в RNNLM toolkit в 2010): обрезать или нормализовать значения градиентов, чтобы избежать огромных изменений весов

Обучение: Взрывающиеся градиенты



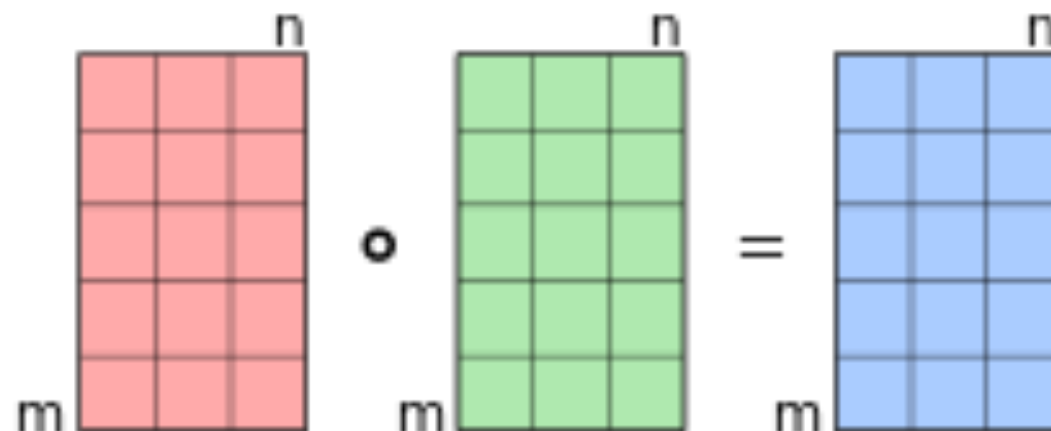
– Обрезка градиента во время обратного распространения по времени



Произведение Адамара

- Произведение Адамара оперирует двумя матрицами одинаковой размерности и создаёт новую матрицу идентичной размерности.

$$(A \circ B)_{i,j} = (A)_{i,j} \cdot (B)_{i,j}$$

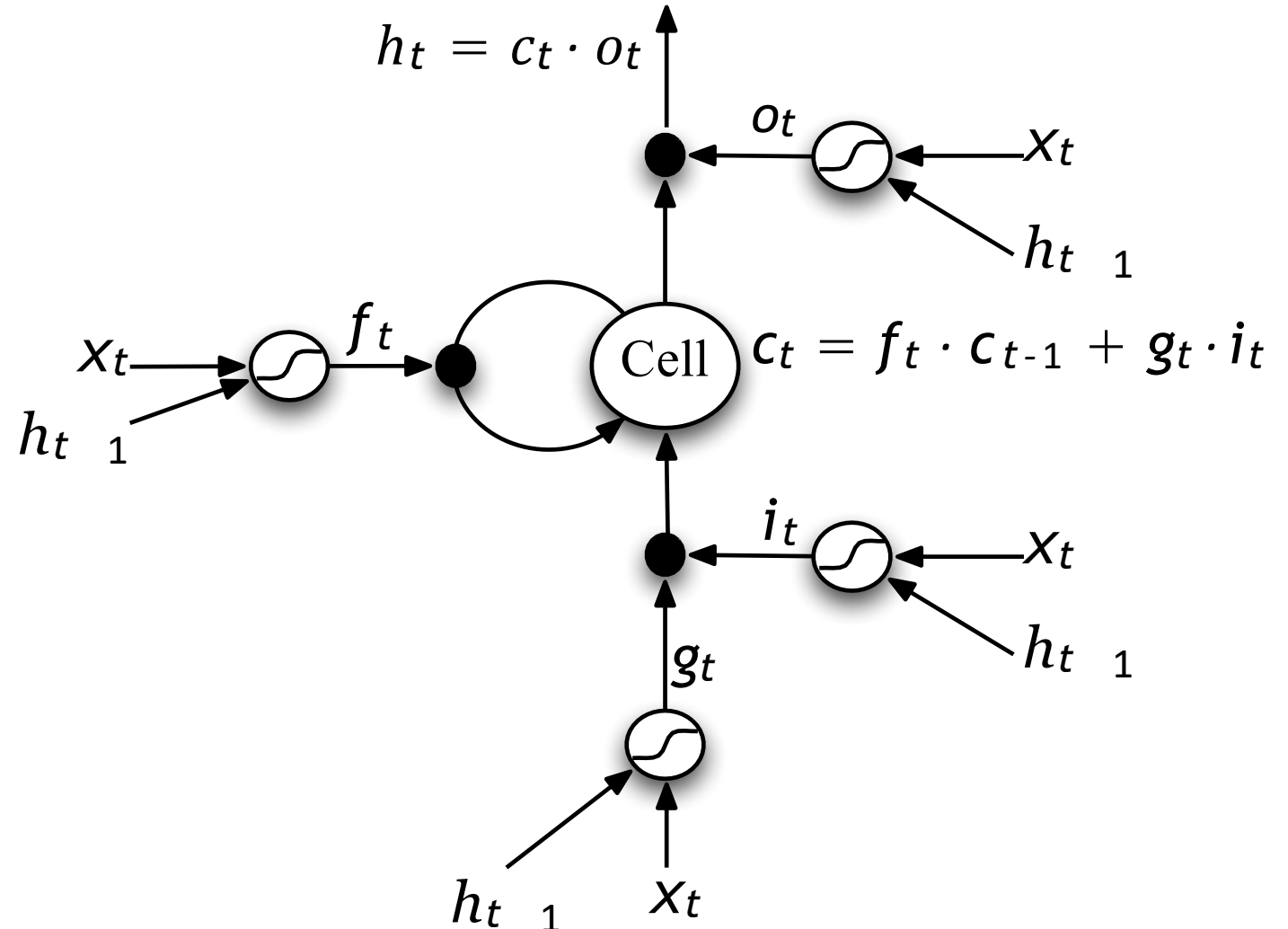


$$A \circ B = C$$

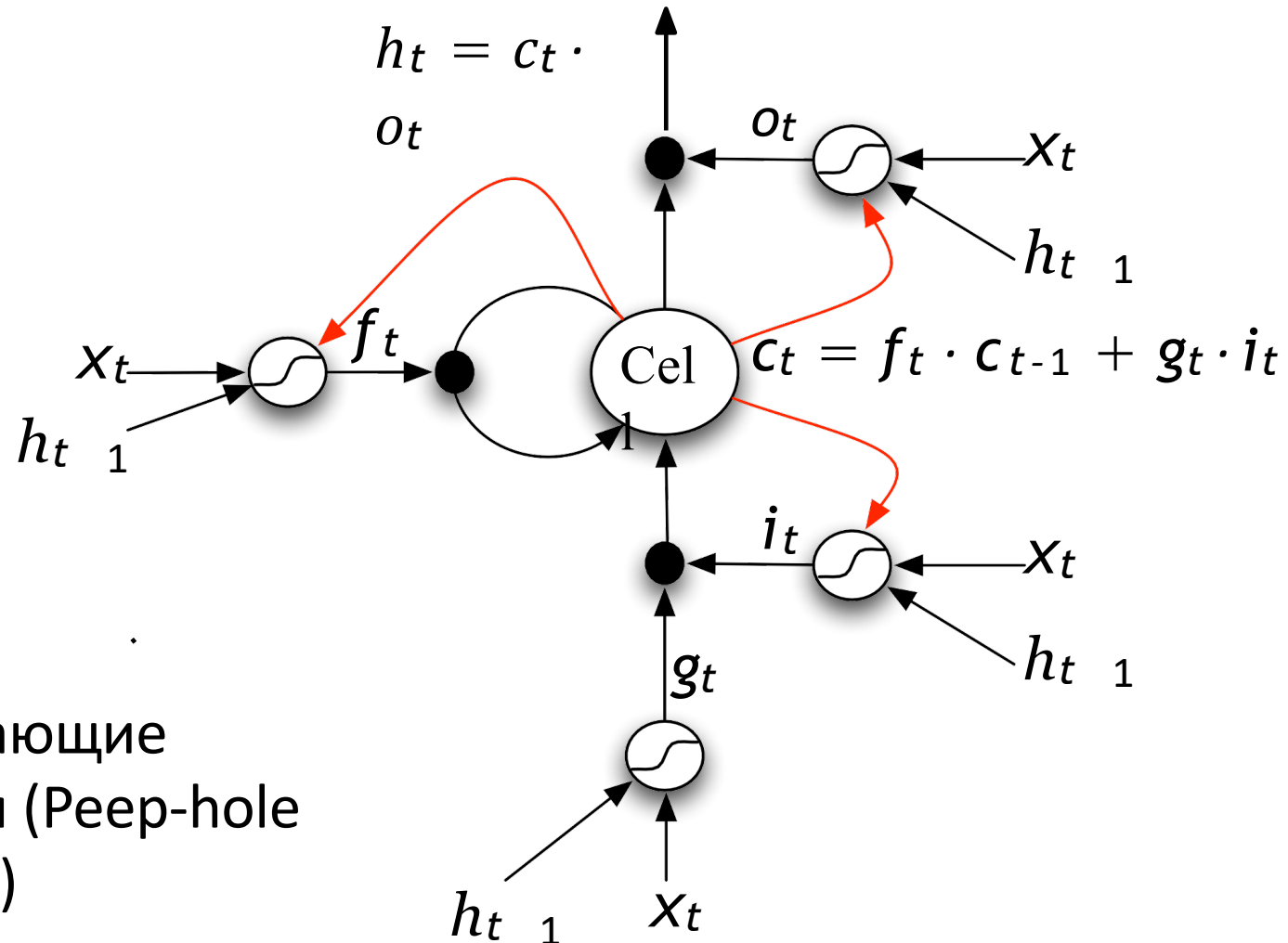
$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \circ \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ b_{21} & b_{22} & b_{23} \\ b_{31} & b_{32} & b_{33} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} b_{11} & a_{12} b_{12} & a_{13} b_{13} \\ a_{21} b_{21} & a_{22} b_{22} & a_{23} b_{23} \\ a_{31} b_{31} & a_{32} b_{32} & a_{33} b_{33} \end{bmatrix}$$

Долгая краткосрочная память (LSTM)

- Приобрела большую популярность для обработки временных рядов и текстов
- Использовалась в машинном переводе до появления трансформеров
- Имеются явные «ячейки» памяти для хранения кратковременных активаций, наличие дополнительных вентилей частично устраняет проблему исчезающего градиента
- Многослойные версии показали, что они хорошо работают над задачами, которые имеют среднесрочные зависимости

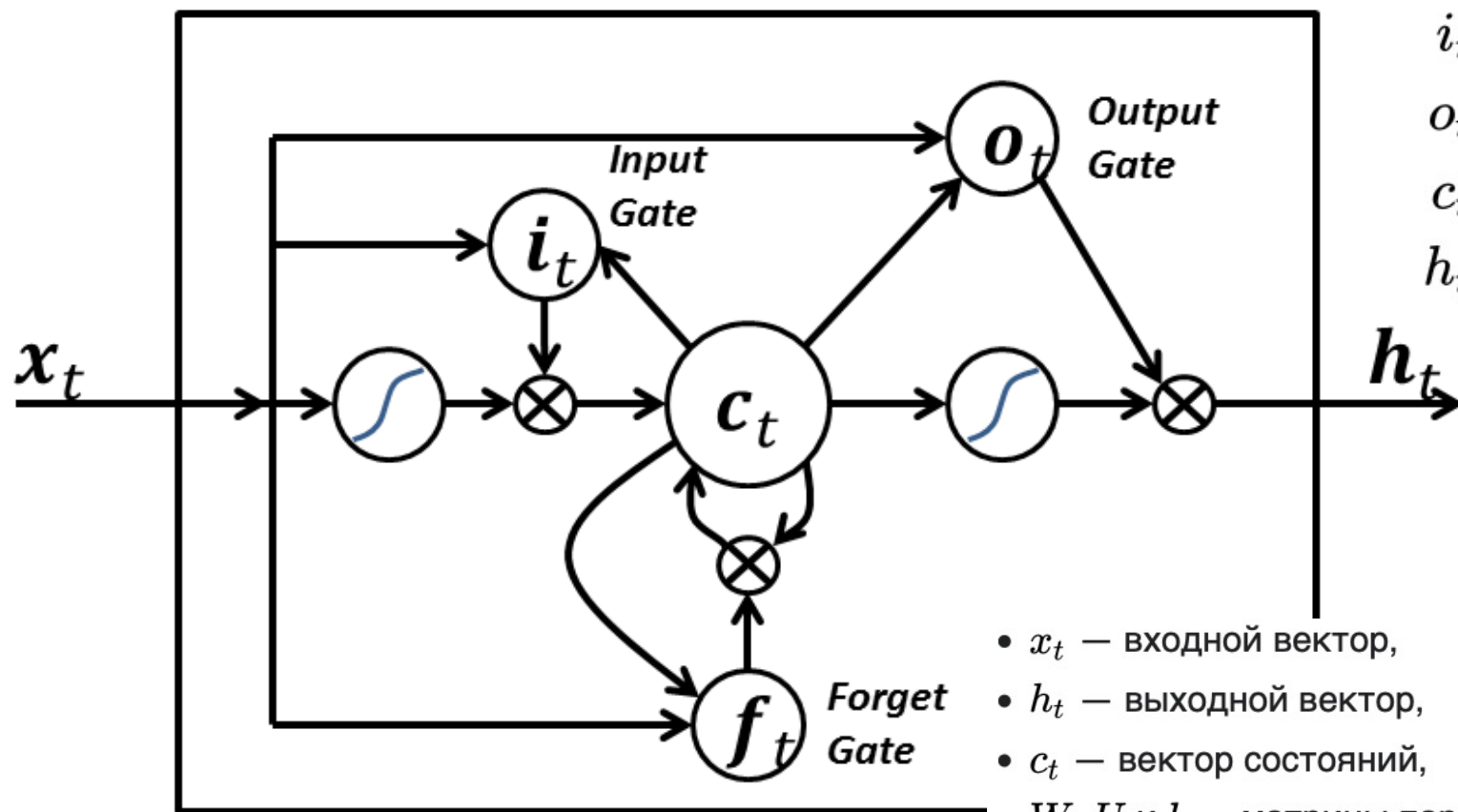


Долгая краткосрочная память (LSTM) с «глазками»



Подглядывающие соединения (Peep-hole connections)

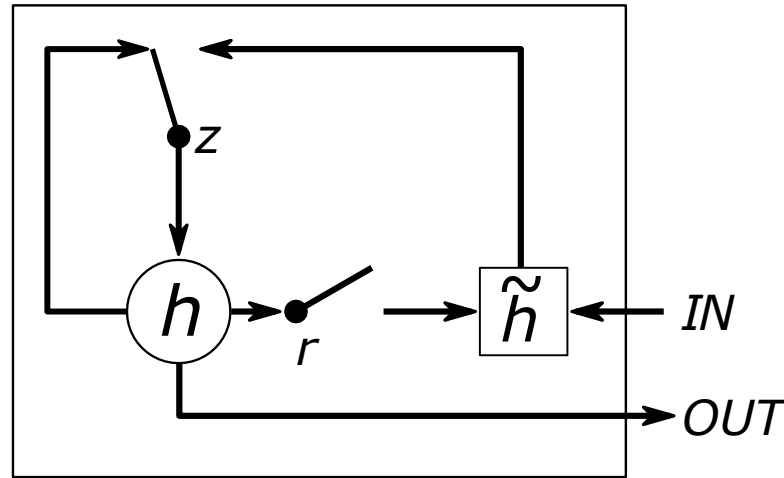
LSTM



$$\begin{aligned}f_t &= \sigma_g(W_f x_t + U_f c_{t-1} + b_f) \\i_t &= \sigma_g(W_i x_t + U_i c_{t-1} + b_i) \\o_t &= \sigma_g(W_o x_t + U_o c_{t-1} + b_o) \\c_t &= f_t \circ c_{t-1} + i_t \circ \sigma_c(W_c x_t + b_c) \\h_t &= o_t \circ \sigma_h(c_t)\end{aligned}$$

- x_t — входной вектор,
- h_t — выходной вектор,
- c_t — вектор состояний,
- W , U и b — матрицы параметров и вектор,
- f_t , i_t и o_t — векторы вентиляей,
 - f_t — вектор вентиля забывания, вес запоминания старой информации,
 - i_t — вектор входного вентиля, вес получения новой информации,
 - o_t — вектор выходного вентиля, кандидат на выход.

Рекуррентные нейрон с вентилями (Gated recurrent unit, GRU)



- Вентиль обновления: $z_t^j = \alpha(W_z \mathbf{x}_t + U_z \mathbf{h}_{t-1})^j$.
- Вентиль перезаписи: $r_t^j = J(W_r \mathbf{x}_t + U_r \mathbf{h}_{t-1})^j$.
- Кандидат на активацию: $\tilde{h}_t^j = \tanh(W \mathbf{x}_t + U(\mathbf{r}_t * \mathbf{h}_{t-1}))^j$,

$$h_{jt} = (1 - z_t^j) h_{t-1}^j + z_t^j \tilde{h}_t^j,$$

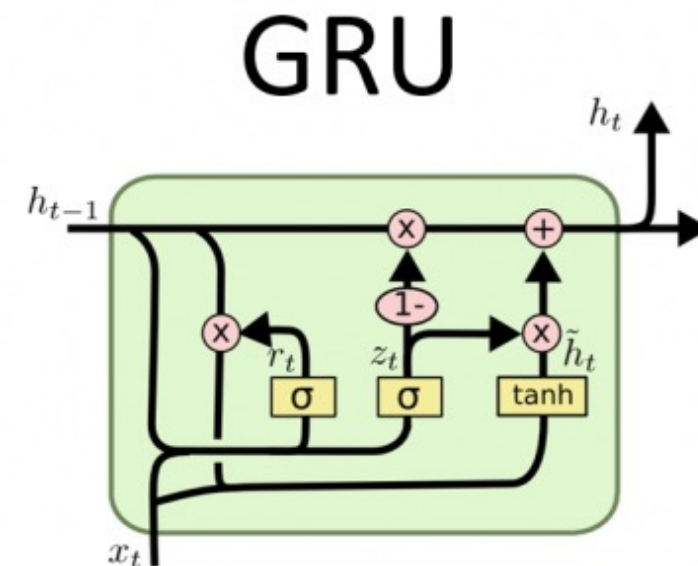
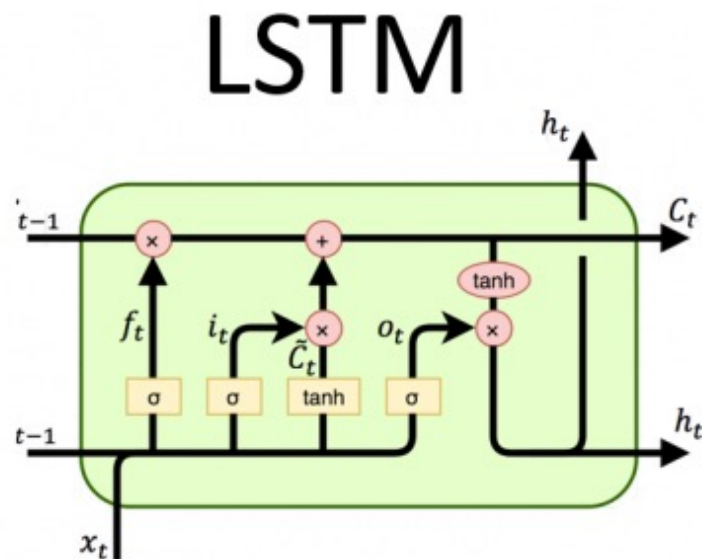
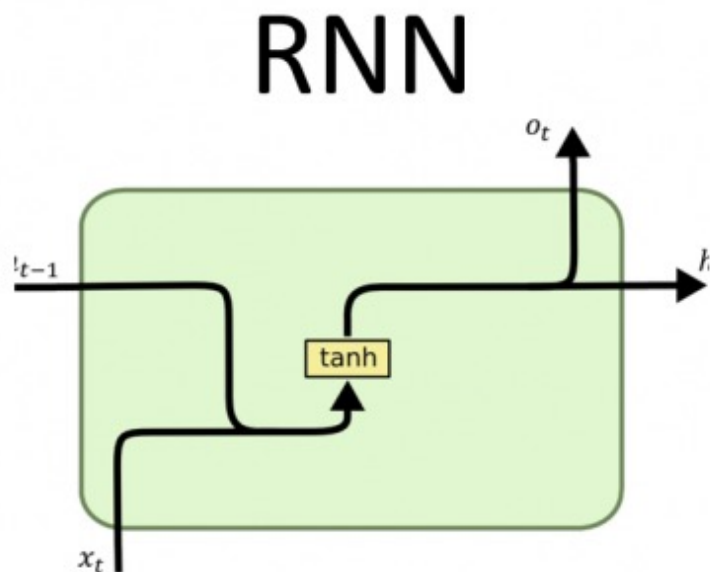
GRU

$$z_t = \sigma_g(W_z x_t + U_z h_{t-1} + b_z)$$

$$r_t = \sigma_g(W_r x_t + U_r h_{t-1} + b_r)$$

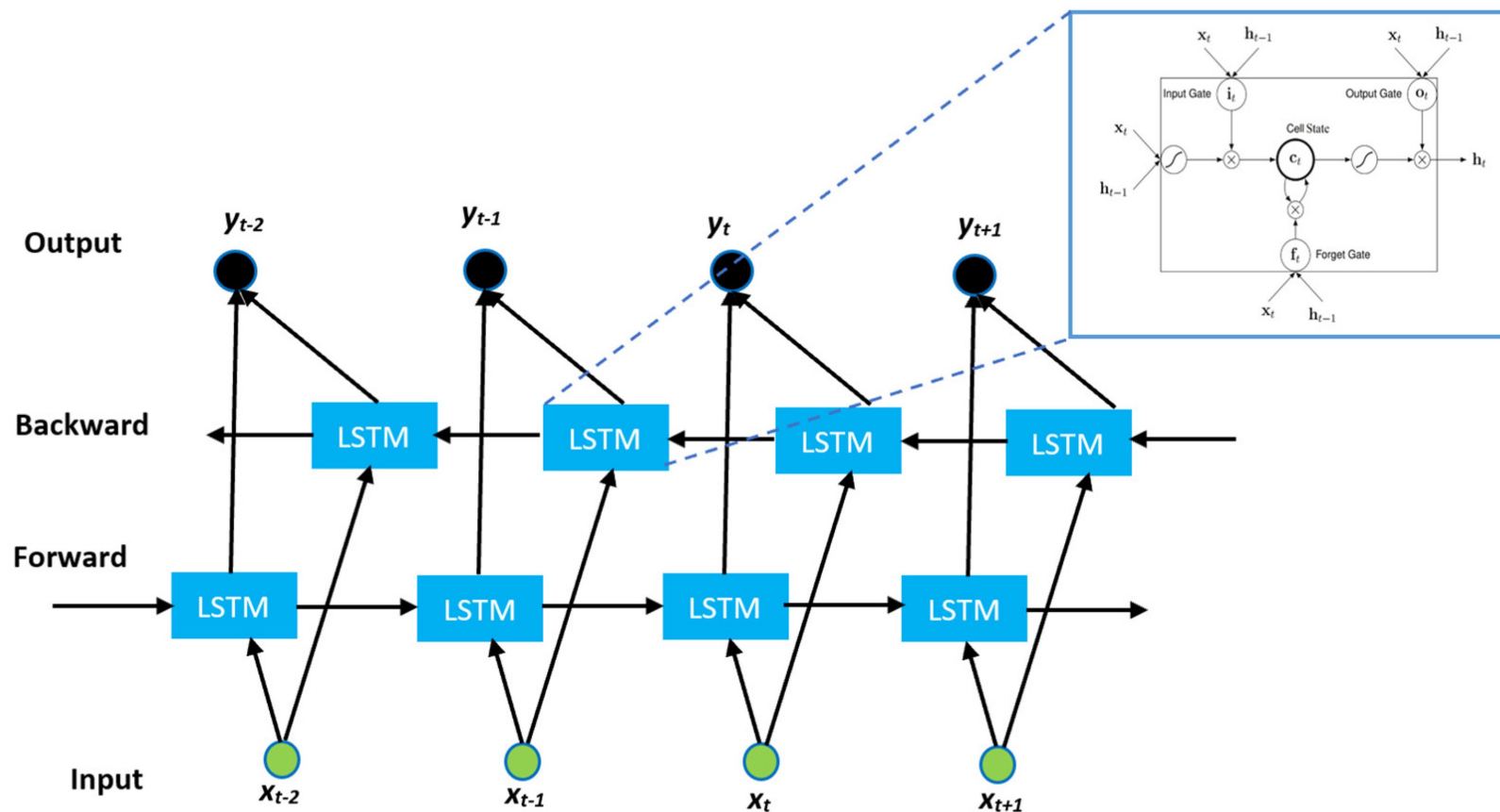
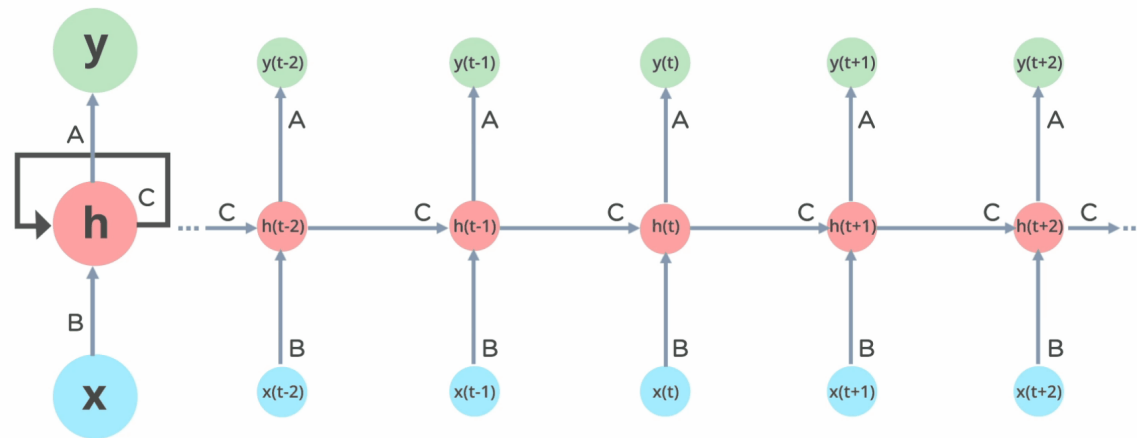
$$h_t = z_t \circ h_{t-1} + (1 - z_t) \circ \sigma_h(W_h x_t + U_h(r_t \circ h_{t-1}) + b_h)$$

- x_t : входной вектор
- h_t : выходной вектор
- z_t : вектор вентиля обновления
- r_t : вектор вентиля сброса
- W , U и b : матрицы параметров и вектор



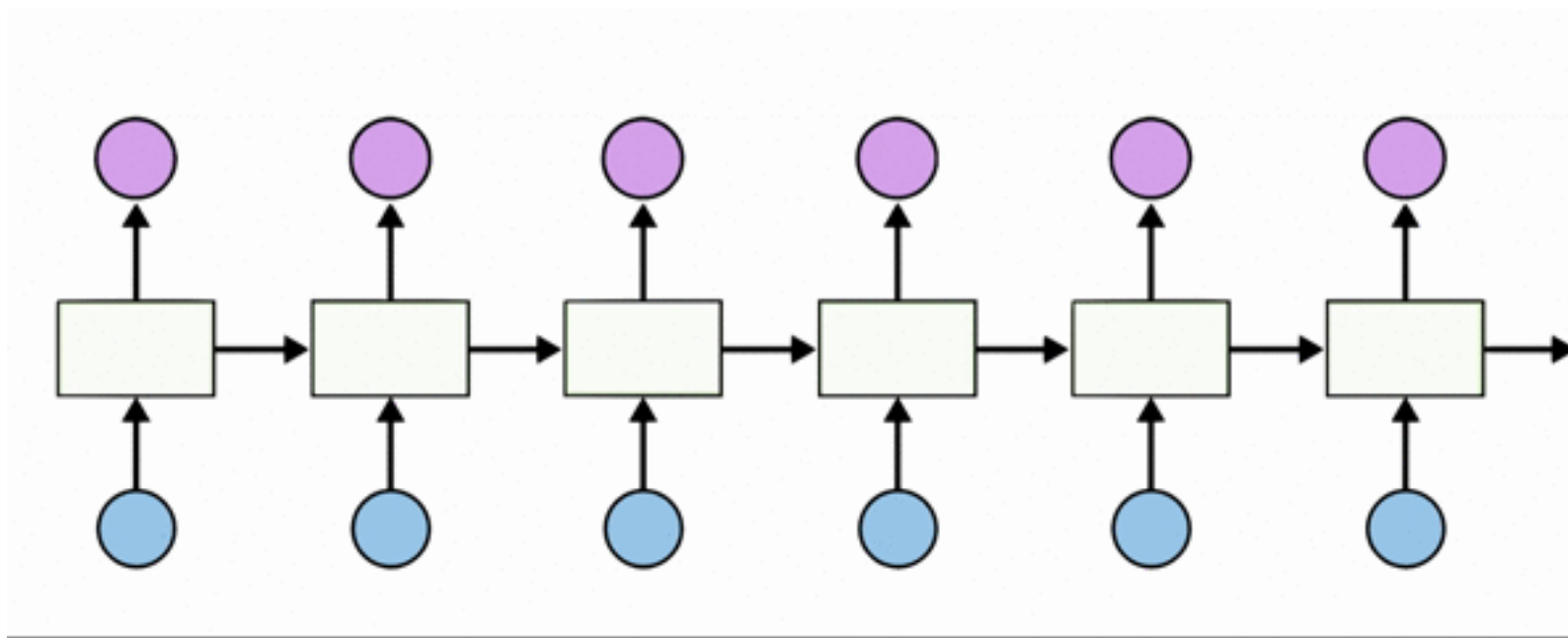
Bidirectional LSTM

- В простой RNN или LSTM мы каждый раз даем на вход следующее значение
- В двунаправленной сети у нас уже две ячейки: одна предсказывает значение, зная все предыдущие, а вторая «читает» с конца
- Двунаправленная сеть используется в известной языковой модели ELMo



RNN для генерации текста

- Рекуррентная нейронная сеть учитывает состояние ячейки для генерации нового символа
- Здесь простой пример для генерации символов
- Обычно генерируют слова или токены



Обработка текста

“A dog barked at a cat.”

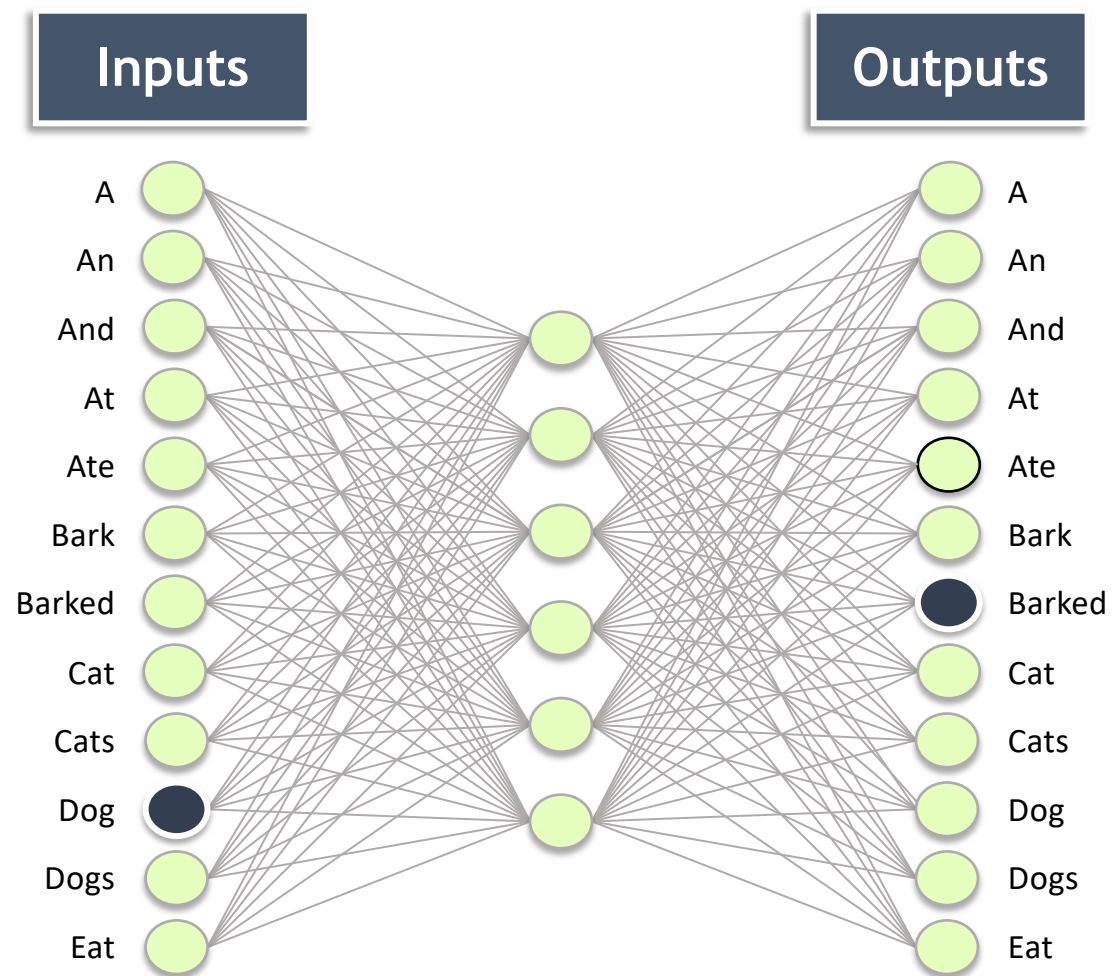
[1, 10, 7, 4, 1, 8]

- Составляем словарь слов – нумеруем все уникальные слова из нашего текста
- Ставим в соответствие каждому уникальному слову какой-то нейрон (входной или выходной)

DICTIONARY

1. A	8. CAT
2. AN	9. CATS
3. AND	10. DOG
4. AT	11. DOGS
5. ATE	12. EAT
6. BARK	
7. BARKED	

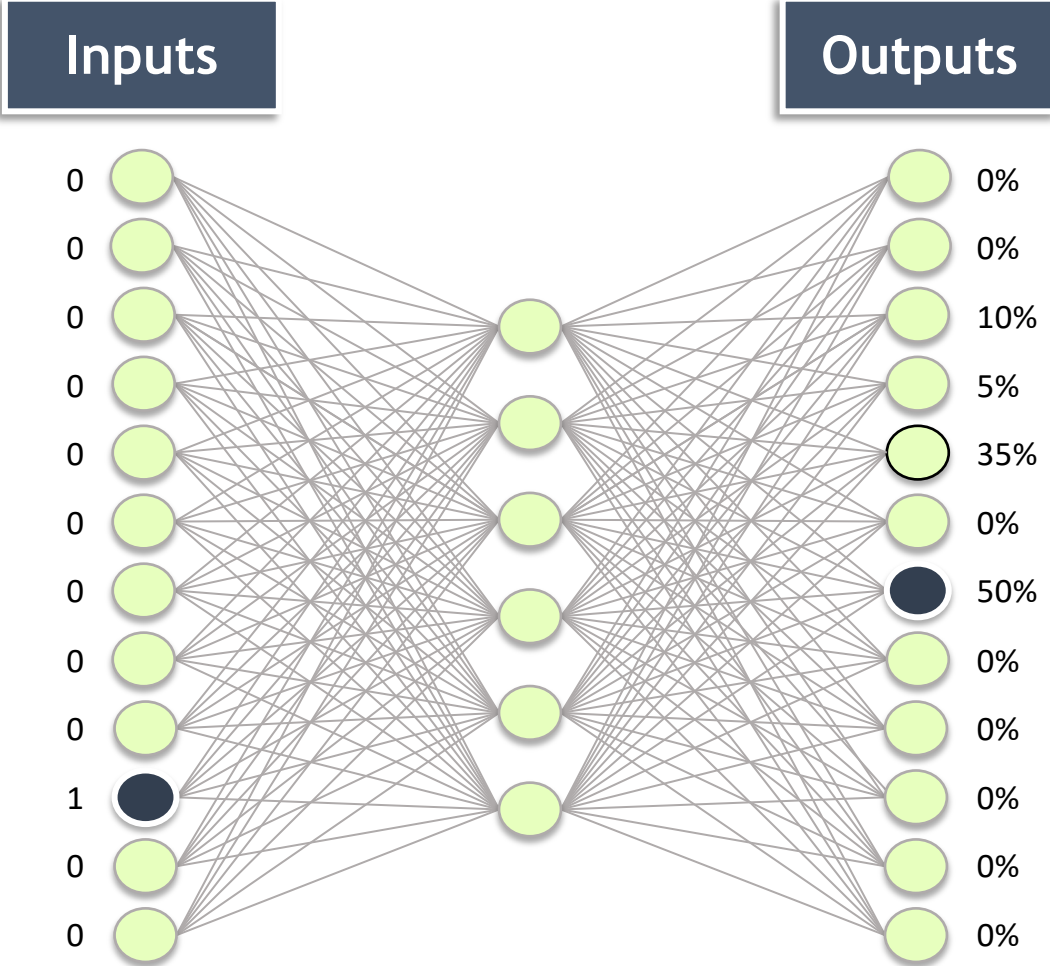
Полносвязная сеть для классификации



DICTIONARY

1. A
2. AN
3. AND
4. AT
5. ATE
6. BARK
7. BARKED
8. CAT
9. CATS
10. DOG
11. DOGS
12. EAT

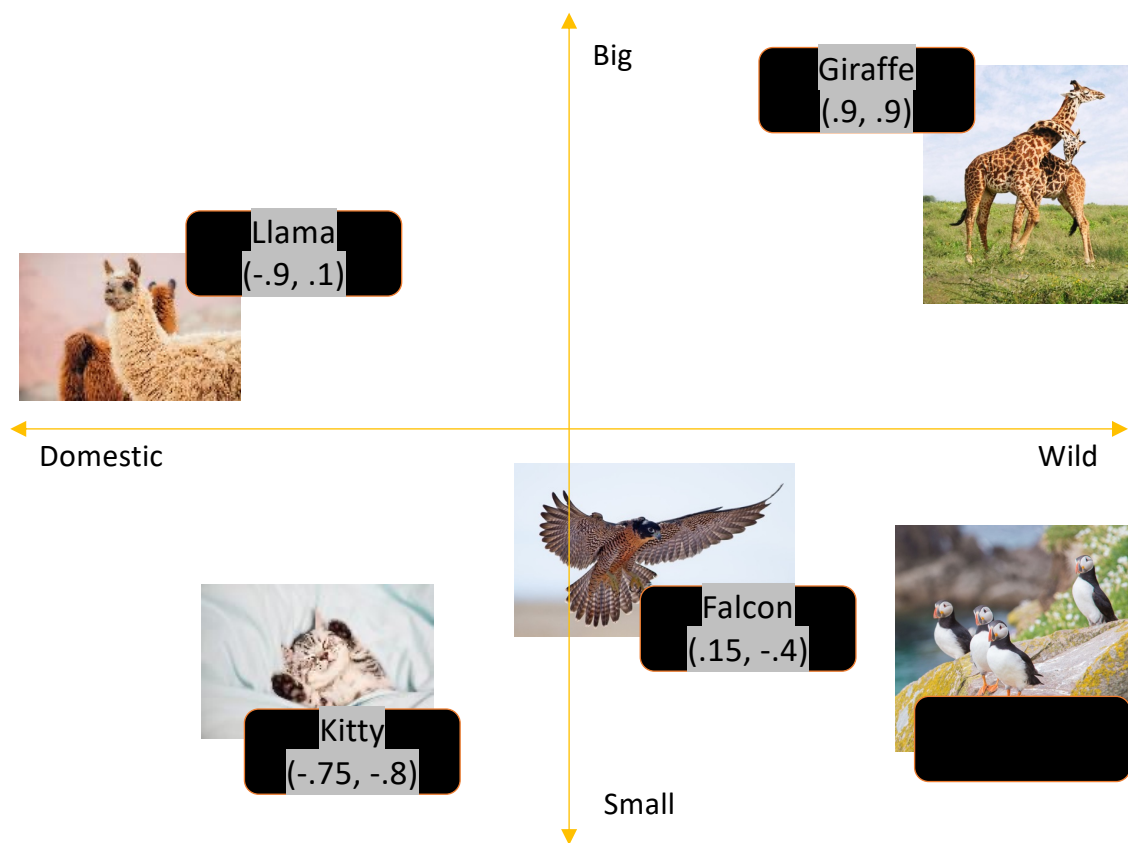
Полносвязная сеть для классификации



DICTIONARY

1. A	8. CAT
2. AN	9. CATS
3. AND	10. DOG
4. AT	11. DOGS
5. ATE	12. EAT
6. BARK	
7. BARKED	

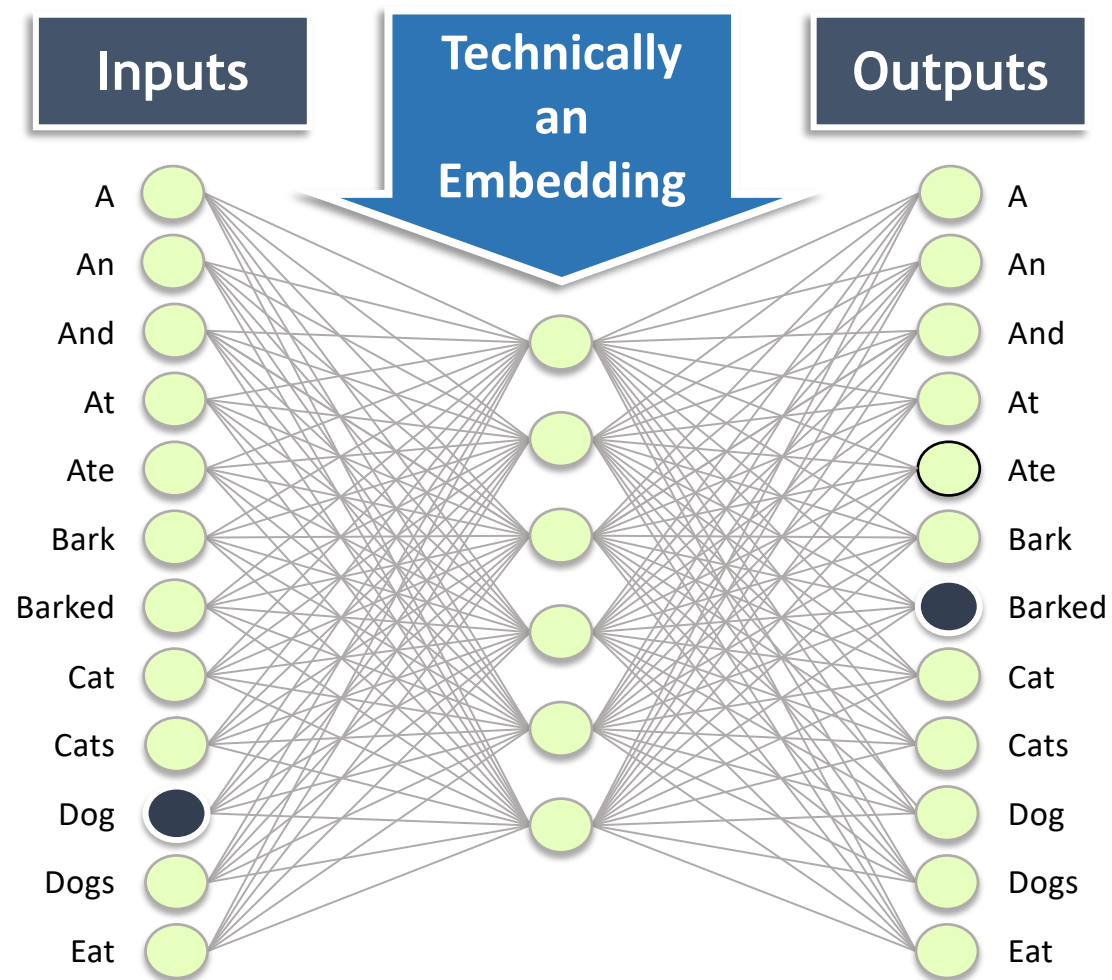
Замена словаря на embedding



BIGGER DICTIONARY

1. A	34. CAT	67. AN
2. AN	35. CATS	68. AND
3. AND	36. DOG	69. AT
4. AT	37. DOGS	70. ATE
5. ATE	38. EAT	71. BARK
6. BARK	39. EATEN	72. BARKED
7. BARKED	40. A	73. CAT
8. CAT	41. AN	74. CATS
9. CATS	42. AND	75. DOG
10. DOG	43. AT	76. DOGS
11. DOGS	44. ATE	77. EAT
12. EAT	45. BARK	78. EATEN
13. EATEN	46. BARKED	79. ...
14. A	47. CAT	80. ...
15. AN	48. CATS	81. ...
16. AND	49. DOG	82. ...
17. AT	50. DOGS	
18. ATE	51. EAT	
19. BARK	52. EATEN	
20. BARKED	53. A	
21. CAT	54. AN	
22. CATS	55. AND	
23. DOG	56. AT	
24. DOGS	57. ATE	
25. EAT	58. BARK	
26. EATEN	59. BARKED	
27. A	60. CAT	
28. AN	61. CATS	
29. AND	62. DOG	
30. AT	63. DOGS	
31. ATE	64. EAT	
32. BARK	65. EATEN	
33. BARKED	66. A	

Добавляем embedding в полносвязную сеть



DICTIONARY

- | | |
|------------------|-----------------|
| 1. A | 8. CAT |
| 2. AN | 9. CATS |
| 3. AND | 10. DOG |
| 4. AT | 11. DOGS |
| 5. ATE | 12. EAT |
| 6. BARK | |
| 7. BARKED | |

Recurrent Neural Networks

- Усложним задачу: теперь в обоих случаях есть одно и то же слово "say" и сеть должна запомнить, что было до этого
- Для этого будем использовать RNN

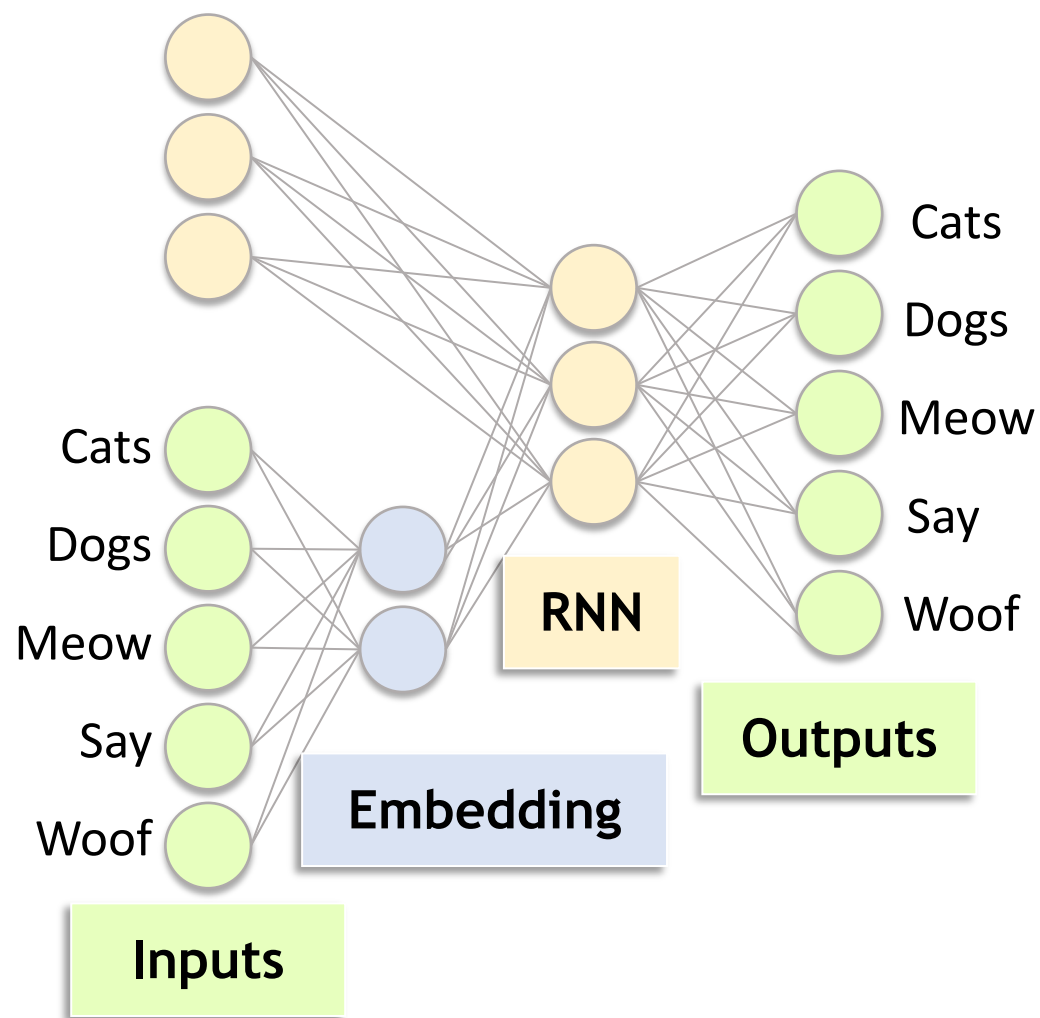
"Cats say ____."

"Dogs say ____."

DICTIONARY

1. CATS
2. DOGS
3. MEOW
4. SAY
5. WOOF

RNN для генерации текста



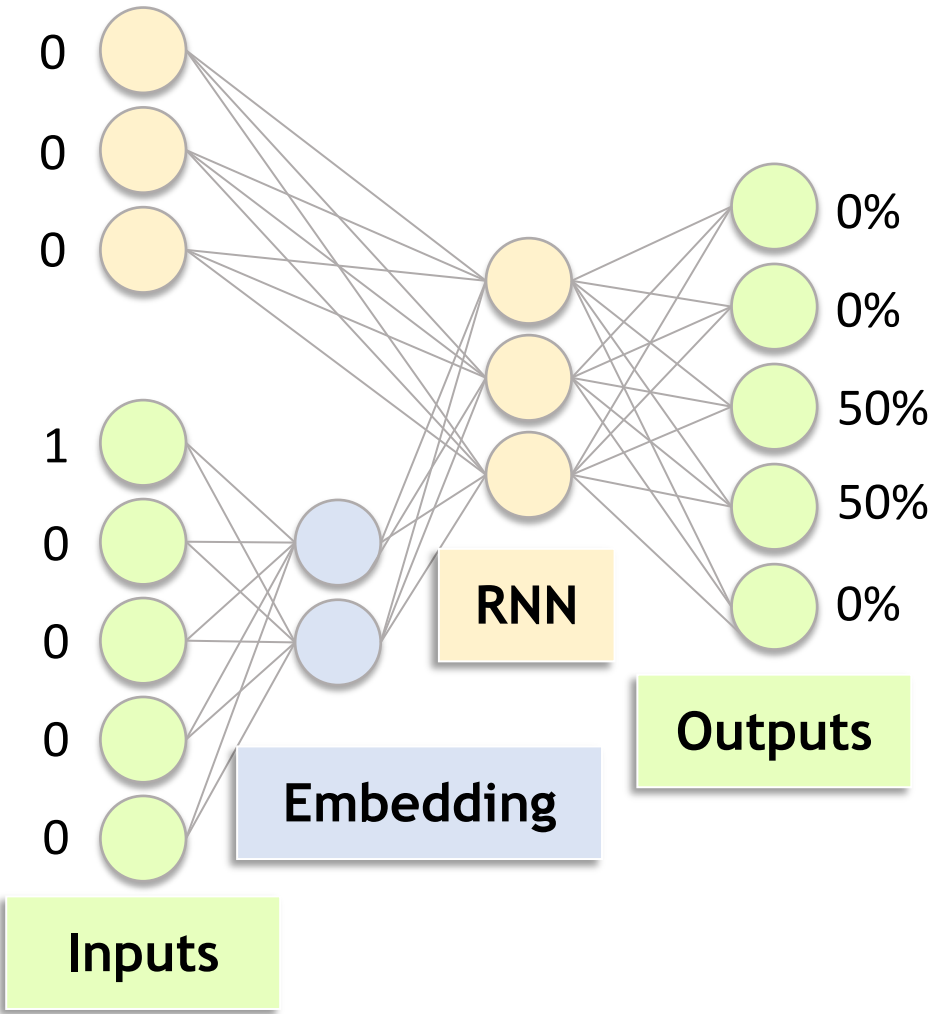
“Cats say ____.”

“Dogs say ____.”

DICTIONARY

1. CATS
2. DOGS
3. MEOW
4. SAY
5. WOOF

Начальное слово и состояние



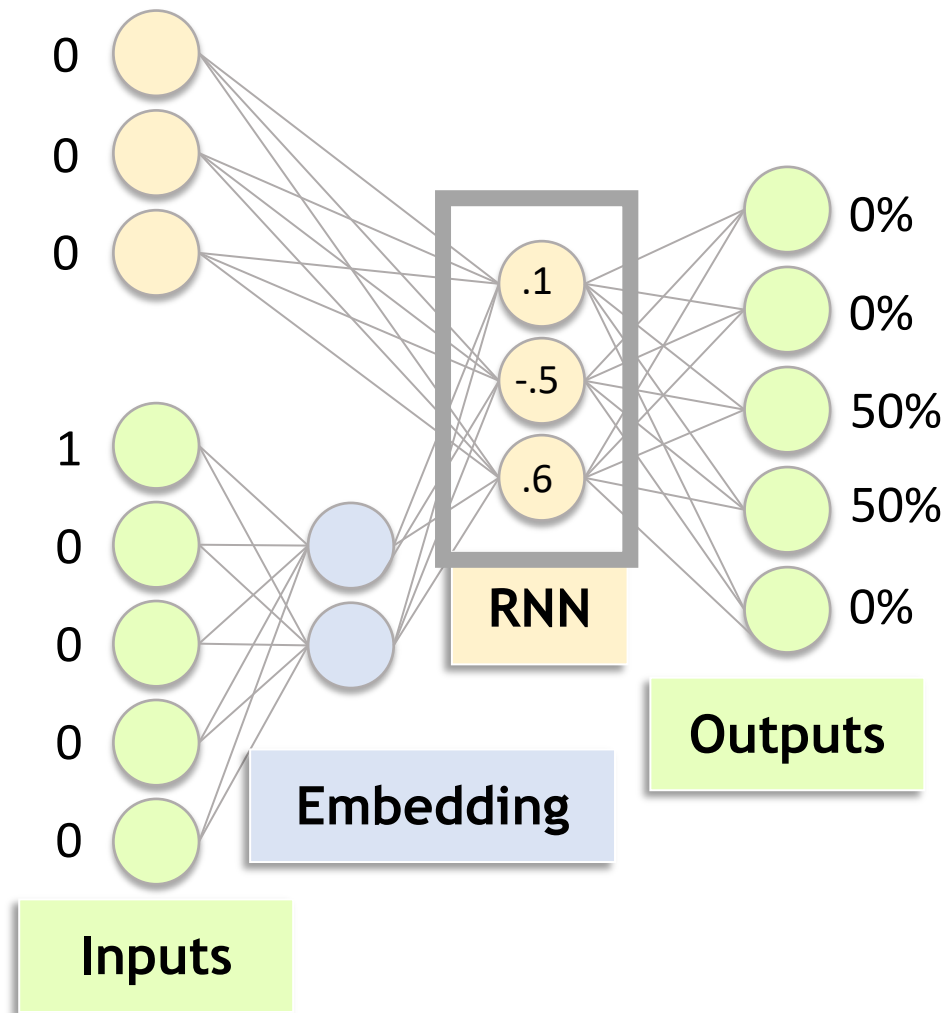
“Cats say ____.”

“Dogs say ____.”

DICTIONARY

1. CATS
2. DOGS
3. MEOW
4. SAY
5. WOOF

Вычисление нового состояния



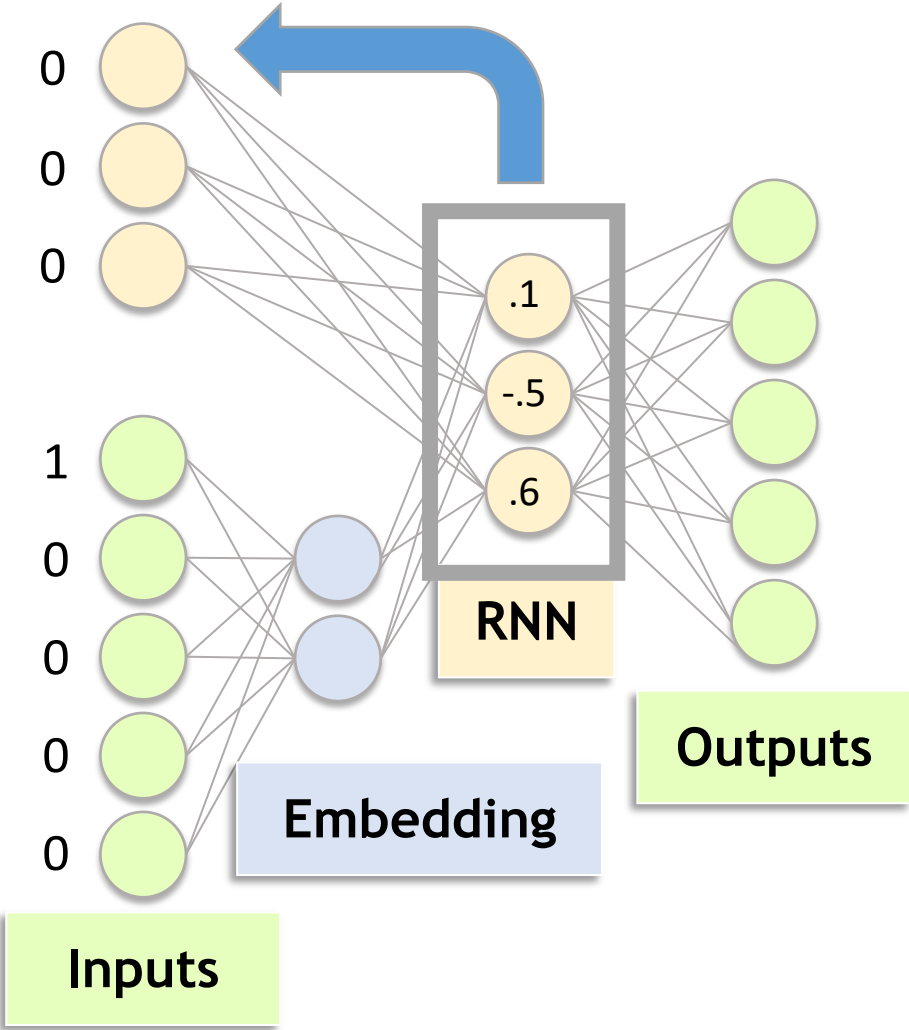
"Cats say ____."

"Dogs say ____."

DICTIONARY

1. CATS
2. DOGS
3. MEOW
4. SAY
5. WOOF

Запоминаем состояние

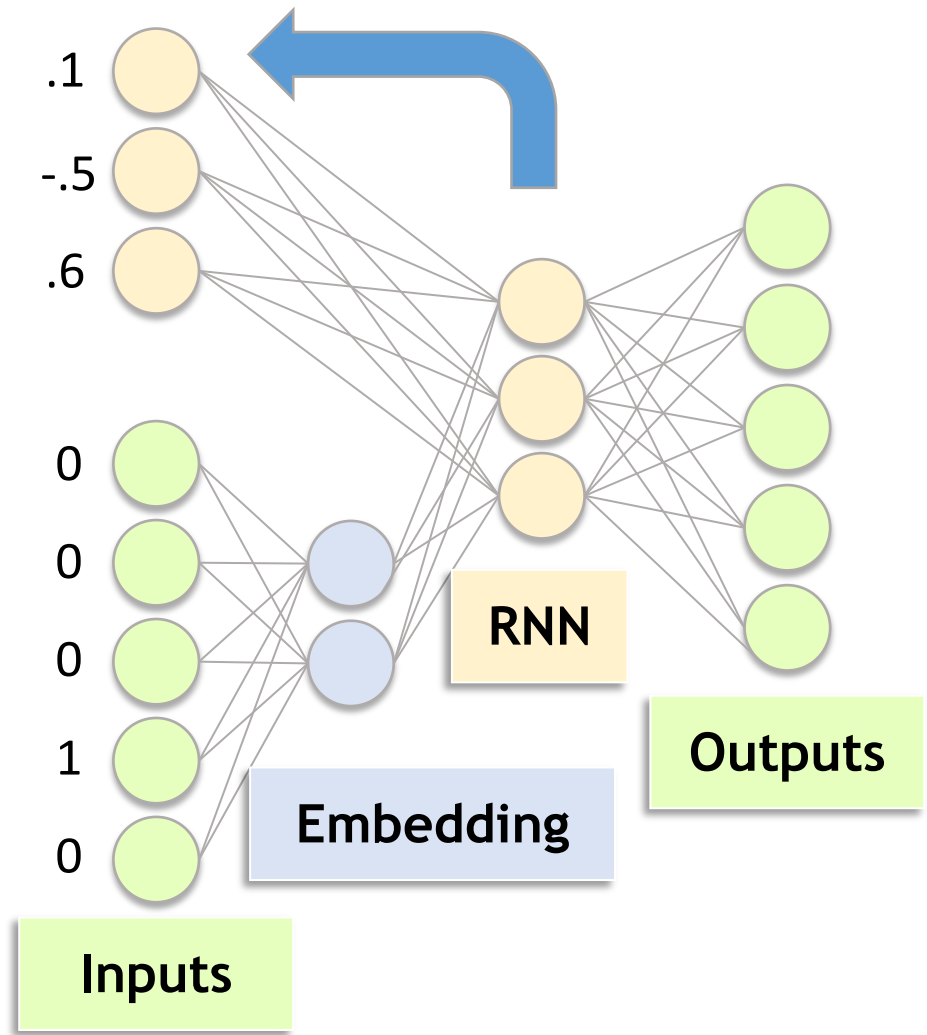


“Cats say ____.”

“Dogs say ____.”

DICTIONARY	
1.	CATS
2.	DOGS
3.	MEOW
4.	SAY
5.	WOOF

Новое слово и старое состояние



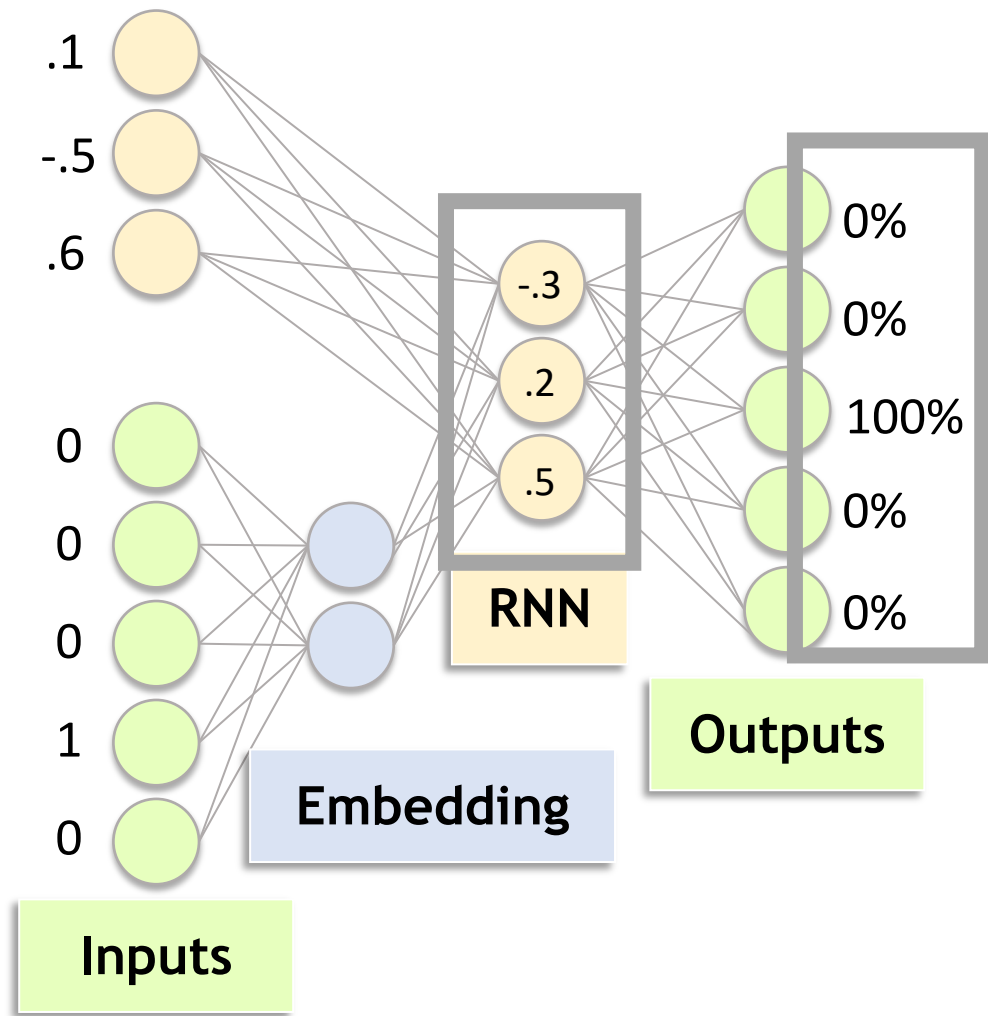
“Cats say ____.”

“Dogs say ____.”

DICTIONARY

1. CATS
2. DOGS
3. MEOW
4. SAY
5. WOOF

Получение ответа



“Cats say ____.”

“Dogs say ____.”

DICTIONARY

1. CATS
2. DOGS
3. MEOW
4. SAY
5. WOOF

Seq2seq

- Для машинного перевода
- Состоит из двух частей, например две LSTM
- Можно добавить внимание

Neural Machine Translation SEQUENCE TO SEQUENCE MODEL WITH ATTENTION

