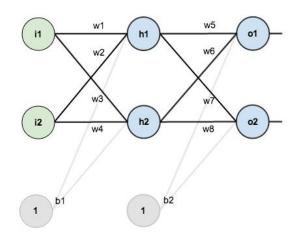
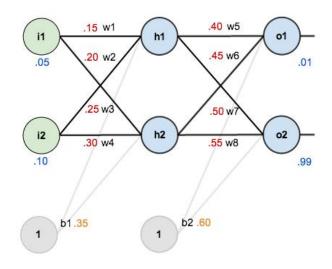
这里我们使用两个输入、隐含层两个神经元、两个输出,其中隐含层和输出层都有偏置,结构如下:



为了能够保证传播过程的顺利进行,这里对参数进行了初始化:



前向传播

隐含层

这里我们先计算 h_1 的输入:

$$net_{h1} = w_1*i_1 + w_2*i_2 + b_1*1$$

$$net_{h1} = 0.15*0.05 + 0.2*0.1 + 0.35*1 = 0.3775$$

之后将输入传递给激活函数(这里使用的是 sigmoid 激活函数),得到:

$$out_{h1} = \frac{1}{1 + e^{-net_{h1}}} = \frac{1}{1 + e^{-0.3775}} = 0.593269992$$

同理,可以得到 h_2 的结果:

$$out_{h2} = 0.596884378$$
 $out_{h2} = 0.596884378$

输出层

将隐含层的输出作为输入,对输出层的神经元重复上述过程。

O1 的输出如下:

$$\begin{split} net_{o1} &= w_5*out_{h1} + w_6*out_{h2} + b_2*1 \\ net_{o1} &= 0.4*0.593269992 + 0.45*0.596884378 + 0.6*1 = 1.105905967 \\ out_{o1} &= \frac{1}{1+e^{-net_{o1}}} = \frac{1}{1+e^{-1.105905967}} = 0.75136507 \end{split}$$

同理可以得到 o_2 的输出:

$$out_{o2} = 0.772928465$$
 $out_{o2} = 0.772928465$

误差计算

这里我们均方误差作为目标函数:

$$E_{total} = \sum \frac{1}{2} (target-output)^2 \quad E_{total} = \sum \frac{1}{2} (target-output)^2$$

有了output, 之后分别计算 o_1 和 o_2 的误差:

$$E_{o1} = \frac{1}{2}(target_{o1} - out_{o1})^2 = \frac{1}{2}(0.01 - 0.75136507)^2 = 0.274811083$$

$$E_{o2} = 0.023560026 \qquad E_{o2} = 0.023560026$$

则, 总误差为:

$$E_{total} = E_{o1} + E_{o2} = 0.274811083 + 0.023560026 = 0.298371109$$