

## SECRETARÍA ACADÉMICA



## DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR

## PROGRAMA SINTÉTICO

UNIDAD ACADÉMICA:

UNIDAD PROFESIONAL INTERDISCIPLINARIA EN INGENIERÍA Y TECNOLOGÍAS

**AVANZADAS** 

**PROGRAMA** 

ACADÉMICO: Ingeniería Mecatrónica

UNIDAD DE APRENDIZAJE:

**Ecuaciones Diferenciales** 

NIVEL: 1

### **OBJETIVO GENERAL:**

Modelar para comprender fenómenos de la ingeniería mediante la resolución, interpretación y validación, con rigor científico, de los conceptos y resultados fundamentales de las ecuaciones diferenciales ordinarias, con habilidades de cálculo considerando la variación y el cambio.

#### **CONTENIDOS:**

- I. Introducción a las ecuaciones diferenciales y a las ecuaciones diferenciales de primer orden.
- II. Ecuaciones diferenciales de orden superior.
- III. Resolución de ecuaciones diferenciales mediante series de potencias.
- IV. Sistemas de ecuaciones diferenciales lineales.
- V. Introducción a las ecuaciones diferenciales parciales.

#### ORIENTACIÓN DIDÁCTICA:

Desarrollo del pensamiento abstracto para lograr las competencias de expresión, formulación, resolución, interpretación y validación de los conceptos y resultados fundamentales, a través de la resolución de problemas y ejercicios.

Para el estudio de los fenómenos usará graficadores o paquetes computacionales para el estudio de los fenómenos. Todo ello dentro de un ambiente de responsabilidad y convivencia.

Se fomentará el trabajo en equipo y colaborativo, la exposición ante grupo de problemas y sus resultados.

#### **EVALUACIÓN Y ACREDITACIÓN:**

Evaluación exploratoria.

Asistencia y participación en las sesiones de clase.

Evaluación de los trabajos extra-clase, tanto individuales como colectivos.

Exposición del estudiante frente a grupo.

Esta unidad de aprendizaje puede acreditarse también mediante tres modalidades:

Demostración de las competencias en la resolución de problemas.

Acreditación en otra Unidad Académica del IPN.

Acreditación en una institución educativa externa al IPN nacional o internacional.

#### **BIBLIOGRAFÍA:**

Lomen, D. & Lovelock, D. Ecuaciones diferenciales a través de gráficas, modelos y datos. Primera Edición. Editorial CECSA. México. 2000. Págs. 1-368, 576-609.

Nagle, R., Saff, E. & Snider A. Ecuaciones diferenciales y problemas con valores en la frontera. Cuarta Edición. Editorial Pearson. México. 2005. Pags. 1-345, 425-575.

Kiseliov, A, Krasnov, N. & Makarenko G. Problemas de ecuaciones diferenciales ordinarias. Editorial Mir. Moscú. Reimpresión 2005. Págs. 9-184.

Spiegel, Murray R., Matemáticas avanzadas para Ingeniería y Ciencias. Editorial McGraw-Hill. México. 2001. Págs. 48-96, 317-350.

Zill, D. & Cullen, M. Ecuaciones diferenciales. Matemáticas avanzadas para ingenieros. Vol. 1. Tercera Edición. Editorial McGraw-Hill. México. 2006. Págs. 4-192, 239-274, 405-443.



## SECRETARÍA ACADÉMICA





#### UNIDAD ACADÉMICA:

UNIDAD PROFESIONAL INTERDISCIPLINARIA EN INGENIERÍA Y TECNOLOGÍAS AVANZADAS **PROGRAMA ACADÉMICO:** Ingeniería Mecatrónica.

PROFESIONAL ASOCIADO: Profesional Asociado en

Automatización.

ÁREA FORMATIVA: Científica Básica

MODALIDAD: Presencial

UNIDAD DE APRENDIZAJE: Ecuaciones

Diferenciales

TIPO DE UNIDAD DE APRENDIZAJE:

1. Teórica

2. Obligatoria

VIGENCIA: Enero 2010.

NIVEL: |

CRÉDITOS: 9.00 TEPIC 4.55 SATCA

### PROPÓSITO GENERAL

Adquiere la habilidad de utilizar el pensamiento abstracto analiza problemas hasta su correcta solución basándose en los conocimientos previos y los adquiridos en el transcurso de esta unidad de aprendizaje. Con ellos, expresa, modela, resuelve, interpreta y valida, con rigor científico, los conceptos y resultados fundamentales de las ecuaciones diferenciales ordinarias. Mediante las habilidades de cálculo y representación de soluciones, estudiar la variación y cambio, siendo capaz de realizar predicciones para comprender fenómenos de la ingeniería.

Utiliza las bases matemáticas para entender el comportamiento de los sistemas eléctricos y electrónicos utilizados en Mecatrónica, dando herramientas para manejar unidades de aprendizaje como circuitos eléctricos

Las competencias a desarrollar en esta unidad de aprendizaje son:

Aplica la nomenclatura básica de las ecuaciones ordinarias lineales

Identifica las ecuaciones diferenciales ordinarias lineales y reconoce sus métodos de solución

Reconoce los conceptos del álgebra necesarios para resolver ecuaciones ordinarias lineales

Modela fenómenos físicos elementales mediante ecuaciones diferenciales ordinarias lineales

Reconoce los métodos de resolución de ecuaciones de primer y segundo orden

Aplica los métodos de solución de ecuaciones diferenciales ordinarias y lineales

Resuelve ecuaciones diferenciales de primero y segundo orden

Comprende a partir de las soluciones de las ecuaciones los fenómenos físicos elementales

Muestra capacidad de trabajo colaborativo y en equipo

Muestra actitud de responsabilidad y respeto a las personas y materiales

Desarrolla un sentido crítico para analizar problemas

Expone en grupo, sustenta resultados en base procedimientos matemáticos realizados.

### **OBJETIVO GENERAL**

Modelar para comprender fenómenos de la ingeniería mediante la resolución, interpretación y validación, con rigor científico, de los conceptos y resultados fundamentales de las ecuaciones diferenciales ordinarias, con habilidades de cálculo considerando la variación y el cambio.

### TIEMPOS ASIGNADOS HORAS TEORÍA/SEMANA: 4.5

HORAS PRÁCTICA/SEMANA: 0

**HORAS TEORÍA/SEMESTRE: 81** 

HORAS PRÁCTICA/SEMESTRE: 0

**HORAS TOTALES/SEMESTRE: 81** 





Ing. Rodrigo de Jesús Serrano Domínguez. Secretario Técnico de la Comisión de Programas Académicos



# SECRETARÍA ACADÉMICA





UNIDAD DE APRENDIZAJE: Ecuaciones Diferenciales

HOJA: 3

N° UNIDAD TEMÁTICA: I

NOMBRE: Introducción a las ecuaciones diferenciales y a las ecuaciones

diferenciales de primer orden

### **COMPETENCIA ESPECÍFICA**

Aplica los métodos clásicos de solución de las ecuaciones diferenciales de

Aplica los metodos clasicos de solución de las ecuaciones diferenciales de primer orden								
No.	CONTENIDOS		HORAS AD Actividades de docencia (a)		AS TAA lades de ndizaje nomo (b)	CLAVE BIBLIOGRÁFICA		
		Т	Р	Т	Р			
1.1	Definiciones básicas							
1.1.1	Ecuaciones diferenciales ordinarias y parciales.	0.5		0.5		1B 2B 3C 5B 7B		
1.1.2	Orden y grado de una ecuación diferencial.	0.5		0.5		1B 2B 3C 5B		
1.1.3	Ecuaciones diferenciales lineales y no lineales.	0.5		0.5		1B 5B 7B		
1.1.4	Ecuaciones diferenciales homogéneas y no homogéneas.	0.5		0.5		2B 3C 7B		
1.1.5	Problemas de valor inicial, concepto de solución y teorema de existencia y unicidad.	0.5		0.5		1B 3C 4C 5B 7B		
1.1.6	Ecuaciones diferenciales ordinarias de primer orden.	0.5		1.0		1B 3C 5B 7B		
1.2	Variables separables y reducibles a ellas.	1.0		1.0		1B 3C 5B 7B		
1.3	Homogéneas y reducibles a ellas.	1.0		1.0		1B 3C 4C 5B		
1.4	Exactas y reducibles a ellas usando un factor integrante.	1.0		2.0		3C 7B		
1.5	Lineales y de Bernoulli.	1.0		1.5		1B 2B 3C 4C		
1.6	Estudio de fenómenos físicos enfatizando los ejemplos de circuitos eléctricos: circuitos RC y RL en serie, de decaimiento radiactivo, de mezclas y de mecánica.	1.0	,	2.0		7B 3C 7B		
	Subtotales por Unidad temática:	8.0		11.0				

### **ESTRATEGIAS DE APRENDIZAJE**

Exposición de temas por parte de alumno en forma individual y en colectivo.

Solución de listas de problemarios.

Investigación de una aplicación o uso de ecuaciones diferenciales a algún tema o caso práctico.

Uso de calculadoras graficadoras o paquetes computacionales, principalmente para hacer gráficos e interpretar los fenómenos estudiados.

## **EVALUACIÓN DE LOS APRENDIZAJES**

70% Evaluación exploratoria.

10% Exposición de temas por parte de alumno. Resolución y discusión de problemas en el aula.

10% Asistencia y uso de paquetes computacionales.

10% Solución de listas de problemarios, investigación de algún tema.



## SECRETARÍA ACADÉMICA



## DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR

UNIDAD DE APRENDIZAJE: Ecuaciones Diferenciales

HOJA: 4

DE

9

N° UNIDAD TEMÁTICA: II

NOMBRE: Ecuaciones diferenciales de orden superior

### COMPETENCIA ESPECÍFICA

Formula los métodos clásicos de solución de las ecuaciones diferenciales ordinarias de orden superior con coeficientes constantes

No.	CONTENIDOS		AS AD dades cencia	Activid Aprer Autó	S TAA ades de idizaje nomo	CLAVE BIBLIOGRÁFICA	
		T	Р	T	Р		
2.1	Problemas de valor inicial, concepto de solución y teorema de existencia y unicidad	0.5		0.5		1B 2B 3C 5B 7B	
2.2	Reducción de orden	0.5		0.5		5B 7B	
2.3	Wronskiano	0.5		0.5		1B 2B 3C 4C 5B 7B	
2.4	Noción de solución y resolución de ecuaciones diferenciales homogéneas con coeficientes constantes	0.5		0.5		3C 5B 7B	
2.5	Noción de solución de ecuaciones diferenciales no homogéneas con coeficientes constantes	1.0		2.0		3C 4C 5B 7B	
2.6	Método de coeficientes indeterminados enfoque de superposición	1.0		2.0		1B 2B 4C 5B 7B	
2.7	Método de variación de parámetros	1.0		2.0		1B 2B 4C 5B	
2.8	Ecuación de Euler	1.0		2.0		1B 2B 4C 5B	
2.9	Aplicaciones a circuitos eléctricos de una malla capacitivos-inductivos-resistivos, vibraciones mecánicas y el péndulo simple. Analogía entre estos sistemas	1.0		2.0	ź	1B 2B 4C 5B 7B	
	Subtotales por Unidad temática:	7.0		12.0			

#### **ESTRATEGIAS DE APRENDIZAJE**

Exposición de temas por parte de alumno en forma individual y en colectivo.

Solución de listas de problemarios.

Investigación de una aplicación o uso de ecuaciones diferenciales a algún tema o caso práctico.

Uso de calculadoras graficadoras o paquetes computacionales, principalmente para hacer gráficos e interpretar los fenómenos estudiados.

### **EVALUACIÓN DE LOS APRENDIZAJES**

70% Evaluación exploratoria.

10% Exposición de temas por parte de alumno. Resolución y discusión de problemas en el aula.

10% Asistencia y uso de paquetes computacionales.

10% Solución de listas de problemarios, investigación de algún tema.



## SECRETARÍA ACADÉMICA



DE

## DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR

UNIDAD DE APRENDIZAJE: Ecuaciones Diferenciales

HOJA: 5

9

N° UNIDAD TEMÁTICA: III

NOMBRE: Resolución de ecuaciones diferenciales mediante series de potencias

#### COMPETENCIA ESPECÍFICA

Aplica el método de las series de potencias para la resolución de ecuaciones diferenciales ordinarias con coeficientes variables

No.	CONTENIDOS	HORAS AD Actividades de docencia (a)		HORAS TAA Actividades de Aprendizaje Autónomo (b)		CLAVE BIBLIOGRÁFICA	
		Т	Р	T	Р	1	
3.1	Concepto de analiticidad y definiciones básicas de series y series de potencias.	1.0		1.5		6C 7B	
3.2	Punto ordinario. Solución en torno de puntos ordinarios	1.0		2.0		6C 7B	
3.3	Puntos singulares. Solución en torno de puntos singulares regulares	1.0		2.0		6C 7B	
3.4	Algunas ecuaciones diferenciales y funciones especiales						
3.4.1	Ecuación de Airy	1.5		3.0		4C 5B 7B	
3.4.2	Ecuación de Legendre. Polinomios de Legendre	1.5		3.0		6C 7B	
3.4.3	Ecuación de Bessel. Funciones de Bessel de primera clase	1.0		1.5		6C 7B	
			180			6C 7B	
				1			
v v	Subtotales por Unidad temática:	7.0		13.0			

### **ESTRATEGIAS DE APRENDIZAJE**

Exposición de temas por parte de alumno en forma individual y en colectivo.

Solución de listas de problemarios.

Investigación de una aplicación o uso de ecuaciones diferenciales a algún tema o caso práctico.

Uso de calculadoras graficadoras o paquetes computacionales, principalmente para hacer gráficos e interpretar los fenómenos estudiados.

### **EVALUACIÓN DE LOS APRENDIZAJES**

- 70% Evaluación exploratoria.
- 10% Exposición de temas por parte de alumno. Resolución y discusión de problemas en el aula.
- 10% Asistencia y uso de paquetes computacionales.
- 10% Solución de listas de problemarios, investigación de algún tema.



## SECRETARÍA ACADÉMICA



## DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR

UNIDAD DE APRENDIZAJE:

**Ecuaciones Diferenciales** 

HOJA: 6

**DE** 9

N° UNIDAD TEMÁTICA: IV

NOMBRE: Sistemas de ecuaciones diferenciales lineales

#### COMPETENCIA ESPECÍFICA

Aplica los métodos clásicos de solución de sistemas de ecuaciones diferenciales lineales con coeficientes constantes

Aplica los metodos ci	Aplica los metodos clasicos de solución de sistemas de ecuaciones diferenciales lineales con coeficientes constantes								
No.	CONTENIDOS		AS AD dades cencia	Activid Apren Autó	S TAA ades de adizaje nomo o)	CLAVE BIBLIOGRÁFICA			
		Т	Р	Т	P	±			
4.1	Modelado con sistemas de ecuaciones diferenciales lineales	0.5		1.0		1B 2B 4C 5B 7B			
4.2	Definición de sistema lineal y lenguaje básico	0.5		1.5		1B 3C 5B 7B			
4.3	Problemas de valor inicial, concepto de solución y teorema de existencia y unicidad	1.0		2.0		1B 4C 5B 7B			
4.4	Resolución de sistemas de ecuaciones diferenciales lineales. Método de las matrices	1.5		3.0		1B 3C 4C 5B 7B			
4.5	Aplicaciones Redes eléctricas y reportes acoplados	1.5		3.0		2B 5B 7B			
Y									
<u>.</u>									
	Subtotales por Unidad temática*:	5.0		10.5					

#### **ESTRATEGIAS DE APRENDIZAJE**

Exposición de temas por parte de alumno en forma individual y en colectivo.

Solución de listas de problemarios.

Investigación de una aplicación o uso de ecuaciones diferenciales a algún tema o caso práctico.

Uso de calculadoras graficadoras o paquetes computacionales, principalmente para hacer gráficos e interpretar los fenómenos estudiados.

### **EVALUACIÓN DE LOS APRENDIZAJES**

- 70% Evaluación exploratoria.
- 10% Exposición de temas por parte de alumno. Resolución y discusión de problemas en el aula.
- 10% Asistencia y uso de paquetes computacionales.
- 10% Solución de listas de problemarios, investigación de algún tema.



## SECRETARÍA ACADÉMICA



## DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR

UNIDAD DE APRENDIZAJE: Ecuaciones Diferenciales

HOJA: 7

**DE** 9

Aplica métodos bási	COMPETENCIA ES cos de solución para las ecuaciones diferen					
No.	CONTENIDOS	HORAS AD Actividades de docencia (a)  HORAS Activida Apren Autór		ades de idizaje nomo	CLAVE BIBLIOGRÁFICA	
		T	Р	Т	Р	
5.1	Introducción a las ecuaciones diferenciales parciales.					×
5.1.1	Definición, tipos, solución.	1.0		3.0		4C 8B
5.1.2	Método de separación de variables.	1.0		2.0		4C 8B
5.1.3	Aplicaciones a dinámica, cinemática, termodinámica.	1.0		2.0		4C 8B

### **ESTRATEGIAS DE APRENDIZAJE**

3.0

7.0

Exposición de temas por parte de alumno en forma individual y en colectivo.

Solución de listas de problemarios.

Investigación de una aplicación o uso de ecuaciones diferenciales a algún tema o caso práctico.

Subtotales por Unidad temática:

Uso de calculadoras graficadoras o paquetes computacionales, principalmente para hacer gráficos e interpretar los fenómenos estudiados.

### **EVALUACIÓN DE LOS APRENDIZAJES**

70% Evaluación exploratoria.

- 10% Exposición de temas por parte de alumno. Resolución y discusión de problemas en el aula.
- 10% Asistencia y uso de paquetes computacionales.
- 10% Solución de listas de problemarios, investigación de algún tema.



## SECRETARÍA ACADÉMICA



## DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR

**UNIDAD DE APRENDIZAJE:** 

**Ecuaciones Diferenciales** 

HOJA:

8

DE

9

### PROCEDIMIENTO DE EVALUACIÓN

Valor de las unidades temáticas:

UNIDAD TEMÁTICA I: 20% UNIDAD TEMÁTICA II: 20% UNIDAD TEMATICA III: 25% UNIDAD TEMATICA IV: 25% UNIDAD TEMATICA V: 10%

80% de asistencia para tener derecho a examen.

Para acreditar esta UAp por "saber demostrado" el estudiante presentará una evaluación exploratoria con previa aprobación de la Academia.

También puede acreditarse por:

La Subdirección Académica en conjunto con la Academia de Informática determinará la equivalencia de la competencia con otras unidades de aprendizaje para tanto unidades académicas de IPN como externas.

CLAVE	В	С	BIBLIOGRAFÍA
1	Х		Braun, M. <u>Ecuaciones diferenciales y sus aplicaciones</u> . Editorial Grupo Editorial Iberoamérica. México. 1992. Págs. 1-362.
2	<b>X</b>		Lomen, D. & Lovelock, D. <u>Ecuaciones diferenciales a través de</u> gráficas, modelos y datos. Primera Edición. Editorial CECSA. México. 2000. Págs. 1-368, 576-609.
3		Х	Kiseliov, A, Krasnov, N. & Makarenko G. <u>Problemas de ecuaciones</u> <u>diferenciales ordinarias</u> . Editorial Mir. Moscú. Remipresión 2005. Págs. 9-184
4		Х	Kreyszig, E. <u>Matemáticas avanzadas para ingeniería</u> . Tercera Edición. Editorial Limusa Wiley, Vol. I. México. 2004. Págs. 21-298.
5	X		Nagle, R., Saff, E. & Snider A. <u>Ecuaciones diferenciales y problemas</u> <u>con valores en la frontera</u> . Cuarta Edición. Editorial Pearson. México. 2005. Pags. 1-345, 425-575.
6		X	Vigodsky, M. <u>Mathematical Handbook. Higher Mathematics</u> . Mir Publishers. Union of Soviet Socialist Republics. 1975. Págs. 347-360 y 537-598
7	X		Zill, D. & Cullen, M. <u>Ecuaciones diferenciales</u> . Matemáticas avanzadas para ingenieros. Vol. 1. Tercera Edición. Editorial McGraw-Hill. México. 2006.
8	Х		Spiegel, Murray R., <u>Matemáticas avanzadas para Ingeniería y</u> <u>Ciencias</u> . Editorial McGraw-Hill. México. 2001. Págs. 48-96, 317-350.



## SECRETARÍA ACADÉMICA



## DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR

### PERFIL DOCENTE POR UNIDAD DE APRENDIZAJE

1.	DAT	OS	GEN	<b>ERA</b>	LES

UNIDAD ACADÉMICA:	UNIDAD PROFESIONAL INTERDISCIPLINARIA EN INGENIERÍA Y TECNOLOGÍA AVANZADAS				
PROGRAMA Ingenier ACADÉMICO:	ría Mecatrónica	NIVEL	1		
ÁREA DE FORMACIÓN:	Institucional	Científica Básica	Profesional	Terminal y de Integración	
ACADEMIA: Ciencias B	ásicas	UNIDAD DE AF	PRENDIZAJE: Ecua	aciones Diferenciales	
ESPECIALIDAD Y NIVEL ACADÉMICO REQUERIDO: Licenciatura en Matemáticas o afín, de preferencia con maestría o doctorado.					

OBJETIVO DE LA UNIDAD DE APRENDIZAJE: Modelar para comprender fenómenos de la ingeniería mediante la resolución, interpretación y validación, con rigor científico, de los conceptos y resultados fundamentales de las ecuaciones diferenciales ordinarias, con habilidades de cálculo considerando la variación y el cambio.

#### PERFIL DOCENTE:

CONOCIMIENTOS	EXPERIENCIA PROFESIONAL	HABILIDADES	ACTITUDES
A nivel maestría manejar los resultados y métodos del cálculo de una variable así como los conceptos y procedimientos del álgebra lineal. Comprender los conceptos de ecuaciones diferenciales en forma teórica y con sus significados.  Del Modelo Educativo Institucional (MEI)	impartido algún tema de la asignatura al menos de		Tolerancia Honestidad Respeto

ELABORÓ

Nombre y firma del Presidente de Academia

REVISÓ

Nombre y firma del Subdirector Académico

AUTORIZÓ

Nombre del Director de la Unidad Académica

M. en C. Jorge Pérez Hernández

M. en C. Arodí R. Carvallo

Domínguez