

Sylvain, Raphaël  
(111 124 564)

Conception et analyse d'algorithmes  
IFT-3001

Travail 1

Travail présenté à  
Yanick Ouellet

Département d'informatique et de génie logiciel  
Université Laval  
Hiver 2019

## Question 3

### Algorithme 1

#### Taille de l'instance

La taille de l'instance est  $n$ , la valeur fournie en paramètre.

#### Opérateur de base

Nous allons prendre comme opérateur de base les deux additions de  $c$  avec 1 ( $c + 1$ ).

Nous pouvons prendre deux opérateurs, puisqu'ils sont chacun appelé le plus souvent (à une constante près) de chacun des deux boucles.

Le nombre de fois que ces opérateurs sont atteints dépend uniquement de  $n$ .

Le nombre de fois que les opérateurs de bases sont appelés peut être donné par la sommation suivante :

$$C(n) = \left( \sum_{i=1}^n \sum_{j=i^3}^{n^3} 1 \right) + \left( \sum_{i=1}^{\lfloor \sqrt{n} \rfloor} 1 \right)$$

Résolvons cette équation.

$$\begin{aligned} & C(n) \\ = & \quad \langle \text{Définition de } C(n) \rangle \\ & \left( \sum_{i=1}^n \sum_{j=i^3}^{n^3} 1 \right) + \left( \sum_{i=1}^{\lfloor \sqrt{n} \rfloor} 1 \right) \\ = & \quad \langle \text{Somme d'une constante} \rangle \\ & \left( \sum_{i=1}^n ((n^3 - i^3 + 1) \cdot 1) \right) + ((\lfloor \sqrt{n} \rfloor - 1 + 1) \cdot 1) \\ = & \quad \langle \text{Simplification} \rangle \\ & \sum_{i=1}^n (n^3 - i^3 + 1) + \lfloor \sqrt{n} \rfloor \\ = & \quad \langle \text{Distribution de la somme} \rangle \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& \sum_{i=1}^n (n^3) - \sum_{i=1}^n (i^3) + \sum_{i=1}^n (1) + \lfloor \sqrt{n} \rfloor \\
= & \quad \langle \text{Sommatons de constantes} \rangle \\
& (n-1+1) \cdot n^3 - \sum_{i=1}^n (i^3) + (n-1+1) \cdot 1 + \lfloor \sqrt{n} \rfloor \\
= & \quad \langle \text{Simplification} \rangle \\
& n \cdot n^3 - \sum_{i=1}^n (i^3) + n + \lfloor \sqrt{n} \rfloor \\
= & \quad \langle \text{Simplification} \rangle \\
& n^4 - \sum_{i=1}^n (i^3) + n + \lfloor \sqrt{n} \rfloor
\end{aligned}$$