## UNIVERZITA KOMENSKÉHO V BRATISLAVE FAKULTA MATEMATIKY, FYZIKY A INFORMATIKY

## VYHĽADÁVANIE SPOJENÍ MESTSKOU HROMADNOU DOPRAVOU BAKALÁRSKA PRÁCA

## UNIVERZITA KOMENSKÉHO V BRATISLAVE FAKULTA MATEMATIKY, FYZIKY A INFORMATIKY

## VYHĽADÁVANIE SPOJENÍ MESTSKOU HROMADNOU DOPRAVOU

Bakalárska práca

Študijný program: Informatika

Študijný odbor: 2508 Informatika Školiace pracovisko: Katedra informatiky

Školiteľ: RNDr. Michal Forišek, PhD.





#### ZADANIE ZÁVEREČNEJ PRÁCE

Meno a priezvisko študenta: Alojz Stúpal

Študijný program: informatika (Jednoodborové štúdium, bakalársky I. st., denná

forma)

Študijný odbor:informatikaTyp záverečnej práce:bakalárskaJazyk záverečnej práce:slovenskýSekundárny jazyk:anglický

Názov: Vyhľadávanie spojení mestskou hromadnou dopravou

Finding connections using public transport

**Anotácia:** Práca sa zaoberá vyhľadávaním a zobrazovaním možností cesty MHD.

Ciel': Práca má nasledujúce ciele:

1. Spracovať prehľad základných algoritmov vhodných na vyhľadávanie

spojenia v grafikone MHD.

2. Implementovať softvér umožňujúci takéto vyhľadávanie a otestovať jeho

funkčnosť na reálnych dátach.

3. Pokúsiť sa navrhnúť a implementovať možné vylepšenia, ako napr.: vyhľadávanie cesty bod-bod namiesto zastávka-zastávka; vizualizácia možných alternatívnych trás; výpočet dodatočných informácií, napr. očakávaného

meškania v prípade nestihnutia prestupu.

Vedúci:RNDr. Michal Forišek, PhD.Katedra:FMFI.KI - Katedra informatikyVedúci katedry:prof. RNDr. Martin Škoviera, PhD.

**Dátum zadania:** 07.11.2017

**Dátum schválenia:** 08.11.2017 doc. RNDr. Daniel Olejár, PhD.

garant študijného programu

študent	vedúci práce

**Poďakovanie:** Ďakujem školiteľovi za vynaložené úsilie, ktoým mi neustále pomáhal. Ďakujem i všetkým ostatným, ktorí mi akokoľvek pomohli napísať túto prácu.

## Abstrakt

V práci najprv popisujeme algoritmy použiteľné pri vyhľadávaní spojení v grafikone mestskej hromadnej dopravy. Následne argumentujeme, ktorý je na tento účel najlepší. Implementujeme program, ktorý realizuje takéto vyhľadávanie zapomoci zvoleného algoritmu. Implementujeme vylepšenie algoritmu - zobrazovanie alternatívnych ciest.

**Kľúčové slová:** grafy, najlacnejšie cesty v grafe, vyhľadávanie spojení MHD, Dijkstrov algoritmus

## Abstract

We will describe algorithms that are usable when searching for links in public transport graph. After that, we will give arguments about which one is the best for this purpose. With chosen algorithm we will implement a program that will realize such a search. We will implement an improvement in algorithm - displaying alternative paths.

**Keywords:** graph, shortest paths in graf, search for public transport links, Dijkstra's algorithm

# Obsah

Ú	vod			1
1	Gra	$_{ m ify}$		2
	1.1	Definí	cia grafu	2
	1.2	Základ	dné pojmy týkajúce sa grafov	2
		1.2.1	Typy grafov	3
		1.2.2	Vzťahy medzi grafmi	3
	1.3	Cesty	a cykly	4
	1.4	Súvislo	osť	4
	1.5	Kostry	y, stromy a lesy	5
	1.6	Špeciá	álne grafové štruktúry	5
		1.6.1	Cesty a cykly pre orientované grafy	6
<b>2</b>	$\mathbf{Alg}$	$\mathbf{oritmy}$	na grafoch	7
	2.1	Prechá	ádzanie vrcholmi grafu	7
		2.1.1	Prehľadávanie do šírky	7
		2.1.2	Prehľadávanie do hĺbky	8
		2.1.3	Zhrnutie	9
	2.2	Najlac	cnejšie cesty v grafe	9
		2.2.1	Dijkstrov algoritmus	10
		2.2.2	Bellman–Fordov algoritmus	12
		2.2.3	Floyd-Warshallov algoritmus	15
		2.2.4	Zhrnutie	18
3	Soft	vér		20
	3.1	Základ	dný popis aplikácie	20
	3.2	Vyhľa	dávanie	22
	3.3	Dátovo	é súbory	24
4	Imp	olemen <sup>.</sup>	tácia	26
	4.1	Prvé n	myšlienky	26

OBSAE	I	vii
4.2	Začiatočná implementácia	29
4.3	Vylepšenie reprezentácie údajov	32
4.4	Implementácia vyhľadávacieho algoritmu a výpis výsledku	33
4.5	Neefektívnosť vytvárania objektov	35
4.6	Vyhľadávanie alternatívnych ciest	36
Záver		39

# Zoznam obrázkov

1	Príklad práce BFS na strome	8
2	Príklad práce DFS na strome	8
3	Orientovaný graf s ohodnotenými hranami	11
4	Orientovaný graf s ohodnotenými hranami	14
5	Orientovaný graf s ohodnotenými hranami	17
6	Ukážka spusteného programu	21
7	Príklad testového vstupu	22
8	Ukážka vyhľadávania	23
9	Ukážka alternatívnej cesty do zastávky C	24
10	Formát dátového súboru pre linky	25
11	Zmena dát, s ktorými má program pracovať	25
12	Formát obsahu dátového súboru	29
13	Príklad testového vstupu	30
14	Prvá reprezentácia vrcholu	30
15	Prvá reprezentácia hrany	31
16	Prvá reprezentácia grafu	31
17	Rozšírená reprezentácia vrchola	32
18	Naša implementácia Dijkstrovho algoritmu	34
19	Kód starajúci sa o výpis cesty	35
20	Vylepšená implementácia grafu	36
21	Príklad alternatívnej trasy	37

# Zoznam tabuliek

1	riebeh algoritmu	<u>آ</u>
1		,

# Úvod

Cieľom tejto práce je spracovať informácie a vytoriť prehľad o algoritmoch, ktoré sú použiteľné pri vyhľadávaní spojenia v grafikone hromadnej dopravy a následne stručne popísať ich výhody i nedostatky pri ich využití na takéto vyhľadávanie. Praktickou stránkou práce je implementácia algoritmu, ktorý sme zhodnotili, že je najvhodnejší na vyhľadávanie a zakomponovanie algoritmu do aplikácie vhodnej na používanie. Ďalším krokom je rozšírenie programu o dodatočnú funkcionalitu, konkrétne vizualizáciu alternatívnych trás.

V kapitole 1 oboznámime čitateľa so základnými pojmami, ako je napríklad graf či cesta, ako i s ďalšími potrebnými definíciami, ktoré budú využívané v ostatnych kapitolách.

V kapitole 2 popíšeme algoritmy aplikovateľné na grafové štruktúry a využiteľné pri vyhľadávaní spojení hromadnej dopravy. Pre každý algoritmus uvážime, prečo je vhodný pre takéto vyhľadávanie a prečo nie.

V kapitole 3 sa pozrieme na softvér, ktorý sme implementovali. Uvedieme jeho možnosti a funkcie, popíšeme, ako ho ovládať a ukážeme i nejaké príklady z jeho použitia.

V kapitole 4 odhalíme, aké úvahy a myšlienky nás doprevádzali, aké postupy, algoritmy či štruktúry sme zvolili pri implementácií opísaného softvéru.

# Kapitola 1

# Grafy

V tejto kapitole uvedieme zopár definícií týkajúcich sa grafov, opíšeme niektoré grafové štruktúry, prípadne zavedieme rôzne názvy, ktoré budeme v ďalších častiach práce potrebovať.

### 1.1 Definícia grafu

Začneme so základnou defínicou - s definovaním pojmu *graf*. Tú prevezmeme od Reinharda Diestela [4, kapitola 0.1]:

 $\mathit{Graf}$  je dvojica G=(V,E) disjunktných množín, kde prvky E sú dvojprvkové podmnožiny V. Prvky V sú  $\mathit{vrcholy}$  (prípadne  $\mathit{uzly}$  alebo  $\mathit{body}$ ) grafu G, prvky E sú jeho hrany.

Vytvorený objekt by sa mal korektne nazývať *neorientovaný graf*. Avšak my, ako aj mnohí iní, od tohto pomenovania upustíme a budeme pre jednoduchosť používať len pojem *graf*.

Hranu  $\{x,y\}$ , kde  $x,y \in V$ , budeme zasa zvyčajne označovať aj ako (x,y) alebo xy.

## 1.2 Základné pojmy týkajúce sa grafov

V nasledujúcej podkapitole sú uvedené definície rôznych pojmov, ktoré charakterizujú a popisujú vlastnosti grafových štruktúr.

 $R\acute{a}d$  grafu definujeme ako počet vrcholov grafu G.

Budeme hovoriť, že vrchol v je incidentný s hranou e, ak  $v \in e$ . Čiže, ak je vrchol

v jedným z vrcholov, ktoré hrana e spája, nazveme ho incidentným s tou hranou. Ak sú dva rôzne vrcholy incidentné s tou istou hranou, budeme ich volať jej koncovými vrcholmi.

Dva vrcholy  $x,y\in V$  sú susedné, ak xy je hrana v G. Dve hrany  $e,f\in E; e\neq f$  sú susedné, ak majú spoločný vrchol.

 $Stup\check{n}om\ vrchola\ v\in V$  nazveme počet hrán incidentných sv. Alebo, inak povedané, je to počet vrcholov, ktoré sú susedné s vrcholm v.

#### 1.2.1 Typy grafov

Teraz uvedieme niektoré základné typy grafov.

 $Prázdny\ graf$  je graf  $G=(\emptyset,\emptyset)$ . Označenie zjednodušíme na  $G=\emptyset$ .

Pojmom Triviálny graf budeme označovať graf s rádom 0 alebo 1.

Kompletným grafom nazveme taký graf, ktorého všetky vrcholy sú navzájom susedné. Uvažujme n vrcholov, potom kompletný graf na týchto vrcholoch označíme  $K_n$ . Na predstavu môže poslúžiť príklad kompletného grafu troch vrcholov  $K_3$ , čo je trojuholník.

Majme graf G. Ak každý jeho vrchol má rovnaký stupeň k, potom tento graf nazveme k-regulárnym. V definícií môžeme upustiť od počtu vrcholov a nazvať vzniknutý objekt iba regulárnym.

Nech  $r \in N, r \geq 2$ . Graf G = (V, E) voláme r-partitný, ak V umožňuje rozklad na r tried (partícií), a to takých, že každá hrana má svoje konce v rôznych triedach. Alebo inak, vrcholy v tej istej triede rozkladu so sebou nesmú susediť. 2-partitným grafom budeme vravieť bipartitné. Ľahko si bipartitný graf predstaviť uvažujúc dve množiny vrcholov, pričom sa hrany grafu nachádzajú len a len medzi týmito množinami, nie v nich.

### 1.2.2 Vzťahy medzi grafmi

Nech G=(V,E) a G'=(V',E') sú grafy. Označíme  $G\cap G'=(V\cap V',E\cap E')$  a  $G\cup G'=(V\cup V',E\cup E')$ . Ak prienik týchto dvoch grafov je prázdny graf  $G\cap G'=\emptyset$ , potom G a G' sú disjunktné. Ak  $V'\subseteq V$  a  $E'\subseteq E$ , potom hovoríme, že G' je podgraf

G (alebo G je nadgraf G', či G obsahuje G') a píšeme  $G' \subseteq G$ .

### 1.3 Cesty a cykly

Nech G = (V, E) je graf. Definujme cestu ako neprázdny graf P = (V', E'), ktorý je podgrafom G, tvaru  $V' = \{x_0, x_1, ..., x_k\}$  a  $E' = \{x_0x_1, x_1x_2, ..., x_{k-1}x_k\}$ , kde všetky  $x_i$  sú navzájom rôzne. Neformálne povedané, cesta spája (pomocou hrán) dva vrcholy grafu G, pričom sa v nej použité vrcholy nesmú opakovať. Počet hrán cesty sa nazýva aj  $d\tilde{l}\tilde{z}kou$ . Pre zjednoduchšenie budeme cestu zapisovať ako  $P = x_0x_1x_2...x_{k-1}x_k$ .

Majme graf G = (V, E). Nech P = (V', E') je cesta v G,  $P = x_0x_1x_2...x_{k-1}x_k$ , pričom  $k \geq 2$  a v grafe G existuje hrana  $x_0x_k$ . Potom hovoríme, že graf G obsahuje cyklus alebo tiež kružnicu C, kde C je podgraf G a platí  $C = (V', E' \cup \{x_0, x_k\})$ .

Sled v grafe G je názov pre neprázdnu striedavú postupnosť  $v_0e_0v_1e_1...e_{k-1}v_k$  vrcholov a hrán v G, pričom  $e_i=v_iv_{i+1}$  pre všetky i< k. Sled teda, narozdiel od cesty, môže obsahovať rovnaké vrcholy viac krát. Preto sa dá povedať, že sled je cesta, v ktorej sa môžu vrcholy opakovať. Ale aj naopak: sled, v ktorom sú vrcholy navzájom rôzne, je cestou.

Sled, v ktorom sú hrany navzájom rôzne, sa nazýva ťah.

### 1.4 Súvislosť

Ak sú ľubovoľné dva vrcholy grafu G spojené cestou, tento graf nazveme súvislým.

 $Komponent\ grafu\ G$  je súvislý podgraf grafu G taký, že nie je obsiahnutý v žiadnom väčšom súvislom podgrafe grafu G. Napríklad, súvislý graf má práve jeden komponent, a to samého seba.

Hrana  $e \in E$  grafu G sa volá most, ak graf G má menší počet komponentov v porovnaní s grafom G bez hrany e. Čiže, po odstránení hrany z grafu pribudne práve jeden komponent.

Vrchol  $v \in V$  grafu G sa nazýva artikulácia, ak počet komponentov grafu G je menší ako ich počet po odstránení v z grafu G. Teda, ak po odstránení vrchola z grafu

pribudne aspoň jeden komponent.

### 1.5 Kostry, stromy a lesy

Nech G = (V, E) je súvislý graf. Kostrou grafu nazveme taký graf  $G' = (V', E'), G' \subseteq G$ , pre ktorý platí V' = V a navyše medzi každými dovma vrcholmi existuje práve jedna cesta. Ak by sme grafu G postupne odnímali hrany tak, aby sme nenarušili jeho súvislosť, tak po odstránení všetkých takýchto hrán by sme získali kostru grafu G. Z tejto konštrukčnej definície vyplýva, že všetky hrany v kostre grafu sú mostami. Je z nej taktiež zrejmé, že každá kostra grafu je súvislá.

Kostrový les je taký graf G, pre ktorý platí, že každý z jeho komponentov je kostrou.

Acyklický graf (to jest taký, ktorý neobsahuje cyklus), ktorý je navyše súvislý, nazveme stromom. Všetky vrcholy stromu so stupňom 1 sú jeho listy. Je vhodné si povšimnúť, že, ako pri kostre, všetky hrani sú mostami. Taktiež je zaujímavé uvažovať o rozdiele medzi stromom a kostrou grafu. Možno nahliadnuť, že jediným rozdielom medzi nimi je, že strom je grafom, zakiaľ čo kostra je len podgrafom nejakého daného grafu.

Les je acyklický graf. Takže každý jeho komponent je stromom.

## 1.6 Špeciálne grafové štruktúry

Graf, ktorého prvky sú ohodnotené číslom určujúcim cenu, prípadne výhodnosť prechodu cezeň, nazveme ohodnotený graf. Hranovo ohodnotený graf je graf s funkciou  $w: E \to R$ . Teda pre ľubovoľnú hranu e existuje číslo w(e), ktoré nazveme hodnotou hrany, prípadne cenou hrany. Z praktického hľadiska je výhodné zadefinovať aj kladne hranovo ohodnotený graf. A to je taký, že w(e) > 0 pre všetky hrany. Vrcholovo ohodnotený graf je graf s funkciou  $w: V \to R$ . Teda pre ľubovoľný vrhol v existuje číslo w(v).

Orientovaný graf je dvojica G = (V, E), kde každý prvok  $xy \in E$  vyjadruje usporiadanú dvojicu. Neformálne, ak je daná hrana xy, ale nie yx, existuje cesta dĺžky 1 z vrcholu x do y, ale z vrcholu y do x takáto cesta nejestvuje.

Rozdiel medzi orientovanými a neorientovanými grafmi je, ako názov napovedá v existencií orientácií hrán. Ak by sme túto skutočnosť chceli vyjadriť formálne, povedali by sme, že zatiaľ čo v neorientovanom grafe obsahuje množina E dvojprvkové množiny, v orientovanom sa skladá z usporiadaných dvojíc.

#### 1.6.1 Cesty a cykly pre orientované grafy

Definícia cesty i cyklu pre orientované grafy je rovnaká ako pre neorientované. Rozdiel je len v jej použití na orientovaných grafoch. Pre úplnosť ich ale v stručnej podobe uvádzame.

Nech G = (V, E) je graf. Nech  $P = (V', E'), P \cap G$ , kde  $V' = \{x_0, x_1, ..., x_k\}$  a  $E' = \{x_0x_1, x_1x_2, ..., x_{k-1}x_k\}$ , pričom všetky  $x_i$  sú po dvoch rôzne. Potom P nazývame cestou v grafe G. Ak  $k \geq 3$  a vrcholy sú rôzne až na rovnosť  $x_0 = x_k$ , potom nazveme P cyklom, prípadne kružnicou ??kapitola 1.4|bang2008digraphs.

## Kapitola 2

## Algoritmy na grafoch

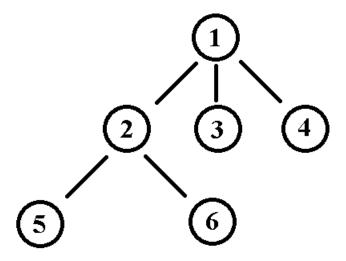
Táto kapitola obsahuje popisy algoritmov, ktoré sú aplikovateľné na grafové štruktúry a navyše využiteľné pri vyhľadávaní spojení v hromadnej doprave. Formálnu charakterizáciu algoritmu zväčša doprevádza i jeho voľnejšia interpretácia, ktorá má za účel uľahčiť porozumenie čitateľom, ktorí sa s daným algoritmom doposiaľ nestretli. Naviac, pri algoritmoch sú uvedené výhody, respektíve nedostatky, pri ich použití na nami vytýčený cieľ. V hojnom počte budeme využívať definície z kapitoly 1.

## 2.1 Prechádzanie vrcholmi grafu

Stručne popíšeme základné algoritmy na prechádzanie vrholov grafu. Tie však nie sú priveľmi využiteľné pri vyhľadávaní spojení MHD. Môžu nám ale významne pomôcť k prechádzaniu objemných súborov dát, ktoré bude sieť hromadnej dopravy isto obsahovať.

### 2.1.1 Prehľadávanie do šírky

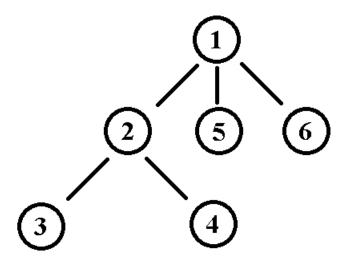
Prehľadávanie do šírky alebo skrátene BFS (z anglického Breadth-first search), dokáže pejsť cez všetky vrcholy grafu zapomoci fronty (alebo radu). Algoritmus si do nej ukladá susedov spracúvaných vrcholov, a tak prehľadá celý graf, pričom v každej iterácií prejde o jednu hranu viac vzdialené vrcholy od počiatočného.



Obr. 1: Príklad práce BFS na strome

### 2.1.2 Prehľadávanie do hĺbky

Prehľadávanie do hĺbky, skrátene DFS (z anglického Depth-first search), prechádza cez vrcholy grafu len pomocou cyklu, prípadne rekurzie. Obvykle sa v algoritme na všetkých susedov vrchola zavolá postupne rekuzívne ten istý algoritmus prehľadávania.



Obr. 2: Príklad práce DFS na strome

Je vhodné poznamenať, že na pbrázku 2 je ukázané len jedno z možných poradí práce s vrcholmi. Samozrejme, vrcholy budú vždy navštívené vo vyobrazenom poradí, avšak práca s nimi môže byť vykonaná až tromi spôsobmi. Prvý z nich súhlasí s usporiadaním na obrázku a nazýva sa preorder. Ďalšie dva sú inorder a postorder.

#### 2.1.3 Zhrnutie

Obi dva algoritmy majú očividnú lineárnu časovú zložitosť (O(n)), nakoľko sa pozrú na každý vrchol grafu práve raz.

Ako sme už spomínali, v týchto algoritmoch nevidíme potenciál pri ich využití na uskutočnenie nášho cieľa. Ich znalosť však môže byť veľmi prínosná pri prechádzaní štruktúr našich grafov.

## 2.2 Najlacnejšie cesty v grafe

Pri vyhľadávaní spojení mestskou hromadnou dopravou sa zdá byť veľmi racionálne zaoberať sa nachádzaním najlacnejších ciest v grafikone MHD. Dovoľujeme si tak tvrdiť, pretože najväčší dôraz cestujúcich je kladený práve na čo najskorší príchod do požadovanej lokality. Pre úplnosť ešte dodávame, že cena cesty, ako je asi zrejmé, je súčet hodnôt hrán (respektíve vrcholov), ktoré daná cesta obsahuje. Z doposiaľ uvedeného vyplýva, že pri našich úvahách budeme používať ohodnotené grafy, kde pridelenou hodnotou bude čas medzi zastávkami. Navyše musíme nejako ošetriť i vrcholy grafu zastávky, keďže na nich zvyčajne čakáme na prestup na ďalší spoj. Od tejto myšlienky však spočiatku upustíme a budeme sa jej venovať až neskôr. A posledná úvaha - hranami v našom grafe sú linky MHD, sme preto nútení použiť orientované grafy.

Ak uvažujeme vyhľadávanie najlacnejších ciest v grafe, musíme si najprv uvedomiť, čo presne je našim cieľom. Výledok, ktorý chceme dosiahnuť ako výstp algoritmu, má byť najlacnejšia cesta z počiatočného bodu do koncového. Avšak znalosť problematiky algoritmov na grafových štruktúrach nám ponúka riešenia iného, koplexnejšieho problému s asymptoticky rovnakou časovou zložitosťou. Týmto problémom je vyhľadávanie najlacnejších ciest z počiatočného vrcholu do všetkých ostatných vrcholov. Ľahko nahliadnuť, že riešeim tohto problému dostaneme odpoveď aj na našu počiatočnú otázku. Preto sa v nasledujúcej časti budeme zaoberať algoritmami riešiacimi túto úlohu.

Ľahko spozorovať, že by mohlo byť v určitých situáciách výhodné vypočítať ceny a nájsť najlacnejšie cesty pre všetky dvojice vrcholov. Hlavne, keď graf obsahuje malé množstvo vrcholov - zastávok. Mnoho miest má len malú sieť mestskej hromadnej dopravy, a teda by bolo rozumné vypočítať všetky potrebné údaje naraz na začiatku, a potom, pri prijímaní dotazu na vyhľadanie spojenia, jednoducho vypísať už vypočítanú odpoveď. Z tohto dôvodu uvedieme i algoritmy riešiace tento problém.

#### 2.2.1 Dijkstrov algoritmus

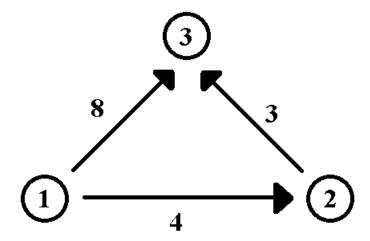
Holandský informatik, po ktorom je tento algoritmus pomenovaný, dokázal, okrem iného, vyriešiť aj nami nastolený problém. V jeho riešení je ale potrebné, aby boli ceny hrán grafu nezáporné reálne čísla, čo súhlasí s našou predstavou aplikovania algoritmu na grafikon MDH. Algoritmus je navrhnutý tak, že dostane ako vstup graf G = (V, E), počiatočný vrchol  $v_0$  a hodnotiacu funkciu  $h: V \times V \to R_0^+$ . Predpokladáme, že ak hrana  $uv \notin E$ , potom  $h(u,v) = \infty$ , ďalej, že h(u,u) = 0 a nakoniec, že funkciu h je možné vypočítať v konštantnom čase O(1). Máme taktiež jeden predpoklad na vrcholy grafu, a to, že sú reprezentované celými číslami 1, 2, ..., k (kde k je počet vrcholov grafu). Nakoniec, výsledkom algoritmu bude pole čísel D, v ktorom bude pre každý vrchol  $v \in V$  vypočítaná hodnota D[v], čo je cena najlacnejšej cesty z počiatočného vrchola  $v_0$  do vrchola v.

Tieto požiadavky, predpoklady, ba i vstup a výstup funkcie sú uvažované v horeuvedenom tvare len aby sme mohli predviesť implementáciu algoritmu od Pavla Ďuriša, ktorú možno nájsť aj v jeho knihe [10, kapitola 2.2.1].

```
\begin{array}{l} \mathbf{begin} \\ S \leftarrow \{v_0\} \\ D[v_0] \leftarrow 0 \\ \text{pre každý vrchol } v \in V \setminus \{v_0\} \colon D[v] \leftarrow h(v_0, v) \\ \text{while } S \neq V \text{ do begin} \\ \text{vyber } w \in V \setminus S \text{ taký, že hodnota } D[w] \text{ je minimálna} \\ S \leftarrow S \cup \{w\} \\ \text{pre každý } v \in V \setminus S \colon \\ D[v] \leftarrow \min\{D[v], D[w] + h(w, v)\} \\ \text{end} \\ \\ \text{end} \end{array}
```

Algoritmus 1: Dijkstrov algoritmus

Časová zložitosť dijkstrovho algoritmu je  $O(|V|^2)$ , čo je dokázané spolu s jeho korektnosťou v už uvedenom zdroji od Pavla Ďuriša [10, kapitola 2.2.1].



Obr. 3: Orientovaný graf s ohodnotenými hranami

Priebeh dijkstrovho algoritmu vysvetlíme na jednoduchom príklade. Máme orientovaný graf ako je zobrazený na obrázku 3. Našou úlohou je nájsť najkratšiu cestu z vrcholu 1 do ostatných vrcholov. Učiníme tak teda zapomoci dijkstrovho algoritmu. Čiže, najprv si vytvoríme pole, označme ho D, v ktorom si pre každý vrchol budeme pamätať hodnotu doň najkratšej cesty z vrcholu 1. Na počiatku bude táto hodnota pre všetky vrhcoly nekonečno, respektíve nejaká jeho rozumná náhrada. My budeme používať nekonečno. Nastavíme D[1] = 0. Začíname teda s počiatočným vrcholom 1. Zoberieme jeho všetkých zatiaľ nenavštívených susedov (vrcholy 2 a 3), a porovnáme hodnoty takto: najprv pre vrchol 2, zistíme či je jeho hodnota v poli D (to jest nekonečno) menšia ako hodnota vrchola, z ktorého vychádzame, plus hodnota hrany (to jest 0+4). To ale nie je pravda, takže prepíšeme hodnotu D[2] na 4. Pre vrchol 3 zasa porovnávame nekonečno s hodnotou 0+8 alebo aj, ako je v algoritme 1 naznačené, minimum z týchto dvoch hodnôt zapíšeme do D[3]. Vrchol 1 nemá viac susedov, takže ho označíme ako navštívený a pokročíme. Ďalším vrcholom v poradí bude ten s najmenšou hodnotou D[i] spomedzi doposial nenavštívených, čiže vrchol 2. Ten má iba jedného ešte nenavštíveného suseda, a to vrchol 3. Do D[2] preto zapíšeme minimum z hodnôt 8 a 4+3. Vrchol 2 je týmto vybavený a označený za navštívený. Zostáva posledný vrchol - vrchol 3. Väčšina implementácií dijkstrovho algoritmu pri dosiahnutý finálneho vrcholu končí v snahe urýchliť vyhľadávanie medzi dvoma vrcholmi. Ak však túto podmienku nezakomponujeme do nášho algoritmu, program zráta hodnoty najkratších ciest z daného vrcholu do všetkých ostatných vrcholov. V našom prípade nie je veľmi podstatné, ktorú variantu zvolíme, keďže algoritmus tak či tak vo vrchole 3 skončí, nakoľko ten už nemá žiadne incidentné hrany a v grafe už nejestvujú ďalšie nenavštívené vrcholy. Dosiahli sme teda výsledok: najkratšie cesty z vrcholu 1 sú uložené v poli D. Najkratšia cesta do vrcholu 1 je D[1] = 0, do vrcholu 2 je D[2] = 4 a pre vrchol 3 je odpoveď D[3] = 7.

Týmto príkladom sme chceli jemne ozrejmiť postup pracovania algoritmu, keďže pre tých, čo sa s ním ešte nestretli, ho môže byť dosť obtiažne z pseudokódu 1 vybadať.

Keďže je našim cieľom nie ani tak zistiť cenu najlacnejšej cesty, čo je hlavnou úlohou popísaného algoritmu, ale skôr takéto cesty nájsť, dijkstrov algoritmus by sme potrebovali jemne modifikovať, a to tak, aby sme vedeli spätne zrekonštruovať nájdené cesty. Teda so znalosťou konečného vrchola by sme chceli vedieť vygenerovať postupnosť vrcholov, cez ktoré sme sa do finálneho vrchola dostali. Budeme si preto pamätať pri každom vrchole informáciu, z ktorého vrchola sme sa doň dostali.

Dijkstrov algoritmus sa zdá byť najvhodnejším kandidátom pre účely našej práce. Jeho časová zložitosť je príjemná, implementácia nenánorčná a je dosť ľahké sa v nej orientovať, takže si ju budeme môcť poľahky modifikovať, prispôsobiť našim potrebám. Budeme teda schopný vypísať dodatočné informácie pre používaťeľov aplikácie, prípadne vyhľadávanie spresniť či rozšíriť podľa ich potrieb.

#### 2.2.2 Bellman-Fordov algoritmus

Ďalším algoritmom na výpočet najlacnejších ciest v grafe je Bellman–Frodov algoritmus. Hoci ako prvý prišiel s týmto riešením Alfonso Shimbel v roku 1955, algoritmus bol pomenovaný po Fordovi, ktorý ho publikoval v roku 1956 a po Bellmanovi, ktorého publikácia je z roku 1958. Ten istý algoritmus zverejnil i Moore v roku 1957, a preto niekedy môžeme počuť aj o Bellman–Ford–Moorovom algoritme.

Samotný algoritmus, narozdiel od dijkstrovho, dokáže pracovať i so záporne ohodnotenými hranami. Avšak predpokladá sa, že graf neobsahuje záporne cykly, to jest cykly, ktorých celková cena má zápornú hodnotu. Ak by v grafe existoval aspoň jeden, mohli by sme po ňom prejsť ľubovoľne veľa krát, čím by sme ustavične znížovali najlacnejšiu cenu do viacerých vrcholov. Bellman–Fordov algoritmus je však navrhnutý tak, že zakaždým vykoná konečný počet krokov, takže i pri grafe obsahujúcom záporný cyklus skončí, nezacyklí sa, iba jeho výsledné hodnoty nebudú pravdivé. Navyše, mnohé implementácie zahŕňajú i detekciu takéhoto cyklu a pri jeho nájdení vyhlásia chybu. Naša implementácia takúto kontrolu obsahovať nebude, nakoľko nie je potrebná pre vysvetlenie funkcionality a fungovanie algoritmu.

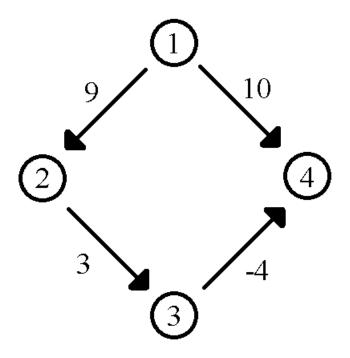
Náš algoritmus predpokladá, že na vstupe dostane graf G = (V, E) neobsahujúci

záporné cykly, hodnotiacu funkciu  $h: V \times V \to R$  a počiatočný vrchol  $v_0$ . Ďalšie predpoklady sú, ako u dijkstru, že ak  $uv \notin E$ , potom  $h(u,v) = \infty$ , taktiež h(u,u) = 0 a napokon, že funkciu h je možné vypočítať v čase O(1). Aby sa nám ľahšie pracovalo, opäť povedzme, že vrcholy na vstupe musia byť reprezentované celými číslami 1, 2, ..., n, kde n je počet vrcholov grafu. Našim výsledkom bude pole čísel D, v ktorom bude pre každý vrchol  $v \in V$  vypočítaná cena najlacnejšej cesty z počiatočného vrchola  $v_0$  do v, ozačená D[v]. Nasledovná implementácia je zostavená s pomocou knihy od Bannistera a Eppsteina [2].

$$D[v_0] \leftarrow 0$$
  
 $pre \ ka\check{z}d\acute{y} \ vrchol \ v \in V \setminus \{v_0\}: \ D[v] \leftarrow \infty$   
**for**  $i \leftarrow 1$  to  $n-1$  **do**  
**for** each edge  $wv$  in  $G$  **do**  
 $D[v] \leftarrow min\{D[v], D[w] + h(w, v)\}$ 

Algoritmus 2: Bellman–Fordov algoritmus

Časová zložitosť algoritmu je očividne  $O(|V| \cdot |E|)$ . Jeho korektnosť je možné nájsť napríklad v knihe [1, kapitola 3.3.4]. Toto dielo navyše obsahuje aj implementáciu spomínaného drobného vylepšenia, a to zisťovanie prítomnosti záporného cyklu.



Obr. 4: Orientovaný graf s ohodnotenými hranami

Funkcionalitu algoritmu si opäť predvedieme na jednoduchom príklade. Nech je vstupným grafom algoritmu graf vyobrazený na obrázku 4. Naším cieľom bude nájsť najkratšiu cestu z vrcholu 1 do ostatných vrcholov. Pod týmto popisom sa nachádza aj tabuľka (tabuľka 1) ukazujúca kľúčové hodnoty počas vykonávania algoritmu na našom príklade. Iterácia číslo 0 zaznamenáva stav vrcholov po inicializácií a pred začatím vykonávania cyklu, preto má počiatočný vrchol v tomto momente hodnotu D[1] = 0a všetky ostatné  $D[j] = \infty$ . Počas iterácie i = 1 sa ideme pozerať na všetky hrany v grafe. Tu zavisí od ich usporiadania, ktorá z nich sa vezme v akom poradí. V našom príklade, aby sme demonštrovali čo najviac možností, povedzme, že ako prvú určíme na porovnávanie hranu medzi vrcholmi 2 a 3. Keďže je ale hodnota D[2] aj D[3] rovná nekonečnu, zapíšeme do D[3] opäť nekonečno. Nech je ďalšou hranou v poradí vyhodnocovania hrana medzi vrcholmi 1 a 2. Tu je už situácia príznačnejšia. Nakoľko poznáme hodnotu D[1], môžeme zaznačiť, že D[2] = 9. Pozorné oko si isto všimne, čo by sa stalo, ak by boli vyhodnocovania týchto dvoch hrán v opačnom poradí. Totiž, v takom prípade by sme ihneď vedeli vypočitať i hodnotu D[3]. Pokračujme hranou medzi vrcholmi 1 a 4. Zistujeme, že D[4] = 10. Hrana medzi vrcholmi 3 a 4 dovrši prvú iteráciu algortmu. Tu sa ale nič nezmení, keďže porovnávame nekonečno s hodnotou 10. V nasledujúcej iterácií i=2 sa pre hrany spájajúce vrcholy 1,2 a 1,4 nestane nič zaujímavé. Pozrime sa teda na zvyšné hrany. Pre hranu medzi vrcholmi 2 a 3 sa upraví hodnota D[3] na 12 a následne sa pre poslednú hranu (medzi vrcholmi 3 a 4) vykoná porovnanie hodnôt (D[4] = 10) a ((D[3] = 12) + (-4)). Po druhej iterácií sme už dospeli k optimálnemu riešeniu, čo ale náš algoritmus nemôže vedieť, a preto

vykoná i poslednú, tretiu iteráciu. V nej sa ale už nič nezmení. Ak v dvoch stavoch po sebe nastala rovnaká situácia, repsektíve neprišlo k žiadnej zmene, je jasné, že algoritmus dosiahol výsledok. Ak by teda bola na pláne ešte ďalšia iterácia či nebodaj viac, môžeme vykonávanie programu ukončiť bez strachu pre nesprávny výsledok. Mnohé implementácie sú preto väčšinou doplnené o toto jemné vylepšenie. V našom príklade by nám však nepomohlo, keďže by program tak či tak zastavil po tretej iterácií.

Tabuľka 1: Priebeh algoritmu

iterácia = i	D[1]	D[2]	D[3]	D[4]	
0	0	$\infty$	$\infty$	$\infty$	
1	0	9	$\infty$	10	
2	0	9	12	8	
3	0	9	12	8	

V prípade Bellman–Fordovho algoritmu je nám opäť na obtiaž jeho strohá funkcionalita, a teda zisťovanie cien najlacnejších ciest, zatiaľ čo my žiadame poznať celú nájdenú cestu. Modifikácia kódu je ale jednoduchá, rovnaká ako pre dijkstru - pre kaźdý vrchol si navyše zapamätáme, z ktorého vrcholu sme sa doň dostali.

Bellman–Fordov algoritmus má mnoho pozitív - aplikovateľnosť i na hrany so záporným ohodnotením. Jeho časová zložitosť je taktiež potešujúca a implementácia prehľadná. Avšak jeho funkčnosť i nad zápornými ohodnoteniami nám nijako nepomôže pri jeho aplikácií na grafikon hromadnej dopravy. Navyše, jeho časová zložitosť  $O(|V| \cdot |E|)$  bude pri riešení nášho problému iba príťažou, nakoľko predpokladáme, že sieť liniek MHD bude obsahovať veľké množstvo hrán. Netreba však zabúdať, že algoritmus je pri iných problémoch široko využiteľný a výborný pre dobre zvolené dátové štruktúry.

### 2.2.3 Floyd-Warshallov algoritmus

Posledným algortimom slúžiaci na hľadanie najlacnejších ceist, ktorý uvedieme, nesie názov Floyd–Warshallov algoritmus. Opäť, ako v predošlom prípade, sa ale ani Floyd, ani Warshall nemôžu pýšiť prvenstvom. Predbehol ich Roy publikáciou z roku 1959, zatiaľ čo Floydova i Warshallova boli obe z roku 1962. Warshall dokonca v jeho práci nadväzuje na Kleeneho algoritmus z roku 1956. Finálna verzia, ktorú aj mi predvedieme, dostala svoju podobu až na konci roku 1962 zásluhou Ingermana. Vďaka mnohým publikáciám sa tento algoritmus nazýva rôznymi menami. My si ale vystačíme s jedným.

Výsledok Floyd–Warshallovho algoritmu sa značne odlišuje od predošlých dvoch. Zatiaľ čo tie spoľahlivo zistili hodnoty najlacnejších ciest z daného vrcholu do všetkých ostatných vrcholov, Floyd–Warshallov ich vyráta z každého vrcholu do každého. Samozrejme, to by sme vedeli dosiahnuť aj použitím predošlých algoritmov na všetkych vrcholoch. Vyžadovalo by sa však mnoho réžie navyše a kód by sa pravepodobne priveľmi zneprehľadnil. Naopak, Floyd–Warshallov algoritmus je na pohľad až príliš jednoduchý, no nesmierne účinný.

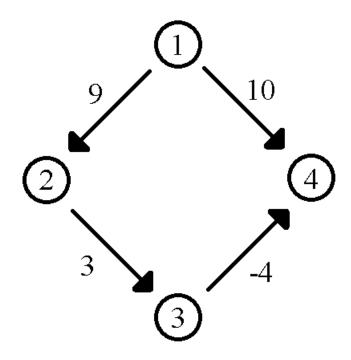
Nami uvedená implementácia bude pracovať s maticami. Na vstupe dostane algoritmus graf G=(V,E) bez záporných cyklov a incidenčnú maticu  $W=(w_{ij})$  rozmerov  $|V|\times |V|$ . Maticu W si vieme jednoducho zostrojiť z hodnotiacej funkcie takto: Nech sú ceny hrán hodnotené hodnotiacou funkciou  $h:V\times V\to R$ , kde, ako obvykle,  $h(u,u)=0,\,uv\notin E\implies h(u,v)=\infty$  a  $h(u,v)\in O(1)$ . Potom  $w_{ij}=h(i,j)$  pre všetky i,j. Príklad takejto matice W je vyobrazený na 2.1. Výsledkom algoritmu je posledná matica, a tou je matica  $C^{(|V|)}$ .

## begin

$$\begin{array}{l} n \leftarrow |V| \\ C^{(0)} \leftarrow W \\ \text{for } k \leftarrow 1 \text{ to } n \text{ do} \\ \text{for } i \leftarrow 1 \text{ to } n \text{ do} \\ \text{for } j \leftarrow 1 \text{ to } n \text{ do} \\ c_{ij}^{(k)} \leftarrow MIN(c_{ij}^{(k-1)}, c_{ik}^{(k-1)} + c_{kj}^{(k-1)}) \\ \text{return } C^{(n)} \\ \text{end} \end{array}$$

Algoritmus 3: Floyd-Washallov algoritmus

Ľahko nahliadnuť, že časová zložitosť Floyd–Warshallovho algoritmu je  $O(|V|^3)$ . Jeho korektnosť je taktiež pohľadom badateľná. Pre istotu pridávame možnosť overiť si naše tvrdenie v knihe od Pavla Ďuriša, odkiaľ pochádza aj implementácia algoritmu [10, kapitola 2.2.2].



Obr. 5: Orientovaný graf s ohodnotenými hranami

Ako príklad nám poslúži ten istý graf ako v prípade Bellman–Fordovho algoritmu. Avšak výpočet algoritmu by bol na popis pridlhý, preto uvedieme iba zopár vyhodnocovaní a zaujímavé idey, ktoré je vhodné si uvedomiť. Prvý cyklus algoritmu, pracujúci s premennou k, vytvorí zakaždým celú novú maticu  $C^{(k)}$ . Pre každý riadok a stĺpec (premenné i a j) tejto novovznikajúcej matice sa vykoná porovnanie, ktoré vypočíta hodnotu momentálneho prvku. Napríklad, ak by sme chceli zrátať hodnotu v matici  $C^{(1)}$  na pozícií i=2, j=2, s ľahkosťou využijeme vzorec použitý v algoritme, a teda  $c_{2,2}^{(1)}=MIN(c_{2,2}^{(0)},c_{2,1}^{(0)}+c_{1,2}^{(0)})$ , po dosadení  $c_{2,2}^{(1)}=MIN(0,\infty+9)=0$ . Lepším príkladom môže byť zmena hodnoty v po sebe nasledujúcich maticiach, ako napríklad  $c_{2,4}^{(3)}=MIN(c_{2,4}^{(2)},c_{2,3}^{(2)}+c_{3,4}^{(2)})=MIN(\infty,3+(-4))=-1$ .

$$C^{(0)} = W = \begin{pmatrix} 0 & 9 & \infty & 10 \\ \infty & 0 & 3 & \infty \\ \infty & \infty & 0 & -4 \\ \infty & \infty & \infty & 0 \end{pmatrix}$$

$$(2.1)$$

$$C^{(1)} = \begin{pmatrix} 0 & 9 & \infty & 10 \\ \infty & 0 & 3 & \infty \\ \infty & \infty & 0 & -4 \\ \infty & \infty & \infty & 0 \end{pmatrix}$$

$$(2.2)$$

$$C^{(2)} = \begin{pmatrix} 0 & 9 & 12 & 10 \\ \infty & 0 & 3 & \infty \\ \infty & \infty & 0 & -4 \\ \infty & \infty & \infty & 0 \end{pmatrix}$$

$$(2.3)$$

$$C^{(3)} = \begin{pmatrix} 0 & 9 & 12 & 8 \\ \infty & 0 & 3 & -1 \\ \infty & \infty & 0 & -4 \\ \infty & \infty & \infty & 0 \end{pmatrix}$$
 (2.4)

$$C^{(4)} = \begin{pmatrix} 0 & 9 & 12 & 8 \\ \infty & 0 & 3 & -1 \\ \infty & \infty & 0 & -4 \\ \infty & \infty & \infty & 0 \end{pmatrix}$$
 (2.5)

Opäť je namieste podotknúť, že nami požadované vylepšenie na poznanie i predchodcov s cieľom rekonštrukcie nájdených najlacnejších ciest treba pridať ešte ďalších |V| matíc, ktoré si danú informáciu budú počas výpočtu ukladať. Ich definíciu je možné uzrieť v už menovanom zdroji [10, kapitola 2.2.2].

Taktiež je vhodné poznamenať, že pre väčšie vstupy má algoritmus potenciál skonzumovať príliš veľa pamäte. Preto je v takom prípade výhodné algoritmus upraviť tak, aby používal iba dve matice, nakoľko pri algoritme je potrebné držať referenciu len na momentálnu a predchádzajúcu maticu  $(C^{(k)})$  a  $C^{(k-1)}$ . To isté možno tvrdiť aj o maticiach predchodcov.

Floyd-Warshallov algoritmus je taktiež dobrým kandidátom pre riešenie nášho problému. Implementácia je opäť jednoduchá, časová zložitosť vítaná. Znovu ale, možnosť využitia algoritmu i na záporných hranách nie je pre nás nijako prínosná. Naviac, pri vyhľadávaní spojenia medzi dvomi zastávkami v grafikone MHD by bolo nutné vyrátať hodnoty najlacnejších ciest z každého vrcholu do všetkých vrcholov, čo môže trvať prdlho. Samozrejme, po skončení hľadania budú už nasledujúce dopyty uspokojené v konštantnom, resp. lineárnom (ak uvažujeme i rekonštrukcie ciest), čase.

#### 2.2.4 Zhrnutie

Všetky tri prezentované algoritmy sú vhodnými adeptami pri riešení problému vyhľadávaní spojení v grafikone MHD. Každý z nich má svoje pozitíva, ale i nedostatky. Ktorí z algoritmov bude najvhodnejší, zavisí hlavne od dát, nad ktorými bude pracovať. Ako

sme už spomínali, Bellman–Fordov algoritmus bude mať výhodu pri grafoch obsahujúcimi menšie množstvo hrán, čo, žiaľ, nebude prípad liniek MHD. Floyd–Warshallov algoritmus je zasa zostavený tak, aby vypočítal všetky najlacnejšie cesty. Preto bude jeho priebeh pri väčšich vstupoch neprimerane dlhý. Jeho využitie preto vidíme pri grafikonom MHD malých miest, kde sa vyrátajú vsetky potrebné hodnoty už pri inicializácií, najlepšie na druhom vlákne, aby mohol používateľ zadávať dopyt už počas výpočtu. Využitie algoritmu by bolo v tomto prípade priam žiadané, keďže ostatné dva algoritmy môžu svoje výpočty pri väčšine postupností dopytov opakovať, čo ich môže nažiadane zdržovať. A nakoniec, Dijkstrov algoritmus sa zdá byť najvšeobecnejší a najpoužiteľnejší pre ľubovoľné dáta.

Existujú aj iné, pokročilejšie algoritmy, ktoré sú schopné nájsť najlacejšie cesty v grafe. Zvyčajne však ide o kombináciu nami uvedených algoritmov, prípadne ich optimalizácia alebo nejaká rafinovaná modifikácia. Na predstavu poslúži Johnsonov algoritmus, ktorého výstup je rovnaký ako výsledok Floyd–Warshallovho algoritmu, len jeho priebeh je iný - využíva kombináciu Dijkstrovho a Bellman–Fordovho algoritmu, čím dosahuje na riedkych grafoch výsledok rýchlejšie. Spomínaným pokročilejším algoritmom sa však podrobnejšie v našej práci venovať nebudeme.

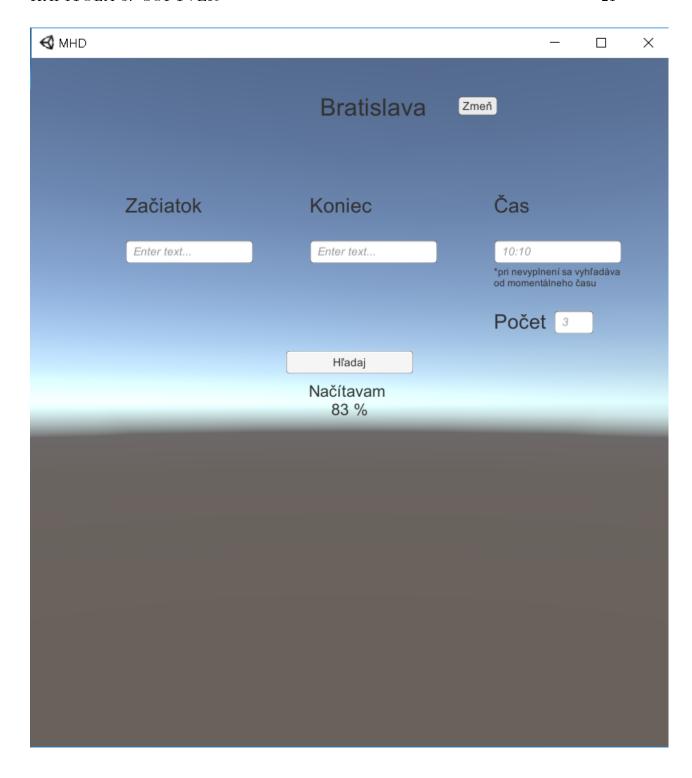
# Kapitola 3

# Softvér

Táto kapitola obsahuje základné informácie o nami implementovanom softvéri. Popisujeme v nej, ako program funguje, na čo slúži a ako sa ovláda. Uvádzame rôzne funkcie softvéru, prípadne aj príklady ich použitia.

## 3.1 Základný popis aplikácie

Aplikácia je vytvorená tak, aby používateľ intuitívne vedel, čo na čo slúži.



Obr. 6: Ukážka spusteného programu

Na obrázku 6, možno vidieť textové polia pod textami *Začiatok* a *Koniec*, ktoré použijú zadaný text ako začiatočný a konečný bod pre vyhľadávací algoritmus. Upozorňujeme, že názvy zastávok musia byť zadané presne tak, ako sú uložené v internej databáze, teda v textovom súbore, ktorý neskôr popíšeme.

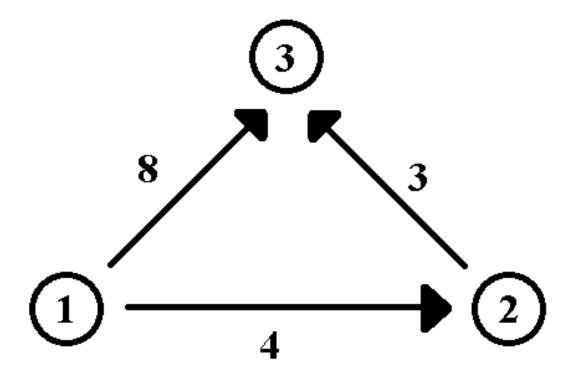
Textové pole  $\check{C}as$  berie za vstup, ako je v poli naznačené, čas vo formáte "hh:mm". Ak je prvá hodnota nula, netreba ju zadávať. Správne vstupy sú napríklad "5:32", "17:08"či "9:2". Ak ude formát vstupu zlý, prípadne používateľ nechá pole prázdne, vyhľadávanie začne v momentálnom čase, aký je nastavený na používanom zariadení.

Pole *Počet* požaduje vyplniť číslo, ktoré určí, koľko výsledkov sa má najviac zobraziť. Opäť, pri nesprávnom vstupe či nevyplnenom poli sa použije hodnota 3.

Tlačidlo *Hľadaj* spracuje vstupné údaje a spustí s nimi vyhľadávanie. Ak sa stále ešte načítavajú údaje z databázy, nie je možné vyhľadávanie spustiť. Počas načítavania sa ale dajú vpisovať požadované parametre do textových polí.

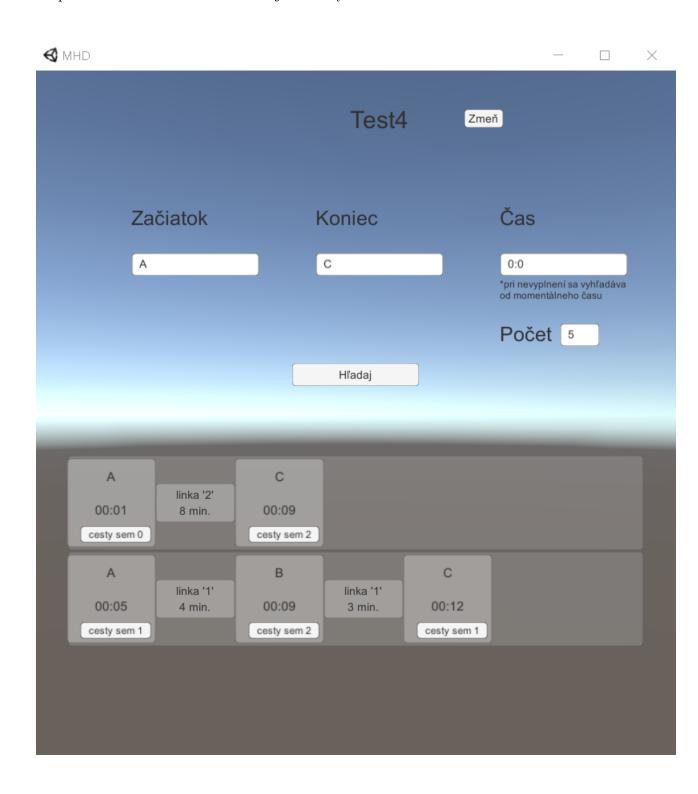
## 3.2 Vyhľadávanie

Funkčnosť vyhľadávnia ukážeme na jednom z našich testových vstupov. Nech je vsupný grafikon rovnaký ako na obrázku 7 a uvažujme linku '1' vyrážajúcu z A cez B do C v časoch 0:1 a 0:5 a linku '2' v čase 0:1 premávajúci iba z A do C.



Obr. 7: Príklad testového vstupu

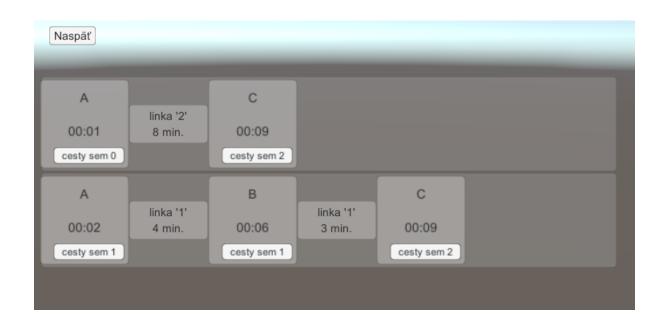
Spustime teda vyhľadávanie z A do C v čase 0:0. Vidieť, že sa do požadovanej zastávky môžeme dostať v časoch 0:9 a 0:12. Možno si povšimnúť, že linka '1' i linka '2' prídu obe v čase 0:9 do konečnej zastávky.



Obr. 8: Ukážka vyhľadávania

Vidíme, že výsledok vyhľadávania aplikácie je správny. Navyše, pri zastávke C v

čase 0:9 je tlačidlo *cesty sem 2*, ktoré naznačuje, že existujú, ako sme i my usúdili, dve relevantné cesty do tejto zastávky v tom istom čase. Po kliknutí na tlačidlo sa zobrazia spolu s tlačidlom *Naspäť*, ktoré zobrazí predošlé výsledky.



Obr. 9: Ukážka alternatívnej cesty do zastávky C

### 3.3 Dátové súbory

Naša aplikácia je konštruovaná tak, aby si každý jej požívateľ mohol vtvoriť vlastné dáta, s ktorými má program pracovať.

Zložka so spustiteľným súborom aplikácie obsahuje i zložku build\_Data a tá zložku Data. V nej sa nachádzajú rôzne testové vstupy. Stačí teda vytvoriť zložku s príznačným názvom a do nej umiestniť dva textové súbory s názvami zastavky a linky. Súbor zastavky má obsahovať názvy všetkých zastávok. Súbor linky je trochu zložitejší. Ten obsahuje linky, pričom každú popisuje 5 riadkov súboru. V prvom je názov linky. Zvyšné štyri sú rozdelené - prvé dva značia cesta linky tam, druhé dva cestu linky naspäť. Tieto dva a dva riadky majú rovnaký formát, preto z nich popíšeme len jednu dvojicu. V prvom riadku z dvoch sa nachádza vždy čas od počiatočnej zastávky sem a názov zastávky v chronologickom poradí. Táto dvojica času a názvu je od ďalšej oddelená znakom |. Duhý riadok obsahuje časy, v ktorých linka vyráža z počiatočnej zastávky. Formát tohto súboru sa môže javiť mierne chaotický, preto uvádzame i obrazok 10, ktorý ho názorne popisuje.

```
"Nazov linky"
```

"cas cesty od vyrazenia z pociatocnej zastavky" "cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" "cas vyraz" cas cesty od vyrazenia z pociatocnej zastavky" "cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" "cas vyraz" Nazov linky"

• • •

#### **PRIKLAD**

1

0 Stanica | 2 Ulica A | 5 Namestie C

8:52 12:34 16:10 21:53

0 Namestie C | 3 Ulica A | 5 Stanica

9:22 12:50 16:31 21:59

Obr. 10: Formát dátového súboru pre linky

Po vytvorení zložky s dátami už stačí len v programe kliknúť na tlačidlo  $Zme\check{n}$ , čo zobrazí textové pole, do ktorého používateľ zadá názov vytvorenej zložky a klikne na to isté tlačidlo (teraz už s nápisom OK). Program sa následne postará o načítanie dátových súborov, čo zapríčiní i zmenu textu hneď vedľa spomínaného tlačidla na názov poskytnutej zložky.



Obr. 11: Zmena dát, s ktorými má program pracovať

## Kapitola 4

## Implementácia softvéru

V tejto kapitole uvedieme, ako sme postupovali pri implementácií softvéru. Odhalíme, aké postupy, štruktúry či algoritmy sme zvolili, pričom popíšeme aj dôvody nášho výberu. Neuvádzame celý kód, ale len tie časti, ktoré sa nám zdali najviac zaujímavé a zodpovedajúce obsahu našej práce.

## 4.1 Prvé myšlienky

V prvom rade je zo všetkého najdôležitejšie ujasniť si, aké ciele má splňať naša implementácia. Treba si uvedomiť, čo chceme, aby náš program vedel robiť, jemne si načtrnúť, ako potrebné veci naprogramovať, ale tiež v akom poradí na nich pracovať.

Prvoradý a najpodstatnejší cieľ našej práce je dozaista vyhľadávač spojení v grafikone mestskej hromadnej dopravy. Teraz rozoberieme, čo všetko obnáša.

Nazačiatok budeme potrebovať vytvoriť, prípadne získať dáta, s ktorými budeme pracovať. Tie môžeme buď náhodne vygenerovať, pre vlastnú potrebu a testovanie aplikácie prevziať dáta z už existujúcej siete MHD, alebo si vytvoriť nejaké vlastné, sofistikované testovacie vstupy. Každá možnosť má svoje kladné i záporné stránky. Náhodné dáta otestujú algoritmy veľmi slušne, avšak môžu obsahovať rôzne anomálie a pravdepodobne ani zďaleka nebudú zobrazovať réalny tvar grafikonu MHD. Prevzaté dáta z existujúcich MHD tieto nedostatky znamenite riešia. Ich nevýhodou je ale ich použitie len na lokálne účely, nakoľko nemôžu byť publikované verejne. Vlastne vytvorené vstupy sú zasa výborné na testovanie okrajových prípadov, na nachádzanie a odstraňovanie chýb v programe, ako i na skúšanie programu pri malých zmenách v algoritme a pozorovaní očakávaných výsledkov. Naopak ale, postráda prítomnosť rozmerných dátových súborov, keďže ručné vytváranie objemných dát je časovo priveľmi

náročne.

V našich mysliach teda leží otázka, aké dáta zvoliť ako vstup. Samozrejme najlepšie by bolo použiť všetky tri spomínané možnosti. My sa však uspokojíme iba s dvomi z nich. Pri vytváraní kódu bude veľmi vhodné využívať nami navrhnuté vstupy, ktoré otestujú práve vytváranú časť programu. Po vytvorení zdanlivo funkčnej aplikácie ju otestujeme na existujúcich dátach, pričom zistíme či je program dostatočne rýchly a či sú jeho výstupy uspokojivé v porovnaní s inými vyhľadávačmi spojení. Náhodne generované vstupy nebudeme používať, keďže s kombináciou predošlých dvoch zistíme všetky potrebné informácie o funkčnosti aplikácie.

Treba si tiež premyslieť, kde si budeme spomínané dáta uschovávať. Za uváženie stoja dve možnosti. Dáta držať v textovom súbore alebo ich načitať do nejakej databázy a z nej potom čerpať. Textová reprezentácia je všestranná, ľahko s ňou pracovať i meniť vstupné údaje. Jej načítanie môže ale spomaľovať chod našej aplikácie. Naproti tomu, databáza je rýchla na čítanie z nej, ale jej o niečo ťažšie vytváranie znepríjemňuje našu snahu o testovaní mnohých vlastných vtupov. My sme, nakoľko je to jednoduchšie, zvolili textovú reprezentáciu dát. Opäť, najvhodnejšie by bolo oba spôsoby skombinovať, a teda uschovávať údaje v textových súboroch a nejaký vybraný vstup mať uložený v databáze, preto je naše rozhodnutie zatiaľ dočasné.

Ďalším bodom, o ktorom radno pouvažovať, je reprezentácia týchto údajov. Pre začiatok volíme znova čo najjednoduchšiu možnosť: vrcholmi nami použivaného grafu budú zastávky MHD a hranami sa stanú linky jazdiace medzi nimi. Tu, keďže sme si vybrali takú jednoduchú alternatívu, nesmieme zabúdať na flexibilitu. Ak sa ukáže nejaký problém, netreba sa báť reprezentáciu údajov rozumne pozmeniť, aby sme si zbytočne nenarobili problémy, ktoré sa budú v neskorších častiach implementácie obtiažne odstraňovať.

Nasledujúcou zastávkou je vytvorenie objektov na reprezentáciu grafu. Už sme spomínali, že budeme pracovať s orientovanými grafmi. Sprvu si vystačíme s hodnotením hrán. Teraz presnejšie popíšeme objekty, ktoré si budú držať informácie o vrcholoch, hranách i o celom grafe a budú tak reprezentovať uvedené grafové štruktúry. Riešenie je ale nateraz triviálne: Trieda vrcholu moc informácií nepotrebuje. Nech je jej premennou len názov zastávky. Trieda hrany bude vyžadovať referencie na dva vrcholy, keď že sme tak hrany v prvej kapitole definovali 1, a premennú predstavujúcu hodnotiacu funkciu. Táto implementácia sa jemne líši od našej definície hodnotiacej funkcie, avšak uvedeným spôsobom poľahky dosiahneme všetky predpoklady spomínanej funckie. Ak poznáme hranu, v konštantnom čase vieme zistiť jej hodnotenie, keď že len pristúpime

k zodpovedajúcej premennej. Nakoniec, trieda grafu bude obsahovať dve polia reprezentujúce všetky hrany a všetky vrcholy v grafe.

V tejto chvíli je prvotne premyslená celá reprezentácia údajov a prichádza na rad výber vyhľadávacieho algoritmu. Rozdiely medzi uvedenými algoritmami sa nachádzajú na konci predošlej kapitoly (2.2.4). Z nich vychádzajúc sme usúdili, že najvhodnejšie bude implementovať Dijkstrov algoritmus. Naše úvahy vychádzali prevažne z nami vytýčených cieľov, a teda funkcionality programu na reálnych dátach, ktoré sú vo väčšine prípadov veľké zoskupenia údajov. Z tohto dôvodu je nevhodný ako Bellman–Fordov, tak i Floyd–Warshallov algoritmus. Dijkstra navyše spoľahlivo a rýchlo funguje aj na menšich vstupoch a pre jeho všestrannosť je najlepším kandidátom pre riešenie našich cieľov.

V našom hypotetickom modeli už teda dokážeme zistiť výsledok vyhľadávania. Avšak musíme ešte ošetriť, kam sa želaný stav uloží, aby bolo jednoduché ho vypísať. A taktiež si treba rozmysileť, ako cheme výsledky vypisovať. Ako sme už spomínali v predchádzajúcej kapitole 2, budeme používať implementáciu vyhľadávacieho algoritmu s pamätaním si predchádzajúcich vrcholov pre nájdené najlacnejšie cesty, aby sme boli schopný ich zrekonštruovať. Mohli by sme teda vytvoriť nové pole o veľkosti počtu vrcholov grafu, do ktorého si tieto referencie uložíme. My však použijeme rovnaký postup ako pri hodnotiacej funkcií, a teda do objektu vrchola pridáme premennú držiacu si referenciu na predchádzajúci vrchol. Toto riešenie ale nie je prívetivé, keďže objekt vrchola nemá čo do činenia s výsledok výhľadávania najlajcenejších ciest v grafe. Správne by bolo všetky vrcholy obaliť ďalším objektom s príznačným názvom a v ňom si držať túto informáciu. V našom prípade ale ide o celkovo nie až tak ťažký kód, preto je takéto jemné zneprehľadnenie akceptovataľné. Vďaka memorizácií predchodcu vrchola nám teda stačí pri výpise poznať cieľovú zastávku vyhľadávania a dokážeme poľahky vyhotoviť žiadanú cestu. Pre začiatok sa uspokojíme s výpisom do konzoly, čo nám postačí až do záverečných prác na aplikácií.

Zostávajúcemu cieľu, čo je implementácia vylepšenia, sme sa rozhodli venovať a premýšľať nad ním až po uskutočnení opísaného cieľa.

Po prejdeni si všetkých potrebných úvah nám ale stále zostáva jedna nezodpovedaná otázka. Musíme si vybrať programovací jazyk, prípadne prostredie, v ktorom naše myšlienky zrealizujeme. Znalosťou potrebných vecí na implementáciu nám ale výrazne pomôže pri našom výbere. Nakoľko budeme chcieť reprezentovať graf, jeho vrcholy i hrany, bude nanajvíš priaznivé zvoliť objektovo orientovaný jazyk. Na myseľ prichádza Java, C#, Python, JavaScript. Ďalšim krítériom je, že v aplikácií budeme od používa-

teľa požadovať vstupné parametre v podobe počiatočnej a koncovej zastávky. Budeme teda vytvárať nejaké okná, textové polia a tlačidlá. Tieto možnosti sú už predpripravené, spolu s mnohými inými, vo vývojom prostredí Unity. Ide o prostredie určené prevažne na vývoj počítačových hier, avšak pre naše účely je úlne dokonalé. Využijeme jeho možnosť programovania v jazyku C# a hojne jeho grafické rozhranie.

#### 4.2 Začiatočná implementácia

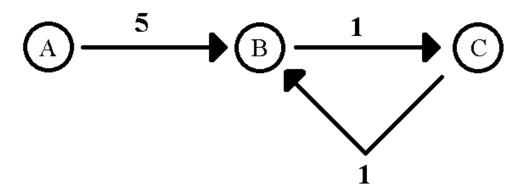
Po dôkladnom premyslení si všetkých potrebných detailov sme prešli k prvej implementácií. Samozrejme, nevyriešili sme ich všetky. Hneď, ako sme chceli vytvoriť prvý testový vstup, zistili sme, že sme si neujasnili, v akom formáte budeme dáta uschovávať. Ich formát je nepodstatný pre beh aplikácie, keďže si dáta v programe ihneď spracujeme na nami navrhnuté štruktúry. Stačí teda zvoliť ľubovoľný rozumný. Náš je demonštrovaný na obrázku 12.

```
"Nazov linky"
"cas cesty od vyrazenia z pociatocnej zastavky" "Nazov zastavky" | ... //cesta tam
"cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" "cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" ... //cesta tam
"cas cesty od vyrazenia z pociatocnej zastavky" "Nazov zastavky" | ... //cesta spat
"cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" "cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" ... //cesta spat
"Nazov linky"
...

PRIKLAD
1
0 Stanica | 2 Ulica A | 5 Namestie C
8:52 12:34 16:10 21:53
0 Namestie C | 3 Ulica A | 5 Stanica
9:22 12:50 16:31 21:59
```

Obr. 12: Formát obsahu dátového súboru

Teraz môžeme smelo zbierať dáta. Vďaka stránke Bratislavského dopravného podniku sme si uložili dáta popisujúce mestskú hromadnú dopravu v Bratislave. Tie použijeme lokálne na testovanie aplikácie. Vytvorili sme aj pár vlastných vstupov. Na obrázku 13 uvádzame ich jednoduchý príklad. V ňom sme uvažovali o linke vyrážajúcej z A do C v časoch 0:1 a 0:5 so spiatočnou cestou iba z C do B v čase 0:8.



Obr. 13: Príklad testového vstupu

Nasleduje implementácia grafových štruktúr, ktorá je nateraz jednoduchá. Vhodné je poznamenať, že v našej implementácií vrchola, ktorú zachytáva obrázok 14, si budeme pamätať hodnotu nejlacnejšej cesty do daného vrcholu, aby sme v Dijkstrovom algoritme nepotrebovali vytvárať pole čísel uchovávajúce jeho výsledky. Taktiež si budeme pamätať i referenciu na hranu, ktorá tento vrchol spája s jeho predchodcom, čo nám uľahčí budúcu prácu.

```
public class Vertex
{
   internal string name;

   internal int value; //for dijkstra's purpose
   internal Vertex parent; //for dijkstra's purpose
   internal Edge toParent; //for dijkstra's purpose

public Vertex(string n)
   {
      name = n;
   }
}
```

Obr. 14: Prvá reprezentácia vrcholu

Kód pre objekt hrany má ešte navyše pridané časy príchodu a odchodu linky z daných vrcholov. Inak objekty reprezentujúce hranu a graf neobsahujú žiadne zmeny.

```
public class Edge
{
   internal string name;
   internal Vertex fromV;
   internal Vertex toV;
   internal Time fromT;
   internal Time toT;
   internal int travellTime; //minutes

public Edge(string name, Vertex fromV, Vertex toV, Time fromT, Time toT)
   {
      this.name = name;
      this.fromV = fromV;
      this.toV = toV;
      this.fromT = fromT;
      this.toT = toT;
      this.travellTime = Time.differenceBetweenTimesMin(this.fromT, this.toT);
   }
}
```

Obr. 15: Prvá reprezentácia hrany

```
public class Graph
{
    internal List<Vertex> verteces;
    internal List<Edge> edges;

internal Graph()
    {
       verteces = new List<Vertex>();
       edges = new List<Edge>();
    }
}
```

Obr. 16: Prvá reprezentácia grafu

Pri vytváraní kódu bolo tiež potrebné rozobrať súbor s dátami a vytvoriť z nich horeuvedené objekty. Tento kód uvádzať nebudeme, nakoľko je dosť obsiahly a navyše neobsahuje žiadne relevantné informácie.

Ďalším krokom je implementácia vyhľadávacieho algoritmu. Tu však badáme komplikáciu. Medzi dvomi vrcholmi/zastávkami sa nachádza mnoho hrán reprezentujúcich všetky spojenia medzi nimi. Treba pomocou algoritmu zistiť, ktorú z týchto hrán vybrať. Najlepšie by bolo nejako vyberať hrany čo najskôr po udanom čase, od ktorého chceme vyhľadávať. To by však potrebovalo premnoho modifikácií algoritmu. My sme sa preto rozhodli riešiť tento problém zmenou reprezentácie údajov.

#### 4.3 Vylepšenie reprezentácie údajov

Keďže nám predošlá reprezentácia údajov spôsobovala komplikácie pri vyhľadávaní, rozhodli sme sa ju prerobiť. Nejde o priveľmi signifikantnú zmenu, avšak jej dopad na vyhľadávanie bude nanajvýš uspokojujúci. Zmena je, že naše vrcholy nebudú reprezentovať len zastávku, ale aj čas, v ktorom sa niečo v tej zastávke deje. Napríklad pre linku idúcu zo zastávky A do B v čase 0:1 s príchodom 0:6 vytvoríme dva vrcholy, jeden s hodnotami A a 0:1 a druhý s údajmi B a 0:6, pričom uvažovaná hrana spája presne tieto dva vrcholy. Tým pádom budeme nútení vytvoriť veľa hrán navyše, a to hrany, na ktorých sa čaká na nejakej zástavke. My sme tieto hrany nazvali "čakacie". Napríklad ak by bol v poslednom príklade práve čas 0:0, prvá hrany nášho cetovania medzi A a B by bola hrana spájajúca vrcholy A v čase 0:0 a A v čase 0:1. Uvedené rozšírenie možno vidieť na obrázku 17.

```
public class Vertex
{
   internal string name;
   internal Time time;

   internal int value; //for dijkstra's purpose
   internal Vertex parent; //for dijkstra's purpose
   internal Edge toParent; //for dijkstra's purpose

public Vertex(string n, Time t)
   {
      name = n;
      time = t;
   }
}
```

Obr. 17: Rozšírená reprezentácia vrchola

Do objektu hrany sme zasiahli len minimálne: sme pridali jednu premennú hovoriacu či je daná hrana čakacia, čo nám pomôže pri výpise cesty, pretože budeme chcieť

takéto hrany vylúčiť z výpisu.

Táto reprezentácia údajov vyzerá naozaj sľubne, keďže algoritmus vyhľadávnia na takto zostavenom grafe nebude potrebovať žiadne ďalšie úpravy.

## 4.4 Implementácia vyhľadávacieho algoritmu a výpis výsledku

Nasledujúcim bodom bolo teda implementovať vyhľadávací algoritmu na pripravenej grafovej štruktúre. Ako sme už spomínali, na tento účel využijeme Dijkstrov algoritmus. Jeho implementácia podľa podkapitoly 2.2.1 je nenáročná. Za zmienku ale stojí pýtať sa, ktorý vrchol, po zadaní požiadavky používateľom, zvolíme ako počiatočný. Odpoveď je ale prostá: nájdeme vrchol s daným názvom, ktorý je čo najskôr po zadanom čase používateľa. Druhou možnosťou by bolo vytvoriť nový vrchol sparametrami od používateľa a ten umiestniť do grafu. Implementácia by bola jednoduchšia, ale oveľa viac mätúca. Rozhodli sme sa preto pre prvú možnosť.

Opäť je vhodná chvíľa uvažovať. Ak bude náš graf rozsiahly, s čím musíme rátať, Dijkstrov algoritmus bude počítať veľmi dlho, než sa dopátra ku všetkým hodnotám. Rozmuné je teda do implementácie zapojiť i ukončenie procesu vyhľadávania v nejakom rozumnom stave. Ako sme spomínali pri opisovaní Dijkstrovho algoritmu 2.2.1, mnoho implementácií končí po nájdený hodnoty najlacnejšej cesty pre zadaný konečný vrchol. My túto ideu v tejto chvíli aplikujeme, avšak jemne pozmenenú. Budeme si počas behu Dijkstrovho algoritmu počítať, koľko krát sme už prišli do finálneho vrchola a po určitom počte jeho návštev algoritmus ukončíme. Otázkou zostáva, aký bude tento počet návštev konečného vrchola. Ak bude priveľký, bude algoritmus trvať zbytočne dlho. Ak zasa malý, používateľ bude nespokojný. Navyše, v prípade opätovného vyhľadávnia na tých istých vstupnoch len s vyššou hondotou tohto čísla bude musieť algoritmus začínať vždy odznova. Bolo by teda rozumné, nechať používateľov samých navoliť toto číslo. Nateraz sme ale túto hodnotu napevno zadrôtovali na číslo 5. Naša implementácia algoritmu je k nahliadnutiu na obrázku ??. Treba podotknúť, že niektoré použité premenné sú definované mimo procedúry a ich význam je možne zistiť buď z názvu, z kontextu, alebo z prezretia si väčšej časti kódu.

```
private void DijkstrasAlgorhitm(Vertex start, string fin)
    updateVertecesValues();
    List<Vertex> visited = new List<Vertex>();
    start.parent = null;
    start.value = 0;
    List<Vertex> inScope = new List<Vertex>();
    inScope.Add(start);
    DijkstrasComparator dc = new DijkstrasComparator();
    while (inScope.Count > 0)
        inScope.Sort(dc);
        Vertex now = peek(inScope);
        if (graph.getNeighbors(now).Contains(start)) break;
        List<Vertex> neighbors = graph.getNeighbors(now);
        List<Edge> incidentEdges = graph.getIncidentEdges(now);
        if (!now.name.Equals(fin))
            for (int i = 0; i < neighbors.Count; i++)</pre>
                Vertex v = neighbors[i];
                Edge e = incidentEdges[i];
                if (visited.Contains(v)) continue;
                int newValue = now.value + e.travellTime;
                if (newValue < v.value)</pre>
                    v.value = newValue;
                    v.parent = now;
                    v.toParent = e;
                    if (!inScope.Contains(v)) inScope.Add(v);
            }
        }
        else
        {
            amountNow--;
            if (amountNow == 0) return;
        visited.Add(now);
}
```

Obr. 18: Naša implementácia Dijkstrovho algoritmu

Výsledná odpoveď algoritmu bude uložená vo vrcholoch grafu. Ich hodnoty pre požadovanú zastávku nájdeme jednoducho podľa názvu, teda vezmeme všetky vrcholy s názvom, aký je požadovaný a zoradíme ich podľa času počnúc zadaným časom pre vyhľadávanie. Pre nejaký rozumný počet týchto vrcholov necháme zrekonštruovať a do konzoly vypísať nájdené cesty. Táto hodnota by teda nemala a ani nemôže presiahnuť hodnotu návštev finálneho vrchola z predošlého odseku, momentálne teda 5, nakoľko

pre ostatné vrcholy už výslednú hodnotu nepoznáme.

Vypisovanie cesty pre daný vrchol realizujeme pomocou rekurzie, čo nám zabezpečí správne poradie zastávok. Túto procedúru ukazuje obrázok 19. O samotný spôsob výpisu sa teda, ako je i zobrazené v kóde, stará iná trieda, tireda "PathShowing".

```
private void printPath(Vertex v)
{
    if (v == null) return;
    printPath(v.parent);
    if (v.parent != null)
    {
        //two verteces has been found
        //now we need to print the edge in between, if it isn't wait if (!v.toParent.waitingEdge) pathShowing.printThis(v.toParent)
}
```

Obr. 19: Kód starajúci sa o výpis cesty

### 4.5 Neefektívnosť vytvárania objektov

Program, po implementácií všetkého doposiaľ opísaného, sa zdá byť funkčný. Na testovacích vstupoch je bezchybný. To však neznamená, že funkčný naozaj je. Aplikáciu musíme, čo je aj cieľom práce, otestovať na veľkých, respektívne reálnych dátach. Po spustení na týchto dátach už ale program nepracuje tak, ako by sme očakávali. Aplikácia sa i po viac ako hodinovom čakaní nerozbieha. Využili sme preto možnosť krokovania kódu, čím sme zistili príčinu nášho problému - aplikácií trvá pridlho pretváranie dát z obrovského textového súboru na žiadané objekty. Po prezretí si kódu sme, naštastie, našli neefektívne časti, ktoré sme prerobili. Presnejšie, pri vytváraní vrcholov sme zakaždým kontrolovali či už vrchol s rovnakými údajmi náhodou neexistuje, a tak aby sme nevytvorili vrcholy nesúce rovnaké informácie. Na to sme, pri našej jednoduchej implementácií grafu, museli prejsť poľom vrcholov. Preto sme do objektu grafu popridávali rôzne slovníky, resp. hashovacie mapy, čím sa nám podarilo výrazne urýchliť vytváranie objektov. Slovníky sme dokonca využili i počas algoritmu vyhľadávania, takže aj on sa stal trocha rýchlejším. Modifikovaná implementácia grafu sa nachádza na obrázku 20.

```
public class Graph
{
    internal List<Vertex> verteces;
    internal List<Edge> edges;

    internal SortedDictionary<string, List<Vertex>> allStops;
    internal Dictionary<Vertex, List<Edge>> allEdges;
    internal Dictionary<Vertex, List<Vertex>> neighbors;

internal Graph()
{
    verteces = new List<Vertex>();
    edges = new List<Edge>();
    allStops = new SortedDictionary<string, List<Vertex>>();
    allEdges = new Dictionary<Vertex, List<Edge>>();
    neighbors = new Dictionary<Vertex, List<Vertex>>();
}
```

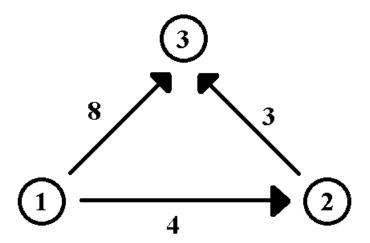
Obr. 20: Vylepšená implementácia grafu

Vylepšenie objektu grafu zabezpečilo, že sa aplikácia načítava približne minútu. Boli sme ju teda schopný otestovať na reálnych dátach a výsledky boli pozitívne. Dĺžka načítavania je ale stále neprajná, hoci aplikácia by mohla byť stále využiteľná, napríklad keby sa spustila a nechala bežať na serveri a používatelia by sa skrz určitú webovú stránku spytovali aplikácie svoje otázky.

#### 4.6 Vyhľadávanie alternatívnych ciest

Posledným cieľom našej práce je implementácia nejakéh vylepšenia, ktoré obohatí náš program a urobí ho príťažlivejším. Rozhodli sme sa, že medzi funkcionalitu aplikácie pridáme možnosť zobrazenia alternatívnych ciest do, keďže ju postráda skoro každý iný vyhľadávací nástroj. Presnejšie, pri zobrazení výsledkou algoritmu bude pri každej zastávke možné zvoliť zobrazenie iných trás do tej istej zastávky s príchodom v tom

istom čase.



Obr. 21: Príklad alternatívnej trasy

Napríklad, pre graf zobrazený na 21 bude výsledok vyhľadávnia cesta z vrcholu 1 do 3 cez vrchol 2, nakoľko je najkratšia. Ale pri vrchole 3 v zobrazení výsledku bude napísané, že doň vedú aź dve cesty, nie len tá vypočítaná. Aplikácia bude schopná na žiadosť používateľa tieto alternatívne cesty vypísať a dokonca sa i navrátiť do pôvodného výsledného stavu.

Po dlhšom uvažovaní sme si uvedomili, že implementácia takéhoto vylepšenia nie je priveľmi náročná. Je ale nutné upraviť vyhľadávací algoritmus, čo ho, dúfame, príliš nezprehľadní. V prvom rade pridáme do triedy pre vrchol jedno pole hrán uchovávajúce si tie hrany, ktoré boli v Dijkstrovom algoritme skúšané ako kandidáti na najkratšiu cestu do tohto vrchola. Samozrejme, budú tam všetky - aj tie, ktorým sa nepodarilo, i tie, ktorým áno, lebo tie so zdarným porovnaním sa môžu neskôr prepísať inou, lepšou možnosťou. A ako sme už prezradili, úprava vo vyhľadávaciom algoritme tiež nebude markantná. V ňom nám stačí pred porovnaním pridať hranu do spomínaného poľa pre cieľový vrchol.

Implementácia vylepšenia sa naozaj nezdá byť signifikantná, jej účel je ale naozaj prínosný. Avšak nie je pravda, že jej naprogramovanie je také jednoduché. S touto implementáciu sa nám podarilo získať výsledky, ktoré, žiaľ, nevieme vypísať. Vo výpise sa ale nachádza tvrdý oriešok. Keďže najprv potrebujeme vypísať alternatívne cesty, potrebujeme nielen zmazať predošlý výpis výsledok, ale si aj zapamätať tento stav, keďže sa k nemu pravdepodobne bude chcieť používateľ vrátiť. Ďalej, ak si zvolíme zobraziť alternatívne cesty pre nejakú zastávku, možno si budeme chcieť opäť z vy-

písaného zvoliť alternatívnu cestu. Výpis by teda mal fungovať do ľubovoľnej hĺbky. Ako nádherné riešenie tohto problému sa nám ponúka použiť návrhový vzor Memento, ktorého Caretaker si bude postupne zapamätávať stavy a na žiadosť nám posledný zapamätaný stav poskytne a zároveň ho odstráni zo svojej pamäte. Na jeho pamäť zasa poslúži dátová štruktúra zásobník a ukladané stavy budú reprezentované triedou so zoznamom zoznamou hrán. Implementácia Mementa nám teda s prehľadom vyriešila všetky starosti.

### Záver

Na záver už len odporúčania k samotnej kapitole Záver v bakalárskej práci podľa smernice [?]: "V závere je potrebné v stručnosti zhrnúť dosiahnuté výsledky vo vzťahu k stanoveným cieľom. Rozsah záveru je minimálne dve strany. Záver ako kapitola sa nečísluje."

Všimnite si správne písanie slovenských úvodzoviek okolo predchádzajúceho citátu, ktoré sme dosiahli príkazmi \glqq a \grqq.

V informatických prácach niekedy býva záver kratší ako dve strany, ale stále by to mal byť rozumne dlhý text, v rozsahu aspoň jednej strany. Okrem dosiahnutých cieľov sa zvyknú rozoberať aj otvorené problémy a námety na ďalšiu prácu v oblasti.

Abstrakt, úvod a záver práce obsahujú podobné informácie. Abstrakt je kratší text, ktorý má pomôcť čitateľovi sa rozhodnúť, či vôbec prácu chce čítať. Úvod má umožniť zorientovať sa v práci skôr než ju začne čítať a záver sumarizuje najdôležitejšie veci po tom, ako prácu prečítal, môže sa teda viac zamerať na detaily a využívať pojmy zavedené v práci.

# Literatúra

- [1] Jørgen Bang-Jensen and Gregory Z Gutin. *Digraphs: theory, algorithms and applications*. Springer Science & Business Media, 2008.
- [2] Michael J Bannister and David Eppstein. Randomized speedup of the bellmanford algorithm. In 2012 Proceedings of the Ninth Workshop on Analytic Algorithmics and Combinatorics (ANALCO), pages 41–47. SIAM, 2012.
- [3] Richard Bellman. On a routing problem. Quarterly of applied mathematics, 16(1):87–90, 1958.
- [4] Reinhard Diestel. Teória grafov, 2000. [Citované 2017-12-4] Dostupné z http://www.dcs.fmph.uniba.sk/~haviarova/uktg/#materialy.
- [5] Shimon Even. Graph algorithms. Cambridge University Press, 2011.
- [6] Jana Katreniaková. Vizualizácia a kreslenie pekných grafov, 2014. [Citované 2017-12-4] Dostupné z http://sccg.sk/~ferko/VizualizaciaPreGrafikov.pdf.
- [7] S Meena Kumari and N Geethanjali. A survey on shortest path routing algorithms for public transport travel. *Global Journal of Computer Science and Technology*, 9(5):73–75, 2010.
- [8] Jakub Novák. Dynamická navigácia osôb so spätnou väzbou v mestskej hromadnej doprave. Bakalárska práca, Univerzita Komenského v Bratislave, 2016.
- [9] José Luis Santos. k-shortest path algorithms. 2007. [Citované 2017-12-4] Dostupné z https://estudogeral.sib.uc.pt/jspui/bitstream/10316/11305/1/k-Shortest%20path%20algorithms.pdf.
- [10] Pavol Duriš. Tvorba efektívnych algoritmov. Knižničné a edičné centrum FMFI UK, 2009.