

UNIVERZITA KOMENSKÉHO V BRATISLAVE
FAKULTA MATEMATIKY, FYZIKY A INFORMATIKY

VYHLADÁVANIE SPOJENÍ MESTSKOU
HROMADNOU DOPRAVOU
BAKALÁRSKA PRÁCA

2018
ALOJZ STÚPAL

UNIVERZITA KOMENSKÉHO V BRATISLAVE
FAKULTA MATEMATIKY, FYZIKY A INFORMATIKY

VYHLÁDÁVANIE SPOJENÍ MESTSKOU
HROMADNOU DOPRAVOU
BAKALÁRSKA PRÁCA

Študijný program: Informatika
Študijný odbor: 2508 Informatika
Školiace pracovisko: Katedra informatiky
Školiteľ: RNDr. Michal Forišek, PhD.

Bratislava, 2018
Alojz Stúpal



Univerzita Komenského v Bratislave
Fakulta matematiky, fyziky a informatiky

ZADANIE ZÁVEREČNEJ PRÁCE

Meno a priezvisko študenta: Alojz Stúpal
Študijný program: informatika (Jednoodborové štúdium, bakalársky I. st., denná forma)
Študijný odbor: informatika
Typ záverečnej práce: bakalárska
Jazyk záverečnej práce: slovenský
Sekundárny jazyk: anglický

Názov: Vyhľadávanie spojení mestskou hromadnou dopravou
Finding connections using public transport

Anotácia: Práca sa zaoberá vyhľadávaním a zobrazovaním možností cesty MHD.

Cieľ: Práca má nasledujúce ciele:
1. Spracovať prehľad základných algoritmov vhodných na vyhľadávanie spojenia v grafikone MHD.
2. Implementovať softvér umožňujúci takéto vyhľadávanie a otestovať jeho funkčnosť na reálnych dátach.
3. Pokúsiť sa navrhnúť a implementovať možné vylepšenia, ako napr.: vyhľadávanie cesty bod-bod namiesto zastávka-zastávka; vizualizácia možných alternatívnych trás; výpočet dodatočných informácií, napr. očakávaného meškania v prípade nestihnúť prestupu.

Vedúci: RNDr. Michal Forišek, PhD.
Katedra: FMFI.KI - Katedra informatiky
Vedúci katedry: prof. RNDr. Martin Škoviera, PhD.
Dátum zadania: 07.11.2017

Dátum schválenia: 08.11.2017

doc. RNDr. Daniel Olejár, PhD.
garant študijného programu

.....
študent

.....
vedúci práce

PodĎakovanie: Ďakujem školiteľovi, RNDr. Michalovi Foriškovi, PhD., za vynaložené úsilie, ktoým mi ustavične pomáhal. Ďakujem i všetkým ostatným, ktorí mi akokoľvek pomohli pri písaní tejto práce.

Abstrakt

V práci najprv popisujeme algoritmy použiteľné pri vyhľadávaní spojení v grafikone mestskej hromadnej dopravy. Následne argumentujeme, ktorý je na tento účel najlepší. Implementujeme program, ktorý realizuje takéto vyhľadávanie zapomoci zvoleného algoritmu. Implementujeme vylepšenie algoritmu - zobrazovanie alternatívnych ciest.

Kľúčové slová: grafy, najlacnejšie cesty v grafe, vyhľadávanie spojení MHD, Dijkstrov algoritmus

Abstract

We will describe algorithms that are usable when searching for links in public transport. After that, we will give arguments about which one is the best for this purpose. With chosen algorithm we will implement a program that will perform such a search. We will implement an improvement in algorithm - displaying alternative paths.

Keywords: graph, shortest paths in graph, search for public transport links, Dijkstra's algorithm

Obsah

Úvod	1
1 Grafy	2
1.1 Definícia grafu	2
1.2 Základné pojmy týkajúce sa grafov	2
1.2.1 Typy grafov	3
1.2.2 Vzťahy medzi grafmi	3
1.3 Cesty a cykly	4
1.4 Súvislosť	4
1.5 Kostry, stromy a lesy	5
1.6 Špeciálne grafové štruktúry	5
1.6.1 Cesty a cykly pre orientované grafy	6
2 Algoritmy na grafoch	7
2.1 Prechádzanie vrcholmi grafu	7
2.1.1 Prehľadávanie do šírky	7
2.1.2 Prehľadávanie do hĺbky	8
2.1.3 Zhrnutie	9
2.2 Najlacnejšie cesty v grafe	9
2.2.1 Dijkstrov algoritmus	10
2.2.2 Bellman–Fordov algoritmus	12
2.2.3 Floyd–Warshallov algoritmus	15
2.2.4 Zhrnutie	18
3 Softvér	20
3.1 Základný popis aplikácie	20
3.2 Vyhľadávanie	21
3.3 Dátové súbory	23
4 Implementácia	25
4.1 Prvé myšlienky	25

4.2	Začiatočná implementácia	28
4.3	Vylepšenie reprezentácie údajov	31
4.4	Implementácia vyhľadávacieho algoritmu a výpis výsledku	32
4.5	Neefektívnosť vytvárania objektov	34
4.6	Vyhľadávanie alternatívnych ciest	35
Záver		38

Zoznam obrázkov

1	Príklad práce BFS na strome	8
2	Príklad práce DFS na strome	8
3	Orientovaný graf s ohodnotenými hranami	11
4	Orientovaný graf s ohodnotenými hranami	14
5	Orientovaný graf s ohodnotenými hranami	17
6	Ukážka spusteného programu	20
7	Príklad testového vstupu	21
8	Ukážka vyhľadávania	22
9	Ukážka alternatívnej cesty do zastávky C	22
10	Formát dátového súboru pre linky	23
11	Zmena dát, s ktorými má program pracovať	24
12	Formát obsahu dátového súboru	28
13	Príklad testového vstupu	29
14	Prvá reprezentácia vrcholu	29
15	Prvá reprezentácia hrany	30
16	Prvá reprezentácia grafu	30
17	Rozšírená reprezentácia vrchola	31
18	Naša implementácia Dijkstrovho algoritmu	33
19	Kód starajúci sa o výpis cesty	34
20	Vylepšená implementácia grafu	35
21	Príklad alternatívnej trasy	36

Zoznam tabuliek

1	Priebeh algoritmu	15
---	-----------------------------	----

Úvod

Cieľom tejto práce je spracovať informácie a vytvoriť prehľad algoritmov, ktoré sú použiteľné pri vyhľadávaní spojenia v grafikone hromadnej dopravy a následne stručne popísať ich výhody i nedostatky pri ich využití na takéto vyhľadávanie. Praktickou stránkou práce je implementácia algoritmu, ktorý sme zhodnotili, že je najvhodnejší na vyhľadávanie a zaskomponovanie algoritmu do aplikácie vhodnej na používanie. Ďalším krokom je rozšírenie programu o dodatočnú funkcionálnu, konkrétne vizualizáciu alternatívnych trás.

V kapitole 1 oboznámime čitateľa so základnými pojmami, ako je napríklad graf či cesta, ako i s ďalšími potrebnými definíciami, ktoré budú využívané v ostatných kapitolách.

V kapitole 2 popíšeme algoritmy aplikovateľné na grafové štruktúry a použiteľné pri vyhľadávaní spojení hromadnej dopravy. Pre každý algoritmus uvažíme, prečo je vhodný pre takéto vyhľadávanie a prečo nie.

V kapitole 3 sa pozrieme na softvér, ktorý sme implementovali. Uvedieme jeho možnosti a funkcie, popíšeme, ako ho ovládať a ukážeme i nejaké príklady z jeho použitia.

V kapitole 4 odhalíme, aké úvahy a myšlienky nás sprevádzali, aké postupy, algoritmy či štruktúry sme zvolili pri implementácii opísaného softvéru.

Kapitola 1

Grafy

V tejto kapitole uvedieme zopár definícií týkajúcich sa grafov, opíšeme niektoré grafové štruktúry, prípadne zavedieme rôzne názvy, ktoré budeme v ďalších častiach práce potrebovať.

1.1 Definícia grafu

Začneme so základnou definíciou - s definovaním pojmu *graf*. Tú prevezmeme od Reinharda Diestela [5, kapitola 0.1]:

Graf je dvojica $G = (V, E)$ disjunktných množín, kde prvky E sú dvojprvkové podmnožiny V . Prvky V sú *vrcholy* (prípadne *uzly* alebo *body*) grafu G , prvky E sú jeho hrany.

Vytvorený objekt by sa mal korektne nazývať *neorientovaný graf*. Avšak my, ako aj mnohí iní, od tohto pomenovania upustíme a budeme pre jednoduchosť používať len pojem *graf*.

Hranu $\{x, y\}$, kde $x, y \in V$, budeme zasa zvyčajne označovať aj ako (x, y) alebo xy .

1.2 Základné pojmy týkajúce sa grafov

V nasledujúcej podkapitole sú uvedené definície rôznych pojmov, ktoré charakterizujú a popisujú vlastnosti grafových štruktúr.

Rád grafu definujeme ako počet vrcholov grafu G .

Budeme hovoriť, že vrchol v je *incidentný* s hranou e , ak $v \in e$. Čiže, ak je vrchol

v jedným z vrcholov, ktoré hrana e spája, nazveme ho incidentným s tou hranou. Ak sú dva rôzne vrcholy incidentné s tou istou hranou, budeme ich volať jej *koncovými vrcholmi*.

Dva vrcholy $x, y \in V$ sú *susedné*, ak xy je hrana v G . Dve hrany $e, f \in E$; $e \neq f$ sú *susedné*, ak majú spoločný vrchol.

Stupňom vrchola $v \in V$ nazveme počet hrán incidentných s v . Alebo inak povedané, je to počet vrcholov, ktoré sú susedné s vrcholom v .

1.2.1 Typy grafov

Teraz uvidíme niektoré základné typy grafov.

Prázdny graf je graf $G = (\emptyset, \emptyset)$. Označenie zjednodušíme na $G = \emptyset$.

Pojmom *Triviálny graf* budeme označovať graf s rádom 0 alebo 1.

Kompletným grafom nazveme taký graf, ktorého všetky vrcholy sú navzájom susedné. Uvažujme n vrcholov, potom kompletný graf na týchto vrcholoch označíme K_n . Na predstavu môže poslúžiť príklad kompletného grafu troch vrcholov K_3 , čo je trojuholník.

Majme graf G . Ak každý jeho vrchol má rovnaký stupeň k , potom tento graf nazveme *k-regulárnym*. V definícii môžeme upustiť od počtu vrcholov a nazvať vzniknutý objekt iba *regulárnym*.

1.2.2 Vzťahy medzi grafmi

Nech $G = (V, E)$ a $G' = (V', E')$ sú grafy. Označíme $G \cap G' = (V \cap V', E \cap E')$ a $G \cup G' = (V \cup V', E \cup E')$. Ak prienik týchto dvoch grafov je prázdny graf $G \cap G' = \emptyset$, potom G a G' sú *disjunktné*. Ak $V' \subseteq V$ a $E' \subseteq E$, potom hovoríme, že G' je podgraf G (alebo G je nadgraf G' , či G obsahuje G') a píšeme $G' \subseteq G$.

1.3 Cesty a cykly

Nech $G = (V, E)$ je graf. Definujme *cestu* ako neprázdny graf $P = (V', E')$, ktorý je podgrafom G , tvaru $V' = \{x_0, x_1, \dots, x_k\}$ a $E' = \{x_0x_1, x_1x_2, \dots, x_{k-1}x_k\}$, kde všetky x_i sú navzájom rôzne. Neformálne povedané, cesta spája (pomocou hrán) dva vrcholy grafu G , pričom sa v nej použité vrcholy nesmú opakovať. Počet hrán cesty sa nazýva aj *dĺžkou*. Pre zjednodušenie budeme cestu zapisovať ako $P = x_0x_1x_2\dots x_{k-1}x_k$.

Majme graf $G = (V, E)$. Nech $P = (V', E')$ je cesta v G , $P = x_0x_1x_2\dots x_{k-1}x_k$, pričom $k \geq 2$ a v grafe G existuje hrana x_0x_k . Potom hovoríme, že graf G obsahuje *cyklus* alebo tiež *kružnicu* C , kde C je podgraf G a platí $C = (V', E' \cup \{x_0, x_k\})$.

Sled v grafe G je názov pre neprázdnu striedavú postupnosť $v_0e_0v_1e_1\dots e_{k-1}v_k$ vrcholov a hrán v G , pričom $e_i = v_iv_{i+1}$ pre všetky $i < k$. Sled teda, na rozdiel od cesty, môže obsahovať rovnaké vrcholy viac krát. Preto sa dá povedať, že sled je cesta, v ktorej sa môžu vrcholy opakovať. Ale aj naopak: sled, v ktorom sú vrcholy navzájom rôzne, je cestou.

Sled, v ktorom sú hrany navzájom rôzne, sa nazýva *ľah*.

1.4 Súvislosť

Ak sú ľubovoľné dva vrcholy grafu G spojené cestou, tento graf nazveme *súvislým*.

Komponent grafu G je súvislý podgraf grafu G taký, že nie je obsiahnutý v žiadnom väčšom súvislom podgrafe grafu G . Napríklad, súvislý graf má práve jeden komponent, a to samého seba.

Hrana $e \in E$ grafu G sa volá *most*, ak graf G má menší počet komponentov v porovnaní s grafom G bez hrany e . Čiže, po odstránení hrany z grafu pribudne práve jeden komponent.

Vrchol $v \in V$ grafu G sa nazýva *artikulácia*, ak počet komponentov grafu G je menší ako ich počet po odstránení v z grafu G . Teda, ak po odstránení vrchola z grafu pribudne aspoň jeden komponent.

1.5 Kostry, stromy a lesy

Nech $G = (V, E)$ je súvislý graf. *Kostrou* grafu nazveme taký graf $G' = (V', E')$, $G' \subseteq G$, pre ktorý platí $V' = V$ a navyše medzi každými dvoma vrcholmi existuje práve jedna cesta. Ak by sme grafu G postupne odníмали hrany tak, aby sme nenarušili jeho súvislosť, tak po odstránení všetkých takýchto hrán by sme získali kosť grafu G . Z tejto konštrukčnej definície vyplýva, že všetky hrany v kostre grafu sú mostami. Je z nej taktiež zrejmé, že každá kosť grafu je súvislá.

Kostrový les je taký graf G , pre ktorý platí, že každý z jeho komponentov je kostrou.

Acyklický graf (to jest taký, ktorý neobsahuje cyklus), ktorý je navyše súvislý, nazveme *stromom*. Všetky vrcholy stromu so stupňom 1 sú jeho *listy*. Je vhodné si povšimnúť, že, ako pri kostre, všetky hrany sú mostami. Taktiež je zaujímavé uvažovať o rozdiel medzi stromom a kostrou grafu. Možno nahliadnuť, že jediným rozdielom medzi nimi je, že strom je grafom sám o sebe, zatiaľ čo o kostre hovoríme len v súvislosti v grafom, z ktorého vznikla.

Les je acyklický graf. Takže každý jeho komponent je stromom.

1.6 Špeciálne grafové štruktúry

Graf, ktorého prvky sú ohodnotené číslom určujúcim cenu, prípadne výhodnosť prechodu cezeň, nazveme *ohodnotený graf*. *Hranovo ohodnotený graf* je graf s funkciou $w : E \rightarrow R$. Teda pre ľubovoľnú hranu e existuje číslo $w(e)$, ktoré nazveme *hodnotou hrany*, prípadne *cenou hrany*. Z praktického hľadiska je výhodné zdefinovať aj *kladne hranovo ohodnotený graf*. A to je taký, že $w(e) > 0$ pre všetky hrany. *Vrcholovo ohodnotený graf* je graf s funkciou $w : V \rightarrow R$. Teda pre ľubovoľný vrchol v existuje číslo $w(v)$.

Orientovaný graf je dvojica $G = (V, E)$, kde každý prvok $xy \in E$ vyjadruje usporiadanú dvojicu. Neformálne, ak je daná hrana xy , ale nie yx , existuje cesta dĺžky 1 z vrcholu x do y , ale z vrcholu y do x takáto cesta nejestvuje.

Rozdiel medzi orientovanými a neorientovanými grafmi je, ako názov napovedá v existencii orientácií hrán. Ak by sme túto skutočnosť chceli vyjadriť formálne, povedali by sme, že zatiaľ čo v neorientovanom grafe obsahuje množina E dvojprvkové množiny, v orientovanom sa skladá z usporiadaných dvojíc.

1.6.1 Cesty a cykly pre orientované grafy

Definícia cesty i cyklu pre orientované grafy je rovnaká ako pre neorientované. Rozdiel je len v jej použití na orientovaných grafoch. Pre úplnosť ich ale v stručnej podobe uvádzame.

Nech $G = (V, E)$ je graf. Nech $P = (V', E'), P \subseteq G$, kde $V' = \{x_0, x_1, \dots, x_k\}$ a $E' = \{x_0x_1, x_1x_2, \dots, x_{k-1}x_k\}$, pričom všetky x_i sú po dvoch rôzne. Potom P nazývame *cestou* v grafe G . Ak $k \geq 3$ a vrcholy sú rôzne až na rovnosť $x_0 = x_k$, potom nazveme P *cyklom*, prípadne *kružnicou*. [1, kapitola 1.4]

Kapitola 2

Algoritmy na grafoch

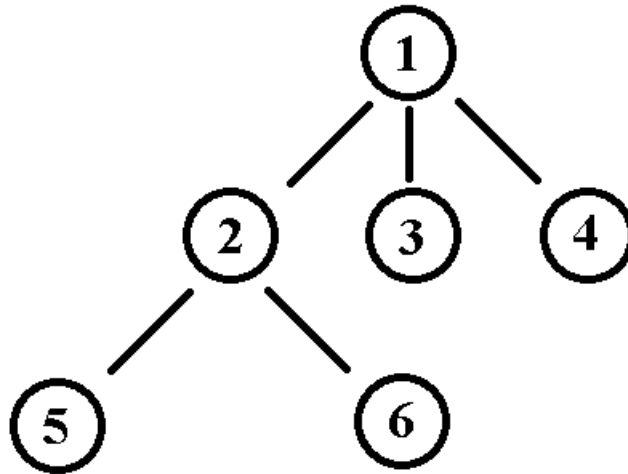
Táto kapitola obsahuje popisy algoritmov, ktoré sú aplikovateľné na grafové štruktúry a navyše využiteľné pri vyhľadávaní spojení v hromadnej doprave. Formálnu charakterizáciu algoritmu zväčša sprevádza i jeho voľnejšia interpretácia, ktorá má za účel uľahčiť porozumenie čitateľom, ktorí sa s daným algoritmom doposiaľ nestretli. Navyše, pri algoritmoch sú uvedené výhody, respektíve nedostatky, pri ich použití na nami vytýčený cieľ. V hojnom počte budeme využívať definície z kapitoly 1.

2.1 Prechádzanie vrcholmi grafu

Stručne popíšeme základné algoritmy na prechádzanie vrcholov grafu. Tie však nie sú priveľmi využiteľné pri vyhľadávaní spojení MHD. Môžu nám ale významne pomôcť k prechádzaniu objemných súborov dát, ktoré bude sieť hromadnej dopravy isto obsahovať.

2.1.1 Prehľadávanie do šírky

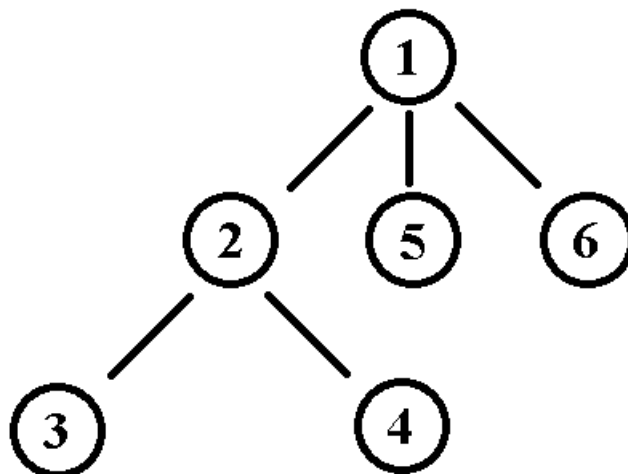
Prehľadávanie do šírky alebo skratene BFS (z anglického Breadth-first search), dokáže pejsť cez všetky vrcholy grafu za pomoci fronty (alebo radu). Algoritmus si do nej ukladá susedov spracúvaných vrcholov, a tak prehľadá celý graf, pričom v každej iterácii prejde o jednu hranu viac vzdialené vrcholy od počiatočného.



Obr. 1: Príklad práce BFS na strome

2.1.2 Prehľadávanie do hĺbky

Prehľadávanie do hĺbky, skrátene DFS (z anglického Depth-first search), prechádza cez vrcholy grafu len pomocou cyklu, prípadne rekurzie. Obvykle sa v algoritme na všetkých susedov vrchola zavolá postupne rekuzívne ten istý algoritmus prehľadávania.



Obr. 2: Príklad práce DFS na strome

Je vhodné poznamenať, že na obrázku 2 je ukázané len jedno z možných poradí práce s vrcholmi. Samozrejme, vrcholy budú vždy navštívené vo vyobrazenom poradí, avšak práca s nimi môže byť vykonaná až tromi spôsobmi. Prvý z nich súhlasí s usporiadaním na obrázku a nazýva sa *preorder*. Ďalšie dva sú *inorder* a *postorder*.

2.1.3 Zhrnutie

Obi dva algoritmy majú očividnú lineárnu časovú zložitosť ($O(n)$), nakoľko sa pozrú na každý vrchol grafu práve raz.

Ako sme už spomínali, v týchto algoritmoch nevidíme potenciál pri ich využití na uskutočnenie nášho cieľa. Ich znalosť však môže byť veľmi prínosná pri prechádzaní štruktúr našich grafov.

2.2 Najlacnejšie cesty v grafe

Pri vyhľadávaní spojení mestskou hromadnou dopravou sa zdá byť veľmi racionálne zaoberať sa nachádzaním najlacnejších ciest v grafikone MHD. Dovoľujeme si tak tvrdiť, pretože najväčší dôraz cestujúcich je kladený práve na čo najskorší príchod do požadovanej lokality. Pre úplnosť ešte dodávame, že cena cesty, ako je asi zrejmé, je súčet hodnôt hrán (respektíve vrcholov), ktoré daná cesta obsahuje. Z doposiaľ uvedeného vyplýva, že pri našich úvahách budeme používať hranovo ohodnotené grafy, kde pridelenou hodnotou bude čas medzi zastávkami. Navyše musíme nejako ošetriť i vrcholy grafu - zastávky, keďže na nich zvyčajne čakáme na prestup na ďalší spoj. Od tejto myšlienky však spočiatku upustíme a budeme sa jej venovať až neskôr. A posledná úvaha - hranami v našom grafe sú linky MHD, sme preto nútení použiť orientované grafy.

Ak uvažujeme vyhľadávanie najlacnejších ciest v grafe, musíme si najprv uvedomiť, čo presne je našim cieľom. Výsledok, ktorý chceme dosiahnuť ako výstup algoritmu, má byť najlacnejšia cesta z počiatočného bodu do koncového. Avšak znalosť problematiky algoritmov na grafových štruktúrach nám ponúka riešenia iného, komplexnejšieho problému s asymptoticky rovnakou časovou zložitou. Týmto problémom je vyhľadávanie najlacnejších ciest z počiatočného vrcholu do všetkých ostatných vrcholov. Ľahko nahliadnuť, že riešením tohto problému dostaneme odpoveď aj na našu počiatočnú otázku. Preto sa v nasledujúcej časti budeme zaoberať algoritmami riešiacimi túto úlohu.

Ľahko spozorovať, že by mohlo byť v určitých situáciách výhodné vypočítať ceny a nájsť najlacnejšie cesty pre všetky dvojice vrcholov. Hlavne, keď graf obsahuje malé množstvo vrcholov - zastávok. Mnoho miest má len malú sieť mestskej hromadnej dopravy, a teda by bolo rozumné vypočítať všetky potrebné údaje naraz na začiatku, a potom, pri prijímaní dotazu na vyhľadanie spojenia, jednoducho vypísať už vypočítané

hodnoty. Z tohto dôvodu uvedieme i algoritmy riešiacie tento problém.

2.2.1 Dijkstrov algoritmus

Holandský informatik, po ktorom je tento algoritmus pomenovaný, dokázal, okrem iného, vyriešiť aj nami nastolený problém. V jeho riešení je ale potrebné, aby boli ceny hrán grafu nezáporné reálne čísla, čo súhlasí s našou predstavou aplikovania algoritmu na grafikon MHD. Algoritmus je navrhnutý tak, že dostane ako vstup graf $G = (V, E)$, počiatočný vrchol v_0 a hodnotiacu funkciu $h : V \times V \rightarrow R_0^+$. Predpokladáme, že ak hrana $uv \notin E$, potom $h(u, v) = \infty$, ďalej, že $h(u, u) = 0$ a nakoniec, že funkciu h je možné vypočítať v konštantnom čase $O(1)$. Máme taktiež jeden predpoklad na vrcholy grafu, a to, že sú reprezentované celými číslami $1, 2, \dots, k$ (kde k je počet vrcholov grafu). Nakoniec, výsledkom algoritmu bude pole čísel D , v ktorom bude pre každý vrchol $v \in V$ vypočítaná hodnota $D[v]$, čo je cena najlacnejšej cesty z počiatočného vrchola v_0 do vrchola v .

Tieto požiadavky, predpoklady, ba i vstup a výstup funkcie sú uvažované v hore uvedenom tvare len preto, aby sme mohli predviesť implementáciu algoritmu od Pavla Ďuriša, ktorú možno nájsť aj v jeho knihe [12, kapitola 2.2.1].

begin

$S \leftarrow \{v_0\}$

$D[v_0] \leftarrow 0$

pre každý vrchol $v \in V \setminus \{v_0\}$: $D[v] \leftarrow h(v_0, v)$

while $S \neq V$ **do begin**

vyber $w \in V \setminus S$ taký, že hodnota $D[w]$ je minimálna

$S \leftarrow S \cup \{w\}$

pre každý $v \in V \setminus S$:

$D[v] \leftarrow \min\{D[v], D[w] + h(w, v)\}$

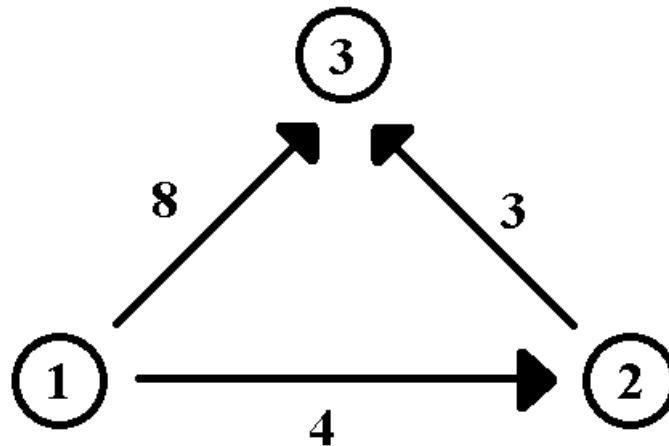
end

end

Algoritmus 1: Dijkstrov algoritmus

Časová zložitosť Dijkstrovho algoritmu je $O(|V|^2)$, čo je dokázané spolu s jeho ko-

rektnosťou v už uvedenom zdroji od Pavla Ďuriša [12, kapitola 2.2.1].



Obr. 3: Orientovaný graf s ohodnotenými hranami

Priebeh Dijkstrovho algoritmu vysvetlíme na jednoduchom príklade. Máme orientovaný graf ako je zobrazený na obrázku 3. Našou úlohou je nájsť najkratšiu cestu z vrcholu 1 do ostatných vrcholov. Učiníme tak teda za pomoci Dijkstrovho algoritmu. Čiže, najprv si vytvoríme pole, označme ho D , v ktorom si pre každý vrchol budeme pamätať hodnotu doň najkratšej cesty z vrcholu 1. Na počiatku bude táto hodnota pre všetky vrcholy nekonečno, respektíve nejaká jeho rozumná náhrada. My budeme používať nekonečno. Nastavíme $D[1] = 0$. Začíname teda s počiatočným vrcholom 1. Zoberieme jeho všetkých zatiaľ nenavštívených susedov (vrcholy 2 a 3), a porovnáme hodnoty takto: najprv pre vrchol 2, zistíme či je jeho hodnota v poli D (to jest nekonečno) menšia ako hodnota vrchola, z ktorého vychádzame, plus hodnota hrany (to jest $0 + 4$). To ale nie je pravda, takže prepíšeme hodnotu $D[2]$ na 4. Pre vrchol 3 zasa porovnáваме nekonečno s hodnotou $0 + 8$ alebo aj, ako je v algoritme 1 naznačené, minimum z týchto dvoch hodnôt zapíšeme do $D[3]$. Vrchol 1 nemá viac susedov, takže ho označíme ako navštívený a pokročíme. Ďalším vrcholom v poradí bude ten s najmenšou hodnotou $D[i]$ spomedzi doposiaľ nenavštívených, čiže vrchol 2. Ten má iba jedného ešte nenavštíveného suseda, a to vrchol 3. Do $D[3]$ preto zapíšeme minimum z hodnôt 8 a $4 + 3$. Vrchol 2 je týmto vybavený a označený za navštívený. Zostáva posledný vrchol - vrchol 3. Väčšina implementácií Dijkstrovho algoritmu pri dosiahnutí finálneho vrcholu končí v snahe urýchliť vyhľadávanie medzi dvoma vrcholmi. Ak však túto podmienku nezakomponujeme do nášho algoritmu, program zráta hodnoty najkratších ciest z daného vrcholu do všetkých ostatných vrcholov. V našom prípade nie je veľmi podstatné, ktorú variantu zvolíme, keďže algoritmus tak či tak vo vrchole 3 skončí, nakoľko ten už nemá žiadne incidentné hrany a v grafe už nejstávajú ďalšie ne-

navštívené vrcholy. Dosiahli sme teda výsledok: najkratšie cesty z vrcholu 1 sú uložené v poli D . Najkratšia cesta do vrcholu 1 je $D[1] = 0$, do vrcholu 2 je $D[2] = 4$ a pre vrchol 3 je odpoveď $D[3] = 7$.

Týmto príkladom sme chceli jemne ozrejmiť postup pracovania algoritmu, keďže pre tých, čo sa s ním ešte nestretli, ho môže byť dosť namáhavé z pseudokódu 1 vybrať.

Keďže je našim cieľom nie ani tak zistiť cenu najlacnejšej cesty, čo je hlavnou úlohou popísaného algoritmu, ale skôr takéto cesty nájsť, Dijkstrov algoritmus by sme potrebovali jemne modifikovať, a to tak, aby sme vedeli spätne zrekonštruovať nájdené cesty. Teda so znalosťou konečného vrchola by sme chceli vedieť vygenerovať postupnosť vrcholov, cez ktoré sme sa do finálneho vrchola dostali. Budeme si preto pri každom vrchole pamätať informáciu, z ktorého vrchola sme sa doň dostali.

Dijkstrov algoritmus sa zdá byť najvhodnejším kandidátom pre účely našej práce. Jeho časová zložitosť je príjemná, implementácia nenáročná a je dosť ľahké sa v nej orientovať, takže si ju budeme môcť poľahky modifikovať, prispôsobiť našim potrebám. Budeme teda schopný vypísať dodatočné informácie pre používateľov aplikácie, prípadne vyhľadávanie spresniť či rozšíriť podľa ich potrieb.

2.2.2 Bellman–Fordov algoritmus

Ďalším algoritmom na výpočet najlacnejších ciest v grafe je Bellman–Fordov algoritmus. Hoci ako prvý prišiel s týmto riešením Alfonso Shimbel v roku 1955, algoritmus bol pomenovaný po Fordovi, ktorý ho publikoval v roku 1956 a po Bellmanovi, ktorého publikácia je z roku 1958. Ten istý algoritmus zverejnil i Moore v roku 1957, a preto niekedy môžeme počuť aj o Bellman–Ford–Moorovom algoritme.

Samotný algoritmus, na rozdiel od Dijkstrovho, dokáže pracovať i so záporne ohodnotenými hranami. Avšak predpokladá sa, že graf neobsahuje záporne cykly, to jest cykly, ktorých celková cena má zápornú hodnotu. Ak by v grafe existoval aspoň jeden, mohli by sme po ňom prejsť ľubovoľne veľa krát, čím by sme ustavične znižovali cenu cesty do viacerých vrcholov. Bellman–Fordov algoritmus je však navrhnutý tak, že zakaždým vykoná konečný počet krokov, takže i pri grafe obsahujúcom záporný cyklus skončí, nezacyklí sa, iba jeho výsledné hodnoty nebudú pravdivé. Navyše, mnohé implementácie zahŕňajú i detekciu takéhoto cyklu a pri jeho nájdení vyhlásia chybu. Naša implementácia takúto kontrolu obsahovať nebude, nakoľko nie je potrebná pre

vysvetlenie funkcionality a fungovanie algoritmu.

Náš algoritmus predpokladá, že na vstupe dostane graf $G = (V, E)$ neobsahujúci záporné cykly, hodnotiacu funkciu $h : V \times V \rightarrow \mathbb{R}$ a počiatočný vrchol v_0 . Ďalšie predpoklady sú, ako u Dijkstru, že ak $uv \notin E$, potom $h(u, v) = \infty$, taktiež $h(u, u) = 0$ a napokon, že funkciu h je možné vypočítať v čase $O(1)$. Aby sa nám ľahšie pracovalo, opäť povedzme, že vrcholy na vstupe musia byť reprezentované celými číslami $1, 2, \dots, n$, kde n je počet vrcholov grafu. Naším výsledkom bude pole čísel D , v ktorom bude pre každý vrchol $v \in V$ vypočítaná cena najlacnejšej cesty z počiatočného vrchola v_0 do v , označená $D[v]$. Nasledovná implementácia je zostavená s pomocou knihy od Bannistera a Eppsteina [2].

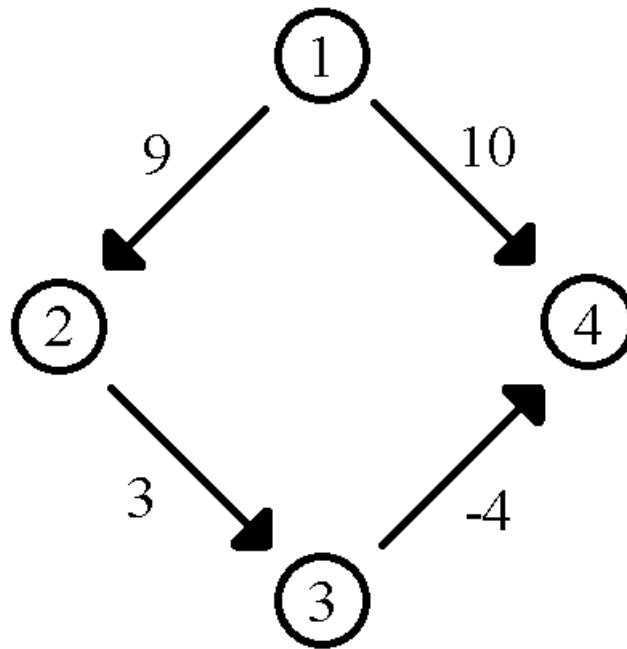
```

 $D[v_0] \leftarrow 0$ 
pre každý vrchol  $v \in V \setminus \{v_0\}$ :  $D[v] \leftarrow \infty$ 
for  $i \leftarrow 1$  to  $n - 1$  do
    for each edge  $wv$  in  $G$  do
         $D[v] \leftarrow \min\{D[v], D[w] + h(w, v)\}$ 

```

Algoritmus 2: Bellman–Fordov algoritmus

Časová zložitosť algoritmu je očividne $O(|V| \cdot |E|)$. Jeho korektnosť je možné nájsť napríklad v knihe [1, kapitola 3.3.4]. Toto dielo navyše obsahuje aj implementáciu spomínaného drobného vylepšenia, a to zisťovanie prítomnosti záporného cyklu.



Obr. 4: Orientovaný graf s ohodnotenými hranami

Funkcionalitu algoritmu si opäť predvedieme na jednoduchom príklade. Nech je vstupným grafom algoritmu graf vyobrazený na obrázku 4. Naším cieľom bude nájsť najkratšiu cestu z vrcholu 1 do ostatných vrcholov. Pod týmto popisom sa nachádza aj tabuľka (tabuľka 1) ukazujúca kľúčové hodnoty počas vykonávania algoritmu na našom príklade. Iterácia číslo 0 zaznamenáva stav vrcholov po inicializácii a pred začatím vykonávania cyklu, preto má počiatočný vrchol v tomto momente hodnotu $D[1] = 0$ a všetky ostatné $D[j] = \infty$. Počas iterácie $i = 1$ sa ideme pozerať na všetky hrany v grafe. Tu závisí od ich usporiadania, ktorá z nich sa vezme v akom poradí. V našom príklade, aby sme demonštrovali čo najviac možností, povedzme, že ako prvú určíme na porovnávanie hranu medzi vrcholmi 2 a 3. Keďže je ale hodnota $D[2]$ aj $D[3]$ rovná nekonečnu, zapíšeme do $D[3]$ opäť nekonečno. Nech je ďalšou hranou v poradí vyhodnocovania hrana medzi vrcholmi 1 a 2. Tu je už situácia príznačnejšia. Nakoľko poznáme hodnotu $D[1]$, môžeme zaznačiť, že $D[2] = 9$. Pozorné oko si isto všimne, čo by sa stalo, ak by boli vyhodnocovania týchto dvoch hrán v opačnom poradí. Totiž, v takom prípade by sme ihneď vedeli vypočítať i hodnotu $D[3]$. Pokračujme hranou medzi vrcholmi 1 a 4. Zisťujeme, že $D[4] = 10$. Hrana medzi vrcholmi 3 a 4 dovŕši prvú iteráciu algoritmu. Tu sa ale nič nezmení, keďže porovnáваме nekonečno s hodnotou 10. V nasledujúcej iterácii $i = 2$ sa pre hrany spájajúce vrcholy 1, 2 a 1, 4 nestane nič zaujímavé. Pozrime sa teda na zvyšné hrany. Pre hranu medzi vrcholmi 2 a 3 sa upraví hodnota $D[3]$ na 12 a následne sa pre poslednú hranu (medzi vrcholmi 3 a 4) vykoná porovnanie hodnôt ($D[4] = 10$) a $((D[3] = 12) + (-4))$. Po druhej iterácii sme už dospeli k optimálnemu riešeniu, čo ale náš algoritmus nemôže vedieť, a preto

vykoná i poslednú, tretiu iteráciu. V nej sa ale už nič nezmení. Ak v dvoch stavoch po sebe nastala rovnaká situácia, respektíve neprišlo k žiadnej zmene, je jasné, že algoritmus dosiahol výsledok. Ak by teda bola na pláne ešte ďalšia iterácia či nebodaj viac, môžeme vykonávanie programu ukončiť bez strachu pre nesprávny výsledok. Mnohé implementácie sú preto väčšinou doplnené o toto jemné vylepšenie. V našom príklade by nám to však nepomohlo, keďže by program tak či tak zastavil po tretej iterácii.

Tabuľka 1: Priebeh algoritmu

iterácia = i	D[1]	D[2]	D[3]	D[4]
0	0	∞	∞	∞
1	0	9	∞	10
2	0	9	12	8
3	0	9	12	8

V prípade Bellman–Fordovho algoritmu je nám opäť na obtiaž jeho strohá funkcionálna, a teda zisťovanie cien najlacnejších ciest, zatiaľ čo my žiadame poznať celú nájdenú cestu. Modifikácia kódu je ale jednoduchá, rovnaká ako pre Dijkstru - pre každý vrchol si navyše zapamätáme, z ktorého vrcholu sme sa doň dostali.

Bellman–Fordov algoritmus má mnoho pozitív - aplikovateľnosť i na hrany so záporným ohodnotením. Jeho časová zložitosť je taktiež potešujúca a implementácia prehľadná. Avšak jeho funkčnosť i nad zápornými ohodnoteniami nám nijako nepomôže pri jeho aplikácii na grafikon hromadnej dopravy. Navyše, jeho časová zložitosť $O(|V| \cdot |E|)$ bude pri riešení nášho problému iba príťažou, nakoľko predpokladáme, že sieť liniek MHD bude obsahovať veľké množstvo hrán. Netreba však zabúdať, že algoritmus je pri iných problémoch široko využiteľný a výborný pre dobre zvolené dátové štruktúry.

2.2.3 Floyd–Warshallov algoritmus

Posledným algoritmom slúžiaci na hľadanie najlacnejších ciest, ktorý uvedieme, nesie názov Floyd–Warshallov algoritmus. Opäť, ako v predošlom prípade, sa ale ani Floyd, ani Warshall nemôžu pýšiť prvenstvom. Predbehol ich Roy publikáciou z roku 1959, zatiaľ čo Floydova i Warshallova boli obe z roku 1962. Warshall dokonca v jeho práci nadväzuje na Kleeného algoritmus z roku 1956. Finálna verzia, ktorú aj my predvedieme, dostala svoju podobu až na konci roku 1962 zásluhou Ingermana. Vďaka mnohým publikáciám sa tento algoritmus nazýva rôznymi menami. My si ale vystačíme s jedným.

Výsledok Floyd–Warshallovho algoritmu sa značne odlišuje od predošlých dvoch. Zatiaľ čo tie spoľahlivo zistili hodnoty najlacnejších ciest z daného vrcholu do všetkých ostatných vrcholov, Floyd–Warshallov ich vyráta pre všetky dvojice vrcholov. Samozrejme, to by sme vedeli dosiahnuť aj použitím predošlých algoritmov na všetkých vrcholoch. Vyžadovalo by sa však mnoho réžie navyše a kód by sa pravdepodobne priveľmi zneprehľadnil. Naopak, Floyd–Warshallov algoritmus je na pohľad až príliš jednoduchý, no nesmierne účinný.

Nami uvedená implementácia bude pracovať s maticami. Na vstupe dostane algoritmus graf $G = (V, E)$ bez záporných cyklov a incidenčnú maticu $W = (w_{ij})$ rozmerov $|V| \times |V|$. Maticu W si vieme jednoducho zostrojiť z hodnotiacej funkcie takto: Nech sú ceny hrán hodnotené hodnotiacou funkciou $h : V \times V \rightarrow R$, kde, ako obvykle, $h(u, u) = 0$, $uv \notin E \implies h(u, v) = \infty$ a $h(u, v) \in O(1)$. Potom $w_{ij} = h(i, j)$ pre všetky i, j . Príklad takejto matice W je vyobrazený na 2.1. Výsledkom algoritmu je posledná matica, a tou je matica $C^{(|V|)}$.

begin

$n \leftarrow |V|$

$C^{(0)} \leftarrow W$

for $k \leftarrow 1$ **to** n **do**

for $i \leftarrow 1$ **to** n **do**

for $j \leftarrow 1$ **to** n **do**

$c_{ij}^{(k)} \leftarrow \text{MIN}(c_{ij}^{(k-1)}, c_{ik}^{(k-1)} + c_{kj}^{(k-1)})$

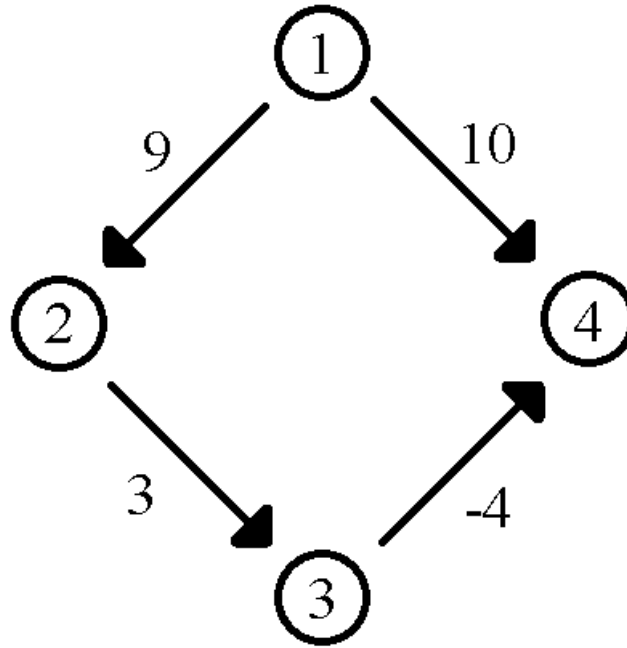
return $C^{(n)}$

end

Algoritmus 3: Floyd–Washallov algoritmus

Ľahko nahliadnuť, že časová zložitosť Floyd–Warshallovho algoritmu je $O(|V|^3)$. Jeho korektnosť je taktiež pohľadom badateľná. Pre istotu pridávame možnosť overiť si naše tvrdenie v knihe od Pavla Ďuriša, odkiaľ pochádza aj implementácia algoritmu

[12, kapitola 2.2.2].



Obr. 5: Orientovaný graf s ohodnotenými hranami

Ako príklad nám posluží ten istý graf ako v prípade Bellman–Fordovho algoritmu. Avšak výpočet algoritmu by bol na popis prídlhý, preto uvedieme iba zopár vyhodnocování a zaujímavé idey, ktoré je vhodné si uvedomiť. Prvý cyklus algoritmu, pracujúci s premennou k , vytvorí zakaždým celú novú maticu $C^{(k)}$. Pre každý riadok a stĺpec (premenné i a j) tejto novovznikajúcej matice sa vykoná porovnanie, ktoré vypočíta hodnotu momentálneho prvku. Napríklad, ak by sme chceli zrátať hodnotu v matici $C^{(1)}$ na pozícií $i = 2, j = 2$, s ľahkosťou využijeme vzorec použitý v algoritme, a teda $c_{2,2}^{(1)} = \text{MIN}(c_{2,2}^{(0)}, c_{2,1}^{(0)} + c_{1,2}^{(0)})$, po dosadení $c_{2,2}^{(1)} = \text{MIN}(0, \infty + 9) = 0$. Lepším príkladom môže byť zmena hodnoty v po sebe nasledujúcich maticiach, ako napríklad $c_{2,4}^{(3)} = \text{MIN}(c_{2,4}^{(2)}, c_{2,3}^{(2)} + c_{3,4}^{(2)}) = \text{MIN}(\infty, 3 + (-4)) = -1$.

$$C^{(0)} = W = \begin{pmatrix} 0 & 9 & \infty & 10 \\ \infty & 0 & 3 & \infty \\ \infty & \infty & 0 & -4 \\ \infty & \infty & \infty & 0 \end{pmatrix} \quad (2.1)$$

$$C^{(1)} = \begin{pmatrix} 0 & 9 & \infty & 10 \\ \infty & 0 & 3 & \infty \\ \infty & \infty & 0 & -4 \\ \infty & \infty & \infty & 0 \end{pmatrix} \quad (2.2)$$

$$C^{(2)} = \begin{pmatrix} 0 & 9 & 12 & 10 \\ \infty & 0 & 3 & \infty \\ \infty & \infty & 0 & -4 \\ \infty & \infty & \infty & 0 \end{pmatrix} \quad (2.3)$$

$$C^{(3)} = \begin{pmatrix} 0 & 9 & 12 & 8 \\ \infty & 0 & 3 & -1 \\ \infty & \infty & 0 & -4 \\ \infty & \infty & \infty & 0 \end{pmatrix} \quad (2.4)$$

$$C^{(4)} = \begin{pmatrix} 0 & 9 & 12 & 8 \\ \infty & 0 & 3 & -1 \\ \infty & \infty & 0 & -4 \\ \infty & \infty & \infty & 0 \end{pmatrix} \quad (2.5)$$

Opäť je namieste podotknúť, že na nami požadované vylepšenie na poznanie i predchodcov s cieľom rekonštrukcie nájdených najlacnejších ciest treba pridať ešte ďalších $|V|$ matíc, ktoré si danú informáciu budú počas výpočtu ukladať. Ich definíciu je možné uzrieť v už menovanom zdroji [12, kapitola 2.2.2].

Taktiež je vhodné poznamenať, že pre väčšie vstupy má algoritmus potenciál skonsumovať príliš veľa pamäte. Preto je v takom prípade výhodné algoritmus upraviť tak, aby používal iba dve matice, nakoľko pri algoritme je potrebné držať referenciu len na momentálnu a predchádzajúcu maticu ($C^{(k)}$ a $C^{(k-1)}$). To isté možno tvrdiť aj o maticiach predchodcov.

Floyd–Warshallov algoritmus je taktiež dobrým kandidátom pre riešenie nášho problému. Implementácia je opäť jednoduchá, časová zložitosť vítaná. Znovu ale, možnosť využitia algoritmu i na záporných hranách nie je pre nás nijako prínosná. Navyiac, pri vyhľadávaní spojenia medzi dvomi zastávkami v grafikone MHD by bolo nutné vyrátať hodnoty najlacnejších ciest z každého vrcholu do všetkých vrcholov, čo môže trvať prídlho. Samozrejme, po skončení hľadania budú už nasledujúce dopyty uspokojené v konštantnom, resp. lineárnom (ak uvažujeme i rekonštrukcie ciest), čase.

2.2.4 Zhrnutie

Všetky tri prezentované algoritmy sú vhodnými adeptami pri riešení problému vyhľadávania spojení v grafikone MHD. Každý z nich má svoje pozitíva, ale i nedostatky. Ktorý z algoritmov bude najvhodnejší, závisí hlavne od dát, nad ktorými bude pracovať. Ako

sme už spomínali, Bellman–Fordov algoritmus bude mať výhodu pri grafoch obsahujúcich menšie množstvo hrán, čo, žiaľ, nebude prípad liniek MHD. Floyd–Warshallov algoritmus je zasa zostavený tak, aby vypočítal všetky najlacnejšie cesty. Preto bude jeho priebeh pri väčších vstupoch neprimerane dlhý. Jeho využitie preto vidíme pri grafikonoch malých miest, kde sa vyrátajú všetky potrebné hodnoty už pri inicializácii, najlepšie na druhom vlákne, aby mohol používateľ zadávať dopyt už počas výpočtu. Využitie algoritmu by bolo v tomto prípade priam žiadané, keďže ostatné dva algoritmy môžu svoje výpočty pri dlhšej postupnosti dopytov opakovať, čo ich môže nežiadane zdržovať. A nakoniec, Dijkstrov algoritmus sa zdá byť najvšeobecnejší a najpoužiteľnejší pre ľubovoľné dáta. Neobsahuje žiadnu dodatočnú výhodu, ale takisto nemá ani žiadne nedostatky, ktoré by sme mu vedeli vytknúť.

Existujú aj iné, pokročilejšie algoritmy, ktoré sú schopné nájsť najlacnejšie cesty v grafe. Zvyčajne však ide o kombináciu nami uvedených algoritmov, prípadne ich optimalizácia alebo nejaká dômyselná modifikácia. Na predstavu poslúži Johnsonov algoritmus, ktorého výstup je rovnaký ako výsledok Floyd–Warshallovho algoritmu, len jeho priebeh je iný - využíva kombináciu Dijkstrovho a Bellman–Fordovho algoritmu, čím dosahuje na riedkych grafoch výsledok rýchlejšie. Spomínaným pokročilejším algoritmom sa však podrobnejšie v našej práci venovať nebudeme.

Kapitola 3

Softvér

Táto kapitola obsahuje základné informácie o nami implementovanom softvéri. Popisujeme v nej, ako program funguje, na čo slúži a ako sa ovláda. Uvádzame rôzne funkcie softvéru, prípadne aj príklady ich použitia.

3.1 Základný popis aplikácie

Aplikácia je vytvorená tak, aby používateľ intuitívne vedel, čo na čo slúži.



Obr. 6: Ukážka spusteného programu

Na obrázku 6, možno vidieť textové polia pod textami *Začiatok* a *Koniec*, ktoré použijú zadaný text ako začiatočný a konečný bod pre vyhľadávací algoritmus. Upozorňujeme, že názvy zastávok musia byť zadané presne tak, ako sú uložené v internej databáze, teda v textovom súbore, ktorý neskôr popíšeme.

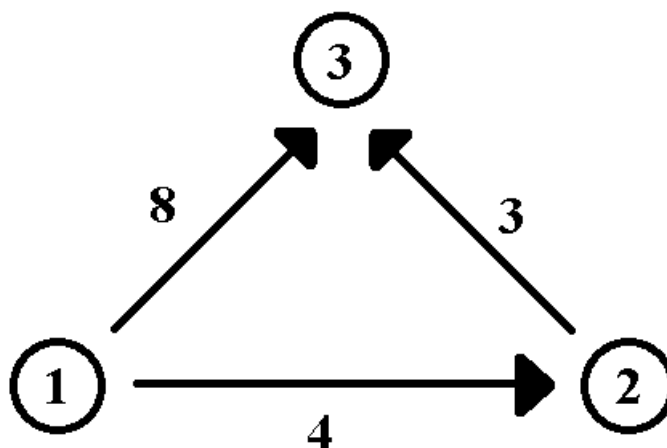
Textové pole *Čas* berie za vstup, ako je v poli naznačené, čas vo formáte "hh:mm". Ak je prvá hodnota nula, netreba ju zadávať. Správne vstupy sú napríklad "5:32", "17:08" či "9:2". Ak bude formát vstupu zlý, prípadne používateľ nechá pole prázdne, vyhľadávanie začne v momentálnom čase, aký je nastavený na používanom zariadení.

Pole *Počet* požaduje vyplniť číslo, ktoré určí, koľko výsledkov sa má najviac zobraziť. Opäť, pri nesprávnom vstupe či nevyplnenom poli sa použije hodnota 3.

Tlačidlo *Hľadať* spracuje vstupné údaje a spustí s nimi vyhľadávanie. Ak sa stále ešte načítavajú údaje z databázy, nie je možné vyhľadávanie spustiť. Počas načítavania sa ale dajú vpisovať požadované parametre do textových polí.

3.2 Vyhľadávanie

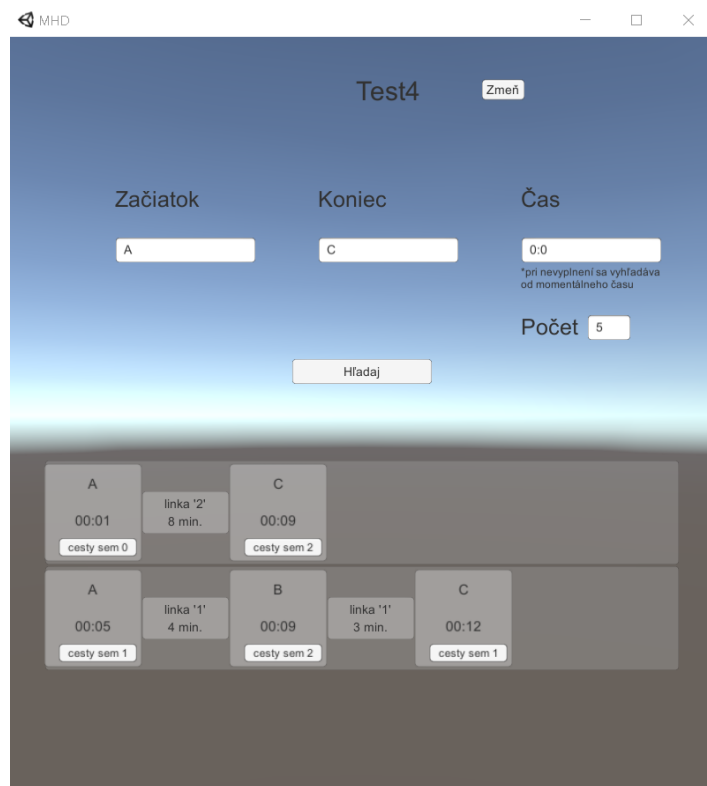
Funkčnosť vyhľadávania ukážeme na jednom z našich testových vstupov. Nech je vstupný grafikon rovnaký ako na obrázku 7 a uvažujme linku '1' vyrazajúcu z *A* cez *B* do *C* v časoch 0:1 a 0:5 a linku '2' v čase 0:1 premávajúci iba z *A* do *C*.



Obr. 7: Príklad testového vstupu

Spustíme teda vyhľadávanie z *A* do *C* v čase 0:0. Vidieť, že sa do požadovanej

zastávky môžeme dostať v časoch 0:9 a 0:12. Možno si povšimnúť, že linka '1' i linka '2' prídu obe v čase 0:9 do konečnej zastávky.



Obr. 8: Ukážka vyhľadávania

Vidíme, že výsledok vyhľadávania aplikácie je správny. Navyše, pri zastávke *C* v čase 0:9 je tlačidlo *cesty sem 2*, ktoré naznačuje, že existujú, ako sme i my usúdili, dve relevantné cesty do tejto zastávky v tom istom čase. Po kliknutí na tlačidlo sa obe zobrazia spolu s tlačidlom *Naspäť*, ktoré zobrazí predošlé výsledky.



Obr. 9: Ukážka alternatívnej cesty do zastávky C

3.3 Dátové súbory

Naša aplikácia je konštruovaná tak, aby si každý jej používateľ mohol vytvoriť vlastné dáta, s ktorými má program pracovať.

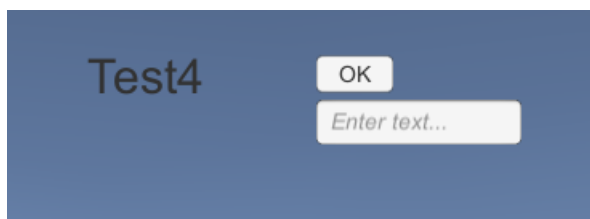
Zložka so spustiteľným súborom aplikácie obsahuje i zložku *build_Data* a tá zložku *Data*. V nej sa nachádzajú rôzne testové vstupy. Stačí teda vytvoriť zložku s prírodným názvom a do nej umiestniť dva textové súbory s názvami *zastavky* a *linky*. Súbor *zastavky* má obsahovať názvy všetkých zastávok. Súbor *linky* je trochu zložitejší. Ten obsahuje linky, pričom každú popisuje 5 riadkov súboru. V prvom je názov linky. Zvyšné štyri sú rozdelené - prvé dva značia cestu linky tam, druhé dva cestu linky naspäť. Tieto dva a dva riadky majú rovnaký formát, preto z nich popíšeme len jednu dvojicu. V prvom riadku z dvoch sa nachádza vždy čas od počiatočnej zastávky sem a názov zastávky v chronologickom poradí. Táto dvojica času a názvu je od ďalšej oddelená znakom `|`. Druhý riadok obsahuje časy, v ktorých linka vyráža z počiatočnej zastávky. Formát tohto súboru sa môže javiť mierne chaotický, preto uvádzame i obrázok 10, ktorý ho názorne popisuje.

```
"Nazov linky"
"cas cesty od vyrazenia z pociatocnej zastavky" "Nazov zastavky" | ...           //cesta tam
"cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" "cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" ... //cesta tam
"cas cesty od vyrazenia z pociatocnej zastavky" "Nazov zastavky" | ...           //cesta spat
"cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" "cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" ... //cesta spat
"Nazov linky"
...
```

```
PRIKLAD
1
0 Stanica | 2 Ulica A | 5 Namestie C
8:52 12:34 16:10 21:53
0 Namestie C | 3 Ulica A | 5 Stanica
9:22 12:50 16:31 21:59
```

Obr. 10: Formát dátového súboru pre linky

Po vytvorení zložky s dátami už stačí len v programe kliknúť na tlačidlo *Zmeň*, čo zobrazí textové pole, do ktorého používateľ zadá názov vytvorenej zložky a klikne na to isté tlačidlo (teraz už s nápisom *OK*). Program sa následne postará o načítanie dátových súborov, čo zapríčini i zmenu textu hneď vedľa spomínaného tlačidla na názov poskytnutej zložky.



Obr. 11: Zmena dát, s ktorými má program pracovať

Kapitola 4

Implementácia softvéru

V tejto kapitole uvedieme, ako sme postupovali pri implementácii softvéru. Odhalíme, aké postupy, štruktúry či algoritmy sme zvolili, pričom popíšeme aj dôvody nášho výberu. Neuvádzame celý kód, ale len tie časti, ktoré sa nám zdali byť najviac zaujímavé a zodpovedajúce obsahu našej práce.

4.1 Prvé myšlienky

V prvom rade je zo všetkého najdôležitejšie ujasniť si, aké ciele má splňať naša implementácia. Treba si uvedomiť, čo chceme, aby náš program vedel robiť, jemne si načrtnúť, ako potrebné veci naprogramovať, ale tiež v akom poradí na nich pracovať.

Prvoradý a najpodstatnejší cieľ našej práce je dozaista vyhľadávač spojení v grafike mestskej hromadnej dopravy. Teraz rozoberieme, čo všetko jeho implementácia obnáša.

Na začiatok budeme potrebovať vytvoriť, prípadne získať dáta, s ktorými budeme pracovať. Tie môžeme buď náhodne vygenerovať, pre vlastnú potrebu a testovanie aplikácie prevziať dáta z už existujúcej siete MHD, alebo si vytvoriť nejaké vlastné, sofistikované testovacie vstupy. Každá možnosť má svoje kladné i záporné stránky. Náhodné dáta otestujú algoritmy veľmi slušne, avšak môžu obsahovať rôzne anomálie a pravdepodobne ani zďaleka nebudú zobrazovať reálny tvar grafikonu MHD. Prevzaté dáta z existujúcich MHD tieto nedostatky znamenite riešia. Ich nevýhodou je ale ich použitie len na lokálne účely, nakoľko nemôžu byť publikované verejne. Vlastne vytvorené vstupy sú zasa výborné na testovanie okrajových prípadov, na nachádzanie a odstraňovanie chýb v programe, ako i na skúšanie programu pri malých zmenách v algoritme a pozorovaní očakávaných výsledkov. Naopak ale, postrádajú prítomnosť

rozmerných dátových súborov, keďže ručné vytváranie objemných dát je časovo veľmi náročné.

V našich myšliach teda leží otázka, aké dáta zvoliť ako vstup. Samozrejme najlepšie by bolo použiť všetky tri spomínané možnosti. My sa však uspokojíme iba s dvomi z nich. Pri vytváraní kódu bude veľmi vhodné využívať nami navrhnuté vstupy, ktoré otestujú práve vytváranú časť programu. Po vytvorení zdanlivo funkčnej aplikácie ju otestujeme na existujúcich dátach, pričom zistíme či je program dostatočne rýchly a či sú jeho výstupy uspokojivé v porovnaní s inými vyhľadávačmi spojení. Náhodne generované vstupy nebudeme používať, keďže pomocou kombinácie predošlých dvoch zistíme všetky potrebné informácie o funkčnosti aplikácie.

Treba si tiež premyslieť, kde si budeme spomínané dáta uschovávať. Za uváženie stoja dve možnosti. Dáta držať v textovom súbore alebo ich načítať do nejakej databázy, a z nej potom čerpať. Textová reprezentácia je všestranná, ľahko s ňou pracovať i meniť vstupné údaje. Jej načítanie môže ale spomaľovať chod našej aplikácie. Naproti tomu, databáza je rýchla na čítanie z nej, ale jej o niečo ťažšie vytváranie znepríjemňuje našu snahu o testovanie mnohých vlastných vstupov. My sme, nakoľko je to jednoduchšie, zvolili textovú reprezentáciu dát. Opäť, najvhodnejšie by bolo oba spôsoby skombinovať, a teda uschovávať údaje v textových súboroch a nejaký vybraný vstup mať uložený v databáze.

Ďalším bodom, o ktorom radno pouvažovať, je reprezentácia týchto údajov. Pre začiatok volíme znova čo najjednoduchšiu možnosť: vrcholmi nami používaného grafu budú zastávky MHD a hranami sa stanú linky jazdiace medzi nimi. Tu, keďže sme si vybrali takú jednoduchú alternatívu, nesmieme zabúdať na flexibilitu. Ak sa ukáže nejaký problém, netreba sa báť reprezentáciu údajov rozumne pozmeniť, aby sme si zbytočne nenarobili problémy, ktoré sa budú v neskorších častiach implementácie náročne odstraňovať.

Nasledujúcou zastávkou je vytvorenie objektov na reprezentáciu grafu. Už sme spomínali, že budeme pracovať s orientovanými grafmi. Sprvu si vystačíme s hodnotením hrán. Teraz presnejšie popíšeme objekty, ktoré si budú držať informácie o vrcholoch, hranách i o celom grafe a budú tak reprezentovať uvedené grafové štruktúry. Riešenie je nateraz triviálne: Trieda vrcholu moc informácií nepotrebuje. Nech je jej premennou len názov zastávky. Trieda hrany bude vyžadovať referencie na dva vrcholy, keďže sme tak hrany v kapitole 1 definovali, a premennú predstavujúcu hodnotiacu funkciu. Táto implementácia sa jemne líši od našej definície hodnotiacej funkcie, avšak uvedeným spôsobom poľahky dosiahneme všetky predpoklady spomínanej funkcie. Ak poznáme

hranu, v konštantnom čase vieme zistiť jej hodnotenie, keďže len pristúpime k zodpovedajúcej premennej. Nakoniec, trieda grafu bude obsahovať dve polia reprezentujúce všetky hrany a všetky vrcholy v grafe.

V tejto chvíli je prvotne premyslená celá reprezentácia údajov a prichádza na rad výber vyhľadávacieho algoritmu. Rozdiely medzi uvedenými algoritmami sa nachádzajú na konci predošlej kapitoly (2.2.4). Z nich vychádzajúc sme usúdili, že najvhodnejšie bude implementovať Dijkstrov algoritmus. Naše úvahy vychádzali prevažne z nami vytýčených cieľov, a teda funkcionality programu na reálnych dátach, ktoré sú vo väčšine prípadov veľké zoskupenia údajov. Z tohto dôvodu je nevhodný ako Bellman–Fordov, tak i Floyd–Warshallov algoritmus. Dijkstra navyše spoľahlivo a rýchlo funguje aj na menších vstupoch a pre jeho všestrannosť je najlepším kandidátom pre riešenie našich cieľov.

V našom hypotetickom modeli už teda dokážeme zistiť výsledok vyhľadávania. Avšak musíme ešte ošetriť, kam sa želaný stav uloží, aby bolo jednoduché ho vypísať. A taktiež si treba rozmyslieť, ako chceme výsledky vypisovať. Ako sme už spomínali v kapitole 2, budeme používať implementáciu vyhľadávacieho algoritmu s pamätaním si predchádzajúcich vrcholov pre nájdené najlacnejšie cesty, aby sme boli schopní ich zrekonštruovať. Mohli by sme teda vytvoriť nové pole o veľkosti počtu vrcholov grafu, do ktorého si tieto referencie uložíme. My však použijeme rovnaký postup ako pri hodnotiacej funkcii, a teda do objektu vrchola pridáme premennú držiacu si referenciu na predchádzajúci vrchol. Toto riešenie ale nie je najšťastnejšie, keďže objekt vrchola nemá čo do činenia s výsledkom vyhľadávania najlacnejších ciest v grafe. Správne by bolo všetky vrcholy obaliť ďalším objektom s príznačným názvom a v ňom si držať túto informáciu. V našom prípade ale ide o celkovo nie až tak ťažký kód, preto je takáto jemná zneprehľadnenie akceptovateľné. Vďaka memorizácii predchodcu vrchola nám teda stačí pri výpise poznať cieľovú zastávku vyhľadávania a dokážeme poľahky vyhotoviť žiadanú cestu. Pre začiatok sa uspokojíme s výpisom do konzoly, čo nám postačí až do záverečných prác na aplikácií.

Zostávajúcemu cieľu, čo je implementácia vylepšenia, sme sa rozhodli venovať a premýšľať nad ním až po uskutočnení doteraz opisovaného cieľa.

Po prejdení si všetkých potrebných úvah nám ale stále zostáva jedna nezodpovedaná otázka. Musíme si vybrať programovací jazyk, prípadne prostredie, v ktorom naše myšlienky zrealizujeme. Znalosť potrebných vecí na implementáciu nám ale výrazne pomôže pri našom výbere. Nakoľko budeme chcieť reprezentovať graf, jeho vrcholy i hrany, bude nanajvýš priaznivé zvoliť objektovo orientovaný jazyk. Na myseľ prichádza Java,

C#, Python, JavaScript. Ďalším kritériom je, že v aplikácií budeme od používateľa požadovať vstupné parametre v podobe počiatočnej a koncovej zastávky. Budeme teda vytvárať nejaké okná, textové polia a tlačidlá. Tieto možnosti sú už predpripravené, spolu s mnohými inými, vo vývojom prostredí Unity. Ide o prostredie určené prevažne na vývoj počítačových hier, avšak pre naše účely je úplne dokonalé. Využijeme jeho možnosť programovania v jazyku C# a hojne i jeho grafické rozhranie.

4.2 Začiatočná implementácia

Po dôkladnom premyslení si všetkých potrebných detailov sme prešli k prvej implementácii. Samozrejme, nevyriešili sme ich všetky. Hneď, ako sme chceli vytvoriť prvý testový vstup, zistili sme, že sme si neujasnili, v akom formáte budeme dáta uschovávať. Ich formát je nepodstatný pre beh aplikácie, keďže si dáta v programe ihneď spracujeme na nami navrhnuté štruktúry. Stačí teda zvoliť ľubovoľný rozumný. Náš je demonštrovaný na obrázku 12.

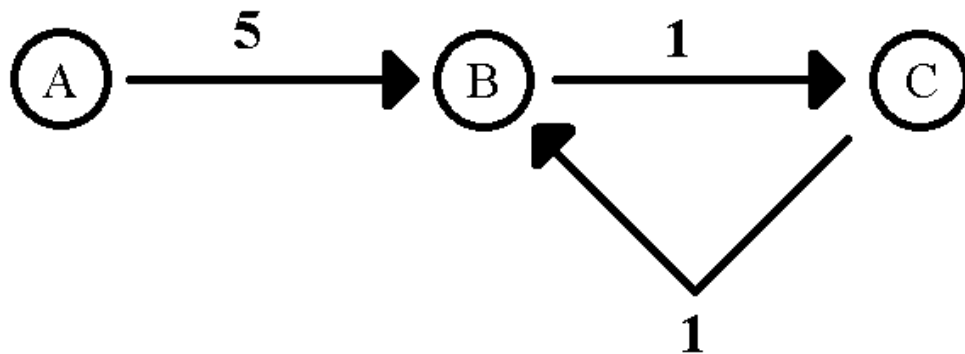
```
"Nazov linky"
"cas cesty od vyrazenia z pociatocnej zastavky" "Nazov zastavky" | ...           //cesta tam
"cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" "cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" ... //cesta tam
"cas cesty od vyrazenia z pociatocnej zastavky" "Nazov zastavky" | ...           //cesta spat
"cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" "cas vyrazenia z pociatocnej zastavky" ... //cesta spat
"Nazov linky"
...
```



```
PRIKLAD
1
0 Stanica | 2 Ulica A | 5 Namestie C
8:52 12:34 16:10 21:53
0 Namestie C | 3 Ulica A | 5 Stanica
9:22 12:50 16:31 21:59
```

Obr. 12: Formát obsahu dátového súboru

Teraz môžeme smelo zbierať dáta. Vďaka stránke Bratislavského dopravného podniku sme si uložili dáta popisujúce mestskú hromadnú dopravu v Bratislave. Tie použijeme lokálne na testovanie aplikácie. Vytvorili sme aj pár vlastných vstupov. Na obrázku 13 uvádzame ich jednoduchý príklad. V ňom sme uvažovali o linke vyrážajúcej z A do C v časoch 0:2 a 0:5 so spätnou cestou iba z C do B v čase 0:1.



Obr. 13: Príklad testového vstupu

Nasleduje implementácia grafových štruktúr, ktorá je nateraz jednoduchá. Vhodné je poznamenať, že v našej implementácii vrchola, ktorú zachytáva obrázok 14, si budeme pamätať hodnotu najlacnejšej cesty do daného vrcholu, aby sme v Dijkstrovom algoritme nepotrebovali vytvárať pole čísel uchovávajúce jeho výsledky. Taktiež si budeme pamätať i referenciu na hranu, ktorá tento vrchol spája s jeho predchodcom, čo nám uľahčí budúcu prácu.

```

public class Vertex
{
    internal string name;

    internal int value; //for dijkstra's purpose
    internal Vertex parent; //for dijkstra's purpose
    internal Edge toParent; //for dijkstra's purpose

    public Vertex(string n)
    {
        name = n;
    }
}

```

Obr. 14: Prvá reprezentácia vrcholu

Kód pre objekt hrany má ešte navyše pridané časy príchodu a odchodu linky z daných vrcholov. Inak objekty reprezentujúce hranu a graf neobsahujú žiadne zmeny.

```

public class Edge
{
    internal string name;
    internal Vertex fromV;
    internal Vertex toV;
    internal Time fromT;
    internal Time toT;
    internal int travellTime; //minutes

    public Edge(string name, Vertex fromV, Vertex toV, Time fromT, Time toT)
    {
        this.name = name;
        this.fromV = fromV;
        this.toV = toV;
        this.fromT = fromT;
        this.toT = toT;
        this.travellTime = Time.differenceBetweenTimesMin(this.fromT, this.toT);
    }
}

```

Obr. 15: Prvá reprezentácia hrany

```

public class Graph
{
    internal List<Vertex> verteces;
    internal List<Edge> edges;

    internal Graph()
    {
        verteces = new List<Vertex>();
        edges = new List<Edge>();
    }
}

```

Obr. 16: Prvá reprezentácia grafu

Pri vytváraní kódu bolo tiež potrebné rozobrať súbor s dátami a vytvoriť z nich horeuvedené objekty. Tento kód uvádzať nebudeme, nakoľko je dosť obsiahly a navyše neobsahuje žiadne relevantné informácie.

Ďalším krokom je implementácia vyhľadávacieho algoritmu. Tu však badáme komplikáciu. Medzi dvomi vrcholmi/zastávkami sa nachádza mnoho hrán reprezentujúcich všetky spojenia medzi nimi. Treba pomocou algoritmu zistiť, ktorú z týchto hrán vybrať. Najlepšie by bolo nejako vyberať hrany čo najskôr po udanom čase, od ktorého chceme vyhľadávať. To by však potrebovalo premnoho modifikácií algoritmu. My sme sa preto rozhodli riešiť tento problém zmenou reprezentácie údajov.

4.3 Vylepšenie reprezentácie údajov

Keďže nám predošlá reprezentácia údajov spôsobovala komplikácie pri vyhľadávaní, rozhodli sme sa ju prerobiť. Nejde o priveľmi signifikantnú zmenu, avšak jej dopad na vyhľadávanie bude nanajvýš uspokojujúci. Zmenou je, že naše vrcholy nebudú reprezentovať len zastávku, ale aj čas, v ktorom sa niečo v tej zastávke deje. Napríklad pre linku idúcu zo zastávky *A* do *B* v čase 0:1 s príchodom 0:6 vytvoríme dva vrcholy, jeden s hodnotami *A* a 0:1 a druhý s údajmi *B* a 0:6, pričom uvažovaná hrana spája presne tieto dva vrcholy. Tým pádom budeme nútení vytvoriť veľa hrán navyše, a to hrany, na ktorých sa čaká na nejakej zástavke. My sme tieto hrany nazvali "čakacie". Napríklad ak by bol v poslednom príklade práve čas 0 : 0, prvá hrana nášho cestovania medzi *A* a *B* by bola hrana spájajúca vrcholy *A* v čase 0:0 a *A* v čase 0:1. Uvedené rozšírenie možno vidieť na obrázku 17.

```
public class Vertex
{
    internal string name;
    internal Time time;

    internal int value; //for dijkstra's purpose
    internal Vertex parent; //for dijkstra's purpose
    internal Edge toParent; //for dijkstra's purpose

    public Vertex(string n, Time t)
    {
        name = n;
        time = t;
    }
}
```

Obr. 17: Rozšírená reprezentácia vrchola

Do objektu hrany sme zasiahli len minimálne: pridali sme jednu premennú hovoriacu či je daná hrana čakacia, čo nám pomôže pri výpise cesty, pretože z neho budeme chcieť takéto hrany vylúčiť.

Táto reprezentácia údajov vyzerá naozaj sľubne, keďže algoritmus vyhľadávania na takto zostavenom grafe nebude potrebovať žiadne ďalšie úpravy.

4.4 Implementácia vyhľadávacieho algoritmu a výpis výsledku

Nasledujúcim bodom bolo teda implementovať vyhľadávací algoritmus na pripravenej grafovej štruktúre. Ako sme už spomínali, na tento účel využijeme Dijkstrov algoritmus. Jeho implementácia podľa podkapitoly 2.2.1 je nenáročná. Za zmienku ale stojí pýtať sa, ktorý vrchol, po zadaní požiadavky používateľom, zvolíme ako počiatočný. Odpoveď je ale prostá: nájdeme vrchol s daným názvom, ktorý je čo najskôr po zadanom čase používateľa. Druhou možnosťou by bolo vytvoriť nový vrchol s parametrami od používateľa a ten umiestniť do grafu. Implementácia by bola jednoduchšia, ale oveľa viac mäťúca. Rozhodli sme sa preto pre prvú možnosť.

Opäť je vhodná chvíľa uvažovať. Ak bude náš graf rozsiahly, s čím musíme rátať, Dijkstrov algoritmus bude počítat veľmi dlho, než sa dopátra ku všetkým hodnotám. Rozumné je teda do implementácie zapojiť i ukončenie procesu vyhľadávania v nejakom rozumnom stave. Ako sme spomínali pri opisovaní Dijkstrovho algoritmu (2.2.1), mnoho implementácií končí po nájdení hodnoty najlacnejšej cesty pre zadaný konečný vrchol. My túto ideu v tejto chvíli aplikujeme, avšak jemne pozmenenú. Budeme si počas behu Dijkstrovho algoritmu počítat, koľko krát sme už prišli do finálneho vrchola a po určitom počte jeho návštev algoritmus ukončíme. Môžeme tak spraviť vďaka zmenenej štruktúre dát, keďže konečných vrcholov náš graf obsahuje viac, každý s inou hodnotou času. Otázkou zostáva, aký bude spomínaný počet návštev konečného vrchola. Ak bude priveľký, bude algoritmus bežať zbytočne dlho. Ak zasa malý, používateľ bude nespokojný pre nízky počet výsledkov. Navyše, v prípade opätovného vyhľadávania na tých istých vstupoch len s vyššou hodnotou tohto čísla bude musieť algoritmus začínať vždy odznova. Bolo by teda rozumné, nechať používateľov samých navoliť toto číslo. Nateraz sme ale túto hodnotu napevno zadrôtovali na číslo 3. Naša implementácia algoritmu je k nahliadnutiu na obrázku ???. Treba podotknúť, že niektoré použité premenné sú definované mimo procedúry a ich význam je preto možné zistiť buď z názvu, z kontextu, alebo z prezretia si väčšej časti kódu.

```

private void DijkstrasAlgorhitm(Vertex start, string fin)
{
    updateVertecesValues();

    List<Vertex> visited = new List<Vertex>();
    start.parent = null;
    start.value = 0;
    List<Vertex> inScope = new List<Vertex>();
    inScope.Add(start);
    DijkstrasComparator dc = new DijkstrasComparator();

    while (inScope.Count > 0)
    {
        inScope.Sort(dc);
        Vertex now = peek(inScope);

        if (graph.getNeighbors(now).Contains(start)) break;

        List<Vertex> neighbors = graph.getNeighbors(now);
        List<Edge> incidentEdges = graph.getIncidentEdges(now);

        if (!now.name.Equals(fin))
        {
            for (int i = 0; i < neighbors.Count; i++)
            {
                Vertex v = neighbors[i];
                Edge e = incidentEdges[i];

                if (visited.Contains(v)) continue;

                int newValue = now.value + e.travellTime;
                if (newValue < v.value)
                {
                    v.value = newValue;
                    v.parent = now;
                    v.toParent = e;
                    if (!inScope.Contains(v)) inScope.Add(v);
                }
            }
        }
        else
        {
            amountNow--;
            if (amountNow == 0) return;
        }

        visited.Add(now);
    }
}

```

Obr. 18: Naša implementácia Dijkstrovho algoritmu

Výsledná odpoveď algoritmu bude uložená vo vrchoch grafu. Ich hodnoty pre požadovanú zastávku nájdeme jednoducho podľa názvu, teda vezmeme všetky vrcholy s názvom, aký je požadovaný a zoradíme ich podľa času počnúc zadaným časom pre vyhľadávanie. Pre nejaký rozumný počet týchto vrcholov necháme zrekonštruovať a do konzoly vypísať nájdene cesty. Táto hodnota by teda nemala a ani nemôže presiahnuť hodnotu návštev finálneho vrchola z predošlého odseku, momentálne teda 3, nakoľko

pre ostatné vrcholy už výslednú hodnotu nepoznáme.

Vypisovanie cesty pre daný vrchol realizujeme pomocou rekurzie, čo nám zabezpečí správne poradie zastávok. Túto procedúru ukazuje obrázok 19. O samotný spôsob výpisu sa teda, ako je i zobrazené v kóde, stará iná trieda, trieda "PathShowing".

```
private void printPath(Vertex v)
{
    if (v == null) return;
    printPath(v.parent);
    if (v.parent != null)
    {
        //two verteces has been found
        //now we need to print the edge in between, if it isn't waiting
        if (!v.toParent.waitingEdge) pathShowing.printThis(v.toParent);
    }
}
```

Obr. 19: Kód starajúci sa o výpis cesty

4.5 Neefektívnosť vytvárania objektov

Program, po implementácii všetkého doposiaľ opísaného, sa zdá byť funkčný. Na testovacích vstupoch je bezchybný. To však neznamená, že funkčný naozaj je. Aplikáciu musíme, čo je aj cieľom práce, otestovať na veľkých, respektíve reálnych dátach. Po spustení na týchto dátach už ale program nepracuje tak, ako by sme očakávali. Aplikácia sa i po viac ako hodinovom čakaní nerozbíha. Využili sme preto možnosť krokovania kódu, čím sme zistili príčinu nášho problému - aplikácií trvá prídlho pretváranie dát z obrovského textového súboru na žiadané objekty. Po prezretí si kódu sme, našťastie, našli neefektívne časti, ktoré sme prerobili. Presnejšie, pri vytváraní vrcholov sme za každým kontrolovali či už vrchol s rovnakými údajmi náhodou neexistuje, a tak aby sme nevytvorili vrcholy nesúce rovnaké informácie. Na to sme, pri našej jednoduchšej implementácii grafu, museli prejsť poľom vrcholov. Preto sme do objektu grafu popridávali rôzne slovníky, resp. hashovacie mapy, čím sa nám podarilo výrazne urýchliť vytváranie objektov. Slovníky sme dokonca využili i počas algoritmu vyhľadávania, takže aj on sa stal trocha rýchlejším. Modifikovaná implementácia grafu sa nachádza na obrázku 20.

```
public class Graph
{
    internal List<Vertex> verteces;
    internal List<Edge> edges;

    internal SortedDictionary<string, List<Vertex>> allStops;
    internal Dictionary<Vertex, List<Edge>> allEdges;
    internal Dictionary<Vertex, List<Vertex>> neighbors;

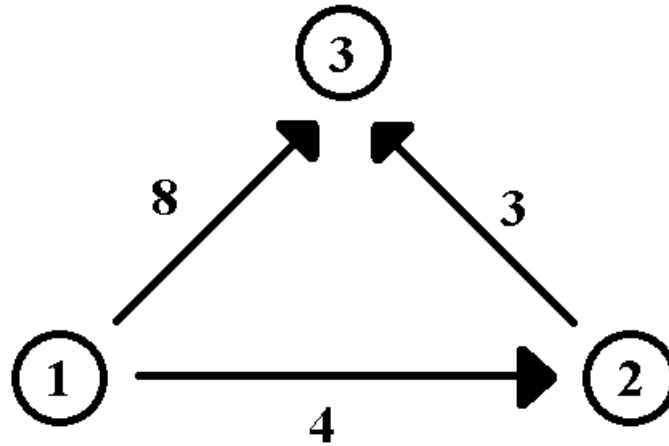
    internal Graph()
    {
        verteces = new List<Vertex>();
        edges = new List<Edge>();
        allStops = new SortedDictionary<string, List<Vertex>>();
        allEdges = new Dictionary<Vertex, List<Edge>>();
        neighbors = new Dictionary<Vertex, List<Vertex>>();
    }
}
```

Obr. 20: Vylepšená implementácia grafu

Vylepšenie objektu grafu zabezpečilo, že sa aplikácia načítava približne minútu. Boli sme ju teda schopný otestovať na reálnych dátach a výsledky boli priaznivé. Dĺžka načítavania je ale stále neprajná, hoci aplikácia by mohla byť stále využiteľná, napríklad keby sa spustila a nechala bežať na serveri a používatelia by sa skrz určitú webovú stránku spytovali aplikácie svoje otázky.

4.6 Vyhľadávanie alternatívnych ciest

Posledným cieľom našej práce je implementácia nejakého vylepšenia, ktoré obohatí náš program a urobí ho príťažlivejším. Rozhodli sme sa, že medzi funkcionality aplikácie pridáme možnosť zobrazenia alternatívnych ciest, keďže ju postráda skoro každý iný vyhľadávací nástroj. Presnejšie, pri zobrazení výsledkov algoritmu bude pri každej zastávke možné zvoliť zobrazenie iných trás do tej zastávky s príchodom v tom istom čase.



Obr. 21: Príklad alternatívnej trasy

Napríklad, pre graf zobrazený na 21 bude výsledok vyhľadávania cesta z vrcholu 1 do 3 cez vrchol 2, nakoľko je najkratšia. Ale pri vrchole 3 v zobrazení výsledku bude napísané, že doň vedú až dve cesty, nie len tá vypočítaná. Aplikácia bude schopná na žiadosť používateľa tieto alternatívne cesty vypísať a dokonca sa i navrátiť do predošlého stavu.

Po dlhšom uvažovaní sme si uvedomili, že implementácia takéhoto vylepšenia nie je priveľmi náročná. Je ale nutné upraviť vyhľadávací algoritmus, čo ho, dúfame, príliš nezprehľadní. V prvom rade pridáme do triedy pre vrchol jedno pole hrán uchovávajúcich si tie hrany, ktoré boli v Dijkstrovom algoritme skúšané ako kandidáti na najkratšiu cestu do tohto vrchola. Samozrejme, budú tam všetky - aj tie, ktorým sa nepodarilo, i tie, ktorým áno, lebo tie so zdarným porovnaním sa môžu neskôr prepísať inou, lepšou možnosťou. A ako sme už prezradili, úprava vo vyhľadávacom algoritme tiež nebude markantná. V ňom nám stačí pred porovnaním pridať hranu do spomínaného poľa pre cieľový vrchol daného vyhodnocovania.

Implementácia vylepšenia sa naozaj nezdá byť signifikantná, jej účel je ale naozaj prínosný. Avšak nie je pravda, že jej naprogramovanie je také jednoduché. S touto implementáciou sa nám podarilo získať výsledky, ktoré, žiaľ, nevieme vypísať. Vo výpise sa ale nachádza tvrdý oriešok. Keďže potrebujeme vypísať alternatívne cesty, potrebujeme nielen zmazať predošlý výpis výsledkov, ale si aj zapamätať tento stav, keďže sa k nemu bude chcieť používateľ pravdepodobne vrátiť. Ďalej, ak si zvolíme zobraziť alternatívne cesty pre nejakú zastávku, možno si budeme chcieť opäť z vypísaného zvoliť ďalšiu alternatívnu cestu. Výpis by teda mal fungovať do ľubovoľnej hĺbky. Ako nádherné riešenie tohto problému sa nám ponúka použiť návrhový vzor *Memento*, ktorého

Caretaker si bude postupne zapamätávať stavy a na žiadosť nám posledný zapamätaný stav poskytne a zároveň ho odstráni zo svojej pamäte. Na jeho pamäť zasa poslúži dátová štruktúra *zásobník* a ukladané stavy budú reprezentované triedou so zoznamom zoznamov hrán (zoznam hrán reprezentuje cestu a zoznam týchto ciest zas zobrazovaný výsledok). Implementácia *Memento* nám teda s prehľadom vyriešila všetky starosti.

Záver

V práci sme skúmali vlastnosti a popisovali algoritmy vhodné na vyhľadávanie spojení hromadnej dopravy. Zamerali sme sa na tri základné algoritmy, ktoré sme medzi sebou v mnohých ohľadoch porovnávali, vďaka čomu sme dokázali usúdiť, ktorý z nich bude najvhodnejším kandidátom na spomenuté vyhľadávanie. Porovnávali sme ich časovú zložitosť, ich použiteľnosť na malých i veľkých vstupoch, resp. na vstupoch s malým či veľkým počtom hrán. Najlepšie obstál Dijkstrov algoritmus, ktorý sa zdá byť najvšeobecnejší a najefektívnejší pri použití ľubovoľnej grafovej štruktúry. Samozrejme, ako sa spomína aj v [3], existujú rôzne zložitejšie algoritmy, ktoré sú oveľa rýchlejšie na vyhľadávanie spojení MHD. Mnoho výskumov a návrhov komplikovanejších algoritmov zhrnuli a porovnali Fan a Machemehl v svojom diele [7].

So znalosťou Dijkstrovho algoritmu sme dokázali vytvoriť softvér, ktorý na poskytnutých dátach nájde najlacnejšie cesty medzi zadanými vrcholmi. Program si najprv z dát vytvorí grafovú štruktúru, s ktorou následne pracuje. Program je navrhnutý tak, že vďaka vstupu od používateľa vo forme názvu počiatkovej a konečnej zastávky dokáže uskutočniť vyhľadávanie a následne vypísať vypočítané výsledky v prívetivej forme. Aplikáciu sme otestovali i na dátach Bratislavskej hromadnej dopravy, pričom nás prekvapila rýchlosť algoritmu, ktorému i pri tak obrovskom počte zastávok a liniek trvalo nájsť riešenie zakaždým menej ako sekundu. Samozrejme tomu prispieva prítomnosť ukončenia vyhľadávania, keď už riešenie obsahuje dostatočne veľa potrebných informácií.

Navrhli sme a implementovali zobrazovanie alternatívnych trás do danej zastávky. Takéto vylepšenie zväčša iné implementácie podobného charakteru neposkytujú, a preto sme sa preň rozhodli.

Na um nám prichádzajú i možné pokračovania práce. Napríklad by sa dalo spracovať i iné, pokročilejšie algoritmy a na základe ich spoločného porovnania vybrať lepší algoritmus ako Dijkstrov na vyhľadávanie spojení hromadnej dopravy. Ďalšou možnosťou je implementovať viacero algoritmov na vyhľadávanie a tie na základe rozumných meraní medzi sebou porovnávať. Taktiež by sa dalo implementovať iné použiteľné vylepšenia a zakomponovať ich do kódu našej aplikácie, prípadne zlepšiť či zefektívniť terajšie riešenie, napríklad sprehľadnením či vizuálnym vylepšením používateľského rozhrania.

Literatúra

- [1] Jørgen Bang-Jensen and Gregory Z Gutin. *Digraphs: theory, algorithms and applications*. Springer Science & Business Media, 2008.
- [2] Michael J Bannister and David Eppstein. Randomized speedup of the bellman-ford algorithm. In *2012 Proceedings of the Ninth Workshop on Analytic Algorithmics and Combinatorics (ANALCO)*, pages 41–47. SIAM, 2012.
- [3] Hannah Bast, Erik Carlsson, Arno Eigenwillig, Robert Geisberger, Chris Harrelson, Veselin Raychev, and Fabien Viger. Fast routing in very large public transportation networks using transfer patterns. In *European Symposium on Algorithms*, pages 290–301. Springer, 2010.
- [4] Richard Bellman. On a routing problem. *Quarterly of applied mathematics*, 16(1):87–90, 1958.
- [5] Reinhard Diestel. Teória grafov, 2000. [Citované 2017-12-4] Dostupné z <http://www.dcs.fmph.uniba.sk/~haviarova/uktg/#materialy>.
- [6] Shimon Even. *Graph algorithms*. Cambridge University Press, 2011.
- [7] Wei Fan and Randy B Machemehl. Optimal transit route network design problem: Algorithms, implementations, and numerical results 6. performing organization code. 2004.
- [8] Jana Katreniaková. Vizualizácia a kreslenie pekných grafov, 2014. [Citované 2017-12-4] Dostupné z <http://sccg.sk/~ferko/VizualizaciaPreGrafikov.pdf>.
- [9] S Meena Kumari and N Geethanjali. A survey on shortest path routing algorithms for public transport travel. *Global Journal of Computer Science and Technology*, 9(5):73–75, 2010.
- [10] Jakub Novák. Dynamická navigácia osôb so spätnou väzbou v mestskej hromadnej doprave. Bakalárska práca, Univerzita Komenského v Bratislave, 2016.

- [11] José Luis Santos. k-shortest path algorithms. 2007. [Citované 2017-12-4] Dostupné z <https://estudogeral.sib.uc.pt/jspui/bitstream/10316/11305/1/k-Shortest%20path%20algorithms.pdf>.
- [12] Pavol Ďuriš. *Tvorba efektívnych algoritmov*. Knížničné a edičné centrum FMFI UK, 2009.