

Cours2

Complexité d'un algorithme

PLAN

- Java :
 - JavaDoc
 - style
 - break
 - transtypage ou cast
- Notion de complexité
 - Problème versus algorithme
 - Comparaison d'algorithmes
 - Complexité théorique des algorithmes

Java encore un peu

Java : JavaDoc

Le commentaire dans un code Java est de deux types :

- Le commentaire qui explique un détail d'implémentation

```
// ces lignes sont mises en commentaire  
// et ne seront pas compilées
```

```
/* ces lignes sont mises en commentaire  
   et ne seront pas compilées non plus  
   etc... etc... etc... etc... etc... etc...  
   etc... etc... etc... etc... etc... etc... */
```

- Les commentaires de documentation embarquée JavaDoc. C'est ce commentaire là qui sera extrait du source Java pour être transformé en page HTML.

```
/** ces lignes sont destinées à compléter  
    le code d'une documentation qui  
    explique à quoi sert la classe, la  
    méthode etc... */
```

Java : JavaDoc

Le commentaire JavaDoc peut documenter une classe selon 3 niveaux :

- pour commenter le rôle général de la classe

```
/**
 * Cette classe effectue des opérations élémentaires..
 * etc.
 * etc.
 */

class SimpleTableau {
    ...
}
```

- pour commenter le rôle d'un attribut (variable globale) de la classe

```
class SimpleTableau {

    /** La taille par défaut d'un tableau */
    final int TAILLE = 50;

    ...
}
```

Java : JavaDoc

- pour commenter le rôle d'une méthode de la classe

```
class SimpleTableau {  
    ...  
  
    /**  
     * Affiche le contenu des nbElem cases d'un  
     * tableau une par une.  
     */  
    void afficherTab ( int[] leTab, int nbElem ) {  
        ...  
    }  
}
```

A l'intérieur d'un commentaire JavaDoc, toutes les balises HTML standards (<P>, , , <I>, ...) de mise en forme sont acceptées.

Java : JavaDoc

Pour documenter le rôle d'une classe, javaDoc reconnaît un certain nombre de balises (tags) qui lui sont propres :

@author + « l'auteur de la classe »

@version + « numéro de version de la classe »

@since + « version du JDK »

@see + « See Also / référence à quelque chose »

En reconnaissant une balise, JavaDoc choisira le format approprié pour afficher les informations.

```
/**
 * Cette classe effectue des opérations élémentaires..
 *
 * @author J-F. Kamp – octobre 2016
 * @version 1.1.0
 */

class SimpleTableau {
    ...
}
```

Java : JavaDoc

Pour commenter une méthode, des balises JavaDoc spécifiques sont définies :

@param + « nomParamètre » + « description du paramètre de la méthode » (une balise/paramètre)

@return « description du type retourné » (au maximum un seul type retourné)

```
/**
 * Affiche le contenu des nbElem cases d'un tableau
 * une par une.
 *
 * @param leTab le tableau à afficher
 *
 * @param nbElem le nombre d'entiers que contient le
 * tableau
 *
 */
void afficherTab ( int[] leTab, int nbElem ) { ... }
```


Java : style

Règle 1 : seule la classe et la constante commencent obligatoirement par une majuscule. Le reste (variables, méthodes) commencent toujours par une minuscule.

Règle 2 : tous les mots-clé du langage doivent être écrits en minuscules (class, int, for, while, new, ...)

Règle 3 : le nom que l'on donne à un attribut, classe, constante ou méthode doit être clair, non ambigu. Il doit être parlant pour le programmeur.

```
z = x.meth10 ( y ); // NON !!
```

```
monCapital.ajoute ( interet ); // OUI !!
```

Java : style

Règle 4 : Si plusieurs noms composent le nom principal, chaque nom est séparé par une majuscule.

```
String mot_courant; // NON !!  
String motcourant; // NON !!  
  
String motCourant; // OUI !!
```

Règle 5 : Choisir un verbe pour le nom des méthodes.

```
void ajouterInteret ( Monnaie somme ) {...}  
boolean estVisible ( ) {...}
```

Règle 6 : Le nom d'une constante se compose uniquement de majuscules.

```
final int MIN_HAUTEUR = 4;
```

Java : style

- L'unité d'indentation vaut 4 espaces.
- Chaque code qui commence à l'intérieur d'un bloc délimité par { ... } doit être indenté d'une unité.
- L'accolade « { » doit suivre l'expression sur la même ligne, l'accolade « } » doit se trouver au même niveau que l'expression.

```
for ( i = 1; i < maxLoops; i++ ) {  
    ...  
    instructions;  
    ...  
}
```

Java : break

L'instruction `break;` permet la sortie forcée d'une boucle SANS tester la condition de sortie de cette boucle.

Exemple (trivial)

```
// sans break
boolean var = true;
int i = 0;

while ( var ) {
    i++;
    // boucle infinie !!
}

// avec break
...
i = 0;
while ( var ) {
    i++;
    if ( i == 10 ) break;
}
```

Java : break

```
// avec break
...
i = 0;
while ( var ) {
    i++;
    if ( i == 10 ) break;
}
```

L'instruction **break;** s'écrit dans 99% des cas à l'intérieur d'une alternative. Cette alternative précise dans quelle(s) condition(s) exactement on force la sortie de la boucle englobante.

Intérêt : réduire la longueur des expressions booléennes de sortie de boucle.

```
// sans break mais 1 condition de sortie en +
...
i = 0;
while ( var && ( i != 10 ) ) {
    i++;
}
```

Java : break

Ne pas abuser du break :

- D'abord écrire la boucle avec l'expression booléenne habituelle (cf. TestAlgo). Si expression illisible ou si certains termes ne sont pas « évaluables » (i.e. débordement de tableau) alors envisager le break.
- Ne pas confondre break; et return; (forcer la sortie d'une méthode) : « return; » est interdit.
- Bien savoir de quelle boucle on force la sortie.

```
for ( i = 1; i <= 20; i++ ) {  
    ...  
    j = 0;  
    while ( var ) {  
        j++;  
        if ( j == 10 ) break;  
    }  
}
```

Java : transtypage (cast)

Les types primitifs entiers et réels peuvent toujours s'affecter entre eux s'ils respectent le principe simple : un nombre codé sur X bits acceptera toujours une valeur codée sur Y bits ssi $Y \leq X$.

byte \Rightarrow short \Rightarrow int \Rightarrow float \Rightarrow double

```
int x = 153;  
double y = 22.69;  
  
y = x;  
// OK car x codé sur 32 bits et y codé sur 64 bits
```

Java : transtypage (cast)

Le transtypage pour les types primitifs entiers et réels, c'est FORCER l'affectation d'une variable dans une autre alors que la place n'est pas disponible ($Y > X$).

Exemple : la division entière

```
float var1 = 7 ;  
int var2 = 2 ;  
int res ;  
  
res = ( var1 / var2 ) ; // 7/2 = 3.5 (pas un entier)  
// Erreur de compilation  
  
res = (int) ( var1 / var2 ) ; // compile  
// Transtypage => conservation de la partie entière  
// 7/2 = 3.5  
// (int) 3.5 = 3
```


Notion de complexité

Problème et algorithmes

Un problème peut généralement être résolu de +sieurs façons.

Donc il existe +sieurs algorithmes différents pour résoudre un même problème.

Exemple : calcul du factoriel

$$n! = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times (n - 1) \times n$$

En math : $f(n)$ telle que

$$f(0) = 1$$

$$f(n) = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times (n - 1) \times n$$

Problème et algorithmes

Premier algorithme possible : la récursivité (pour la fin du module !).

```
int factorielle ( int n ) {  
  
    int ret;  
  
    if ( n == 0 ) {  
        ret = 1;  
    }  
  
    else {  
  
        ret = n * factorielle ( n - 1 );  
    }  
  
    return ret;  
}
```

En fait c'est 1 boucle exécutée n fois...

Problème et algorithmes

Deuxième algorithme possible : l'algorithme itératif (cf. TestAlgo).

```
int factorielle ( int n ) {  
  
    int ret, i;  
  
    ret = 1;  
  
    for ( i = 1; i <= n; i++ ) {  
  
        ret = ret * i;  
    }  
  
    return ret;  
}
```

C'est aussi 1 boucle exécutée n fois...

Quel est l'algorithme le + performant : récursif ou itératif ?

Comparaison des algos

Sur quels critères comparer les algorithmes ?

- L'espace mémoire occupé par le fichier contenant le code ?
- L'espace mémoire occupé par le fichier compilé ?
- La quantité de mémoire vive occupée lors de l'exécution ?
- Le nombre d'octets transférés sur le réseau ?
- **Le temps de calcul.**

Critère de comparaison

Le temps de calcul

Première suggestion : chronométrer le temps de calcul.

Mais ça va dépendre :

- De la machine (brouette ou Ferrari)
- Du nombre de données traitées
- De la fréquence d'horloge
- Temps d'accès aux données
- ...

Critère de comparaison

Le temps de calcul

Le temps de calcul va dépendre de la complexité (taille) du travail à accomplir.

Exemple : pour un algorithme de tri, la complexité va dépendre du nombre N de valeurs à trier.

Si N est la taille du problème, on voudrait exprimer le temps de calcul en fonction de N .

Le temps de calcul empirique

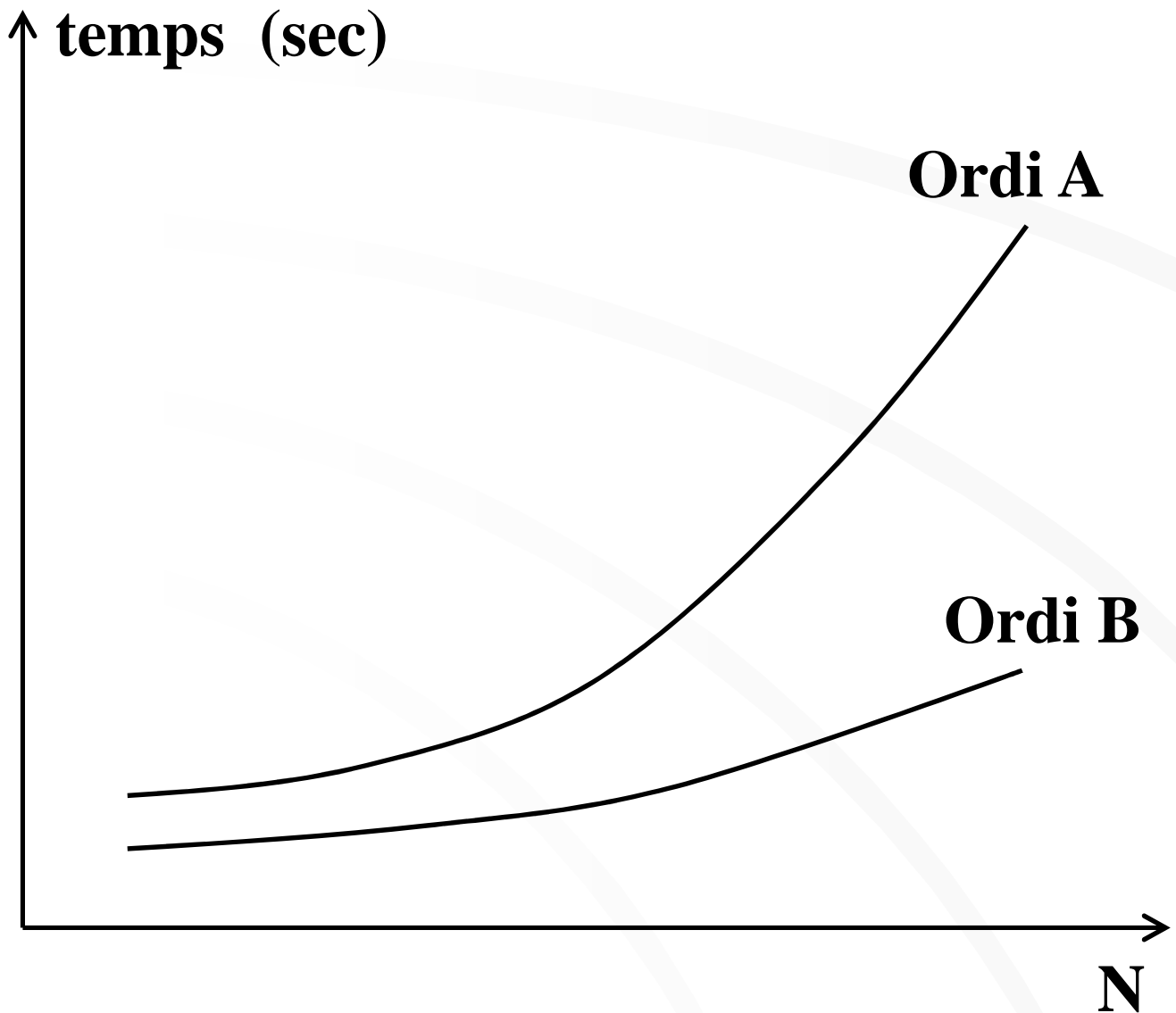
Exemple

Mesures du temps de calcul (en secondes) pour un algo. de tri sur 2 machines A et B.

N	Ordi. A	Ordi. B
125	12,5	2,8
250	49,3	11
500	195,8	43,4
1000	780,3	172,9
2000	3114,9	690,5

Le temps de calcul empirique

Ajustement de courbes sur les données.



Le temps de calcul empirique

- Mise en équation

Ordi A

$$t(N) = 0,00078 N^2 + 0,003 N + 0,001$$

Ordi B

$$t(N) = 0,00017 N^2 + 0,0004 N + 0,01$$

- Observations

Les courbes sont en N^2 pour les 2 ordi.

Si $N > 500$, $t(N)$ ne dépend que du terme en N^2 .

Le temps de calcul empirique

La variation du temps de calcul en fonction de la taille (ici N = nbre de valeurs à trier) est appelée complexité de l'algorithme.

Dans cet exemple, il s'agit d'une complexité empirique car fondée sur des mesures (ici du temps).

Complexité théorique

Il est possible de déterminer les équations précédentes de manière théorique pour une bonne majorité des problèmes.

Idée : compter les opérations élémentaires exécutées par l'algorithme en fonction de N (taille du problème).

Hypothèse (forte) : **une opération élémentaire s'exécute en un temps élémentaire** qui est 1 coup d'horloge ($T = 1/F$, F = fréquence en Hz).

Complexité théorique

Exemple de calcul théorique pour la factorielle.

Hypothèses (fixons les règles) :

- Une déclaration = 1 opération élémentaire
- Une affectation = 1 opération élém.
- Une addition ou multiplication = 1 opération élém.
- Une incrémentation (i++) ou décrémentation (i--) = 2 opérations élém.
- Un test de comparaison (\leq , $<$, \geq , $>$, \neq , $=$) = 1 opération élém.

Complexité théorique

```
int factorielle ( int n ) {  
  
    int ret, i;                // 2 op  
  
    ret = 1;                   // 1 op  
    i = 1;                     // 1 op  
  
    while ( i <= n ) {         // 1 op  
  
        ret = ret * i;         // 2 op  
        i++;                   // 2 op  
    }  
  
    return ret;  
}
```

- Avant la boucle : $2 + 1 + 1 = 4$ op
- Boucle effectuée $(n - 1 + 1) = n$ fois
- Corps de la boucle : $2 + 2 = 4$ op
- Comparaison : 1 op
- Comparaison effectuée $(n + 1)$ fois

Complexité théorique

- Avant la boucle : $2 + 1 + 1 = 4$ op
- Boucle effectuée $(n - 1 + 1) = n$ fois
- Corps de la boucle : $2 + 2 = 4$ op
- Comparaison : 1 op
- Comparaison effectuée $(n + 1)$ fois

Nbre opérations élémentaires = $f(n)$

$$= 4 + (n \times 4) + (n + 1) \times 1$$

$$= 5 + 5n$$

Temps de calcul : $t(n) = f(n) \times T$

où $T = 1/F$ (F = fréquence de l'horloge Hz)

Conclusion : le temps de calcul théorique de la factorielle est linéaire en « n ».

Une meilleure intuition

Supposons une horloge à 1MHz

$\Rightarrow T = 10^{-6}$ secondes

- Premier algo. de tri (tri1)

$$t(n) = n^2 \times T$$

- Second algo. de tri (tri2)

$$t(n) = n \log_2(n) \times T$$

Soit $n = 10^5$ (100.000)

- tri1 : $t(n) = 10^{10} \times 10^{-6} = 10^4$ secondes = 2,7 heures
- tri2 : $t(n) = 16,6 \times 10^5 \times 10^{-6} = 1,66$ secondes