

# Lista 1

## Zadanie 1

Wartości:

- $A$  - macierz
- $b$  - wektor prawych stron
- $c$  - wartości pól  $x$

Zmienne decyzyjne:

- $x$  - wartość taka, aby  $A \cdot x$  było równe  $b$ ,  $x \geq 0$

Ograniczenia:

- wartość  $A \cdot x$  powinna być równa  $b$

Funkcja celu:

$$c^T x \rightarrow \min$$

Wyniki:

Jako  $A$  użyliśmy macierzy Hilberta, powodującą złe uwarunkowanie zagadnienia

Dla  $n \leq 6$  wyniki są dokładne, ale dla  $n = 7$  błąd względny wynosi:

- 1.464 dla solvera GLPK
- 1.681 dla solvera CLP

## Zadanie 2

Wartości:

- $needI$  – zapotrzebowania na pojazdy typu I w poszczególnych miastach
- $needII$  – zapotrzebowania na pojazdy typu II w poszczególnych miastach
- $availableI$  – dostępne pojazdy typu I w miastach
- $availableII$  – dostępne pojazdy typu II w miastach
- $priceI$  – cena za kilometr przejazdu pojazdu typu I
- $priceII$  – cena za kilometr przejazdu pojazdu typu II

- distances – odległości między miastami
- $lasI$  – czy pojazdy typu II mogą być użyte jako typ I
- $lasII$  – czy pojazdy typu I mogą być użyte jako typ II

Zmienne decyzyjne:

- $xI$  – macierz wielkości  $n \times n$ ,  $xI_{ij}$  to ilość pojazdów typu I przeniesionych z miasta  $i$  do miasta  $j$
- $xII$  – macierz wielkości  $n \times n$ ,  $xII_{ij}$  to ilość pojazdów typu II przeniesionych z miasta  $i$  do miasta  $j$

Ograniczenia:

- ilości pojazdów obu typów muszą się zgadzać z zapotrzebowaniem po przeniesieniu
- z miasta nie można wyjechać większą ilością pojazdów danego typu niż jest dostępne
- jeśli pojazdy typu II mogą być użyte jako typ I, wtedy pojazdy obu typów mogą być liczone jako typu I (i podobnie na odwrót)

Funkcja celu:

$$(xI \cdot \text{pricel} + xII \cdot \text{pricell}) \cdot \text{distances} \rightarrow \min$$

Koszt przejazdu pojazdów ma być minimalny

Wyniki:

Pojazdy typu I:

Opole -> Brzeg: 4 pojazdy

Opole -> Koźle: 3 pojazdy

Nysa -> Brzeg: 5 pojazdów

Nysa -> Prudnik: 1 pojazd

Strzelce Opolskie -> Koźle: 5 pojazdów

Pojazdy typu II:

Brzeg -> Brzeg: 1 pojazd

Nysa -> Opole: 2 pojazdy

Prudnik -> Prudnik: 3 pojazdy

Prudnik -> Strzelce Opolskie: 4 pojazdy

Prudnik -> Koźle: 2 pojazdy

Prudnik -> Racibórz: 1 pojazd

Jeśli pojazd typu II został przeniesiony do tego samego miasta, oznacza to, że został użyty jako typ I (ale koszt takiego „przejazdu” to 0).

Założenie o całkowitości nie jest wymagane w tym przypadku, rozwiązanie dla zmiennych rzeczywistych jest takie samo.

### Zadanie 3

Wartości:

- destI – procentowy skład produktów po destylacji paliwa B1
- destII – procentowy skład produktów po destylacji paliwa B2
- crack – procentowy skład produktów po krakowaniu
- destPrice – cena destylacji jednej tony
- crackPrice – cena krakowania jednej tony
- prices – ceny paliw
- percents – zawartości siarki w produkcie po destylacji B1, po krakowaniu destylatu B1, po destylacji B2 i po krakowaniu destylatu B2
- maxPercent – maksymalna dozwolona zawartość siarki

Zmienne decyzyjne:

- b1, b2 – ilości paliw do przetwarzania (w tonach)

Ograniczenia:

- ilości różnych typów produktów po destylacji i krakowaniu muszą spełniać założenia
- zawartość siarki w domowych paliwach olejowych nie może przekroczyć danego poziomu

Funkcja celu:

$b1 \cdot \text{prices}[1] + b2 \cdot \text{prices}[2] + (b1 + b2) \cdot \text{destPrice} + (\text{destI}[3] \cdot b1 + \text{destII}[3] \cdot b2) \cdot \text{crackPrice} \rightarrow \min$

Koszt destylacji ma być minimalny

Wyniki:

Paliwo B1 – 1.103.565 ton

Paliwo B2 – 0 ton

Przy tak zdefiniowanych wymaganiach, paliwo typu B2 nie jest potrzebne.

## Zadanie 4

Wartości:

- classes - dni i godziny odbywania się zajęć
- classesValues - wartość punktowa poszczególnych zajęć

Zmienne decyzyjne:

- chosenClasses – wybrane zajęcia

Ograniczenia:

- każdy przedmiot powinien mieć wybrane tylko jedno zajęcia
- zajęcia nie mogą się nakładać
- maksymalnie 4 godziny zajęć dziennie
- między godzinami 12 i 14 powinna być przynajmniej godzina przerwy

Funkcja celu:

$$\sum_{j=1:\text{size}(\text{chosenClasses})[2]} (\sum_{i=1:\text{size}(\text{chosenClasses})[1]} \text{classesValues}[(i-1)*\text{size}(\text{chosenClasses})[2]+j] * \text{chosenClasses}[i, j]) \rightarrow \max$$

suma punktów za wybrane zajęcia ma być maksymalna

Wyniki:

Algebra: 3 Śr. 10:00-12:00

Analiza: 2 Wt. 10:00-12:00

Fizyka: 4 Czw. 17:00-20:00

Chemia minerałów: 2 Pn. 8:00-10:00

Chemia organiczna: 2 Pn. 10:30-12:00

Sport: Pn. 13:00-15:00

Sport: Śr. 13:00-15:00

Dodatkowe ograniczenia:

- nie ma zajęć w środę oraz w piątek
- wszystkie wybrane zajęcia mają co najmniej 5 punktów

Wyniki dla dodatkowych założeń:

Algebra: 1 Pn. 13:00-15:00

Analiza: 4 Czw. 8:00-10:00

Fizyka: 2 Wt. 10:00-13:00

Chemia minerałów: 3 Czw. 13:00-15:00

Chemia organiczna: 2 Pn. 10:30-12:00

Sport: 4 Śr. 13:00-15:00