ΙΔΙΟΤΗΤΕΣ ΑΠΟΦΑΣΙΣΙΜΩΝ ΓΛΩΣΣΩΝ

ΑΠΟΦΑΣΙΣΙΜΕΣ κ ΑΠΟΔΕΚΤΕΣ ΓΛΩΣΣΕΣ www.psounis.gr



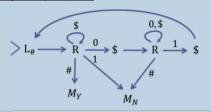
ΑΠΟΦΑΣΙΣΙΜΕΣ κ ΑΠΟΔΕΚΤΕΣ ΓΛΩΣΣΕΣ www.psounis.gr

Μία **μηχανή Turing** θα λέμε ότι αποφασίζει μία γλώσσα αν για κάθε συμβολοσειρά εισόδου w:

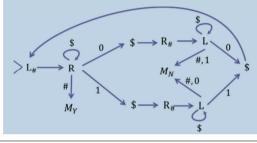
- Teouatíčei us σχηματισμό (h. #Y#) αν $w \in L$
- Τερματίζει με σχηματισμό (h, #N#) αν $w \notin L$

Αν για μία γλώσσα L υπάρχει μηχανή Turing που την αποφασίζει λέγεται Turing-Αποφασίσιμη (ή Αναδρομική ή Επιλύσιμη ή Αποφασίσιμη Γλώσσα)

Ισότητα $L = \{0^n 1^n | n ≥ 0\}$

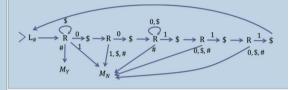


Παλινδρομικότητα $L = \{ww^R | w \in \{0,1\}^*\}$

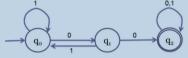


Μηχανή του ΝΟ Μηχανή του ΥΕS

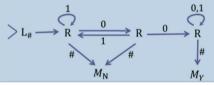
Avalovía $L = \{0^{2n}1^{3n} | n \ge 0\}$



Kayovikéc $L = \{ w \in \{0,1\}^* | w \pi \varepsilon \rho i \varepsilon \gamma \varepsilon i \tau \rho 00 \}.$



Μ.Τ. που προσομοιώνει το ΝΠΑ:



 HL_1 είναι Αποφασίσιμη Γλώσσα, άρα υπάρχει μία μηχανη Turing που την αποφασίζει έστω M_1

 HL_2 είναι Αποφασίσιμη Γλώσσα, άρα υπάρχει μία μηχανη Turing που την αποφασίζει έστω M_2

Κλειστότητα των Αποφασισίμων Γλωσσών στην Ένωση Κατασκευάζουμε μία μηχανή Turing, έστω Μ' η οποία με είσοδο w λειτουργεί ως εξής:

1) Τρέχει την M_1 με είσοδο w. Αν η M_1 απαντήσει NAI, τότε η M' απαντά ΝΑΙ και τερματίζει. Αν η Μ1 απαντήσει ΌΧΙ προχωράει στο βήμα 2: 2) Τρέχει την Μ, με είσοδο w. Αν η η Μ, απαντήσει ΝΑΙ, τότε η Μ΄ απαντά

ΝΑΙ και τερματίζει. Αν η Μ2 απαντήσει ΌΧΙ τότε απαντά ΌΧΙ και

Κλειστότητα των Αποφασισίμων Γλωσσών στην Τομή

λειτουργεί ως εξής:

1) Τρέχει την Μ₁ με είσοδο w. Αν η Μ₂ απαντήσει ΟΧΙ, τότε η Μ΄ απαντά ΟΧΙ και τερματίζει. Αν η Μ, απαντήσει ΝΑΙ προχωρά στο βήμα 2: 2) Τρέχει την Μο με είσοδο w. Αν η η Μ2 απαντήσει ΟΧΙ, τότε η Μ' απαντά

ΟΧΙ και τερματίζει. Αν η M_2 απαντήσει NAI τότε η M' απαντά NAI και τερματίζει.

Κλειστότητα των Αποφασισίμων Γλωσσών στην Παράθεση Κατασκευάζουμε μία μηχανή Turing, έστω Μ΄ η οποία με είσοδο w λειτουργεί ως εξής:

- Πρώτα μία μηχανή Turing διαχωριστής D παράγει όλους τους δυνατούς διαχωρισμούς της συμβολοσειράς w στην παράθεση δύο συμβολοσειρών w, και w, (δηλαδή όλους τους δυνατούς διαχωρισμούς της w ως w_1w_2 .)
- Για κάθε δυνατό διαχωρισμό: Τρέχει την Μ, με είσοδο w, και την Μ₂ με είσοδο w₂. Αν και οι δύο μηχανές απαντήσουν ΝΑΙ, τότε η Μ' τερματίζει απαντώντας ΝΑΙ

Αν όλοι οι δυνατοί διαχωρισμοί απαντηθούν ΌΧΙ, τότε και η Μ' τερματίζει απαντώντας ΌΧΙ.

Κλειστότητα των Αποφασισίμων Γλωσσών στο Συμπλήρωμα

Η L είναι Αποφασίσιμη Γλώσσα, άρα υπάρχει μία μηχανη Turing που την αποφασίζει έστω Μ

Κατασκευάζουμε μία μηχανή Turing, έστω Μ΄ η οποία με είσοδο w λειτουργεί ως εξής:

- 1) Τρέχει την Μ με είσοδο w.
 - Αν η Μ απαντήσει ΟΧΙ, τότε η Μ' απαντά ΝΑΙ και
 - Αν η Μ απαντήσει ΟΧΙ, τότε η Μ' απαντάει ΌΧΙ και τερματίζει.

Κλειστότητα των Αποφασισίμων Γλωσσών στο Αστέρι

Κατασκευάζουμε μία μηχανή Turing, έστω Μ΄ η οποία με είσοδο w λειτουργεί ως εξής:

- Πρώτα μία μηχανή Turing διαχωριστής D παράγει όλους τους δυνατούς διαχωρισμούς της συμβολοσειράς w στην παράθεση 1..|w| συμβολοσειρών (δηλαδή όλους τους δυνατούς διαχωρισμούς της w ως $w_1w_2...w_k$ με k=1,2....|w|)
- Για κάθε δυνατό διαχωρισμό: Τρέχει την Μ διαδοχικά με εισόδους $w_1, w_2, ..., w_k$. Αν η Μ απαντήσει NAI για όλες τις συμβολοσειρές τότε η Μ' τερματίζει απαντώντας ΝΑΙ.

Αν όλοι οι δυνατοί διαχωρισμοί απαντηθούν ΌΧΙ, τότε και η Μ΄ τερματίζει απαντώντας ΌΧΙ.