# MH NTETEPMINIΣΤΙΚΑ ΠΕΠΕΡΑΣΜΕΝΑ AYTOMATA (ΜΠΑ) KANONIKEΣ ΓΛΩΣΣΕΣ www.psounis.gr



### Μη Ντετερμινιστικό καλείται ένα Πεπερασμένο Αυτόματο όπου συμβαίνει τουλάχιστον ένα από τα εξής:

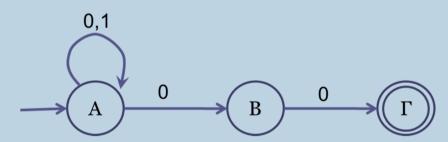
- Από μία κατάσταση μπορεί να μεταβαίνουμε σε διαφορετικές καταστάσεις με το ίδιο σύμβολο
- Από μία κατάσταση μπορεί να μην καθορίζεται μετάβαση με διάβασμα κάποιου συμβόλου
- Είναι δυνατές οι ε-μεταβάσεις (μεταβάσεις χωρίς διάβασμα κάποιου συμβόλου)

### Τυπικά ένα ΜΠΑ μίας γλώσσας είναι ένα πεπερασμένο αυτόματο το οποίο:

- Απαντά ΝΑΙ για τις συμβολοσειρές που ανήκουν στην γλώσσα (πρέπει να υπάρχει μονοπάτι που οδηγεί σε τελική κατάσταση).
- Απαντά ΌΧΙ για τις συμβολοσειρές που δεν ανήκουν στην γλώσσα (δεν υπάρχει μονοπάτι που να οδηγεί σε τελική κατάσταση)

### Παράδειγμα 1

Το Μη Ντετερμινιστικό Πεπερασμένο Αυτόματο της γλώσσας  $L = (0 + 1)^*00$  είναι το ακόλουθο:



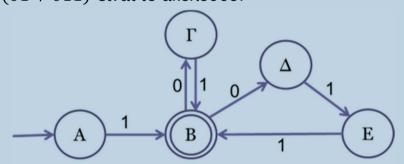
Και τυπικά περιγράφεται από την πεντάδα:  $M=(Q, \Sigma, q_0, \delta, F)$ όπου:

- $Q=\{A,B,\Gamma\},$
- $\Sigma = \{0,1\},$
- $q_0 = A$
- Η δ μπορεί να περιγραφεί από τον πίνακα μετάβασης:

	0	1
A	{A,B}	{A}
В	$\{\Gamma\}$	Ø
Γ	Ø	Ø

### Παράδειγμα 2

Το Μη Ντετερμινιστικό Πεπερασμένο Αυτόματο της γλώσσας  $L = 1(01 + 011)^*$ είναι το ακόλουθο:



### Τρόπος Λειτουργίας με τη συμβολοσειρά 101011

Αρχή	1	0	1	0	1	1	ΤΕΛΟΣ
Α —	ВТ	$\rightarrow$ $\Gamma$ $\rightarrow$ $\Delta$	→B →E	→Γ- →Δ- > <b>\</b> ⊗	→B- →E-	→⊗ →B	NAI

Διότι, η Β είναι τελική

### Τρόπος Λειτουργίας με τη συμβολοσειρά 101000

Αρχή	1	0	1	О	О	0	ΤΕΛΟΣ
Λ	D _		D	L.	\ <u>\</u>		OXI
A	ър	1 _	D T	<u> </u>	$\nearrow$		OAI
		<u> </u>	<b>→</b> F.	$\rightarrow \wedge -$	→⊗	l	
	l		^ E	$\Delta$	/-	l	
				No.			
	I	I	I	ı 放	i	i	I

Διότι, δεν υπάρχει μονοπάτι που οδηγεί σε τελική

## ΜΠΑ με ε-κινήσεις (ΜΠΑ-ε)

## **ΚΑΝΟΝΙΚΕΣ ΓΛΩΣΣΕΣ** www.psounis.gr

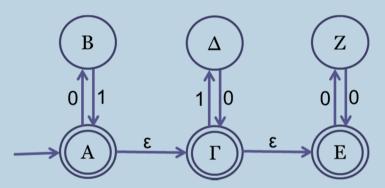
### Από μία κατάσταση χωρίς διάβασμα (διάβασμα ε)

- Μένουμε στην ίδια κατάσταση
- Μεταβαίνουμε σε όσες καταστάσεις μπορούμε χωρίς διάβασμα (ακολουθώντας δηλαδή μονοπάτι ε-κινήσεων)

### Ένα ΜΠΑ με ε-κινήσεις αναφέρεται και ως ΜΠΑ-ε

### Παράδειγμα

Το Μη Ντετερμινιστικό Πεπερασμένο Αυτόματο της γλώσσας  $L = (01)^*(10)^*(00)^*$ είναι το ακόλουθο:



Και τυπικά περιγράφεται από την πεντάδα: Μ=(Q,Σ,q<sub>0</sub>, δ, F) όπου:

- $Q=\{A,B,\Gamma,\Delta,E,Z\},$
- $\Sigma = \{0,1\},$
- $q_0 = A$
- Η δ μπορεί να περιγραφεί από τον πίνακα μετάβασης:

	0	1	ε
A	{B}	Ø	$\{\Gamma\}$
В	Ø	{A}	Ø
Γ	Ø	$\{\Delta\}$	{E}
Δ	$\{\Gamma\}$	Ø	Ø
Е	{Z}	Ø	Ø
Z	{E}	Ø	Ø

 $F=\{A,\Gamma,E\}$ 

### Τρόπος Λειτουργίας με τη συμβολοσειρά 0100

Απαντάει ΝΑΙ, διότι υπάρχει μονοπάτι που οδηγεί σε τελική κατάσταση με διάβασμα των συμβόλων.

Αρχή	3	О	3	1	3	О	3	О	3	ΤΕΛΟΣ
A	→A - →Γ - →E -	→B - →⊗ →Z-	→B- →Z-	→A- →⊗ [	→A- →Γ- →E-	→B - →⊗ →Z-	→B - →Z -	→∞ →Z-	→Z	NAI

### Τρόπος Λειτουργίας με τη συμβολοσειρά 0001

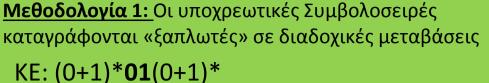
Απαντάει ΟΧΙ, διότι δεν υπάρχει μονοπάτι που οδηγεί σε τελική κατάσταση με διάβασμα των συμβόλων.

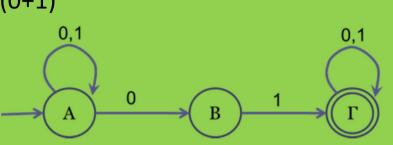
Αρχή	3	0	ε	0	ε	0	3	1	ε	ΤΕΛΟΣ
A	→A- →Γ- →E-	→B— →⊗ →Z—	→ B-	→ ⊗ →E-	<b>→</b> E -	<b>→</b> Z-	→Z -	→⊗		OXI

# ΣΧΕΔΙΑΣΜΟΣ ΜΠΑ (ΚΕ σε ΜΠΑ εμπειρικά)

# **ΚΑΝΟΝΙΚΕΣ ΓΛΩΣΣΕΣ** www.psounis.gr







Μεθοδολογία 2: Αστέρι Kleene με συμβολοσειρές δημιουργεί κύκλο μήκους όσα και τα σύμβολα που παρατίθενται [Τελική η αρχική] KE: (01+110)\* E

Μεθοδολογία 5: Αστέρι Kleene με περίπλοκη κατασκευή:

Μεθοδολογία 3: Περίπλοκες κατασκευές που παρατίθενται θα ενώνονται με ε-κινήση [Τελική η «δεξιότερη»]

KE: (01+11)\* (10+00)\*

κατασκευάζουμε πρώτα την εσωτερική παράσταση και στο τέλος με ε-κίνηση πάμε από τις τελικές στην αρχική. Η αρχική γίνεται μοναδική τελική. KE: (11(0+1)\*)\*

Μεθοδολογία 4: Περίπλοκες κατασκευές που ενώνονται με +, θα φεύγουν ε-κινήσεις από νέα αρχική κατάσταση και θα κατασκευάζουμε ξεχωριστά τα μέρη

KE: (0+1)\*00 + 11(0+1)\*

# Απλοποίηση ε-κινήσεων

