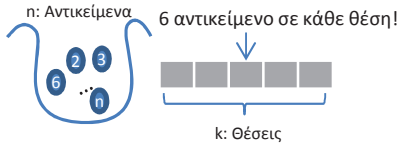


- ΒΑΣΙΚΕΣ ΙΔΕΕΣ:**
- «επιλέγω αντικείμενα»
 - «Η σειρά τοποθέτησης των αντικειμένων στις θέσεις **δεν έχει σημασία**»
 - «Μη Διακεκριμένες Θέσεις»

ΣΥΝΔΥΑΣΜΟΙ ΧΩΡΙΣ ΕΠΑΝΑΛΗΨΗ	ΣΥΝΔΥΑΣΜΟΙ ΜΕ ΕΠΑΝΑΛΗΨΗ
6) Η <u>σειρά</u> των αντικειμένων <u>δεν έχει σημασία</u> 2) Έχουμε <u>n διαφορετικά</u> αντικείμενα (<u>ΌΛΑ</u> διαφορετικά μεταξύ τους). 3) <u>Επιλέγουμε k</u> από αυτά, χωρίς να επαναλαμβάνεται κάποιο στοιχείο (Δηλαδή στην λύση κάθε αντικείμενο μπορεί να επαναληφθεί το πολύ μία φορά)	6) Η <u>σειρά</u> των αντικειμένων <u>δεν έχει σημασία</u> 2) Έχουμε <u>n διαφορετικά</u> αντικείμενα (<u>ΌΛΑ</u> διαφορετικά μεταξύ τους). 3) <u>Συμπληρώνουμε k</u> θέσεις ώστε σε κάθε θέση να μπορεί να επαναληφθεί το ίδιο στοιχείο (στην λύση κάθε αντικείμενο μπορεί να εμφανίζεται οσοδήποτε φορές – από καμία έως όλες τις θέσεις)
$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$	$\binom{n+k-1}{k} = \frac{(n+k-1)!}{k!(n-1)!}$
Γνωστά Προβλήματα: <u>ΛΟΤΤΟ:</u> Σ.Χ.Ε C(49,6) <u>ΧΑΡΤΙΑ:</u> Σ.Χ.Ε C(52,5) <u>ΥΠΟΣΥΝΟΛΑ:</u> με k στοιχεία ενός συνόλου με n στοιχεία: C(n,k). Ισχύει επίσης για τα υποσύνολα:	Γνωστά Προβλήματα: <u>ΖΑΡΙΑ:</u> π.χ. 2 ζάρια: Μη Διακεκριμένα: Σ.Μ.Ε C(6+2-6,2)=C(7,2) Διακεκριμένα: Δ.Μ.Ε 6 ² <u>NTOMINO:</u> Σ.Μ.Ε C(7+2-6,2)=C(8,2)
$\binom{n}{0} + \binom{n}{1} + \binom{n}{2} + \dots + \binom{n}{n-1} + \binom{n}{n} = 2^n$	Αριθμητικοί Υπολογισμοί: $C(A,B) = \binom{A}{B} = \frac{A!}{B!(A-B)!}$ και ένας τύπος: $\binom{n}{k} = \binom{n}{n-k}$



ΕΠΙΛΟΓΗ και ΤΥΠΟΙ ΑΝΤΙΚΕΙΜΕΝΩΝ
<ul style="list-style-type: none">• ΟΜΟΙΑ: 6 τρόπος• ΟΜΑΔΕΣ ΟΜΟΙΩΝ: Βάζουμε στον κουβά 6 από κάθε αντικείμενο και μοντελοποιούμε το πρόβλημα ως συνδυασμό με επανάληψη• ΔΙΑΦΟΡΕΤΙΚΑ: Μοντελοποιούμε το πρόβλημα<ul style="list-style-type: none">• Συνδυασμοί Χωρίς Επανάληψη<div>ΣΥΝΔΥΑΣΜΟΙ ΧΩΡΙΣ ΕΠΑΝΑΛΗΨΗ 1) Η <u>σειρά</u> των αντικειμένων <u>δεν έχει σημασία</u> 2) Έχουμε <u>n διαφορετικά</u> αντικείμενα (<u>ΌΛΑ</u> διαφορετικά μεταξύ τους). 3) <u>Επιλέγουμε k</u> από αυτά, χωρίς να επαναλαμβάνεται κάποιο στοιχείο (Δηλαδή στην λύση κάθε αντικείμενο μπορεί να επαναληφθεί το πολύ μία φορά) $\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$</div>• Συνδυασμοί με Επανάληψη<div>ΣΥΝΔΥΑΣΜΟΙ ΜΕ ΕΠΑΝΑΛΗΨΗ 1) Η <u>σειρά</u> των αντικειμένων <u>δεν έχει σημασία</u> 2) Έχουμε <u>n διαφορετικά</u> αντικείμενα (<u>ΌΛΑ</u> διαφορετικά μεταξύ τους). 3) <u>Συμπληρώνουμε k</u> θέσεις ώστε σε κάθε θέση να μπορεί να επαναληφθεί το ίδιο στοιχείο (στην λύση κάθε αντικείμενο μπορεί να εμφανίζεται οσοδήποτε φορές – από καμία έως όλες τις θέσεις) $\binom{n+k-1}{k} = \frac{(n+k-1)!}{k!(n-1)!}$</div>

ΑΣΚΗΣΗ 1: Επιλογή από Ομάδες Ομοίων
Έχω 5 πράσινους, 5 κόκκινους και 5 άσπρους βόλους. Με πόσους τρόπους μπορώ να επιλέξω 4 από αυτούς. ΛΥΣΗ: Το πρόβλημα μοντελοποιείται ως συνδυασμοί με επανάληψη με n=3 και k=4. Άρα οι τρόποι είναι: C(3+4-6,4)=C(6,4)=65 τρόποι.
ΑΣΚΗΣΗ 2: Διαδοχικές Επιλογές ή Χωρισμός σε Ομάδες
Έχω 20 διαφορετικά παιχνίδια που θέλω να τα μοιράσω στα 3 ανίψια μου, ώστε το 6 ^ο να πάρει 6, το 2 ^ο να πάρει 9 και το 3 ^ο να πάρει 5 παιχνίδια. Πόσοι τρόποι υπάρχουν να γίνει ο χωρισμός; ΛΥΣΗ: Για το 6 ^ο ανίψι έχω $\binom{20}{6}$ τρόπους. Για το 2 ^ο ανίψι έχω $\binom{14}{9}$ τρόπους. Για το 3 ^ο ανίψι έχω $\binom{5}{5}$ τρόπους. Άρα από τον κανόνα του γινομένου έχουμε: $\binom{20}{6} \cdot \binom{14}{9} \cdot \binom{5}{5}$ Σε περίπτωση που η φύση των ομάδων είναι όμοια διαιρούμε με το παραγοντικό του πλήθους των ομάδων (η σειρά επιλογής των ομάδων δεν έχει σημασία). Π.χ: Η δασκάλα χωρίζει 9 παιδιά σε ομάδες των τριών ατόμων ώστε <ul style="list-style-type: none">• Να κάνουν την ίδια εργασία: $\frac{\binom{9}{3} \cdot \binom{6}{3} \cdot \binom{3}{3}}{3!}$• Να κάνουν διαφορετική εργασία: $\binom{9}{3} \cdot \binom{6}{3} \cdot \binom{3}{3}$
ΑΣΚΗΣΗ 3: Άλλοι Περιορισμοί
Διακρίνουμε περιπτώσεις (καν. Αθροίσματος) ή επιλύουμε σε φάσεις (καν.γινομένου).