

**Σχεδιάζουμε αλγόριθμο δυναμικού προγραμματισμού σε προβλήματα που έχουν τα εξής χαρακτηριστικά:**

- Ιδιότητα της Άπληστης Επιλογής: Μια ακολουθία άπληστων επιλογών οδηγεί στην βέλτιστη λύση.
- Ιδιότητα των Βέλτιστων Επιμέρους Δομών: Οτί για να λύσουμε το πρόβλημα αρκεί να υπολογίσουμε την βέλτιστη λύση σε κάποια υποπροβλήματα, συνήθως με αναδρομή.

**Συνήθης διαδικασία για την κατασκευή ενός άπληστου αλγορίθμου**

1. Ταξινομούμε τα δεδομένα από τα οποία επιλέγουμε την λύση
  2. Επιλέγουμε το επόμενο στοιχείο με βάση την ταξινόμηση για να το εισάγουμε στη λύση μας.
    1. Αν η λύση που προκύπτει δεν παραβιάζει τους περιορισμούς του προβλήματος, διατηρούμε το στοιχείο στη λύση
    2. Αν η λύση που προκύπτει παραβιάζει τους περιορισμούς του προβλήματος, τότε απορρίπτουμε το στοιχείο.
- Εωσότου κατασκευαστεί η λύση

**Ένας Άπληστος Αλγόριθμος:**

**Μπορεί να είναι βέλτιστος:** Η απόδειξη γίνεται με δύο εναλλακτικούς (και συμπληρωματικούς) τρόπους:

1. Με μαθηματική επαγωγή. Ότι κάθε επιλογή του άπληστου αλγορίθμου είναι βέλτιστη.
2. Με απόδειξη των δύο ιδιοτήτων (βέλτιστες επιμέρους δομές και άπληστη επιλογή)

**Μπορεί να μην είναι βέλτιστος:** Η απόδειξη γίνεται με κατάλληλο αντιπαράδειγμα:

1. Δείχνουμε ότι ο αλγόριθμος επιστρέφει μία λύση που έχει ένα κόστος, που είναι χειρότερο από
2. Την βέλτιστη λύση.

**Παραδείγματα Άπληστων Αλγορίθμων:**

1. **Αλγόριθμος Dijkstra** για υπολογισμό συντομότερων μονοπατιών σε γράφημα: Πολυπλοκότητα:  $O(n^2)$  και με ειδική δομή δεδομένων:  $O(m+n \log n)$
2. **Αλγόριθμος Prim** για υπολογισμό συνδετικού δένδρου ελαχίστου κόστους: Πολυπλοκότητα:  $O(n^2)$  και με ειδική δομή δεδομένων:  $O(m+n \log n)$
3. **Αλγόριθμος Kruskal** για υπολογισμό συνδετικού δένδρου ελαχίστου κόστους: Πολυπλοκότητα  $O(m \log n)$
4. **Επιστροφή Ρέστων.** Πολυπλοκότητα:  $O(X)$ , όπου  $X$  το ποσό επιστροφής