## ΑΠΟΔΕΙΞΕΙΣ ΑΠΑΡΙΘΜΗΣΙΜΟΤΗΤΑΣ

## ΑΠΟΦΑΣΙΣΙΜΕΣ κ ΑΠΟΔΕΚΤΕΣ ΓΛΩΣΣΕΣ www.psounis.gr



Θεώρημα:

- Μία γλώσσα θα λέγεται **λεξικογραφικά Turing**-Απαριθμήσιμη αν και μόνο αν διαθέτει λεξικογραφικό Turing-Απαριθμητή
- Λεξικογραφικός Turing Απαριθμητής είναι μία Μ.Τ. που εκτυπώνει μία-μία τις συμβολοσειρές της γλώσσας με λεξικογραφική σειρά

# <u>Ορισμός:</u> • Μία:

- Μία γλώσσα θα λέγεται **Turing-Απαριθμήσιμη** αν και μόνο αν διαθέτει Turing-Απαριθμητή
- Turing Απαριθμητής είναι μία Μ.Τ. που και πάλι εκτυπώνει όλες τις συμβολοσειρές της γλώσσας:
  - Ωστόσο τις εκτυπώνει με τυχαία σειρά και πιθανώς με επαναλήψεις
  - Όμως αν μια συμβολοσειρα ανήκει στην γλώσσα, τότε εγγυημένα σε κάποιο βήμα εκτύπωσης αυτή θα εκτυπωθεί!

### Θεώρημα:

Μία γλώσσα είναι **λεξικογραφικά Turing**-Απαριθμήσιμη αν και μόνο αν είναι Turing-Αποφασίσιμη γλώσσα



Μία γλώσσα είναι Turing-Απαριθμήσιμη αν και μόνο αν είναι Turing-Αποδεκτή γλώσσα



# Η Γλώσσα L={Μ | |L(Μ)|>3} είναι απαριθμήσιμή

Δοθείσης μιας μηχανής Turing M, μπορούμε να κατασκευάσουμε μια μηχανή Turing M' η οποία με τη διαδικασία της χελιδονοούρας απαριθμεί τις λέξεις της L(M). Συγκεκριμένα χρησιμοποιεί τη λεξικογραφική σειρά του αλφαβήτου της Μ και συγκεκριμένα: Επαναλαμβάνει σε φάσεις:

- Στην 1η φάση παράγει την πρώτη συμβολοσειρά του Σ\*
- Στην 2η φάση παράγει τις 2 πρώτες συμβολοσειρές του Σ\*
- Στην 3η φάση παράγει τις 3 πρώτες συμβολοσειρές του Σ\*
- Στην η-οστή φάση προσομοιώνουμε την Μ κατά η βήματα στις η πρώτες συμβολοσειρές.
- Κάθε συμβολοσειρά με την οποία η Μ τερματίζει, τυπώνεται και προχωράμε στην επόμενη φάση.
- Τρέχουμε την Μ΄ και αν σε κάποια φάση οι λέξεις που απαριθμήσει γίνουν 4, τερματίζει. Αλλιώς δεν τερματίζει.
- Κατασκευάσαμε Μ.Τ. η οποία ημιαποφασίζει την L άρα αυτή είναι αποδεκτή, άρα και απαριθμήσιμη.