#### 1

# $\Pi \Lambda H 20 - TE \Sigma T 9$

#### ΣΩΣΤΑ / ΛΑΘΟΣ

- (1) Ρίχνουμε 3 μη διακεκριμένα ζάρια.
  - 1. Τα διαφορετικά αποτελέσματα είναι  $6^3$
  - 2. Η πιθανότητα να έρθει τουλάχιστον ένας άσσος είναι  $5^3/6^3$
  - 3. Η πιθανότητα να μην έρθει άσσος είναι  $5^3/6^3$
  - 4. Η πιθανότητα όλα τα ζάρια να φέρουν τον ίδιο αριθμό είναι  $1/6^2$
  - (2) Οι διαφορετικοί τρόποι να διανείμουμε 30 διαφορετικά γραπτά φοιτητών σε 10 διακεκριμένους διορθωτές, αν δεν παίζει ρόλο η σειρά με την οποία διανέμονται τα γραπτά, είναι:
    - 1. 3010, αν δεν υπάρχουν περιορισμοί.
    - 2. 10<sup>30</sup>, αν δεν υπάρχουν περιορισμοί.
    - 3. Όσοι ο συντελεστής του  $x^{30}/30!$  στην παράσταση  $(e^x-1)^{10}$ , αν κάθε διορθωτής πρέπει να διορθώσει τουλάχιστον ένα γραπτό.
    - 4. Όσοι ο συντελεστής του  $x^{30}/30!$  στην παράσταση  $(x+x^2+\cdots+x^{30})^{10}$ , αν κάθε διορθωτής πρέπει να διορθώσει τουλάχιστον ένα γραπτό.
  - (3) Έστω  $p_1$ ,  $p_2$ ,  $p_3$  προτασιακές μεταβλητές. Θεωρούμε τους προτασιακούς τύπους  $\varphi \equiv p_2 \rightarrow ((p_1 \rightarrow p_3) \rightarrow p_2)$  και  $\psi \equiv \neg p_1 \rightarrow (p_2 \lor p_3)$ .

Ποιες από τις παρακάτω δηλώσεις είναι σωστές και ποιες όχι;

- 1. Ο προτασιακός τύπος φ είναι ταυτολογία.
- 2. Οι προτασιακοί τύποι  $\varphi$  και  $\psi$  είναι ταυτολογικά ισοδύναμοι.
- 3. Υπάρχουν τουλάχιστον δύο αποτιμήσεις που δεν ικανοποιούν τον ψ.
- 4.  $\neg \varphi \models \psi$

#### Β'ΜΕΡΟΣ

### Άσκηση 1.1

Υποθέτουμε ότι έχουμε στην διάθεσή μας 2 Α, 4 Β και 3 Γ. Θέλουμε να τα μεταδώσουμε πάνω από ένα κανάλι επικοινωνίας.

- 1. Πόσες διαφορετικές «λέξεις» μπορούμε να σχηματίσουμε με τα γράμματα αυτά;
- 2. Πόσες διαφορετικές «λέξεις» μπορούμε να σχηματίσουμε αν τα 2 Α πρέπει να είναι συνεχόμενα;
- 3. Πόσες διαφορετικές «λέξεις» μπορούμε να σχηματίσουμε αν πρόκειται παράλληλα να μεταδοθούν και 30 κενά και το κάθε γράμμα πρέπει να χωρίζεται με ένα τουλάχιστον κενό από το άλλο;

4. Να δώσετε την γεννήτρια συνάρτηση και να υποδείξετε τον όρο του οποίου ο συντελεστής δίνει το πλήθος των διαφορετικών λέξεων μήκους 5 που μπορούμε να κατασκευάσουμε από τα παραπάνω γράμματα, αν πρέπει να χρησιμοποιήσουμε τουλάχιστον μία φορά το κάθε γράμμα.

## Άσκηση 1.2

Έχουμε 8 όμοια πιόνια σκάκι άσπρου χρώματος και 8 όμοια πιόνια μαύρου χρώματος. Υπολογίστε τους διαφορετικούς τρόπους τοποθέτησης και των 16 πιονιών στα 64 διακεκριμένα τετραγωνίδια της σκακιέρας.

#### Άσκηση 2

Δίνονται οι παρακάτω δηλώσεις της φυσικής γλώσσας:

- *p*: Έχεις παρακολουθήσει όλες τις διαλέξεις του μαθήματος
- *q*: Μπορείς να λύσεις όλα τα παλαιότερα θέματα εξετάσεων
- r: Παίρνεις άριστα στις τελικές εξετάσεις

οι οποίες αντιστοιχούν στις **προτασιακές μεταβλητές** p, q, r. Χρησιμοποιώντας τις p, q, r, γράψτε **προτασιακούς τύπους** που εκφράζουν κάθε μια από τις παρακάτω δηλώσεις:

- (i) Αν έχεις παρακολουθήσει όλες τις διαλέξεις του μαθήματος και μπορείς να λύσεις όλα τα παλαιότερα θέματα εξετάσεων, τότε παίρνεις άριστα στις εξετάσεις.
- (ii) Για να πάρεις άριστα στις εξετάσεις, πρέπει είτε να έχεις παρακολουθήσει όλες τις διαλέξεις του μαθήματος, είτε να μπορείς να λύσεις όλα τα παλαιότερα θέματα εξετάσεων.
- (iii) Αν έχεις παρακολουθήσει όλες τις διαλέξεις του μαθήματος, τότε μπορείς να λύσεις όλα τα παλαιότερα θέματα εξετάσεων και παίρνεις άριστα στις εξετάσεις.
- (iv) Δεν είναι δυνατόν να έχεις παρακολουθήσει όλες τις διαλέξεις του μαθήματος, να πήρες άριστα στις εξετάσεις και να μην μπορείς να λύσεις όλα τα παλαιότερα θέματα εξετάσεων.