



Especificación Formal

Lorena Fernández

<https://proyecto-discreta-lorena-fernandez.vercel.app>

Numeric Art es una herramienta educativa interactiva diseñada específicamente para estudiantes de matemáticas discretas. Este programa se propone como un recurso clave para facilitar el aprendizaje de conceptos matemáticos complejos mediante un enfoque visual y participativo. Los conceptos que se abordan son:

- **Número de Euler:** Entender su significado y aplicación en diversas fórmulas matemáticas.
- **Secuencia de Fibonacci:** Exploración de su aparición en la naturaleza y aplicaciones en problemas de conteo.
- **Números de Bernoulli:** Introducción a su rol en cálculos de sumatorias y teoría de números.
- **Números Armónicos:** Discusión sobre su convergencia y uso en problemas de probabilidad.
- **Números de Stirling:** Aplicación en combinatoria y sus conexiones con otros conceptos matemáticos importantes.

Objetivos del Programa

- **Educativo:** Mejorar la comprensión de conceptos clave en matemáticas discretas a través de explicaciones detalladas y visualizaciones claras.
- **Interactivo:** Enganchar a los estudiantes mediante lecciones dinámicas donde se incorporan animaciones y actividades interactivas para facilitar el aprendizaje.
- **Evaluativo:** Ofrecer retroalimentación inmediata mediante cuestionarios de selección múltiple para consolidar el aprendizaje y evaluar la comprensión de los estudiantes.

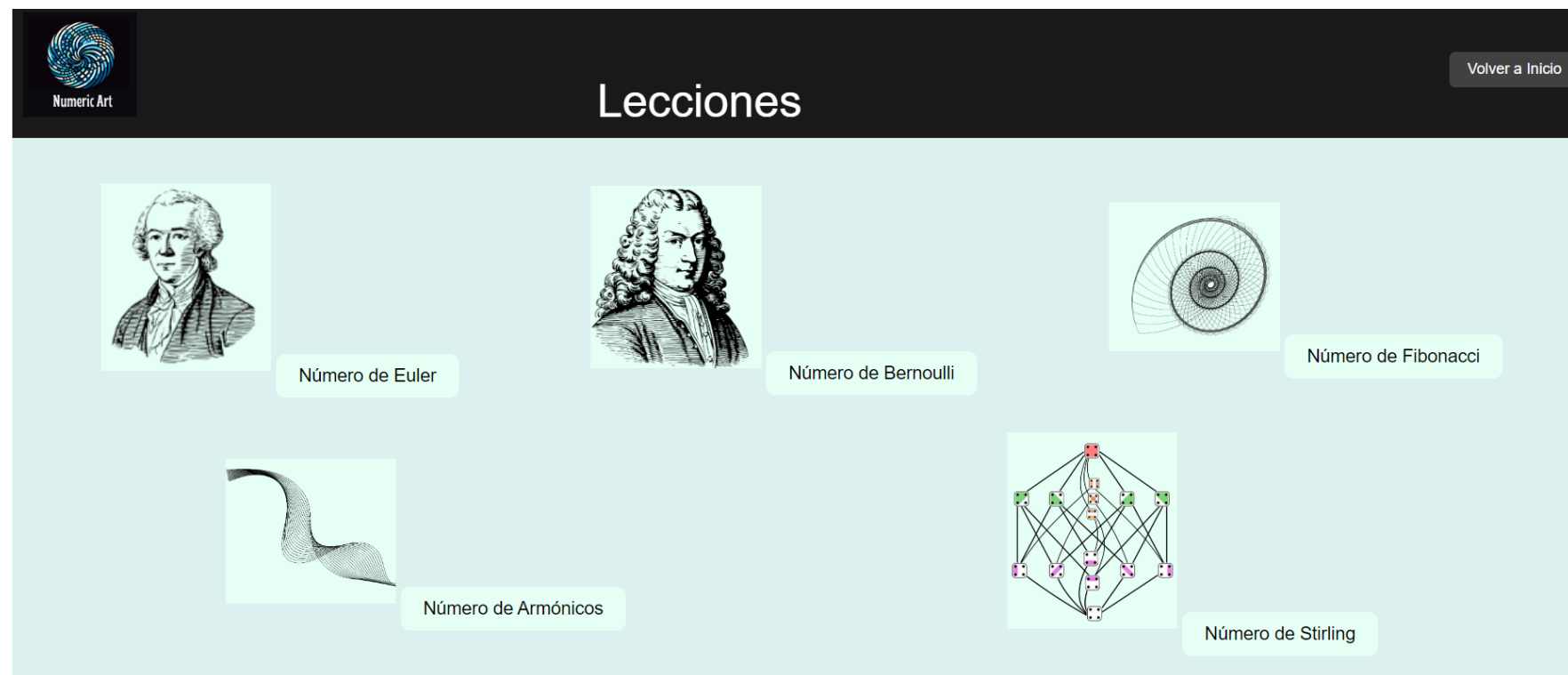
Funcionalidades Principales

- **Lecciones Interactivas:** Cada tema se desarrolla a través de una lección que incluye explicaciones detalladas y animaciones que ilustran los conceptos de manera efectiva.
- **Cuestionarios de Selección Múltiple:** Al final de cada lección, los estudiantes pueden evaluar su comprensión del tema a través de un cuestionario interactivo.
- **Recursos Adicionales:** Se proporciona acceso a una variedad de artículos y vídeos que permiten a los estudiantes profundizar en cada tema.

Pantalla Principal y Navegación

La interfaz de **Numeric Art** está diseñada para ser intuitiva y fácil de navegar. La pantalla principal presenta las cinco lecciones principales: Número de Euler, Secuencia de Fibonacci, Números de Bernoulli, Números Armónicos y Números de Stirling. Cada lección es acompañada de un cuestionario específico para evaluar el aprendizaje.

Para comenzar a utilizar **Numeric Art**, simplemente seleccione el tema de su interés desde la pantalla principal y siga las instrucciones para avanzar a través de las lecciones y actividades interactivas. Es una herramienta ideal tanto para el aprendizaje autónomo como para el uso en entornos educativos estructurados.



Módulos del Programa Numeric Art

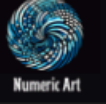
Módulo de Euler

El módulo dedicado al número de Euler está estructurado en cuatro etapas que guían a los estudiantes desde la base teórica hasta aplicaciones prácticas:

- 1. Definición:** Introduce el número de Euler e , explicando su origen y significado matemático fundamental.
- 2. Logaritmos:** Explora los logaritmos naturales y su relación con el número de Euler, con visualizaciones que aclaran su uso y propiedades.
- 3. Aplicaciones:** Discute diversas aplicaciones del número de Euler en matemáticas y ciencia, como en cálculos de crecimiento exponencial y en funciones continuamente compuestas.
- 4. Uso en la Vida Real:** Muestra casos concretos de cómo el número de Euler se utiliza en contextos reales como la economía, y en el día a día.



Al finalizar estas etapas, el estudiante debe completar un cuestionario que evalúa su comprensión de todo el contenido presentado. Para avanzar a la siguiente etapa, es necesario superar la anterior, asegurando así un aprendizaje secuencial y sólido.



Quiz 1

Definición de e: ¿Cuál es la definición matemática del número de Euler (e)?

☐ 2.718

☐ Límite cuando n tiende a infinito de (1 + 1/n)^n

☐ 3.1416

☐ Logaritmo natural de 10

Evaluación del límite: Calcule el límite cuando n tiende a infinito de (1 + 1/n)^n.

☐ ∞

☐ 0

☐ e

☐ 1

Serie de Taylor para e: ¿Cuál es la serie de Taylor para la función exponencial (e)?

☐ $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n!}$

☐ $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n}$

☐ $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n^n}$

☐ $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(n+1)!}$

Valor de e según la serie de Taylor: ¿Cuál es el valor de e al sumar los primeros 10 términos de la serie de Taylor para e^x alrededor de x = 0?

☐ Aproximadamente 2.30259

☐ Aproximadamente 1.64872

☐ Aproximadamente 2.71828

☐ Aproximadamente 3.14159


Enviar Cuestionario

Módulo de Bernoulli

Este módulo utiliza diapositivas interactivas para explicar los números de Bernoulli y su aplicación en teoría de probabilidades:

- **Teoría y Definición:** Introduce los números de Bernoulli, explicando su desarrollo histórico y su papel en las matemáticas.
- **Aplicación en Probabilidades:** Muestra cómo estos números se aplican en la resolución de problemas de sumatorias y en el cálculo de probabilidades.

Al final de las lecciones, los estudiantes realizan un cuestionario para revisar y consolidar su aprendizaje sobre la serie de Bernoulli y sus aplicaciones prácticas.



Número de Bernoulli

Los números de Bernoulli son una secuencia de números especiales que desempeñan un papel crucial en diversas ramas de las matemáticas y las ciencias. Los números de Bernoulli, denotados como Bn, se definen mediante la siguiente función generatriz:


$$\frac{x}{e^x - 1} = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{B_n}{n!} x^n$$

Para n≥3 y n impar, Bn=0

n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
Bn	1	$-\frac{1}{2}$	$\frac{1}{6}$	0	$-\frac{1}{30}$	0	$\frac{1}{42}$	0	$-\frac{1}{30}$	0	$\frac{5}{66}$	0	$-\frac{691}{2730}$	0	$\frac{7}{6}$	0	$-\frac{3617}{510}$	0	$\frac{43867}{798}$	0	$-\frac{174611}{330}$

Anterior

Siguiente



Quiz

¿Cuál es la fórmula de recurrencia para los números de Bernoulli?

☐ $B_n = \frac{1}{n+1} \sum_{k=0}^n B_k$

☐ $B_n = \frac{1}{n} \sum_{k=0}^{n-1} B_k$

☒ $B_n = \sum_{k=0}^{n-1} \binom{n}{k} \frac{B_k}{n-k+1}$

☐ $B_n = \sum_{k=0}^{n-1} \binom{n}{k} \frac{B_k}{n-k+1}$

¿Cuál es el valor de B2?

☐ 1/2

☒ 1/6

☐ 1/4

☐ 1/8

¿Cuál es uno de los usos prácticos de los números de Bernoulli?

☐ Cálculo de integrales definidas

☐ Expansión de la función seno

☐ Teorema del binomio de Newton

☐ Resolverse ecuaciones exponenciales

¿Qué fórmula utiliza los números de Bernoulli para los términos impares en la expansión de (e^x)?

☐ Fórmula de Taylor

☐ Fórmula de Maclaurin

☐ Fórmula de Euler

☐ Fórmula de Bernoulli

¿Cómo pueden los números de Bernoulli simplificar cálculos complejos en el cálculo de sumas de potencias de enteros?

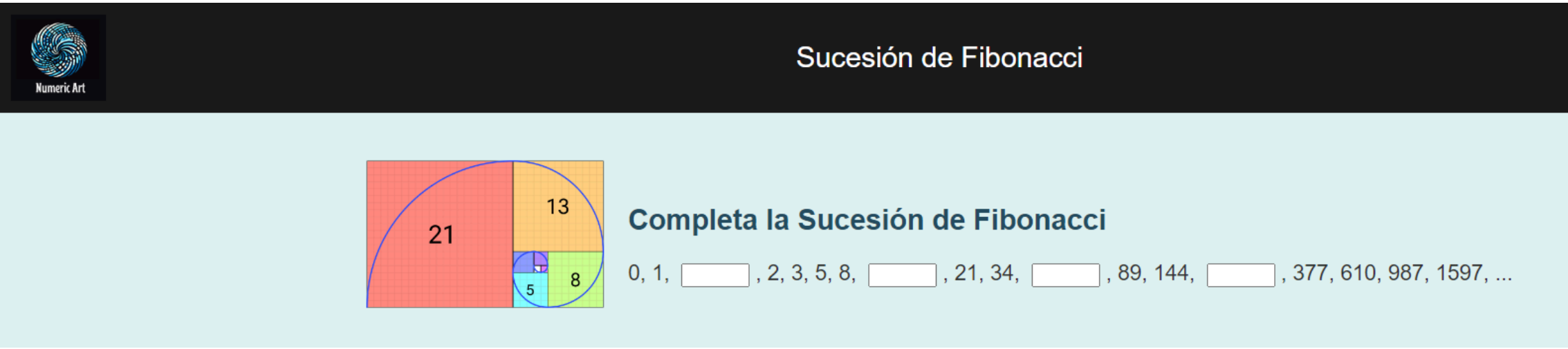
Módulo de Fibonacci

Este módulo comienza con un enfoque multimedia y luego pasa a actividades interactivas:

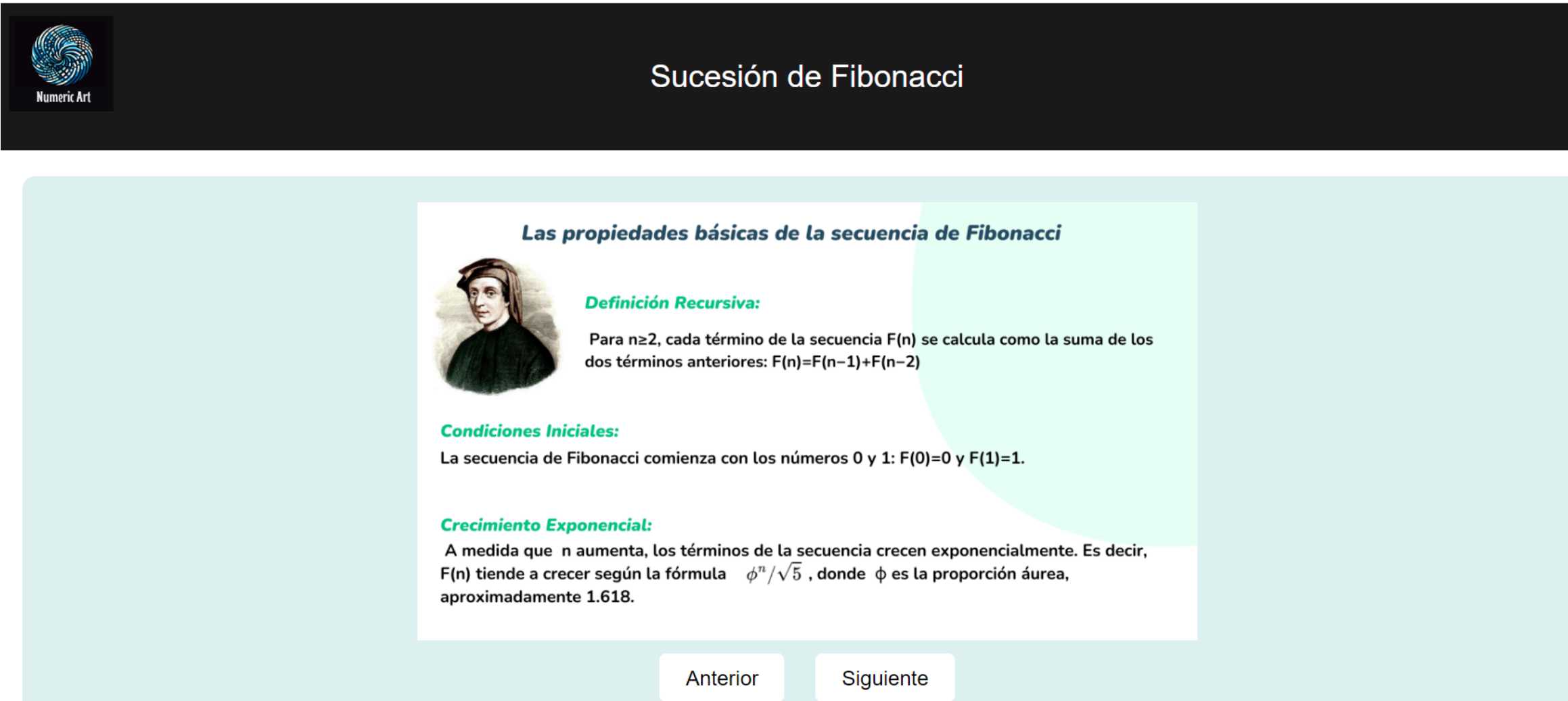
- **Video Explicativo:** Un video inicial explica qué es la secuencia de Fibonacci, cómo se calcula y su sorprendente aparición en la naturaleza.



- **Interacción con la Serie:** Los estudiantes interactúan con la serie, completando partes de la misma y explorando su progresión.



- **Fórmula de Recurrencia:** Se utilizan animaciones para explicar la fórmula matemática que describe la recurrencia de la serie.

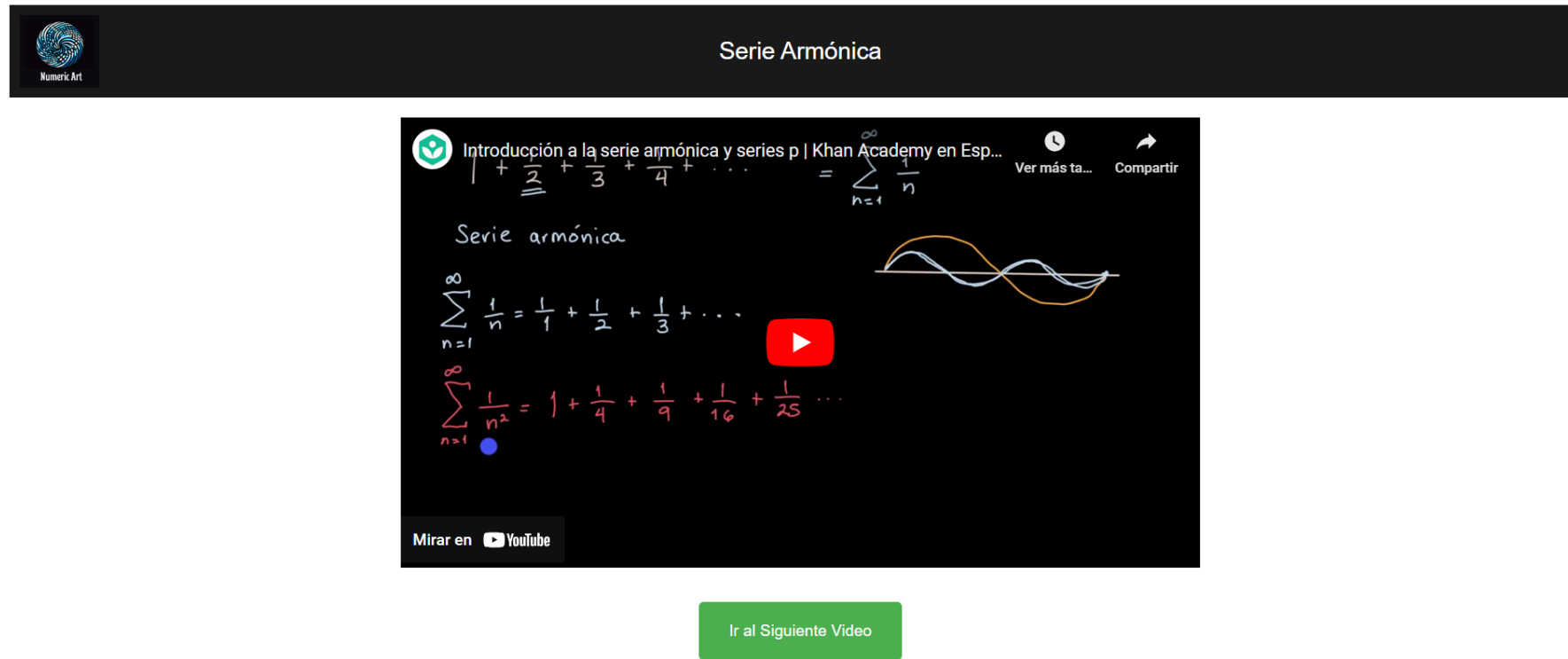


El módulo culmina con un cuestionario que evalúa la comprensión del estudiante sobre la secuencia de Fibonacci y su importancia.

Módulo de Armónicos

Este módulo se centra en las series armónicas y su comportamiento:

- **Video de Definición:** Un video introduce las series armónicas estándar y las series armónicas p , explicando su formulación y propiedades básicas.



- **Demostración de Divergencia:** Otro video muestra de manera simplificada cómo demostrar que la serie armónica diverge, una lección importante en análisis matemático.

Módulo de Stirling

El último módulo aborda los números de Stirling de ambas especies:

- **Video Informativo:** Presenta los números de Stirling, explicando su importancia y aplicaciones.
- **Diapositivas Interactivas:** Enseña cómo calcular la tabla de números de Stirling de la primera especie y permite a los estudiantes completar una tabla de manera interactiva.
- **Números de Stirling de Segunda Especie:** Similar al anterior, pero enfocado en la segunda especie, con actividades prácticas para reforzar el aprendizaje.



Numeric Art

Número de Stirling

$S_3^{(1)} = 1$


$S_3^{(2)} = 3$




$S_3^{(3)} = 1$


$S_4^{(1)} = 1$


$S_4^{(2)} = 7$






$S_4^{(3)} = 6$




$S_4^{(4)} = 1$


Completa los Números de Stirling de primera especie

	1	2	3	4	5
1	1	0	0	0	0
2	1	0	0	0	0
3	2	1	0	0	0
4	0	11	0	0	0
5	24	0	35	0	1

Algunos números son incorrectos. Por favor, revisa tus respuestas.

Cada módulo está diseñado para ser tanto informativo como también altamente interactivo, asegurando que los estudiantes aprendan no solo teoría matemática, sino que también puedan aplicar estos conocimientos de manera práctica y efectiva.