Übungen zu Mathematik 1

Blatt 1

1) (a) Geben Sie die Menge $\{x|x \text{ ist Primzahl } \land x \geq 3\}$ in aufzählender Darstellung an.

(b) Geben Sie für die Menge $\{1,4,27,256,\ldots\}$ eine beschreibende Darstellung an.

2) Es sei $A = \{0, 1, 2, 3, 4\}$. Es ist jeweils die Menge aller Elemente x zu bestimmen:

- (a) $\{x \in A : 2x 4 = 0\}$
- (b) $\{x \in A : x^3 4x^2 + 3x = 0\}$
- (c) $\{x \in A : 2x + 1 > 0\}$
- (d) $\{x \in A : x+1 > 0\}$
- (e) $\{x \in A : x^2 x \le 0\}$

3) Es seien E, F und G Aussagen. Untersuchen Sie, ob die folgenden beiden logischen Ausdrücke äquivalent sind:

$$((E \lor G) \lor F) \to (E \land G)$$

$$(E \leftrightarrow G) \land (F \rightarrow (E \land G)).$$

4) Es seien M und N Mengen und B(x,y)eine Aussageform $(x\in M,y\in N)$. Zeigen Sie, dass gilt

$$\neg(\exists x \in M \forall y \in NB(x,y)) \Leftrightarrow \forall x \in M \exists y \in N(\neg B(x,y)).$$

5) Untersuchen Sie mit Hilfe der Venn-Diagramme, welche der nachstehenden Folgerungen richtig oder falsch sind:

- (a) $A \cap B = A \Rightarrow A \subseteq B$
- (b) $A \setminus B = \emptyset \Rightarrow A = B$
- (c) $A \subseteq B \subseteq C \Rightarrow C \setminus B \subseteq C \setminus A$

6) Bestimmen Sie für beliebige Mengen A und B

- (a) $A \cap \emptyset$
- (b) *A* \ ∅
- (c) ∅ \ *A*

- (d) $A \cup (A \cap B)$
- (e) $A \cap (A \cup B)$.

7) Veranschaulichen Sie mit Hilfe der Venn-Diagramme die folgenden Gesetze und beweisen Sie diese

- (a) $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
- (b) $(A \setminus B) \setminus C = A \setminus (B \cup C)$