Argomenti

- (1): Introduzione a Matlab
- (2): Scripts Funzioni Operatori
- (3): Input-Output dei dati
- (4): Grafici e visualizzazione dei dati
- (5): Analisi dei dati
- (6): Analisi nonlineare ed approssimazioni di funzioni e di dati
- (7): Differenziazione ed integrazione numerica calcolo simbolico
- (8): Sistemi lineari
- (9): Soluzioni *ODEs*
- (10): Cenni a soluzioni PDEs

(3): Input-Output dei dati

- Logica binaria e rappresentazione delle informazioni
- Rappresentazione binaria dei numeri
 - Rappresentazione degli interi
 - Rappresentazione di un numero reale

- Rappresentazione esadecimale
- Rappresentazione Binaria dei Caratteri

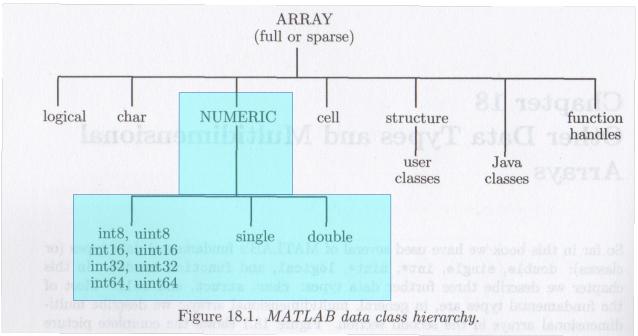
Lettura e Scrittura di un file:

```
fopen, fread, fscanf, fprintf
```

Tipi di dati (o classi)

double, single, int, uint
logical
char
struct, cell
function handle
user classes

Per conoscere il tipo di dato, si usa la funzione: class



Logica binaria e rappresentazione delle informazioni

La rappresentazione dei dati nelle tecnologie digitali è in logica binaria, in cui l'elemento di base è il bit, variabile a due valori (per convenzione, 0 oppure 1)

Ogni informazione utilizzata da un calcolatore è rappresentata da una sequenza (string) di caratteri binari

Per dati con più di due valori, servono più bit:

byte -> gruppo di 8 bit word -> gruppi di 2 e 4 bytes

Rappresentazione binaria dei numeri

Un numero N in base b è rappresentato come:

$$N = c_0 b^0 + c_1 b^1 + ... + c_k b^k$$

$$(0 \le c \le b-1)$$
; per b=2 $\to c$: 0, 1

Con k cifre $\rightarrow 2^{k}$ sequenze diverse

1 byte: codifica per $2^8 = 256$ numeri diversi: 0-255

Rappresentazione binaria dei numeri interi positivi

In un computer il numero di bit dipende dalla capacità di un registro base di memoria.

Generalmente i computer usano parole di 64 bit.

Il massimo numero intero positivo:

$$Imax = 2^{64} - 1 = 1.844674407370955e + 0.19$$

Affinchè i 64 bit siano interpretati come un numero intero, ci vuole un'ulteriore informazione sul tipo di dato:

uint64

(unsigned integer 64 bit)

Rappresentazione binaria dei numeri interi positivi

In Matlab esiste una funzione *built-in*, che trasforma un numero in rappresentazione decimale non negativo N in un numero in rappresentazione binaria di k bit:

```
dec2bin(N,k)
```

Se si vuole implementare un programma che faccia questo, si possono usare le due funzioni di Matlab:

```
floor e \mod(x,y)
```

Decimale --> binaria

floor(N/2)	mod(N,2)
20	1
10	0
5	0
2	1
1	0
0	1
	20 10 5 2 1

Rappresentazione binaria degli interi negativi

Rappresentazione del complemento a due:

Se si vuole rappresentare –M, si prende la rappresentazione di M, si negano i singoli bit (dove c'è 0 si mette 1 e dove c'è 1 -> 0) e si aggiunge 1.

```
Esempio (con 8 bit): 10: 00001010; -10: 11110101+

1

11110110
```

Rappresentazione binaria degli interi negativi

Ci sono delle limitazioni; Ad esempio, con k bit:

il numero negativo più piccolo è dato da - 2^{k-1}

e il valore piu' grande positivo è 2^{k-1} -1

(Si provi, con k=8, a fare il negativo di 128)

Quindi, ad esempio, con 12 bit, si possono rappresentare numeri tra: -2048 e 2047

Un tipo di dato con segno, di 32 bit, si indica:

int32

(signed integer 32 bit)

Rappresentazione esadecimale

Base 16: 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F

Ogni cifra esadecimale è rappresentabile con 4 bit. E' immediato passare da questa rappresentazione a quella binaria:

si considera ogni cifra rappresentata dai propri 4 bit e si allinea con le altre cifre (es: 11 → 00010001)

In Matlab esistono funzioni *built-in*:

dec2hex hex2dec dec2bin

Rappresentazione binaria di un numero reale

I numeri reali in un calcolatore si rappresentano in maniera approssimata e simile alla notazione esponenziale in base 10, dove un numero si esprime come:

con m: 1<=m<10.

Es:
$$0.00078 = +7.8 \times 10^{-4}$$

In notazione binaria:

$$x \to \pm M_2$$
. F $\times 2^E$ $(1 \le M_2 < 2)$

(La mantissa M_2 essendo sempre 1, non si indica)

Es: x = 7.5:

Come si determina la parte frazionaria F?

01/10/15 **1**;

Rappresentazione binaria di un numero reale

Es: $x = 7.5 \rightarrow 1.111 \times 2^2$

Come si determina la parte frazionaria F?

Notare che per rappresentare la parte frazionaria di un numero che in base 10 ha un numero finito di cifre, possono essere necessarie un numero infinito di cifre in base 2:

Es: 0.2 -> 1.100110011....x 2⁻²

Rappresentazione binaria di un numero reale

Anche per i reali, la precisione con cui si può approssimare un numero dipende dalle dimensioni dei registri. In Matlab si hanno a disposizione 8 byte (64 bit). Un dato di questo tipo si dice di tipo double (doppia precisione) ed ha la seguente struttura (standard IEEE-754):

```
1 bit -> segno (s=0 \rightarrow + s=1 \rightarrow -)
11 bit -> esponente (0-2047)
52 bit -> mantissa (parte frazionaria)
```

Rappresentazione binaria di un numero reale

I valori 0 e 2047 dell'esponente sono riservati.

Quindi i valori variano tra 1 e 2046.

Per rappresentare anche gli esponenti negativi, si sottrae dall'esponente il numero 1023.

Quindi, gli esponenti variano tra:

emin = 1 - 1023 = -1022 ed emax = 2046 - 1023 = +1023

Rappresentazione binaria di un numero reale

Quindi si ha:
$$x = (-1)^{S} \times 2^{e-1023} \times 1.f$$

Numero reale più grande rappresentabile in questo modo:

Numero reale più piccolo rappresentabile in questo modo:

$$x_{min} (realmin) = (-1)^0 \times 2^{1-1023}$$

2.225073858507201e-308

Rappresentazione binaria di un numero reale

Casi in cui e vale 0 oppure 2047:

- 1) e=0, convenzionalmente rappresenta lo zero (anche la mantissa è zero)
- 2a) e=2047 e mantissa nulla, vengono rappresentati ±∞
- 2b) e=2047 e mantissa diversa da zero, viene rappresentato NaN

Rappresentazione binaria di un numero reale

In Matlab, un numero reale può essere visualizzato sia in forma binaria (che esadecimale) e viceversa:

Si usano l'istruzione num2bin e bin2num

Prima bisogna definire un oggetto detto quantizer la cui sintassi è:

```
q=quantizer('double',[64 11])
```

Quindi:

```
num2bin(q,x)
```

bin2num(q,stringa_binaria)

Rappresentazione binaria di un numero reale

Cifre significative e massima precisione di un double:

Un numero che ha k cifre significative ha una precisione dell'ordine di 10^{-k}: una parte su 10^k.

Un double ha al più 53 cifre binarie significative:

precisione
$$2^{-53}$$
 -> circa 10^{-16}

eps rappresenta la più piccola differenza tra 1 e il numero reale immediatamente più grande rappresentabile in double e vale $2^{-52} = 2.220... \times 10^{-16}$

Operazioni con i numeri floating-point

Valgono:

proprietà commutativa della somma e del prodotto

Non valgono:

proprietà associativa, distributiva, unicità dello zero

Operazioni con i numeri floating-point

Non unicità dello zero:

```
a+b=a, quando b < eps(a):
```

```
a=1; b=1;
count=0;
while a+b ~=a
    b=b/2;
    count=count+1;
    end

epsilon_half=b
    count
```

Operazioni con i numeri floating-point

Associatività violata in presenza di overflow e underflow: (cancellazione di cifre significative)

Es1:
$$a=1.0e+308$$
; $b=1.1e+308$; $c=-1.001e+308$
 $a+(b+c) = 1.0990e+308$
 $(a+b)+c = Inf$

Es2:
$$x = 1.e-15$$
; $((1+x)-1)/x$

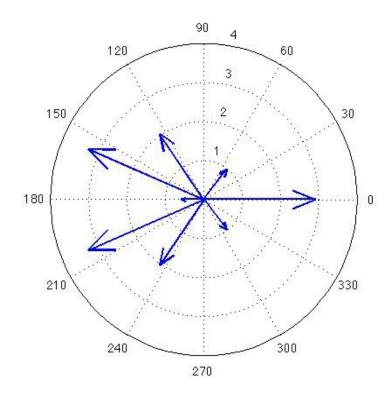
Numeri Complessi

La parte immaginaria di un numero complesso si indica con i o j.

```
1) z = a + bi(j);
2) z=complex(x,y);
                 abs(z)=sqrt(a^2+b^2); angle(z);
3) z=abs(z)(cos(angle(z))+isin(angle(z)))
             real(z)
             imag(z)
               conj(z)
                compass(z)
```

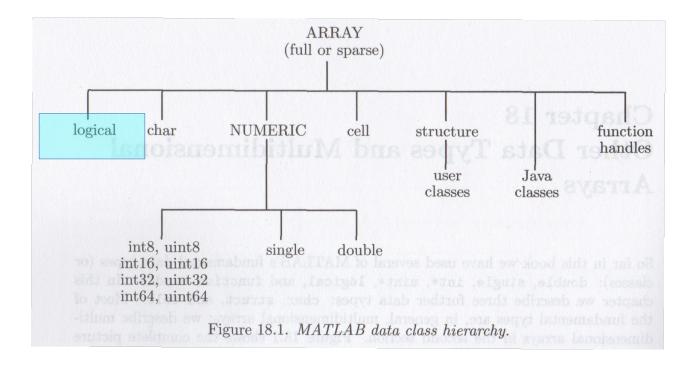
Numeri Complessi

```
Z =
eig(randn(8));
compass(Z)
```



Tipi di dati (o classi): logical

double, single, int, uint
logical
char
struct, cell
function handle
user classes



Tipi di dati (o classi): logical

I dati di tipo logico possono assume il valore 1 (TRUE), 0 (FALSE).

Dati logici sono prodotti da:

```
Operatori relazionali (==, ~=, <, >, <=, >=)
Funzioni logiche
Funzioni true e false
```

Essi occupano 1 byte

Confronti si possono fare tra matrici con le stesse dimensioni o tra matrici e scalari. L'applicazione di operatori e funzioni logiche produce ARRAY logici, i cui elementi sono

0 oppure 1.

Gli ARRAY logici possono essere creati anche applicando la funzione logical ad ARRAY numerici

Tipi di dati (o classi): logical

Esempi:

A =

>> B=[0 8 2; 6 1 2]

B =

28

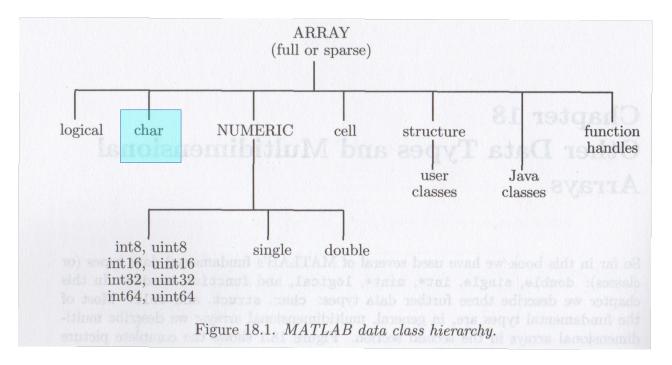
Alcune funzioni di tipo logico:

Table 6.1. Selected logical is* functions.

ischar	Test for char array (string)
isempty	Test for empty array
isequal	Test if arrays are equal
isequalwithequalnans	Test if arrays are equal, treating NaNs as equal
isfinite	Detect finite array elements
isfloat	Test for floating point array (single or double)
isinf	Detect infinite array elements
isinteger	Test for integer array
islogical	Test for logical array
isnan	Detect NaN array elements
isnumeric	Test for numeric array (integer or floating point)
isreal	Test for real array
isscalar	Test for scalar array
issorted	Test for sorted vector
isvector	Test for vector array

Tipi di dati (o classi): char

double, single, int, uint
logical
char
struct, cell
function handle
user classes



Tipi di dati (o classi): char

Per elaborare testi (tipo di dato: carattere): sempre in logica binaria.

Essendo piccolo il numero di caratteri diversi, è sufficiente un byte (2^8 bit) -> è possibile codificare 256 simboli.

codice ASCII: American Standard Code for Information Interchange -> e' limitata a caratteri codificati con 7 bit

Ad ogni carattere di un testo -> 1 byte (gli altri 128 simboli appartengono a tabelle del codice ASCII estese)

Una pagina di testo è pari a circa quanti byte? Il tipo char occupa 2 byte in Matlab, ma solo 1 byte e' utilizzato

La funzione char accetta un vettore di interi come input e restituisce un vettore di caratteri

Tipi di dati (o classi): char

Un array di caratteri (char array) e' una stringa:

```
>> stringa='12srtA'
                               >> whos
                                               Bytes Class Attributes
stringa =
                               Name
                                       Size
12srtA
                                                 48 double
                                         1x6
                                ans
                                stringa
                                                 12 char
>> double(stringa)
                                          1x6
                                stringa2
                                          1x6
                                                 12 char
ans =
  49
      50 115 114 116
                         65
```

```
>> stringa2=char(ans)
stringa2 =
12srtA
```

Alcune operazioni sulle stringhe

Le stringhe sono indicizzate come gli altri array.

Gli operatori int2str, num2str, sprintf permettono di trasformare array numerici in array di caratteri

```
La funzione strcat concatena stringhe:
```

```
>> strcat('Lezioni',' Matlab')
ans =
Lezioni Matlab
```

Per confrontare stringhe: strcmp, strcmpi, findstr

Alcune operazioni sulle stringhe: funzione eval

Esempio

>> A=magic(3)

8 1 6 3 5 7 4 9 2

>> for n=1:3 eval(['A', int2str(n), '= A-n*ones(3)']) end

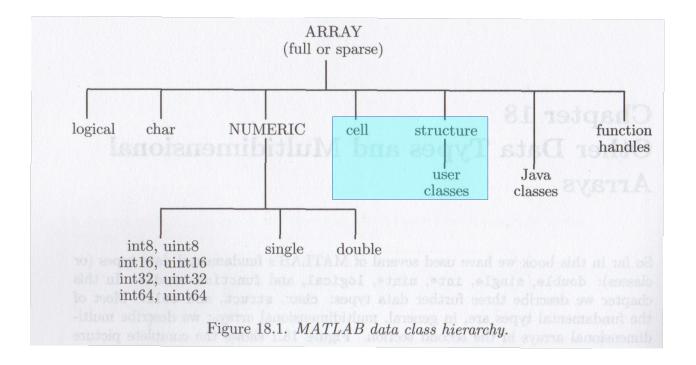
7 0 5 2 4 6 3 8 1

6 -1 4 1 3 5 2 7 0

5 -2 3 0 2 4 1 6 -1

Tipi di dati (o classi): Cell Array e Structure

double, single, int, uint
logical
char
struct, cell
function handle
user classes



Tipi di dati (o classi): Cell Arrays e Structures

Questi tipi di dati permettono di raggruppare arrays diversi in una singola variabile.

Cell Arrays e Structures differiscono principalmente per il fatto che una singola cell è identificata da un numero mentre una singola struttura da un nome.

I cell arrays sono arrays i cui elemeni sono cells.

```
>>help struct
```

>>help cell

Tipi di dati (o classi): Cell Arrays

Esempio di creazione di una Cell Array:

```
>> clear
>> A(1,1)={ones(3)};

>> A(1,2)={8+10i};

>> A(2,1)={'Cell Array & Structures'};

>> A(2,2)={(-2:2)};

>>A
A =

[3x3 double] [8.0000 +10.0000i]
'Cell Array & Structures' [1x5 double]
```

Tipi di dati (o classi): Stuctures

Esempio di creazione di una Structure:

```
>> cerchio.raggio=2
>> cerchio.centro=[2 1];
>> cerchio.colore='yellow';
>> cerchio.stilelinea='--';
>> cerchio
    cerchio=
        raggio: 2
        centro: [2 1]
        colore: 'yellow'
    stilelinea: '--'
>> whos
               Size
                                       Class
                                                 Attributes
 Name
                                Bytes
  cerchio
               1x1
                                  744
                                       struct
```

Input-Output

In Matlab ci sono vari modi per importare dati nell'area di lavoro ed esportare dati dall'area di lavoro su *files*

Importazione files .txt, .xls:

```
A=load('nomefile.txt')
B=xlsread('nomefile.xls') ([a,b]=xlsread('nomefile.xls') )
```

Uso di Import Data Wizard

Esportazione dati in files .txt, .xls:

```
save data.out A -ASCII

dlmwrite('data.out',A,';')
dlmwrite('data.xlsx',A,';')
```

Input-Output

>> help iofun

File input and output.

File import/export functions.

dlmread - Read ASCII delimited file.

dlmwrite - Write ASCII delimited file.

importdata - Load data from a file into MATLAB.

dagread - Read Data Acquisition Toolbox (.dag) data file.

matfinfo - Text description of MAT-file contents.

Spreadsheet support.

xlsread - Get data and text from a spreadsheet in an Excel workbook.

xlswrite - Stores numeric array or cell array in Excel workbook.

.....

Input dall'utente

```
>> x=input('punto iniziale=')
punto iniziale=10
x =
   10
>> x=input('punto iniziale=','s')
punto iniziale=zero
x =
zero
```

```
0.8
0.6
0.4
0.2
0
0
0.8
-0.8
-1
0 1 2 3 4 5 6 7
```

```
>> plot(t,cos(t),'LineWidth',2)
>> hold on
>> plot(t,sin(t),'LineWidth',2)
>> [x,y]=ginput(2)
x =
    0.7823
    3.9274
y =
    0.6988
    -0.7105
```

Output sullo schermo

Se non si usa il ; tutte le operazioni vengono mostrate sullo schermo.

Alcune funzione controllano il formato dell'output:

```
>> disp('questa è una matrice 3x3 con tutti gli elementi pari a 1'), disp(ones(3)) questa è una matrice 3x3 con tutti gli elementi pari a 1
```

- 1 1 1
- 1 1 1
- 1 1 1

Anche la funzione fprintf controlla l'output sullo schermo, quando viene omesso il fid (vedremo avanti)

Lettura e scrittura di dati da un file: fopen - fread

Archiviazione e recupero di dati

Si vuole elaborare un testo, in Matlab, contenuto in un file txt

Ricordiamo che tutti i *files*, che contengano testo, numeri, immagini, etc, hanno sempre la stessa struttura: una sequenza di cifre binarie.

Quello che differenzia un file da un altro file è come vengono interpretati i dati.

fopen

Per avere l'accesso ad un *file* nella directory corrente, bisogna chiedere l'autorizzazione

Questa si chiede con l'istruzione fopen:

fid=fopen(nomefile,permission)

fread

Per leggere il contenuto (binario) di un file si usa la funzione fread:

A = fread(fid, size, precision)

fread

A = fread(fid,size) legge il numero di elementi specificato da size

Valori ammissibili per size sono:

N legge N elementi e li mette in un vettore colonna inf legge fino alla fine del file
 [M,N] legge gli elementi fino a riempire una matrice M-per-N, secondo colonna

N può essere inf M non può

fread

A = fread(fid, size, precision)

legge il *file* secondo il formato specificato da precision. L'input di precision contiene (se non specificato, la *default precision* è 'uint8'):

MATLAB	Description
'uchar'	unsigned integer, 8 bits.
'schar'	signed integer, 8 bits.
'int8'	integer, 8 bits.
'int16'	integer, 16 bits.
'int32'	integer, 32 bits.
'int64'	integer, 64 bits.
'uint8'	unsigned integer, 8 bits.
'uint16'	unsigned integer, 16 bits.
'uint32'	unsigned integer, 32 bits.
'uint64'	unsigned integer, 64 bits.
'single'	floating point, 32 bits.
'float32'	floating point, 32 bits.
'double'	floating point, 64 bits.
'float64'	floating point, 64 bits.

Lettura binaria di un file di testo

Esempio:

```
fid = fopen('text_sample','r')
a=fread(fid,8,'ubit8') % legge per 8 volte un dato rappresentato con 8
                          % bit
fclose(fid)
fid = fopen('text sample','r')
a=fread(fid,1,'double','s') % legge 1 dato double, interpreta gli 8
                                % byte come un double
fclose(fid)
(s -> big endian byte ordering
                             a -> little endian byte ordering)
```

Lettura di un file formattato: fscanf

```
(>>help fscanf)
```

Esempio:

vogliamo leggere, per elaborarli, dati da un file (area_macchiesolari.txt) in cui vengono riportate informazioni sulle macchie solari su un lungo intervallo temporale:

Yr Mn	Year A	reas,mph
182101	1821.04	305
182102	1821.13	39
198911	1989.88	2649
198912	1989.96	2543

Vogliamo leggere il file in modo da avere la seconda e la terza colonna del file in due vettori di numeri floating point (la sintassi dei comandi è mutuata dal C)

La funzione di Matlab che consente di fare questo tipo di lettura è la fscanf

Lettura di un file formattato: fscanf

fscanf legge dati formattati da file identificati da fid, li converte secondo il format e li scrive in una matrice A:

```
fid = fopen('nome_file','r')

[A,COUNT] = fscanf(fid,format,size)
```

COUNT è opzionale e registra il numero di dati letti.

SIZE è opzionale e fissa il numero di elementi letti dal file. Quando non c'è, l'intero file viene letto. Quando c'è, può essere:

N legge N elementi e li mette in un vettore colonna

inf legge fino alla fine del file

[M,N] legge gli elementi fino a riempire una matrice

M-per-N, secondo colonna

Lettura di un file formattato: fscanf

format:

È una stringa (caratteri di conversione) che inizia col carattere % seguito da tre parametri:

```
* (opzionale): indica che il dato va letto ma non restituito (ignorato)
```

Numero (opzionale): numero di cifre (caratteri) che vanno letti di quel dato

Tipo di dato cui deve essere convertito il dato letto (obbigatorio):

Esempi:

leggi una stringa (legge una stringa dal primo all'ultimo carattere prima dello

spazio, saltandola)

%d leggi un intero

%g (%f, %e) leggi un floating point

84d leggi un intero di 4 cifre

85s leggi una stringa di 5 caratteri

%c leggi un carattere compresi gli spazi

Notare: la stringa di controllo viene applicata **sequenzialmente** fino alla lettura dei dati secondo size

Lettura di un file formattato: fscanf

% Lettura dati dal file area macchiesolari.txt

```
fid=fopen('area_macchiesolari.txt','r');
fscanf(fid,'%s',4); % legge una stringa per 4 volte
% senza assegnarla
a=fscanf(fid,'%4d %2d %g %g',[4, inf]);
a=a'; % trasposta
anni=a(:,3);
areamacchie=a(:,4);
plot(anni,areamacchie)
```

Un modo alternativo per saltare (leggere e ignorare) una riga di un file di testo fino al carattere newline e' con l'istruzione:

```
tline=fgetl(fid)
```

Lettura di un file formattato: fscanf

% Lettura dati dal file area_macchiesolari.txt
% Alternativa: si ignorano I primi due dati

```
fid=fopen('area_macchiesolari.txt','r');
fscanf(fid,'%s',4);
a=fscanf(fid,'%*4d %*2d %g %g',[2, inf]);
a=a';
anni=a(:,1);
areamacchie=a(:,2);
plot(anni,areamacchie)
```

Scrittura di dati su un file: fprint

oppure

fid=fopen(nomefile,'a') apre un file (se non esiste, lo crea) e inizia a scrivere dalla
fine

fid=fprintf(fid, format, A)

A è una matrice da cui vogliamo prendere i dati format ha la stessa sintassi del format per fscanf (tra i caratteri di controllo della stringa meritano di essere citati \n (new line) e \t (tabulazione orizzontale)

I dati vengono letti per colonna (in A) e scritti per riga, secondo il format

Scrittura di dati su un file: fprint

Supponiamo di avere un vettore t, lungo N, la cui i-esima componente rappresenta il tempo trascorso al rilevamento del dato i-esimo.

In una matrice M(N, 2), sono registrati i dati di due grandezze fisiche (ad es posizione e velocità)

Si vogliono scrivere i dati su un file in modo che nella colonna 1 ci sia il tempo, nella 2 la posizione e nella 3 la velocità:

- 1) Si deve prima preparare una matrice A opportunamente costruita.
- 2) Occorre scegliere il formato di scrittura.

Scrittura di dati su un file: fprint

Esempio:

```
function scrividati(nomefile,t,M)
% Scrive nel file di nome nomefile.txt i dati contenuti nel vettore t(Nx1)
% e nella matrice M (Nx2) disponendoli per tre colonne
nome=strcat(nomefile,'.txt');
A = [t(:), M];
fid=fopen(nome,'w');
fprintf(fid, '%11.7f\t %11.7f\t %11.7f\n',A.');
fine=fclose(fid);
if fine==0
disp('scrittura dei dati terminata')
end
```

Lettura di dati da un file:

Esempio: (le_graf .m)

```
clear x y fname
fname = input('Nome del file da leggere? ','s');
nski=0;
[x,y]=leggiv(fname,nski);
disp(sprintf('Trovati %d dati (coppie)',length(x)))
plot(x,y,'*');
grid on;
```

Lettura di dati da un file e scrittura su una matrice:

Esempio: (leggiv.m)

```
function [x,y]=leggiv(name,nski)
                                   if(nski>0)
% [x,y]=leggiv(name,nski)
                                        for i=1:nski
% salta NSKI righe
                                             faetl(fid);
% poi legge due colonne reali
                                        end
%separate dalla virgola
                                   end
                                   a=fscanf(fid,'%g %g',[2 inf]);
[fid, mess]=fopen(name,'r');
                                   fclose(fid);
if fid<0
                                   a=a';
   disp(mess);
                                   x=a(:,1);
    return
                                   y=a(:,2);
end
                                   return
```

Lettura di dati da un file e scrittura su una matrice:

Esempio: (leggivar.m)

```
function a=leggivar(fname,nski,ncol)
% a=leggivar(fname,nski,ncol)
% salta NSKI righe
% poi legge NCOL colonne reali
                                            end
% separate da spazi
                                        end
% restituisce la matrice
                                        formato='';
                                        for i=1:ncol
[fid, mess]=fopen(fname,'r');
if fid<0
   disp(mess);
                                        end
  return
end
                                        fclose(fid);
```

```
if(nski>0)
   for i=1:nski
        fgetl(fid);
    formato=[formato '%q '];
a=fscanf(fid,formato,[ncol inf]);
a=a';
return
```