# GEM Gaussian Embedding Modeling for Out of Distribution Detection in GUI Agents

### Yang

### 2025年7月7日

### 1 Introduction

GUI Agent 遇到的 OOD 问题:

- Internalization OOD: 在 ID 的环境中执行任务,但是错误的假设了存在不支持的功能 (操作的 APP 在 ID 中,但是具体功能不在)
- Extrapolation OOD: 工作于动态的不断演变的环境中,之前没见过 (这个 APP 不在 ID 中)

GUI Agent 的 OOD 问题可能会引发安全问题,因为模型处理 OOD 问题的能力依赖于泛化能力,可能会出错造成损失,因此检测 OOD 问题很重要

GUI Agent 的 OOD detection 面临的问题:

- Complex Embedding Space: 屏幕包含的 UI 元素复杂度远高于 MLLM 且用户指令的多样性也更高
- Envolving Environment: 系统的更新和新 APP 的出现会导致 OOD 检测需要不断 迭代

## 2 Challenges

#### 2.1 Problem Formulation

一个 GUI Agent F 首先经过  $D_{ID}$  的数据集的训练,然后给出 user instruction x 和 屏幕截图 s,之后根据这个输入,模型预测行为  $a_t$  并执行操作,直到完成任务或者超出最大步数限制。由此定义一个 OOD 检测函数:若  $(s_t, x)$  是 OOD,则  $f_{OOD}(s_t, x) = 1$ 

#### 2.2 Popular OOD Detection Method

主要分类有两种:

- Embedding-based: 模型当下的 ID 存在一个 embedding space(向量空间),可以将输入放入模型的向量空间比较分布之间的差距,用欧式距离等进行衡量
- Uncertainty-based: 通常用熵、置信度等描述不确定性的量来衡量

其中 Uncertainty-based 效果更差,模型很难说明其不确定性,原因在于 ID 和 OOD 数据的可分性很低。

上述两种方法依赖于  $YoudenIndex = argmax_t(TPR(t) - FPR(t))$ , 其中 TPR 与 FPR 分别代表 true positive rate 和 false positive rate。而 TP 代表输入是 ID,预测也是 ID,FN 代表输入是 ID,预测是 OOD,则  $TPR = \frac{TP}{TP+FN}$ .

而真正训练的数据集具有复杂性和多样性,但是他们的 embedding space 在距离上表现出明显的 cluster(聚类) 现象,即同一距离出现大量样本,不同聚类之间具有明显距离差距

## 3 Algorithm

首先定义 encoder layer  $l_e$ ,作用是将  $(s_i, x_i)$  映射到 embedding vector,即  $e_i = l_e(s_i, x_i)$ ,由此可以得到  $D_{embedding}$ 。然后计算该数据集的 centroid $\mu$ ,即  $\mu = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k e_i$ ,然后计算 Euclid distance,即  $d_i = |e_i - \mu|_2$ ,得到  $D_{distance}$ 。显然距离分布不是一个典型的分布,所以我们假设分布是由 m 个不同的高斯分布混合而成,那么有  $p(d) = \sum_{j=1}^m \pi_j N(d|\mu_j, \sigma_j^2)$ ,且  $\sum_{j=1}^m \pi_j = 1$ ,其中  $N(d|\mu_j, \sigma_j^2)$  代表该高斯分布概率密度函数代入 d 的取值。最后再计算 log-likelihood:  $log L_m = \sum_{i=1}^k p(d_i)$ 。该公式的参数包括  $\{\pi_j, \mu_j, \sigma_j\}$ ,通过 EM 算法最大化 log-likelihood 得到。EM 算法首先计算  $\gamma_{ij} = \frac{\pi_j N(d_i|\mu_j, \sigma_j^2)}{p(d_i)}$ ,然后令  $\pi_j^{new} = \frac{1}{k} \gamma_{ij}$ , $\mu_j^{new} = \frac{\sum_{i=1}^k \gamma_{ij} d_i}{\sum_{i=1}^k \gamma_{ij}}$ , $\sigma_j^{2new} = \frac{\sum_{i=1}^k \gamma_{ij} (d_i - \mu_j^{new})^2}{\sum_{i=1}^k \gamma_{ij}}$ ,参数化 m用 BIC:  $BIC(m) = -2log L_m + mlog k$ 。最后使用一个区间  $[\mu_j - n\sigma_j, \mu_j + n\sigma_j]$ ,如果  $d_i$  落在某个区间里就认为不是 OOD

#### Algorithm 1: GEM Algorithm

```
Require: GUI agent \mathcal{F}, encoder layer l_e, ID dataset \mathcal{D}_{ID} = \{(s_i, x_i)\}_{i=1}^k
Ensure: OOD detection function f_{OOD}
 \mathcal{D}_{\text{embedding}} \leftarrow \emptyset  for i \leftarrow 1 to k do
        e_i \leftarrow l_e(s_i, x_i)
        \mathcal{D}_{\text{embedding}} \leftarrow \mathcal{D}_{\text{embedding}} \cup \{e_i\}
\mu \leftarrow \frac{1}{k} \sum_{i=1}^{k} e_i
\mathcal{D}_{distance} \leftarrow \emptyset
for i \leftarrow 1 to k do
        d_i \leftarrow ||e_i - \mu||_2
        \mathcal{D}_{\text{distance}} \leftarrow \mathcal{D}_{\text{distance}} \cup \{d_i\}
end
for m \in \{1, \ldots, M\} do
        Initialize GMM parameters \{\pi_j, \mu_j, \sigma_i^2\}_{i=1}^m
        repeat
                for i \leftarrow 1 to k do
                       end
                end
                for j \leftarrow 1 to m do
                      \pi_{j} \leftarrow \frac{1}{k} \sum_{i=1}^{k} \gamma_{ij}
\mu_{j} \leftarrow \frac{\sum_{i=1}^{k} \gamma_{ij} d_{i}}{\sum_{i=1}^{k} \gamma_{ij}}
\sigma_{j}^{2} \leftarrow \frac{\sum_{i=1}^{k} \gamma_{ij} (d_{i} - \mu_{j})^{2}}{\sum_{i=1}^{k} \gamma_{ij}}
                end
        until convergence
       \log \mathcal{L}_m \leftarrow 0
       for i \leftarrow 1 to k do
 | \ell_i \leftarrow \sum_{j=1}^m \pi_j \cdot \mathcal{N}(d_i \mid \mu_j, \sigma_j^2) 
 | \log \mathcal{L}_m \leftarrow \log \mathcal{L}_m + \log(\ell_i) 
        BIC(m) \leftarrow -2 \log \mathcal{L}_m + m \log k
m^* \leftarrow \arg\min_m BIC(m)
Fit final GMM with m^* components: \{(\pi_j, \mu_j, \sigma_j)\}_{j=1}^{m^*}
for j \leftarrow 1 to m^* do
       Define ID interval I_j = [\mu_j - 3\sigma_j, \ \mu_j + 3\sigma_j]
end
Define f_{OOD}(s, x) as:
                                               f_{\text{OOD}}(s,x) = \begin{cases} 0, & \text{if } \|l_e(s,x) - \mu\|_2 \in \bigcup_{j=1}^{m^*} I_j \\ 1, & \text{otherwise} \end{cases}
```

return  $f_{OOD}$ 

## 4 Result

该方法很好的区分了 ID 与 OOD, 大部分准确率在 95% 以上。除此之外研究神经 网络检测层数和检测 OOD 准确率的情况,结果是开始随着层数加深而上升,之后开始 下降,且有趣的是集中在第 9 层达到峰值 (50% 的结果),因素有两个,一个是特殊任务相关的特征,另一个是视觉或文本的特征,在层数上升时,前者重要性增加,后者降低,在 9 层附近达到平衡

# 5 Summary

本篇论文讲述了一种应用于区分 GUI Agent 测试数据 ID 和 OOD 的方法,首先根据训练的数据绘制分布,然后在 embedding 空间里对测试数据进行向量化,应用混合高斯分布,利用算法求参数最优化结果,然后利用区间分布判断测试数据属于 ID 还是OOD,结果是显著提高了分辨的成功率