

# Modelos de Computación Examen IV



*Escuela Técnica Superior de Ingenierías  
Informática y de Telecomunicación*

**Los Del DGIIM**, [losdeldgiim.github.io](https://losdeldgiim.github.io)

Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas  
Universidad de Granada



Esta obra está bajo una Licencia Creative Commons Atribución-NoComercial-SinDerivadas 4.0 Internacional (CC BY-NC-ND 4.0).

Eres libre de compartir y redistribuir el contenido de esta obra en cualquier medio o formato, siempre y cuando des el crédito adecuado a los autores originales y no persigas fines comerciales.

# Modelos de Computación Examen IV

Los Del DGIIM, [losdeldgiim.github.io](https://losdeldgiim.github.io)

Arturo Olivares Martos

Granada, 2024-2025

**Asignatura** Modelos de Computación

**Curso Académico** 2022-23.

**Grado** Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas.

**Descripción** Parcial Tema 2.

**Ejercicio 1.** Encuentra un AFD que acepte el lenguaje descrito por la expresión regular:

$$a + ac(a + b)^* + c(a + b + c)^*.$$

El AFND con transiciones nulas que obtenemos usando el algoritmo viene descrito en la Figura 1.

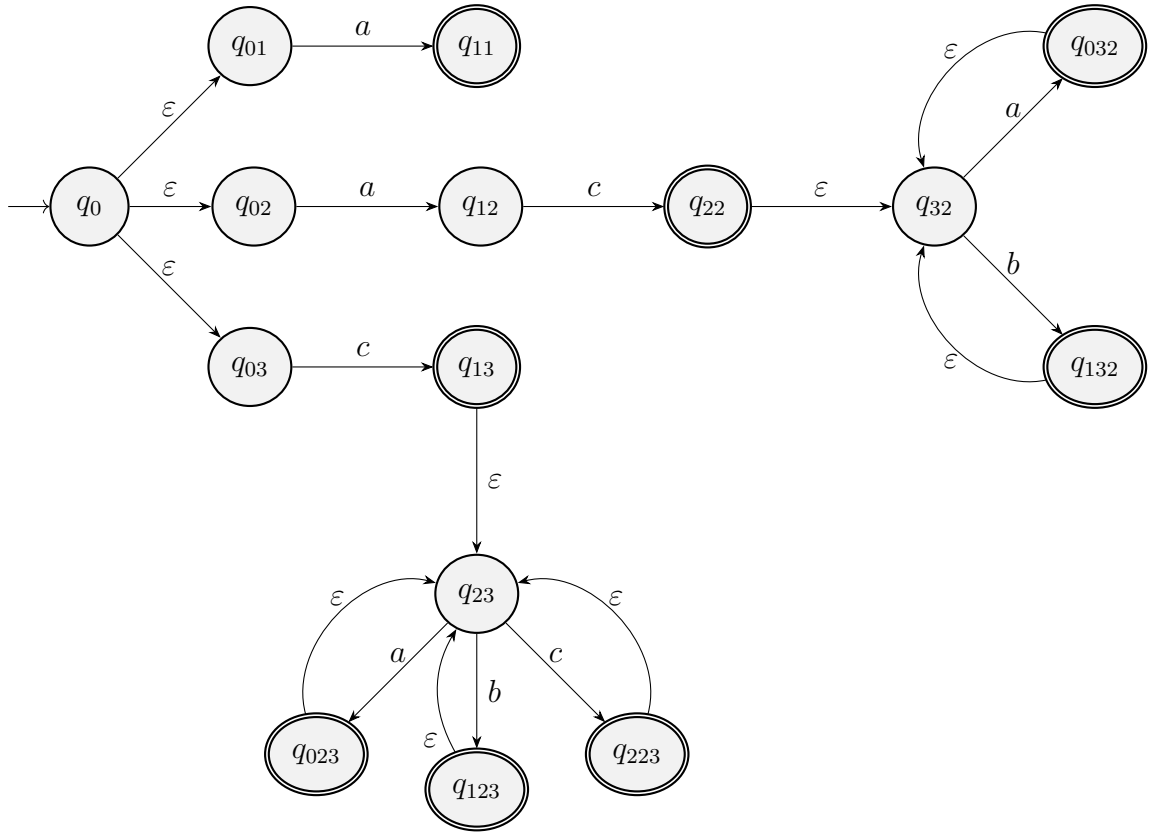


Figura 1: AFND con transiciones nulas que acepta el lenguaje del Ejercicio 1.

No obstante, este AFND es demasiado complejo y tiene demasiados estados, por lo que lo minimizamos antes de convertirlo en un AFD. El AFND minimizado se muestra en la Figura 2.

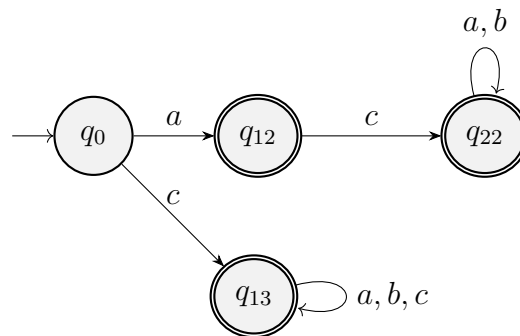


Figura 2: AFND minimizado que acepta el lenguaje del Ejercicio 1.

Finalmente, convertimos el AFND minimizado en un AFD, que se muestra en la Figura 3.

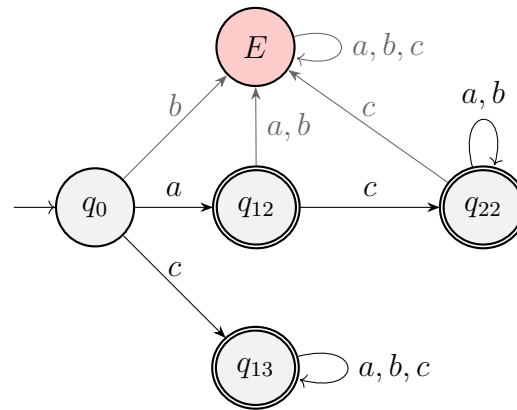


Figura 3: AFD que acepta el lenguaje del Ejercicio 1.

**Ejercicio 2.** Considera el lenguaje de todas las palabras en las que toda subcadena de 1's de longitud mayor o igual a 2 está precedida de una subcadena de 0's de cualquier longitud mayor o igual a 3. Encuentra un autómata finito, de cualquier tipo, que acepte este lenguaje.

Consideramos los siguientes estados:

- $q_0$ : Estado inicial.
- $q_1$ : Hemos leído un 1 que no está precedido por 3 o más 0's.
- $q_2$ : Hemos leído solo un 0 consecutivo.
- $q_3$ : Hemos leído dos 0's consecutivos.
- $q_4$ : Hemos leído tres 0's consecutivos.
- $q_5$ : He leído un 1 que está precedido por 3 o más 0's, por lo que puedo introducir más 1's.

El AFD que acepta el lenguaje descrito se muestra en la Figura 4.

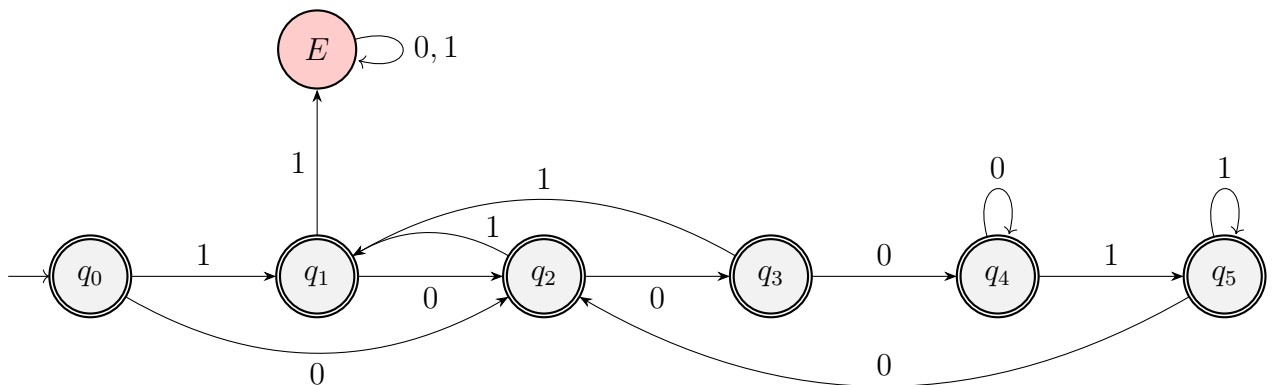


Figura 4: AFD que acepta el lenguaje del Ejercicio 2.

**Ejercicio 3.** Considera el lenguaje  $L \subset \{a, b\}^*$  formada por las palabras en las que las  $a$ 's y las  $b$ 's están siempre alternadas. Ejemplos de palabras del lenguaje son:

$$\varepsilon, a, b, ab, ba, aba, bab, abab, baba \in L.$$

Ejemplos de palabras que no están en el lenguaje son:

$$bb, aa, abba \notin L.$$

Encontrar una expresión regular que genere el lenguaje  $L$ .

Obtenemos en primer lugar un AFD que acepte el lenguaje  $L$ . Este tiene los siguientes estados:

- $q_0$ : Estado inicial.
- $q_A$ : Estado en el que la última letra leída es una  $a$ .
- $q_B$ : Estado en el que la última letra leída es una  $b$ .

Este AFD se muestra en la Figura 5.

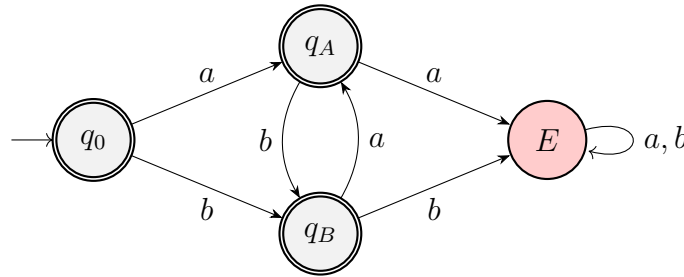


Figura 5: AFD que acepta el lenguaje del Ejercicio 3.

Para obtener la expresión regular que genera el lenguaje  $L$ , planteamos el sistema de ecuaciones que se muestra a continuación:

$$\begin{aligned} q_0 &= aq_A + bq_B + \varepsilon, \\ q_A &= aE + bq_B + \varepsilon, \\ q_B &= aq_A + bE + \varepsilon, \\ E &= aE + bE = (a + b)E + \emptyset \end{aligned}$$

Por el lema de Arden, tenemos que  $E = (a+b)^*\emptyset = \emptyset$ . Sustituyendo en las ecuaciones anteriores, obtenemos:

$$\begin{aligned} q_0 &= aq_A + bq_B + \varepsilon, \\ q_A &= bq_B + \varepsilon, \\ q_B &= aq_A + \varepsilon. \end{aligned}$$

Sustituyendo en valor de  $q_B$ , obtenemos:

$$\begin{aligned} q_0 &= aq_A + b(aq_A + \varepsilon) + \varepsilon, \\ q_A &= b(aq_A + \varepsilon) + \varepsilon = baq_A + b + \varepsilon \end{aligned}$$

Usando de nuevo el lema de Arden, tenemos que  $q_A = (ba)^*(b + \varepsilon)$ . Sustituyendo en la ecuación de  $q_0$ , obtenemos:

$$\begin{aligned} q_0 &= a(ba)^*(b + \varepsilon) + b(a(ba)^*(b + \varepsilon) + \varepsilon) + \varepsilon = \\ &= a(ba)^*(b + \varepsilon) + (ba)^+(b + \varepsilon) + b + \varepsilon \end{aligned}$$

Por lo tanto, la expresión regular que genera el lenguaje  $L$  es:

$$a(ba)^*(b + \varepsilon) + (ba)^+(b + \varepsilon) + b + \varepsilon.$$