Domáca úloha č. 4

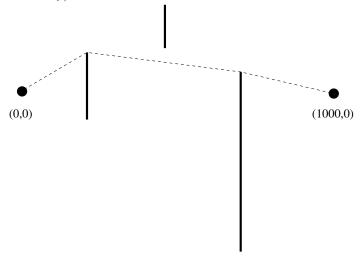
1-AIN-105, Zima 2021

Termín: 8.12.2021, 23:59, google classroom

Skôr ako sa pustíte do riešenia domácej úlohy, oboznámte sa so všeobecnými pokynmi, ktoré sú priložené na konci tohto dokumentu. Riešenia, ktoré odovzdáte, musia byť vaše vlastné. Neopisujte a nesnažte sa nájsť riešenia v literatúre alebo na internete!

1. [20 bodov] Robotické preteky. Dr. Petrovič organizuje robotické preteky, kde je úlohou, aby sa robot čo najrýchlejšie dostal z počiatočného bodu na súradniciach (0,0) do koncového bodu na súradniciach (1000,0). Aby bola súťaž ťažšia, v miestnosti sú umiestnené prekážky, pričom *i*-ta prekážka je tenká betónová stena medzi bodmi (x_i, d_i) a (x_i, h_i) . V zmysle príslovia "robotom múr neprerazíš", robot cez takúto prekážku nedokáže prejsť.

Úloha: Navrhnite algoritmus, ktorý pre zadanú konfiguráciu n prekážok naplánuje najrýchlejšiu trasu pre robota (čas je priamo úmerný dĺžke cesty).



Hint: Môžete bez dôkazu použiť tvrdenie, že najrýchlejšia trasa bude pozostávať z úsečiek, pričom smer bude robot meniť len v bodoch, ktoré predstavujú koncové body prekážok. Najrýchlejší robot sa bude vždy pohybovať len zľava doprava.

2. [20 bodov] Zápchy. Ak sa chcete dostať autom z FMFI UK do Avionu, obvykle by ste použili diaľnicu a Prístavný most. V niektorých časoch dňa sa však na pripájačoch v Petržalke začnú tvoriť kolóny a vtedy je najlepšie sa danému úseku vyhnúť a radšej to zobrať po nábreží.

Za účelom tohto príkladu rozdelíme deň na 96 pätnásťminútových intervalov a očíslujeme ich od 1 po 96. Všetky časové údaje budeme udávať v pätnásťminútových intervaloch.

Máte daný orientovaný graf G=(V,E), kde vrcholy reprezentujú význačné miesta v meste a hrany reprezentujú cestné spojenia medzi nimi. Máte tiež danú tabuľku D[e,t], ktorá udáva pre každú hranu $e \in E$ a pre každé $1 \le t \le 96$ čas, ktorý potrebujeme na to, aby sme prešli hranou e. Ak začneme v jej začiatočnom vrchole v čase t, dôjdeme do jej koncového vrcholu v čase t + D[e,t].

Úloha: Na vstupe máme vrcholy u, v a čas t. Navrhnite algoritmus, ktorý vypočíta najrýchlejšiu cestu z vrcholu u do vrcholu v, pričom začneme šoférovať v čase t. Môžete predpokladať, že šofér si nemôže dať nikde prestávku a že časy sú dané v celých pätnásťminútovkách.

Hint: Úlohu možno riešiť tak, že vstupné dáta reprezentujete ako nový graf G' a potom použijete jeden zo štandardných grafových algoritmov. Ak sa rozhodnete pre tento typ riešenia, popíšte všeobecne graf G' a na malom príklade ukážte jeho konštrukciu.

3. [20 bodov] **Programátorská úloha** (viď všeobecné pokyny). Na vstupe je neorientovaný neohodnotený súvislý graf. Nájdite najmenšie číslo d také, že vzdialenosť každej dvojice vrcholov je najviac d.

Formát vstupu: V prvom riadku vstupu sú čísla n, m (počet vrcholov a počet hrán). V nasledujúcich m riadkoch je popis hrán. V každom riadku sú dve čísla, ktoré vyjadrujú, ktoré dva vrcholy spája daná hrana (vrcholy grafu číslujene od 0 do n-1). Môžete predpokladať, že medzi každou dvojicou vrcholov vedie maximálne jedna hrana a že v grafe neexistujú sľučky.

Formát výstupu: Vypíšte jeden riadok, ktorý obsahuje číslo d.

Obmedzenia a bodovanie: Na zisk plného počtu bodov je nutné, aby váš program dal v časovom limite správnu odpoveď pre vstupy, kde $1 \le n \le 100$. Na zisk polovice bodov je nutné, aby váš program dal v časovom limite správnu odpoveď pre vstupy, kde 1 < n < 15.

Príklad vstupu:	Príklad vstupu:
5 5	2
0 1	
1 2	
2 3	
3 4	
4 0	

Všeobecné pokyny

Písomné úlohy. Píšte riešenia takým spôsobom, aby obsahovali všetku potrebnú informáciu na pochopenie vášho riešenia, ale súčasne aby boli stručné a ľahko pochopiteľné. Všetky tvrdenia je potrebné zdôvodniť (a to aj v prípade, že to nie je explicitne napísané v zadaní).

Ak sa v zadaní požaduje vyriešenie algoritmickej úlohy, odovzdajte najlepší algoritmus, aký viete navrhnúť. Základným kritériom na hodnotenie bude správnosť algoritmu, druhým kritériom bude jeho časová, prípadne pamäťová zložitosť. Správny ale pomalý algoritmus dostane podstatne viac bodov ako algoritmus, ktorý je síce rýchly, ale nedá správnu odpoveď na každý vstup. Neefektívne algoritmy spĺňajúce podmienky zadania dostanú cca 50% bodov. Súčasťou vášho riešenia musia byť nasledujúce časti:

- Najprv popíšte hlavnú myšlienku algoritmu.
- Vyjadrite algoritmus formou pseudokódu.
- Ak to nie je zrejmé na prvý pohľad, ukážte že váš algoritmus je správny.
- Nezabudnite na analýzu zložitosti algoritmu.

Písomné úlohy odovzdávajte do Google Classroom pokiaľ možno *ako jeden PDF dokument*. Na neskoro odovzdané riešenia sa nebude prihliadať.

Programátorské úlohy. Pri programátorských úlohách je vašou úlohou odovzdať len funkčný program, nie je vyžadované písomné riešenie. Riešenie odovzdávate cez web stránku predmetu na http://compbio.fmph.uniba.sk/vyuka/eaz/assignments.php, kde bude okamžite otestované na niekoľkých vstupoch a dozviete sa koľko bodov získalo (body získate, keď všetky vstupy z danej sady vyriešite správne v časovom limite). Riešenie môžete odovzdávať aj viackrát, hodnotí sa posledné riešenie odovzdané v stanovenom termíne. Navyše si dajte pozor, či v systéme máte správne vyplnené meno a priezvisko. Zoznam programovacích jazykov a inštrukcie k tomu, ako presne má program vyzerať, nájdete na stránke https://testovac.ksp.sk/wiki/odovzdavanie-info/.