POLITECHNIKA WROCŁAWSKA Wydział Informatyki i Telekomunikacji			
Algorytmy i złożoność obliczeniowa			
Rok akademicki:	2024/2025		
Autor projektu:	Daniel Gościński		
Nr indeksu:	280878		
Temat projektu:	BADANIE EFEKTYWNOŚCI ALGORYTMÓW SORTOWANIA		

Oświadczenie: Przekazując to sprawozdanie do oceny prowadzącemu zajęcia Autor oświadcza, że zostało ono przygotowane samodzielnie, bez udziału osób trzecich oraz że żadna jego część nie jest plagiatem

I. Spis Treści

l.	Spis Treści	2
II.	Wstęp teoretyczny	3
III.	Opis działania algorytmu	4
IV.	Plan eksperymentów	9
V.	Warunki badawcze	9
VI.	Opis programu	10
VII.	Opis implementacji	12
VIII.	Tabele i wykresy	14
IX.	Dyskusja, interpretacja i wnioski	17
Χ.	Podsumowanie	18
XI.	Literatura	19

II. Wstęp teoretyczny

Problem sortowania to jeden z podstawowych problemów informatyki. Polega on na uporządkowaniu określonego zbioru danych według zadanych cech. Jednym ze szczególnych przypadków sortowania jest sortowanie liczb rosnąco lub malejąco, który umożliwia łatwiejszą dla człowieka prezentację danych lub łatwiejszą dalszą ich modyfikację. Ponieważ istnieje wiele algorytmów sortowania, utworzono klasyfikację, umożliwiające łatwiejsze określanie cech algorytmów sortowania:

- Złożoność obliczeniowa: określana dla najlepszej, najgorszej i uśrednionej kombinacji elementów w tablicy w zależności od ilości elementów. Określa się poprzez notację duże O. Za dobrą złożoność uznaje się złożoność średnią O(nlogn) oraz pesymistyczną O(n²).
- Zużycie pamięci: algorytm potrzebuje pamięci do wykonania swoich operacji. Wyróżniamy takie warianty jak O(1), gdzie algorytm zużywa stałą ilość pamięci bez względu na rozmiar danych n, O(n) gdzie wykorzystana pamięć będzie proporcjonalna do ilości elementów, oraz O(n²), w którym dla każdej komórki n zostanie zużyte n komórek pamięci.
- Stabilność: stabilny algorytm sortowania to taki, który nie zamienia miejscami takich samych elementów (czyli przykładowo dwie takie same liczby w różnych miejscach tablicy po posortowaniu nie zostaną skrzyżowane)

W tym projekcie zbadano algorytm sortowania przez wstawianie. Opisywany jest on jako stabilny algorytm o złożoności optymistycznej O(n), pesymistycznej i średniej O(n²). Ponieważ wykonuje on operacje na sortowanej tablicy, zużywa on stałą ilość pamięci (O(1)), potrzebując jedynie miejsce na przechowanie zamienianej wartości. Badane jest 5 wariantów algorytmu sortowania, gdzie w czterech z nich zmieniany jest kierunek sortowania oraz kierunek wstawiania liczby (więcej o tym w sekcji III). Piąty algorytm wykorzystuje przeszukiwanie binarne w celu ustalenia ostatecznej pozycji liczby.

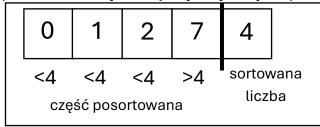
III. Opis działania algorytmu

W celu zrozumienia sposobu działania algorytmu należy wyobrazić sobie podział tablicy na dwa segmenty: część zawierającą posortowane już liczby oraz część nieposortowaną. W ten sposób uzyskujemy pierwszą zależność.



Rys 1. Podział tablicy w klasycznym sortowaniu przez wstawianie

Następną zależność, jaką możemy zaobserwować w celu lepszego zrozumienia sortowania jest to, jak dzieli się sekcja posortowana. Kiedy bierzemy i-tą liczbę, możemy podzielić liczby posortowane na te większe od wybranej liczby, oraz te mniejsze od wybranej liczby. Zależność ta pozwala nam w łatwy sposób uwarunkować, jak długo chcemy przestawiać liczbę w zbiorze (sprowadza się to do prostego "przestawiaj tak długo aż nie napotkasz liczbę mniejszą/większą od przestawianej liczby).



Rys 2. Podział segmentu posortowanego względem sortowanej liczby

Znając te dwie zależności można przystąpić do zrozumienia działania algorytmu, najpierw wytłumaczony zostanie podstawowy algorytm sortowania przez wstawianie, co umożliwi łatwiejsze zrozumienie jego wariantów. W celu ułatwienia tłumaczenia uznajemy, że sortujemy liczby rosnąco.

```
Dane: n-ilość \ elementów \ w \ tablicy tablica[0,...,n-1]-\ tablica \ do \ posortowania dla \ i \ od \ 1 \ do \ n-1 j \leftarrow tablica[i] j \leftarrow i-1 dopóki \ j \geq 0 \ oraz \ x < tablica[j] tablica[j+1] \leftarrow tablica[j] j \leftarrow j-1 tablica[j+1] \leftarrow x
```

Kod 1. Pseudokod algorytmu sortowania przez wstawianie

Sortowanie zaczynamy od drugiego elementu tablicy, ponieważ zgodnie z pierwszą obserwacją wszystkie elementy wcześniejsze są już posortowane. Następnie sprawdzamy, czy nasza liczba jest mniejsza od liczby poprzedniej. Jeśli jest, to przesuwamy porównywaną liczbę w prawo. Czynność powtarzamy tak długo, aż nie znajdziemy się albo na początku tablicy, albo nie znajdziemy liczby mniejszej niż sortowana liczba. W tym przypadku wstawiamy liczbę na ustalone miejsce. Sekwencję czynności powtarzamy dla każdej liczby tak długo, aż nie dojdziemy do końca tablicy.

Po zapoznaniu się z metodą działania algorytmu można łatwiej zrozumieć pozostałe warianty algorytmu.

Modyfikacje algorytmu polegają na zmianie, z której strony tablicy wykonujemy sortowanie oraz z której strony części posortowanej wykonujemy przeszukiwanie. Analizując powyższy algorytm można wywnioskować, że podstawowy wariant sortowania sortuje od lewej strony tablicy, oraz przeszukuje część posortowaną od prawej strony. Z tego powodu podstawowy wariant sortowania określany będzie w reszcie dokumentu jako sortLP, gdzie pierwsza litera oznacza, od której strony tablicy wykonujemy sortowanie, a druga litera oznacza, od której strony części posortowanej wykonujemy przeszukiwanie.

Pierwszą zmianę algorytmu, jaki możemy zrobić jest sortowanie od końca tablicy. W ten sposób powstanie drugi wariant sortPL.

```
Dane: n-ilość \ elementów \ w \ tablicy tablica[0,...,n-1]- \ tablica \ do \ posortowania dla \ i \ od \ n-2 \ do \ 0 x \leftarrow tablica[i] j \leftarrow j+1 dopóki \ j < n \ oraz \ x > tablica[j] tablica[j-1] \leftarrow tablica[j] j \leftarrow j+1 tablica[j-1] \leftarrow x
```

Kod 2. Pseudokod sortPL, zmodyfikowanego algorytmu sortLP

Tak zmodyfikowany kod tworzy część posortowaną po prawej strony tablicy, i z tego też powodu zaczynamy sortowanie od przedostatniego elementu (ostatni element traktowany jest jako liczba posortowana). Zmienia się również strona, w którą przesuwamy liczby, aby zrobić miejsce. Ponieważ liczby przesuwane są w stronę części nieposortowanej, algorytm ten przesuwa liczby w lewą stronę. Pomimo tych zmian algorytm ten jest lustrzanym odbiciem klasycznego wariantu, w wyniku czego czas do posortowania, jak i ilość porównań i przestawień powinna być podobna lub taka sama.

Posiadając obie wersje sortowania jesteśmy w stanie wykonać ostatnią możliwą zmianę, czyli zmienić stronę, z której przeszukujemy część posortowaną. W ten sposób powstają algorytmy sortPP i sortLL

```
Dane:

n – ilość elementów w tablicy
tablica[0,...,n-1]- tablica do posortowania

Dla i od n-2 do 0

x ← tablica[i]
wstaw ← n-1

dopóki wstaw > i oraz x < tablica[wstaw]
wstaw ← wstaw-1

dla j od i do wstaw-1
tablica[j] ← tablica[j+1]

tablica[wstaw] ← x
```

Kod 3. Pseudokod sortPP, zmodyfikowanego algorytmu sortPL

Widoczną różnicą algorytmu od sortPL jest pętla while, która przechodząc po elementach liczb posortowanych zaczynając od prawej strony (ostatni element tablicy) szuka, na którą pozycję należy przestawić. W wyniku zmian osobno sprawdzamy, na której pozycji sortowana liczba powinna się znaleźć oraz osobno wykonujemy przestawienie liczb.

Analogicznie do powyższej zmiany możemy zmienić sortLP, aby przeszukiwał on część posortowaną z prawej strony, tworząc w ten sposób sortLL.

Kod 4. Pseudokod sortLL, zmodyfikowanego algorytmu sortLP

Różnica między algorytmami jest analogiczna do poprzedniej zmiany. Ponieważ przeszukujemy posortowane liczby od lewej strony, dodatkową pętlą szukamy, na której pozycji sortowana liczba powinna się znaleźć, a następnie przestawiamy wszystkie elementy od miejsca wstawienia do końca sekcji posortowanej w prawo.

Wszystkie algorytmy wykorzystują liniowe przeszukiwanie w celu znalezienia pozycji, na której powinna znaleźć się sortowana liczba. Ostatnią zmianą, jaką możemy wykonać jest zmiana sposobu wyszukiwania na wyszukiwanie binarne. Zmianę to zaimplementujemy do algorytmu sortLP, a z powodu na swoją odmienność od reszty nazwana zostanie binSort.

```
Dane:
n – ilość elementów w tablicy
tablica[0,..,n-1]- tablica do posortowania
funkcja wyszukiwanieBinarne(tablica, x, lewy, prawy)
       dopóki lewy ≤ prawy
              środek ← (lewy + prawy) / 2
              jeżeli tablica[środek] < x
                     lewy ← środek + 1
              w przeciwnym wypadku
                     prawy ← środek -1
       zwróć lewy
funkcja binSort
       dla i od 1 do n-1
              x ← tablica[i]
              wstaw ← wyszukiwanieBinarne(tablica,x,0,i-1)
       dla j od i do wstaw+1 [krok: j--]
              tablica[j] \leftarrow tablica[j-1]
       tablica[wstaw] ← x
```

Kod 5. Pseudokod binSort, zmodyfikowanego algorytmu sortLP

Algorytm ten wykorzystuje dodatkową funkcję, która wykonuje wyszukiwanie binarne w części posortowanej tablicy. Z tego też powodu parametrami podawanymi do funkcji jako lewa i prawa strona tablicy jest 0 oraz i-1, ponieważ są to granice sekcji posortowanej.

IV. Plan eksperymentów

W celu zbadania algorytmów wykonane zostały 2 niezależne eksperymenty.

Celem pierwszego testu jest zmierzenie czasów potrzebnych do posortowania rosnąco tablicy o określonym rozmiarze. W tym celu utworzono funkcję testującą i mierzącą czasy. Badanie rozpoczęto tablicą zawierającą losowe wartości z przedziału <1;50 000> o rozmiarze 10 000. Następnie zwiększano rozmiar tablicy o 10 000 i wykonywano ponownie pomiary czasów sortowań. Badanie zakończono na rozmiarze tablicy 100 000. W celu uśrednienia wyników dla każdego rozmiaru testy wykonywano 100 razy, za każdym razem generując losowo nową zawartość tablicy.

Drugim badaniem (niezależnym od poprzedniego) było badanie ilości porównań i przestawień potrzebnych do posortowania tablicy zawierającej wartości posortowane malejąco, rosnąco oraz zawierające wartości losowe. Badanie to wykonano na dwóch tablicach o rozmiarach 1000 oraz 10 000. Wyniki tablicy z losowymi wartościami uśredniono wynikami 100 pomiarów, każdy na nowej zawartości tablicy.

V.Warunki badawcze

Badania zostały wykonane na komputerze o następujących podzespołach, następującej wersji systemu operacyjnego. Podano poniżej również wersję wykorzystanego kompilatora C++.

Procesor	AMD Ryzen 5 3600		
Karta graficzna	NVIDIA GeForce GTX 1660 SUPER (6GB)		
RAM	Crucial 16GB (2x8GB) 3600MHz CL16 Ballistix		
Płyta główna	MSI B450-A PRO MAX (MS-7B86)		
Windows	10 OS Build 19045.5753		
Kompilator	g++ Wersja: (Rev3, Built by MSYS2 project) 13.2.0		

VI. Opis programu

Uwaga: Program tworzy i modyfikuje pliki tekstowe o nazwach "sortowania.txt" oraz "wyniki.txt". Przed uruchomieniem programu zaleca się sprawdzenie, czy pliki takie nie istnieją w folderze w którym umieszczony jest program, oraz czy nie ma na tych plikach danych. Uruchomienie programu usunie wszystkie informacje znajdujące się w tych plikach. Program kompilowany był przy pomocy polecania konsoli g++ .\main.cpp -o .\main.exe -g

Po uruchomieniu programu w konsoli wyświetli się lista możliwych trybów programu.

```
[1] - Test czasowy
[2] - Test dzialania
[3] - Test ilosci porownan i przestawien
[4] - Test pojedynczego sortowania
[0] - Wyjscie
```

Wyjaśnienie działania poszczególnych programów:

- Tryb czasowy: tryb w którym wykonane zostało pierwsze badanie. Po wybraniu programu użytkownik poproszony będzie o wprowadzenie danych:
 - 1.1 Dolny zakres losowania
 - 1.2 Górny zakres losowania
 - 1.3 Początkowy rozmiar tablicy
 - Rozmiar powiększenia tablicy (wielkość o którą początkowy rozmiar tablicy będzie zwiększany z każdą próbą)
 - 1.5 Maksymalny rozmiar tablicy

Po podaniu powyższych parametrów program zapyta się o potwierdzenie ustawień. Zatwierdzenie ich przeprowadzi test czasu. Opis działania został przedstawiony w sekcji VII. Wyniki badania zapisane zostaną w pliku "wyniki.txt". W formie tekstowej zapisane są w formacie Rozmiar tablicy;Czas sortLP;Czas sortPL;Czas sortPL;Czas sortLL;Czas sortPP;Czas binSort. Zaleca się wprowadzenie wyników do arkuszu kalkulacyjnego używając jako separatora średnika.

- 2. Test działania: tryb wypisujący do pliku "sortowania.txt" wszystkie przestawienia jakie wykonuje program w trakcie sortowania, oraz zliczoną ilość porównań i przestawień. Wyświetlone one zostaną w formacie:
 - -Tablica nieposortowana
 - -Nazwa użytego sortowania

- -Lista przestawień jakie zostały wykonane (linie kreskowane oddzielają każdą iterację)
- -llość porównań i przestawień
- -Tablica posortowana

Wyniki powtórzone są dla każdego z sortowań.

Wymagane dane do wprowadzenia to:

- 2.1 Rozmiar tablicy
- 2.2 Zakres dolny losowania
- 2.3 Zakres górny losowania

Program ten pozwala sprawdzić poprawność działania każdego z wykorzystanych algorytmów. Z powodu dużej ilości iteracji jakie wykonuje każde sortowanie zalecane jest używanie małego rozmiaru tablicy.

3. Test ilości porównań i przestawień: tryb wypisujący do pliku "sortowania.txt" ilość porównań i przestawień jakie wykonuje każdy algorytm podczas sortowania. Opis działania został przedstawiony w sekcji VII

Wymagane dane do wprowadzenia to:

- 3.1 Rozmiar tablicy
- 3.2 Zakres dolny losowania
- 3.3 Zakres górny losowania
- 4. Test pojedynczego sortowania: wykonuje on działanie identyczne do drugiego testu, jednak wykonywany jest on dla pojedynczego, wybranego sortowania.

VII. Opis implementacji

W sekcji tej opisane zostaną metody wykonywania wszystkich testów, które można wybrać w programie. Opisy oraz wprowadzane do testów dane przedstawione zostały w sekcji VII.

1. Test Czasowy

Test wykonywany jest w pętli zaczynającej się od rozmiaru początkowego tablicy aż do rozmiaru maksymalnego, zwiększając się o podaną wielkość. Iterator tej pętli służy jako wskazania rozmiaru tablicy podczas generowania tablic. W zagnieżdżonej pętli iterującej od zera do ilości prób-1 wykonywane są następujące kroki

- Wypełnienie tablicy źródłowej
- Skopiowanie tablicy źródłowej (nowa tablica będzie sortowana)
- Wykonanie sortowania odpowiednim sortowaniem oraz zmierzenie czasu
- Zapisanie wyniku
- Skopiowanie tablicy źródłowej

Cykl powtarzany jest dla każdego sortowania. Po zakończeniu wewnętrznej pętli wyniki czasowe podzielone przez ilość prób zapisywane są w celu późniejszego zapisu do pliku.

2. Test Działania

Funkcja testu tworzy 2 tablice, generuje jedną losowymi wartościami oraz otwiera plik do zapisu. Następnie w pętli wykonuje następujące czynności

- Zerowanie ilości porównań i przestawień
- Uruchomienie funkcji sortującej z dodatkowymi zliczaniem porównań i przestawień oraz wypisywanie do pliku Każde następne wykonanie pętli zmienia rodzaj sortowania w celu zbadania wszystkich implementacji.

3. Test Ilości porównań i przestawień

Test podzielony jest na 3 części. Części wykonują następujące czynności:

3.1 Sortowanie tablicy posortowanej rosnąco:

- wypełnienie tablicy źródłowej
- -skopiowanie tablicy
- -wypisanie do pliku nazwy sortowania
- -wyzerowanie liczników
- -wywołanie funkcji sortowania
- -wypisanie do pliku ilości porównań i przestawień
- Z pominięciem pierwszej czynności wszystko wykonywane jest dla każdego
- 3.2 Sortowanie na tablicy posortowanej malejąco
 - -posortowanie tablicy źródłowej malejąco
 - -skopiowanie tablicy
 - -wypisanie do pliku nazwy sortowania
 - -wyzerowanie liczników
 - -wywołanie funkcji sortowania
 - -wypisanie do pliku ilości porównań i przestawień
 - Z pominięciem pierwszej czynności wszystko wykonywane jest dla każdego algorytmu
- 3.3 Sortowanie na tablicy posortowanej losowo

Wynik będzie średnią ze 100 prób

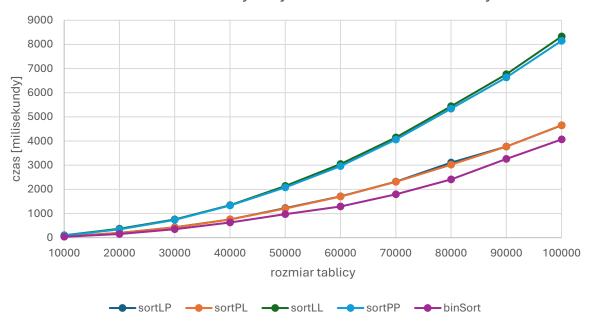
W pętli wykonywanej 100 razy odbywają się następujące kroki:

- -wyzerowanie tablicy źródłowej
- -wypełnienie tablicy źródłowej
- -wykonanie wszystkich metod sortowania tak samo jak wyżej
- -uśrednienie wyników
- -wypisanie do pliku

VIII. Tabele i wykresy

Badanie 1: Test czasowy





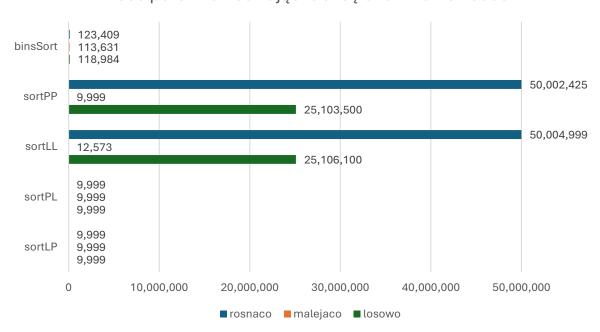
Wykres 1. Wyniki testu czasu potrzebnego do posortowania tabeli zawierającej losowo wygenerowaną zawartość

Rozmiar	Czas	Czas	Czas	Czas	Czas
tablicy	sortLP	sortPL	sortLL	sortPP	binSort
10000	49.6544	47.2423	98.0556	89.0541	37.6362
20000	194.077	195.139	367.311	344.245	147.914
30000	429.915	424.085	754.366	734.944	352.029
40000	755.698	753.304	1344.33	1327.89	626.767
50000	1222.78	1203.52	2139.28	2081.8	974.993
60000	1705.88	1700.34	3046.06	2958.29	1292.43
70000	2315.42	2307.77	4143.54	4061.76	1790.98
80000	3105.6	3021.02	5436.59	5336.91	2410
90000	3769.92	3767.29	6761.55	6630.86	3261.01
100000	4651.73	4649.65	8331.66	8152.4	4064.9

Tabela 1. Wyniki testu czasu potrzebnego do posortowania tabeli zawierającej losowo wygenerowaną zawartość

Badanie 2. Pomiar ilości przestawień i porównań

Ilość porównań sortując tablicę o rozmiarze 10000

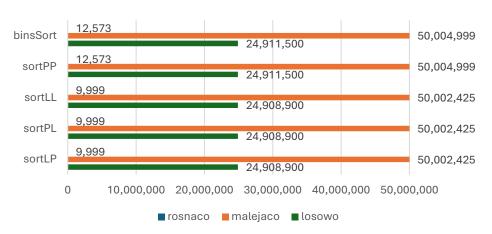


Wykres 2. Wynik testu potrzebnej ilości porównań i przestawień dla rozmiaru tablicy 10 000

llość porównań rozmiar 10000				
	malejaco	rosnaco	losowo	
sortLP	9999	9999	1.00E+04	
sortPL	9999	9999	1.00E+04	
sortLL	12573	50004999	2.51E+07	
sortPP	9999	50002425	2.51E+07	
binsSort	113631	123409	118984	

Tabela 2. Wynik testu potrzebnej ilości porównań i przestawień dla rozmiaru tablicy 10 000

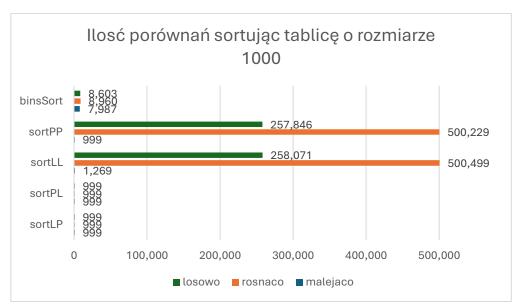
Ilość przestawień sortując tablicę o rozmiarze 10000



Wykres 3. Wynik testu potrzebnej ilości porównań i przestawień dla rozmiaru tablicy 10 000

llość przestawień rozmiar 10000				
	malejaco	rosnaco	losowo	
sortLP	50002425	9999	2.49E+07	
sortPL	50002425	9999	2.49E+07	
sortLL	50002425	9999	2.49E+07	
sortPP	50004999	12573	2.49E+07	
binsSort	50004999	12573	2.49E+07	

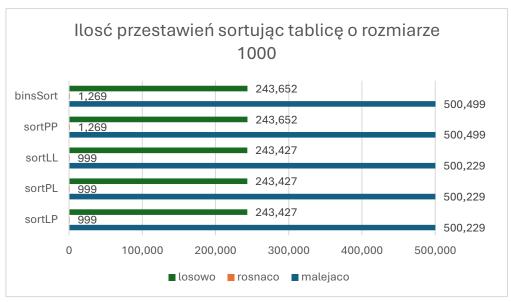
Tabela 3. Wynik testu potrzebnej ilości porównań i przestawień dla rozmiaru tablicy 10 000



Wykres 4. Wynik testu potrzebnej ilości porównań i przestawień dla rozmiaru tablicy 1000

llość porównań rozmiar 1000				
	malejaco	rosnaco	losowo	
sortLP	999	999	9.99E+02	
sortPL	999	999	9.99E+02	
sortLL	1269	500499	2.58E+05	
sortPP	999	500229	2.58E+05	
binsSort	7987	8960	8603	

Tabela 4. Wynik testu potrzebnej ilości porównań i przestawień dla rozmiaru tablicy 1000



Wykres 5. Wynik testu potrzebnej ilości porównań i przestawień dla rozmiaru tablicy 1000

Ilość przestawień rozmiar 1000				
	malejaco	rosnaco	losowo	
sortLP	500229	999	2.43E+05	
sortPL	500229	999	2.43E+05	
sortLL	500229	999	2.43E+05	
sortPP	500499	1269	2.44E+05	
binsSort	500499	1269	2.44E+05	

Tabela 5. Wynik testu potrzebnej ilości porównań i przestawień dla rozmiaru tablicy 1000

IX. Dyskusja, interpretacja i wnioski

Zgodnie z teorią oczekiwany czas średni wykonywania programu powinien rosnąć kwadratowo wraz ze zwiększaniem się ilości elementów tablicy. Pośród wartości oczekiwanych przestawień powinniśmy oczekiwać wartości takich jak n-1, n²/2, n²/4.

Analizując uzyskane wyniki badań czasu możemy zauważyć, że wraz ze zwiększeniem się ilości elementów czas potrzebny do posortowania tablicy rośnie kwadratowo. Na wykresie możemy zauważyć widoczny podział algorytmów na 3 sekcje. Pierwsza sekcja składająca się z sortLL i sort PP potrzebują najwięcej czasu, w wyniku czego są najmniej efektywne. Wynikać to może z faktu, że algorytmy zawierają dodatkową pętlę, w wyniku czego czas wykonania znacząco się zwiększa. Drugą sekcją są sortowania LP i PL, są to algorytmy zawierające książkowe metody sortowania przez wstawianie. Ich wykres rośnie łagodniej od poprzedniej sekcji, jednak nadal rośnie ono kwadratowo. Trzecią sekcją jest binSort, który rośnie najmniej z wszystkich sortowań. Wynika to z faktu pominięcia wyszukiwania liniowego

na rzecz sortowania binarnego, który znajduje miejsce wstawienia liczby w mniejszej ilości sprawdzeń. Różnica przeszukiwań staje się widoczna wraz ze zwiększaniem się rozmiaru tablicy.

Analizując wyniki drugiego badania możemy zobaczyć liczbę porównań i przestawień algorytmów. Szybko w oczy rzuca się wykres porównań, w którym sortowania PP i LL posiadają dla tablicy rosnącej i losowej bardzo dużą liczbę porównań (odpowiednio okolice n²/2 i n²/4). Wynika to z faktu, że sprawdzają one część posortowaną od przeciwnej strony części posortowanej niż ich podstawowe warianty, w wyniku czego potrzebują więcej sprawdzeń do uzyskania tych samych rezultatów. Ilość przestawień również zawiera się w rozmiarach zgodnych z teorią książkową. Wynik 9999 przestawień w tablicy posortowanej rosnąco może wydawać się dziwne z perspektywy teoretycznej, ponieważ element sortowany nie zmienia swojego położenia. Zliczenie to wynika z metody działania algorytmu, który w ostatnim kroku wstawia element sortowany na odpowiednią pozycję, która w tym przypadku będzie tą samą pozycją na której się już znajduje, tworząc wstawienie.

Wnioskując z wyników obu badań możemy dojść do wniosku ze algorytmy zostały zaimplementowane poprawnie. Widać również główny problem sortowania przez wstawianie, czyli jego powolne działanie przy dużych rozmiarach tablic. Możemy zauważyć różnice jakie wynikają z implementacji algorytmu. Możemy wysnuć wniosek, że algorytm sortowania przez wstawianie działa najlepiej, kiedy sekcję posortowaną sprawdzamy w stronę przeciwną do kierunku sortowania tablicy.

X.Podsumowanie

Algorytm sortowania przez wstawianie jest algorytmem stosunkowo łatwym do implementacji, niewymagającym dużej przestrzeni w pamięci do wykonywania swoich operacji. Pomimo jego korzyści widoczne są jego wyraźne wady, a w szczególności jego powolność w działaniu. Mimo to możemy wykorzystywać ten algorytm przy małych rozmiarach tablic, gdzie wykonuje on swoją pracę najlepiej.

Pomimo różnych wersji tego samego sortowania należy uważać na sposób implementacji, ponieważ możemy sztucznie pogorszyć działanie naszego programu.

Podczas wybierania algorytmu sortowania należy zawsze dobierać algorytm, który będzie w stanie działać najlepiej zgodnie z zapotrzebowaniem programu (limity pamięci, limity czasu).

xı. Literatura

Selection of best sorting algorithm. Aditya Dev Mishra & Deepak Garg

Review on Sorting Algorithms A Comparative Study. Khalid Suleiman Al-Kharabsheh & Ibrahim Mahmoud AlTurani & Abdallah Mahmoud Ibrahim AlTurani & Nabeel Imhammed Zanoon