

Programozási alapismeretek

Alapok

A programkészítés folyamata 9 lépésből áll:

1. Specifikálás
 - Megértjük a feladatot, majd **specifikációt** készítünk.
 2. Tervezés
 - Elkészítjük a specifikációból az **algoritmust**.
 3. Kódolás
 - Kódban **implementáljuk** az algoritmusunkat.
 4. Tesztelés
 - **Hibalistát** készítünk, kiderítjük, hogy hibás-e a kód.
 5. Hibakeresés
 - A hibalistában leírt **hibák helyét** megkeressük.
 6. Hibajavítás
 - Kijavítjuk a hibákat, így egy **helyes programot** kapunk.
 7. Minőségvizsgálat, hatékonyság
 - Megpróbáljuk **“jobbítani a programot”**, így egy **jó programot** kapunk.
 8. Dokumentálás
 - Leírjuk a program működését, ezáltal a programunk **használható** lesz.
 9. Használat, karbantartás
 - Karbantartjuk kódunkat, hogy **időtálló program** maradjon.
- A specifikáció a *feladat formális megragadása*, avagy szerződés a megbízó és a fejlesztő között.

Legalább 4 részből áll:

1. Bemenet
 - Adat/adatok amitől függ a megoldás.
 2. Kimenet
 - Adat/adatok ami a megoldás.
 3. Előfeltétel
 - Megszorítás vagyis a mindig/mikor van megoldás?-ra a válasz.
 4. Utófeltétel
 - A bemenet és kimenet összekapcsolása, az eredményt meghatározó logikai állítás-
- Az algoritmus az a megoldás **elemi lépésekre/tevékenységekre** bontása.
 - Elemi tevékenységek az: értékadás, beolvasás és kiírás.

Algoritmust összeállíthatunk 4 féle módon:

- Szekvencia (egymás utáni végrehajtás)
 - Elágazás
 - Ciklus (ismétlés adott darabszámszor vagy adott feltételtől függően)
 - Alprogram (absztrakció)
-

A feladat specifikációja:

- Valós világbeli objektum → valós világbeli eredmény

A klaszikus programok 3 fő lépése a(z):

- adatok beolvasása
- az eredmény kiszámítása
- eredmény kiírása

[deklaráció, beolvasás, feladatmegoldás, kiírás]

- A specifikációbeli címkehez **változókat** hozunk létre, az bemeneti változók felveszik a bemeneti adatok értékeit.
- Az algoritmus a megoldás során **módosíthatja** a változók értékét, majd a legvégén a kimeneti változók a kimeneti adatok értékét kell tartalmazzák.

Kódban így néz ki:

```
namespace program {  
    internal class Program {  
        static void Main(string[] args) {  
            // Deklaráció (Specifikáció be,ki)  
  
            // Beolvasás (Specifikáció be)  
  
            // Feldolgozás / feladatmegoldás (Stuki alapján)  
  
            // Kiírás (Specifikáció ki)  
        }  
    }  
}
```

KONSTANS érték: nem változhat meg az állapothalmaza.

VÁLTOZÓ érték: végrehajtás során megváltozhat az állapothalmaza.

Változó lehet:

- Bementi változó
- Eredmény
- Részeredmény

Típus: olyan **absztrakt kategória** amely rögzítik bizonyos adatok állapothalmazát és az elvégezhető műveletek készletét

Típus lehet struktúrálatlan vagy strukturált:

- Struktúrálatlan : skalár
 - Strukturált : ha elemibb összetevőkre bontjuk
-

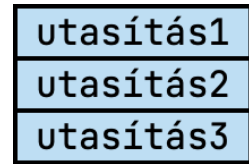
1. Vezérlési szerkezetek

1.1. Szekvencia

Utasítások egymás utáni végrehajtása!!

Példa:

- egy recept (ismétléseket leszámítva)
- meghatározni egy szám első és második számjegyét



1.2. Elágazás:

Választás 2 vagy több utasítás közül

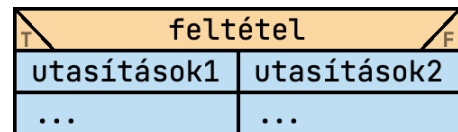
Példa:

- ügyintézés
- vércsoport meghatározása

Fajtáját tekintve 3 féle elágazásról beszélünk:

- Kétirányú

- Sokirányú (általános if-else)
- Sokirányú (speciális switch-case)



1.3. Ciklus

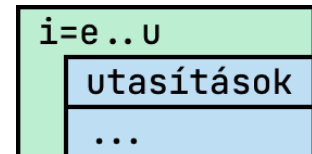
Ismételt végrehajtás (adott darabszámtól / utasítástól függően)

Példa:

- Recept (ismétléseket már beleértve)
- Összegzéses feladatok
- Maximumkereséses feladatok
- Osztó(k) keresése

Fajtáját tekintve 2 féle ciklusról beszélünk:

- Feltételes (azon belül lehet elől-vagy hátultesztelős)
- Számlálós



2. Adatszerkezetek

2.1. Rekord

- Rekordok használata nélkül a specifikációban bizonyos adatok között lehet nem lesz **szemantikus** kapcsolat, ennek megteremtésére szolgál a **rekord**.
- Rekord: létrehozza a szemantikus egységet, és *különböző funkciójú* adatokat egybezárr.

Specifikációban így deklaráljuk:

Az \times a direkt szorzatot jelenti:

$$p \in \text{Pont}, \text{Pont} = (x:R \times y:R)$$

A *Pont* az itt egy új adattípus, részeire nevük által meghatározott **szelektorokkal** hivatkozunk.

Például:

$$p = (p.x, p.y)$$

Rekordok használata kódban:

```
struct Pont
{
    public double x,y;
}
...
```

```
Pont p;
```

2.2. Tömb

- Vannak olyan feladatok amiket nem tudunk csak elemi típusokkal vagy rekordokkal elvégezni, az ilyen feladatok megoldásához **tömböket** használunk.
- A tömb, egy homogén adatszerkezet, *ugyanolyan funkciójú* adatok sokasága (mint a rekord, ugyanúgy szemantikus egységet hoz létre)
- A tömbben található elemek csak is *közvetve* **indexeken** keresztül érhetőek el

2.2.1. Sorozat:

- Azonos funkciójú elemek egymásutánja, elemei indexelhetők

2.2.2. Tömb:

- Véges hosszúságú sorozat *algoritmikus* párja, i-edik tagjával végezhetünk műveleteket. Azonos funkciójú elemek egyirányú sorozata.

Specifikációban a tömb definiálása:

$n \in \mathbb{N}$, számok $\in \mathbb{N}[1..n]$

vagy

$\text{színek} \in \mathbb{S}[1..4] = [\text{"zöld"}, \text{"piros"}, \text{"tök"}, \text{"makk"}]$

Kódban (**statikus tömb** - igény szerinti méret):

```
int n;
int.TryParse(Console.ReadLine(), out n);
string[] vendegek = new string[n];
```

- Specifikációban és algoritmusban (struktogram) a tömbök 1-től indexelődnek!!

2.2.3. Mátrix:

- Azonos funkciójú elemek kétirányú sorozata!

Specifikációban:

$n \in \mathbb{N}$, $m \in \mathbb{N}$, $x \in \mathbb{Z}[1..n, 1..m]$

Két index kell egy elem kiválasztásához: $x[i,j]$

Példa:

- Hónapokhoz számok rendelése
-

3. Programozási minták

3.1. Analóg programozás

Analóg problémamegoldás:

- Ha egy olyan feladatot kell megoldanunk, aminek megoldása hasonlít egy korábbi feladathoz, akkor a korábbi feladat megoldása alapján járunk el.

Analóg programozás: A konkrét feladatot egy korábbi feladat megoldása alapján állítjuk elő.

- A **visszavezetés** során a *mintaprogramot* sablonként használva állítjuk elő a konkrét feladat programját, és figyelembe vesszük a két feladat specifikációbeli különbségeit.

Példa:

- N elemű tömb elemeinek összege -> Vektorok skaláris szorzata

Skaláris szorzat specifikációja:

Be: $n \in \mathbb{N}$, $a \in \mathbb{Z}[1..n]$, $b \in \mathbb{Z}[1..n]$

Ki: $s \in \mathbb{Z}$

Ef: -

Uf: $s = \text{SZUMMA}(1..n, b \in \mathbb{Z}[1..n])$

- A programok ad hoc módon is előállhatnak, azonban vannak olyan megoldások amelyek nagyjából ugyanazt a feladatot oldják meg kicsit másképp.

3.1.1. Programozási tétel:

- Célja:
 - Bizonyíthatóan helyes sablon, amelyre lehet építeni a megoldást
- Szerkezete:
 1. absztrakt feladat specifikáció
 2. absztrakt algoritmus

3.1.2. Programozási tétel felhasználásának menete:

1. A konkrét feladat specifikálása
 2. A programozási tételek **“megsejtése”**
 3. A konkrét és absztrakt feladat paramétereinek egymáshoz rendelése
 4. A konkrét algoritmus “generálása”, a megsejtett tételek alapján, 3. szerint átparaméterezve
 5. “Hatékonyítás” programtranszformációkkal
-

4. Programozási tételek részletesen

4.1. Összegzés tétele:

- Kulcsfontosságú részlet -> N szám összegét kell kiszámolni
- Adott egész számok $[e..u]$ intervalluma és egy $f: [e..u] \rightarrow H$ függvény, határozzuk meg a $\sum_{i=e}^u f(i)$ kifejezés értékét!

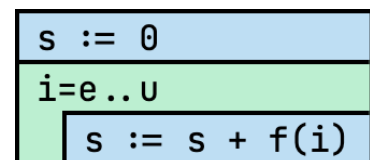
Specifikáció (sablon):

Be: $e \in \mathbb{N}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $s \in H$

Ef: -

Uf: $s = \text{SZUMMA}(i=e..u, f(i))$



Példafeladat: Mennyi pénze lesz valakinek n hónap végére?

Be: $n \in \mathbb{N}$, $jöv \in \text{Jövedelem}[1..n]$, $\text{Jövedelem} = (be: \mathbb{N} \times ki: \mathbb{N})$

Ki: $s \in \mathbb{Z}$

Ef: -

Uf: $s = \text{SZUMMA}(i=1..n, jöv[i].be - jöv[i].ki)$

4.2. Megszámolás tétele

- Kulcsfontosságú részlet: -> N darab "valamire" kell megadni, hogy hány adott tulajdonságú van közöttük!
- Adott egész számok $[e..u]$ intervalluma és egy $T: [e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. Határozzuk meg hogy az $[e..u]$ intervallumon a T feltétel hányszor veszi fel az igaz értéket!

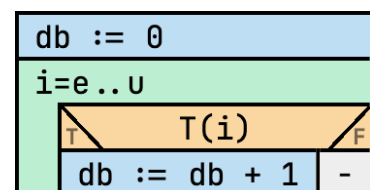
Specifikáció (sablon):

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $db \in \mathbb{N}$

Ef: -

Uf: $db = \text{DARAB}(i=e..u, T(i))$



4.3. Maximumkiválasztás

- Kulcsfontosságú részlet: -> N darab "valami" közül kell megadni a legnagyobb (vagy legkisebbet) - ("leg" szórészletnek kell szerepelnie)
- Adott egész számok $[e..u]$ intervalluma és $f: [e..u] \rightarrow H$ függvény. A H halmaz elemein értelmezett egy teljes rendezési reláció. Határozzuk meg, hogy az f függvény hol veszi fel az $[e..u]$ nem üres intervallumon a legnagyobb értéket, és mondjuk meg mekkora ez az érték!

Specifikáció (sablon): Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{maxind} \in \mathbb{Z}, \text{maxért} \in H$

Ef: $e \leq u$

Uf: $\text{maxind} \in [e..u]$ és $\forall i \in [e..u]: (f(\text{maxind}) \geq f(i) \text{ és } \text{maxért} = f(\text{maxind}))$

Röviden: $(\text{maxind}, \text{maxért}) = \text{MAX}(i=e..u, f(i))$

maxért := f(e); maxind := e		
i=e+1..u		
T	f(i) > maxért	F
maxért := f(i)		-
maxind := i		

Specifikáció (sablon):

Példafeladat:

Adjuk meg n napi statisztika alapján a legmelegebb napot!

Specifikáció:

Be: $n \in \mathbb{N}, \text{hőm} \in \mathbb{R}[1..n]$

Ki: $\text{nap} \in \mathbb{N}$

Ef: $n > 0$ és $\forall i \in [1..n]: (-100 \leq \text{hőm}[i] \leq 100)$

Uf: $\text{nap} \in [1..n]$ és $\forall i \in [1..n]: (\text{hőm}[\text{nap}] \geq \text{hőm}[i])$

4.4. Feltételes maximumkeresés

- Kulcsfontosságú részlet: \rightarrow N darab valami adott tulajdonságú elemei közül kell megadni a legnagyobb

Adott egész számok $[e..u]$ intervalluma, $f : [e..u] \rightarrow H$ függvény és egy $T : [e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. A H halmaz elemén értelmezett egy teljes rendezési reláció. Határozzuk meg, hogy az $[e..u]$ intervallum T feltételt kielégítő elemei közül az f függvény hol veszi fel a legnagyobb értéket, és mondjuk meg mekkora ez az érték!

Specifikáció (sablon):

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{van} \in \mathbb{L}, \text{maxind} \in \mathbb{Z}, \text{maxért} \in H$

Ef: -

Uf: $\text{van} = \exists i \in [e..u]: (T(i))$ és

$\rightarrow \text{van} \rightarrow (\text{maxind} \in [e..u] \text{ és}$

$\rightarrow \text{maxért} = f(\text{maxind}) \text{ és } T(\text{maxind}) \text{ és}$

$\rightarrow \forall i \in [e..u]: (T(i) \rightarrow \text{maxért} \geq f(i))$

van := hamis		
i=e..u		
nem T(i)	van és T(i)	nem van és T(i)
-	f(i) > maxért	van := igaz
	maxért := f(i)	maxért := f(i)
	maxind := i	maxind := i

4.5. Keresés

- Kulcsfontosságú részlet \rightarrow N darab “valami” közül kell megadni egy adott tulajdonságút, ha nem tudjuk, hogy ilyen elem van-e! (Adjunk meg egyet)

Adott az egész számok $[e..u]$ intervalluma és egy $T:[e..u] \rightarrow$ Logikai feltétel. Határozzuk meg az $[e..u]$ intervallumban balról az első olyan számot, ha van, amely kielégíti a T feltételt!

Specifikáció (sablon):

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $van \in \mathbb{L}, ind \in \mathbb{Z}$

Ef: -

Uf: $(van, ind) = \text{KERES}(i=e..u, T(i))$

$ind := e$
$ind \leq u$ és nem $T(ind)$
$ind := ind + 1$
$van := ind \leq u$

Példafeladat:

- Legkisebb osztó

Be: $n \in \mathbb{N}$

Ki: $o \in \mathbb{N}, van \in \mathbb{L}$

Ef: $n > 1$

Uf: $(van, o) = \text{KERES}(i=2..n-1, i \mid n)$

4.6. Eldöntés tétele

- Kulcsfontosságú részlet \rightarrow N “valami” között van-e adott tulajdonsággal rendelkező elem!

Adott az egész számok $[e..u]$ intervalluma és egy $T:[e..u] \rightarrow$ Logikai feltétel. Határozzuk meg, hogy van-e az $[e..u]$ intervallumnak olyan eleme amely kielégíti a T feltételt!

Specifikáció (sablon):

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $van \in \mathbb{L}$

Ef: -

Uf: $van = \forall i \in [e..u]: (T(i))$

Rövidítve: Uf: $van = \text{VAN}(i=e..u, T(i))$

$i := e$
$i \leq u$ és nem $T(i)$
$i := i + 1$
$van := i \leq u$

2. Bukott-e

Be: $n \in \mathbb{N}, jegyek \in \mathbb{N}[1..n]$

Ki: $bukott \in \mathbb{L}$

Ef: $\forall i \in [1..n]: (1 \leq jegyek[i] \leq 5)$

Uf: $bukott = \text{VAN}(i=1..n, jegyek[i]=1)$

4.7. Kiválasztás tétele

- Kulcsfontosságú részlet \rightarrow N “valami” közül kell megadni egy adott tulajdonságút, ha tudjuk, hogy ilyen elem biztosan van!!

Adott egy “e” egész szám és egy “e”-től jobbra értelmezett $T: \text{Egész} \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. Határozzuk meg “e”-től jobbra eső első olyan számot, amely kielégíti a T feltételt, ha tudjuk, hogy ilyen biztosan van!!

Specifikáció:

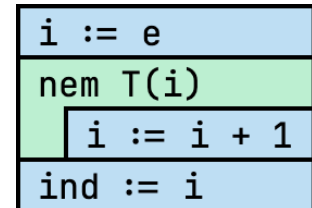
Be: $e \in \mathbb{Z}$

Ki: $\text{ind} \in \mathbb{Z}$

Ef: $\exists i \in [e.. \infty): (T(i))$

Uf: $\text{ind} \geq e$ és $T(\text{ind})$ és $\forall i \in [e.. \text{ind}-1]:$
(nem $T(i)$)

rövidítve: Uf: $\text{ind} = \text{KIVÁLASZT}(i \geq e, T(i))$



(később magánhangzó-e feladat)

4.8. Másolás tétele

- Kulcsfontosságú részlet \rightarrow N darab “valamihez” kell hozzárendelni másik N darab “valamit”

Adott egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $f: [e..u] \rightarrow H$ függvény. Rendeljük az $[e..u]$ intervallum minden értékéhez az f függvény hozzá tartozó értékét!

Specifikáció:

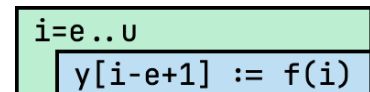
Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $y \in H[1..u-e+1]$

Ef: -

Uf: $\forall i \in [e..u]: (y[i-e+1] = f(i))$

röviden: Uf: $y = \text{MÁSOL}(i = e..u, f(i))$



4.9. Kiválogatás

- Kulcsfontosságú részlet \rightarrow N darab valami közül kell megadni az összes adott T tulajdonsággal rendelkezőt!

Példafeladat: Adjuk meg egy év azon napjait, amikor délben nem fagyott!

Be: $n \in \mathbb{N}, \text{hőm} \in \mathbb{R}[1..n]$

Ki: $\text{db} \in \mathbb{N}, \text{poz} \in \mathbb{N}[1..\text{db}]$

Ef: $\forall i \in [1..n]: (-100 \leq \text{hőm}[i] \leq 100)$

Uf: $\text{db} = \text{DARAB}(i = 1..n, \text{hőm}[i] > 0)$ és $\forall i \in [1..\text{db}]: (\text{hőm}[\text{poz}[i]] > 0)$ és $\text{poz} \subseteq [1..n]$

Specifikáció (sablon):

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $db \in \mathbb{N}, y \in H[1..db]$

Ef: -

Uf: $(db, y) = \text{KIVÁLOGAT}(i=e..u, T(i), f(i))$

