DÉCOMPOSITION EN PRODUITS DE FACTEURS PREMIERS

1 Le crible d'Ératosthène MAX

a. On veut déterminer tous les nombres premiers inférieurs à 100. Pour cela, on utilise un tableau qu'on appelle le crible d'Ératosthène:

Commence par barrer 1

Puis barre tous les multiples de 2 sauf 2;

Quel est le premier nombre non barré après 2 ? Barre tous ses multiples.

Reproduis ce processus en repérant à chaque étape le premier nombre non barré du tableau et en barrant ses multiples.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

b. Dans le tableau précédent tous les nombres qui ne sont pas barrés sont des nombres dits premiers. Donne la liste de tous les nombres premiers strictement inférieurs à 30. Tu dois la connaître par cœur.

cœur.	nt interieur	3 a 30. 1a aoi.	s la comitative par
2 Devin	ette		
Mon doub	le est comp	oris entre 30 e el nombre pre	et 40, mon tiers mier suis-je ?
Mon doub	le est comp		
Mon doub	le est comp		
Mon doub	le est comp		
Mon doub	le est comp		

3 Décomposition

Pour décomposer un nombre en produit de facteurs premiers, on peut effectuer des divisions successives par les nombres premiers dans l'ordre croissant. On peut représenter ces divisions de la façon suivante en notant dans la colonne de droite les diviseurs successifs et dans celle de gauche les quotients obtenus.

<mark>4 680</mark>	2	Explications
2 340	2	$4680 = 2 \times 2340$
1170	2	$2340 = 2 \times 1170$
585	3	1 170 = 2 × 585
195	3	585 n'étant pas divisible par 2,
65	5	on regarde s'il est divisible par
13	13	3

Donc: $4680 = 2 \times 2 \times$	$2 \times 3 \times 3 \times 5 \times 13$
----------------------------------	--

Ou: $4680 = 2^3 \times 3^2 \times 5 \times 13$

Détermine la décomposition en produit de facteurs premiers de :

308 =		 	 	 	 		 		 		 				 		
252 =		 	 	 		 	 	 			 				 	 	
1 470 =		 	 	 	 	 	 		 	 		 			 	 	
3 780 =		 	 	 	 	 	 		 	 		 			 		
308 × 1 470) =	 	 	 		 		 	 	 			 			 	

4 Plus grand diviseur commun

a. Décompose en produit	de facteurs	premiers	600
et 220.			

- b. Donne tous les diviseurs communs à 600 et 220
- **c.** Quel est le plus grand de ces diviseurs

communs?

d. Comment retrouver le résultat de la question c. à partir des décompositions de la question a.

e. Détermine le plus grand diviseur commun à 1275 et 5950.																																						