Séquence : Figures usuelles et aires

I] Comparer et déterminer des aires

Définition

L'aire d'une figure est la mesure de sa surface intérieure, dans une unité donnée.

Exemple

Ces deux figures ont le même périmètre (14 unités de longueur) mais la surface de la figure ② est plus grande que celle de la figure ①.

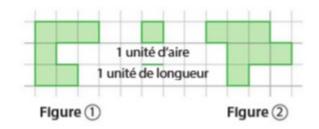


Figure ① : 6 unités d'aire Figure ② : 7 unités d'aire

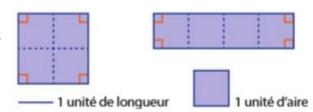
Remarque

Deux figures ayant la même aire n'ont pas forcément le même périmètre.

Exemple

L'aire du carré est de 4 unités d'aire, et son périmètre est de 8 unités de longueur.

L'aire du rectangle est de 4 unités d'aire, et son périmètre est de 10 unités de longueur.



Définitions

- L'unité d'aire de référence est le mètre carré, noté m². Elle correspond à l'aire d'un carré de 1 m de côté.
- Autres unités d'aire :

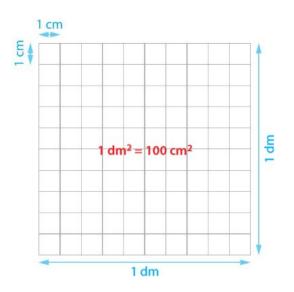
| Multiples de l'unité | | | Unité S | | ous-multiples de l'unité | |
|-------------------------------------|--|--|--|---|--|---|
| km ² | hm ² | dam ² | m ² | dm ² | cm ² | mm ² |
| $1 \text{ km}^2 = 100 \text{ hm}^2$ | $1 \text{ hm}^2 = 100 \text{ dam}^2 = \frac{1}{100} \text{ km}^2$ | $1 dam^2 = 100 m^2$ $= \frac{1}{100} hm^2$ | $1 m^2 = 100 dm^2 = \frac{1}{100} dam^2$ | $1 dm^2 = 100 cm^2$ $= \frac{1}{100} m^2$ | $1 cm^2 = 100 mm^2$ $= \frac{1}{100} dm^2$ | $1 \text{ mm}^2 = \frac{1}{100} \text{ cm}^2$ |

Exemples

- Un carré de 1 cm de côté a une aire de 1 cm².
- Un carré de 1 dm de côté a une aire de 1 dm².
- On veut convertir 12 m² en cm².
 1 m² = 100 dm² = 10 000 cm² donc
 12 m² = 12 × 10 000 cm² = 120 000 cm².
- On veut convertir 1 500 mm² en cm².

$$1mm^2 = \frac{1}{100}cm^2$$
 donc

$$1500 \, mm^2 = \frac{1500}{100} \, cm^2 = 15 \, cm^2$$



Remarque

Pour mesurer l'aire d'un terrain, on utilise plutôt l'are (noté a) et l'hectare (noté ha).

• $1 a = 100 m^2$

• $1 \text{ ha} = 100 \text{ a} = 1 \text{ hm}^2$

II] Calculer une aire avec une formule

Propriétés

| | Carré | Rectangle | Triangle rectangle | Triangle | Disque |
|--------|------------------|---------------------|---------------------------------|---------------------------------|-----------------------------|
| Figure | | e H | a b | h | <u>'</u> |
| Aire | $A = c \times c$ | $A = L \times \ell$ | $\mathcal{A}=(a\times b)\div 2$ | $\mathcal{A}=(h\times b)\div 2$ | $A = r \times r \times \pi$ |

Remarque

- Pour le calcul d'une aire, toutes les longueurs doivent être exprimées dans la même unité.
- En pratique, on utilise souvent 3,14 comme valeur approchée de π (pi). On peut aussi utiliser la touche π de la calculatrice pour avoir davantage de décimales.

Exemple

L'aire d'un rectangle de 3 cm sur 5 cm est :

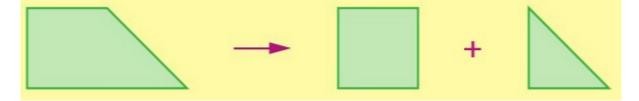
 $\mathcal{A} = 3\,\mathrm{cm} \times 5\,\mathrm{cm} = 15\,\mathrm{cm}^2$

III] Calculer l'aire d'une figure complexe

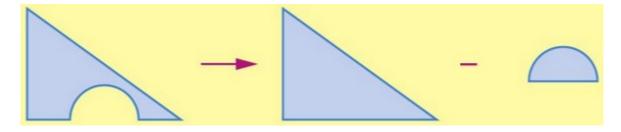
Méthodes

Pour calculer l'aire de certaine figures, on peut utiliser plusieurs méthodes suivant le cas.

• Méthode 1 : on décompose et on additionne



• Méthode 2 : on complète et on soustrait



• Méthode 3 : on découpe et on déplace

