# Définition

d'un nombre positif a est le nombre positif dont le carré est égal à a. La Elle est notée  $\sqrt{a}$  et se lit « racine carrée de a ».

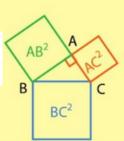
$$\sqrt{36} = 6 \text{ car } 6^2 = 36$$

• 
$$\sqrt{12} \approx 3,464$$

## Théorème

## Théorème de Pythagore

Autrement dit, si un triangle ABC est rectangle en A, alors  $BC^2 = AB^2 + AC^2$ . Cette égalité est appelée « égalité de Pythagore ».

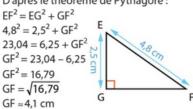


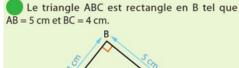
#### Exemples

 Calculer la longueur de l'hypoténuse Le triangle ARS est rectangle en A. D'après le théorème de Pythagore :

RS<sup>2</sup> = RA<sup>2</sup> + AS<sup>2</sup>  
RS<sup>2</sup> = 7,2<sup>2</sup> + 6,5<sup>2</sup>  
RS<sup>2</sup> = 51,84 + 42,25  
RS<sup>2</sup> = 94,09  
RS = 
$$\sqrt{94,09}$$
  
RS = 9,7 cm

• Calculer la longueur d'un côté de l'angle droit Le triangle EFG est rectangle en G. D'après le théorème de Pythagore :

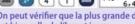




Calculer la longueur AC.

On indique le triangle rectangle dans lequel on se place ainsi que le théorème utilisé.

D'après le théorème de Pythagore :  $AC^2 = AB^2 + BC^2$  $AC^2 = 5^2 + 4^2$  $AC^2 = 25 + 16$  $AC^2 = 41$  $AC = \sqrt{41}$  $\sqrt{41}$  est la valeur exacte de AC. AC ≈ 6,4 cm À l'aide d'une calculatrice, on cherche le nombre positif dont le carré est égal à 41 :



Le triangle ABC est rectangle en B.

On peut vérifier que la plus grande des trois longueurs est bien celle de l'hypoténuse

💢 Entraine-toi avec Calculer une longueur avec Pythagore 💥 🕊 Groupe : Le martin pêcheur et le train le plus rapide du monde 🤾

### Théorème

Dans un triangle, si le carré de la longueur d'un côté est égal à la somme des carrés des longueurs des deux autres côtés, alors ce triangle est rectangle.

## Méthode

Soit ABC un triangle dont le plus grand côté est [BC].

- Si  $BC^2 = AB^2 + AC^2$ , alors le triangle ABC
- Si  $BC^2 \neq AB^2 + AC^2$ , alors le triangle ABC

#### **Exemple**

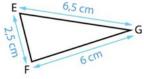
Le triangle EFG ci-contre est-il rectangle ? [EG] est le plus grand côté.

• 
$$EG^2 = 6.5^2 = 42.25$$

• 
$$EF^2 + FG^2 = 2.5^2 + 6^2 = 6.25 + 36 = 42.25$$

Donc  $EG^2 = EF^2 + FG^2$ .

L'égalité de Pythagore est vérifiée, donc le triangle EFG est rectangle en F.



On considère le triangle ABC tel que AB = 2 dm, BC = 1,2 dm et AC = 1,6 dm.

• Ce triangle est-il rectangle ?

#### Solution

On cherche si l'égalité de Pythagore est vraie dans ce triangle. Pour cela, on repère le plus grand côté, puis on calcule séparément :

- le carré du plus grand côté ;
- la somme des carrés des deux autres côtés.

[AB] est le plus grand côté.

• 
$$AB^2 = 2^2 = 4$$

$$\bullet$$
 BC<sup>2</sup> + AC<sup>2</sup> = 1,2<sup>2</sup> + 1,6<sup>2</sup> = 1,44 + 2,56 = 4

Donc  $AB^2 = BC^2 + AC^2$ .

L' égalité de Pythagore est vérifiée, donc le triangle ABC est rectangle en C.

On considère le triangle IJK tel que IJ = 4,4 m, JK = 6 m et IK = 7,6 m.

• Ce triangle est-il rectangle?

#### Solution

[IK] est le plus grand côté.

 $\bullet$  IK<sup>2</sup> = 7,6<sup>2</sup> = 57,76

$$\bullet$$
 IJ<sup>2</sup> + JK<sup>2</sup> = 4,4<sup>2</sup> + 6<sup>2</sup> = 19,36 + 36 = 55,36

Donc  $IK^2 \neq IJ^2 + JK^2$ .

L'égalité de Pythagore n'est pas vérifiée, donc le triangle IJK n'est pas rectangle.

XEntraine-toi avec Déterminer si un triangle est rectangle avec Pythagore X