

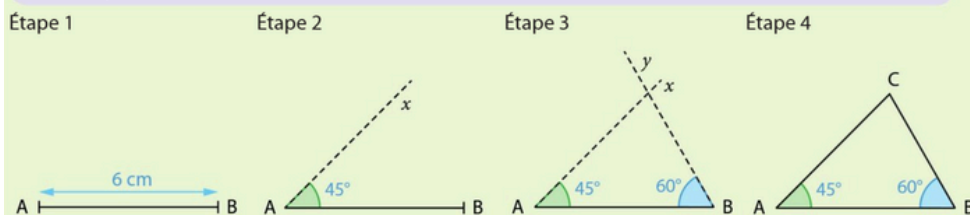
## Propriété

On peut construire un triangle dans les deux cas suivants :

Construire un triangle ABC tel que  $AB = 6 \text{ cm}$ ,  $\widehat{BAC} = 45^\circ$  et  $\widehat{CBA} = 60^\circ$ .

### Solution

- On commence par tracer un segment  $[AB]$  de longueur 6 cm (étape 1).
- On utilise ensuite le rapporteur pour tracer une demi-droite  $[Ax)$  telle que  $\widehat{BAx} = 45^\circ$  (étape 2) puis une demi-droite  $[Ay)$  telle que  $\widehat{AB'y} = 60^\circ$  (étape 3).
- Le point d'intersection des deux demi-droites est le point C. On termine la construction en traçant les segments  $[AC]$  et  $[BC]$  (étape 4).



Entraîne-toi avec *Constructions (exercice 1)*

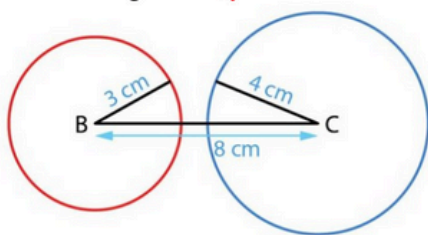
## Propriété

### Exemples

- Peut-on construire un triangle ABC tel que  $AB = 3 \text{ cm}$ ,  $BC = 8 \text{ cm}$  et  $AC = 4 \text{ cm}$  ?

La plus grande longueur est BC, et  $BC > AB + AC$ .

Donc le triangle **n'est pas** constructible.

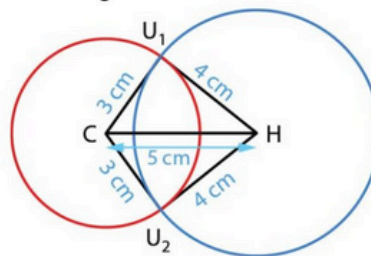


Si  $BC = 8 \text{ cm}$ , il est impossible de construire un point A tel que  $AB = 3 \text{ cm}$  et  $AC = 4 \text{ cm}$ .

- Peut-on construire un triangle CHU tel que  $CH = 5 \text{ cm}$ ,  $CU = 3 \text{ cm}$  et  $UH = 4 \text{ cm}$  ?

La plus grande longueur est CH, et  $CH < CU + UH$ .

Donc le triangle CHU **est** constructible.



Il existe deux possibilités pour le point U.

### Remarque

Si la plus grande longueur est égale à la somme des deux autres, alors le triangle est aplati : les trois sommets sont alignés.

1. Construire si possible un triangle dont les longueurs des côtés mesurent : 8,5 cm, 3,3 cm et 4,2 cm.
2. Construire si possible un triangle dont les longueurs des côtés mesurent : 3,1 cm, 5 cm et 5,4 cm.

### Solution

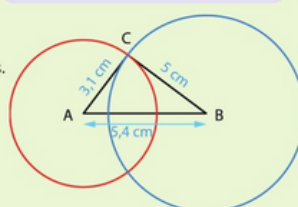
1. La plus grande longueur est 8,5 cm. La somme des deux autres longueurs est égale à  $3,3 + 4,2 = 7,5 \text{ cm}$ . Or  $8,5 > 7,5$  donc on ne peut pas construire un triangle avec ces trois longueurs.

2. La plus grande longueur est 5,4 cm. La somme des deux autres longueurs est égale à  $3,1 + 5 = 8,1 \text{ cm}$ .  $5,4 < 8,1$  donc on peut construire un triangle avec ces trois longueurs.

Pour tracer ce triangle :

- on commence par tracer un segment  $[AB]$  de longueur 5,4 cm ;
- on trace le cercle de centre A et de rayon 3,1 cm et le cercle de centre B et de rayon 5 cm ;
- on place un point C à l'intersection de ces deux cercles (il y a 2 possibilités).

On cherche la plus grande longueur et on la compare avec la somme des deux autres longueurs.



## Définition

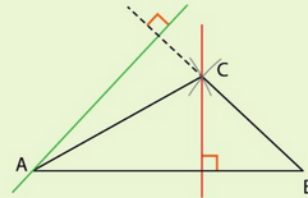
Soit ABC un triangle.

ABC est un triangle tel que  $AB = 9$  cm,  $AC = 6,5$  cm et  $BC = 4,6$  cm.

1. Tracer en rouge la hauteur du triangle ABC issue de C.
2. Tracer en vert la hauteur du triangle ABC issue de A.

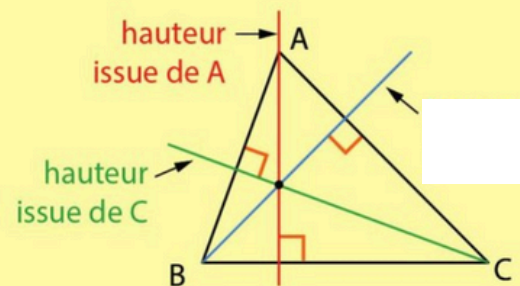
### Solution

1. On construit le triangle ABC puis on trace la droite perpendiculaire à (AB) passant par C.
2. On commence par prolonger le segment [BC], puis on trace la droite perpendiculaire à (BC) passant par A. On remarque qu'ici, la hauteur issue de A est extérieure au triangle ABC.

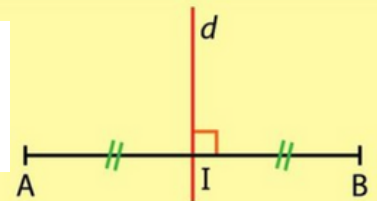


## Propriété

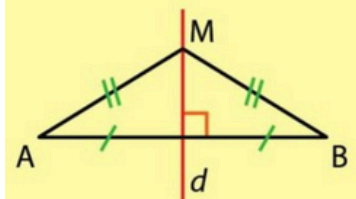
## Définition



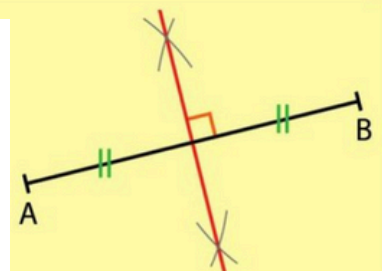
## Définition



## Propriétés

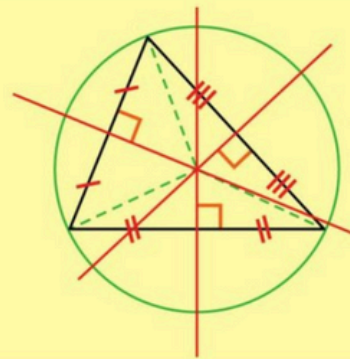


## Méthode



## Propriété

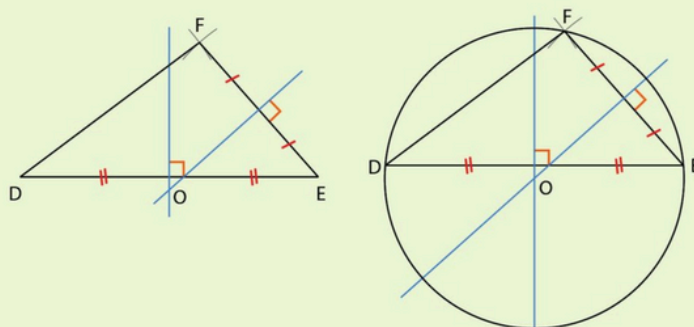
## Définition



DEF est un triangle tel que  $DE = 10$  cm,  $DF = 7,5$  cm et  $FE = 6$  cm. Construire le cercle circonscrit à ce triangle.

### Solution

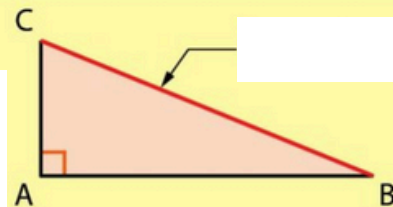
Le centre du cercle circonscrit est le point de concours des 3 médiatrices. Il suffit donc de tracer 2 médiatrices pour obtenir le point d'intersection O (centre du cercle cherché). On trace ensuite le cercle de centre O passant par E (ou F, ou D).



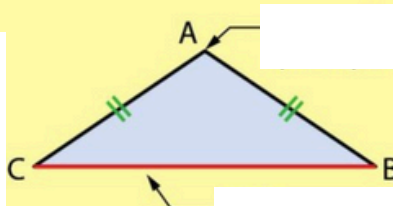
✂ Entraîne-toi avec Médiatrices et hauteurs (sauf exercice 5) ✂

## Définitions

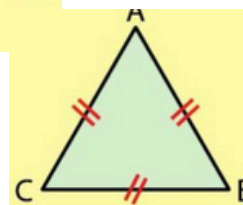
### Triangle rectangle



### Triangle isocèle



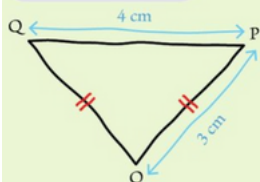
### Triangle équilatéral



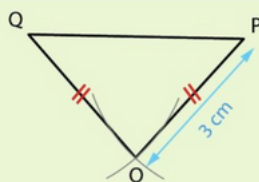
Construire un triangle OPQ isocèle en O tel que  $OP = 3$  cm et  $QP = 4$  cm.

### Solution

On trace d'abord une figure à main levée.



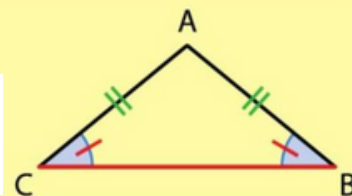
On commence par exemple par tracer la base [QP] de longueur 4 cm puis, avec le compas, on trace deux arcs de cercle de centres Q et P et de rayon 3 cm ; ils se coupent en O. Pour finir, on trace les segments [PO] et [QO].



✂ Entraîne-toi avec Médiatrices et hauteurs (exercice 5) ✂

## Propriétés

Soit ABC un triangle.

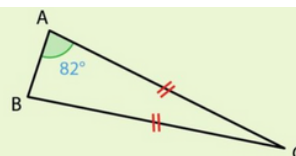


On donne la figure ci-contre.

1. Quelle est la mesure de l'angle  $\widehat{ABC}$  ?
2. Quelle est la mesure de l'angle  $\widehat{ACB}$  ?

### Solution

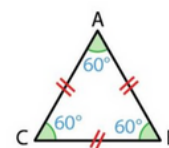
1. Les longueurs CA et CB sont égales, donc ABC est un triangle isocèle en C. On sait que dans un triangle isocèle, les angles à la base ont la même mesure. La base est le côté [AB], on a donc  $\widehat{ABC} = \widehat{BAC}$ . Donc  $\widehat{ABC} = 82^\circ$ .
2. On sait que la somme des mesures des trois angles d'un triangle est égale à  $180^\circ$ .  
Donc  $\widehat{ACB} = 180^\circ - 2 \times 82^\circ = 16^\circ$ .



On verra ça plus tard !

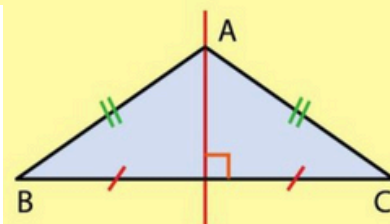
### Remarques

- Si un triangle ABC est équilatéral, alors il est isocèle en A, en B et en C. Ce sont donc les mesures de ses trois angles qui sont égales. Comme la somme des mesures des angles d'un triangle est égale à  $180^\circ$ , alors ces trois angles ont pour mesure  $60^\circ$ .
- Réciproquement, si les trois angles d'un triangle ABC ont même mesure, alors il est isocèle en A, en B et en C : il est donc équilatéral.



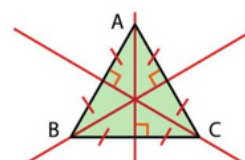
## Propriétés

Soit ABC un triangle.



### Remarque

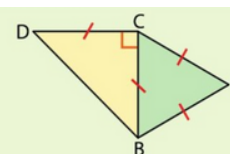
Si un triangle ABC est équilatéral, alors les hauteurs et les médiatrices des côtés sont confondues deux à deux et constituent chacune un axe de symétrie du triangle.



Quelle est la mesure de l'angle  $\widehat{DCE}$  ? Justifier.

### Solution

Le triangle ECB est équilatéral car tous ses côtés ont même longueur. Tous ses angles mesurent donc  $60^\circ$ . Ainsi  $\widehat{DCE} = 90^\circ + 60^\circ = 150^\circ$ .



On verra ça plus tard !

✂ Entraîne-toi avec *Nature d'un triangle* ✂