Calculer une longueur

Exercice corrigé

Sur la figure ci-dessous, les droites (CD) et (HT) sont parallèles.

On donne DG = 25 mm; GH = 45 mm; CG = 20 mm et HT = 27 mm. Calcule GT.



Correction

Les droites (DH) et (CT) sont sécantes en G. Les droites (CD) et (HT) sont parallèles. D'après le théorème de Thalès, on a :

$$\frac{GC}{TG} = \frac{GD}{GH} = \frac{CD}{HT}, \text{ soit } \underbrace{\frac{20}{GT} = \frac{25}{45}}_{\text{ }} \neq \frac{CD}{27}$$

Calcul de GT : $25 \times GT = 45 \times 20$.

$$GT = \frac{45 \times 20}{25} \text{ donc } GT = 36 \text{ mm}.$$

Longueurs proportionnelles

Dans chacun des cas suivants, nomme les triangles qui ont leurs longueurs proportionnelles et écris les proportions égales.

Les droites en couleur sont parallèles.



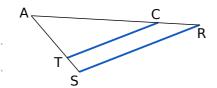
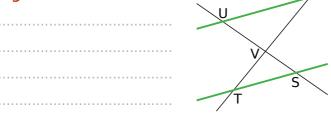
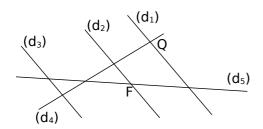


Figure 2.

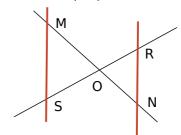


Place les points manquants sur la figure sachant que les droites (d_1) , (d_2) et (d_3) sont parallèles et qu'on a les égalités suivantes :

$$\frac{RF}{RC} = \frac{RT}{RQ} = \frac{FT}{CQ}$$
 et $\frac{RC}{RM} = \frac{RQ}{RH} = \frac{CQ}{MH}$.



3 Dans la figure ci-dessous la droite (MS) est parallèle à la droite (RN).



1	os	ОМ	MS
	RS	ON	RN

2	NO	RO	RN
	ОМ	OS	MS

3	os	ON	MS
	OR	ОМ	RN

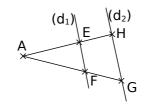
a. Lequel des tableaux de proportionnalité proposés peut être associé à la figure ci-dessus ?

b. Explique pourquoi les deux autres ne peuvent pas l'être.

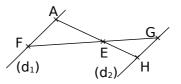
	٠		٠		•		•	 ٠		٠		٠		٠		٠		٠			٠		٠			٠	 ٠	 ٠	 ٠			١			

4 Associer les proportions aux figures

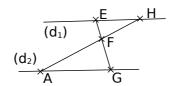
Dans chaque figure, les droites (d_1) et (d_2) sont parallèles. Relie les figures avec les égalités correspondantes.



•
$$\frac{AE}{EH} = \frac{EF}{EG} = \frac{AF}{GH}$$



•
$$\frac{FE}{FG} = \frac{FH}{FA} = \frac{EH}{AG}$$



•
$$\frac{AE}{AH} = \frac{AF}{AG} = \frac{EF}{HG}$$

Calculer une longueur

5 Dans tout l'exercice, les points A, P et B sont alignés ainsi que les points A, R et C.

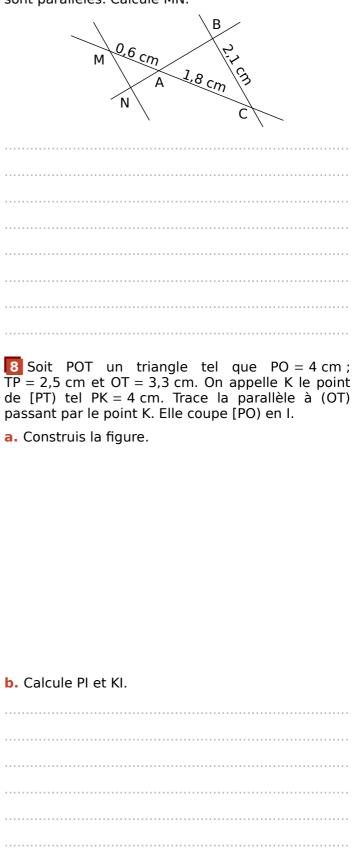
Pour chaque cas, explique pourquoi tu peux appliquer le théorème de Thalès.

Écris alors les rapports égaux dans ces figures.

C

A	V
B P	B A P 1
	$ w \subset V$
1	z
6 Dans la figure suivant	o (MI) act parallàla à (HP)
6 Dans la figure suivant	e (MI) est parallèle à (HB),
6 Dans la figure suivant calcule FM et FB.	\ /
6 Dans la figure suivant calcule FM et FB.	F
6 Dans la figure suivant calcule FM et FB.	F
6 Dans la figure suivant calcule FM et FB.	F
6 Dans la figure suivant calcule FM et FB.	& CLY SO CLY
6 Dans la figure suivant calcule FM et FB.	F
6 Dans la figure suivant calcule FM et FB.	4 cm
6 Dans la figure suivante calcule FM et FB.	4 cm
6 Dans la figure suivant calcule FM et FB.	4 cm
6 Dans la figure suivant calcule FM et FB.	4 cm
calcule FM et FB.	4 cm
calcule FM et FB.	4 cm M I H 4,8 cm B
calcule FM et FB.	4 cm M I H 4,8 cm B
calcule FM et FB.	4 cm M I H 4,8 cm B
calcule FM et FB.	4 cm M I H 4,8 cm B

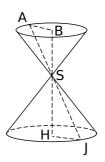
7 Les points M, A, C sont alignés et les points N, A, B aussi. Les droites (MN) et (BC) sont parallèles. Calcule MN.



Calculer une longueur

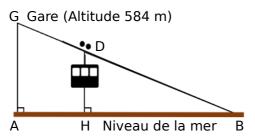
9 Dans l'espace

Voici deux cônes de sommet S. [SB] et [SH] sont les hauteurs des cônes. H, B et S sont alignés. On a HJ=7.3~cm; HB=7.8~cm et BS=2.6~cm.



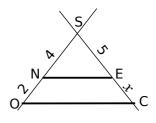
alcule la mesure du rayon AB.	

10 La longueur de la ligne d'un téléphérique est 1 437 m. Après avoir parcouru 450 m en montant, il marque un temps d'arrêt. À quelle altitude, arrondie à l'unité, se trouve-t-il ? La figure n'est pas à l'échelle.

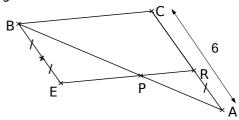


11	Avec	du	calcul	littéral
_				

Sachant que les droites (EN) et (CO) sont parallèles, détermine la valeur de x.



12 Dans la figure suivante BCRE est un parallélogramme.



a. Démontre que BP = 2 AP.

					٠																											 	
					٠								٠																			 	
					٠		٠																									 	
٠			٠		٠		٠				٠		٠		٠				٠												 -		
					٠		٠						٠		٠		٠		٠				٠			٠							

b. Déduis-en la longueur AR.
