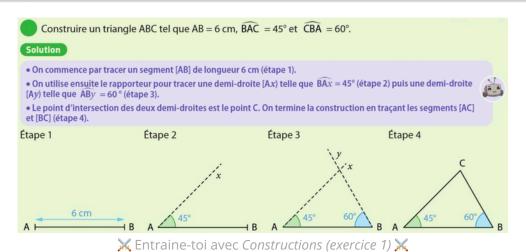
Propriété

On peut construire un triangle dans les deux cas suivants :

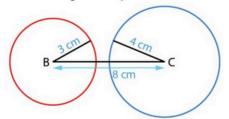


Propriété

▶ Exemples

 Peut-on construire un triangle ABC tel que AB = 3 cm, BC = 8 cm et AC = 4 cm?
 La plus grande longueur est BC, et BC > AB + AC.

Donc le triangle n'est pas constructible.

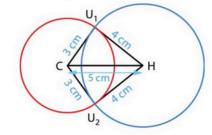


Si BC = 8 cm, il est impossible de construire un point A tel que AB = 3 cm et AC = 4 cm.

• Peut-on construire un triangle CHU tel que CH = 5 cm, CU = 3 cm et UH = 4 cm?

La plus grande longueur est CH, et CH < CU + UH.

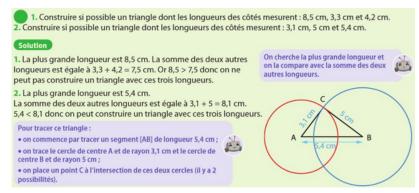
Donc le triangle CHU est constructible.



Il existe deux possibilités pour le point U.

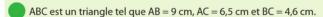
Remarque

Si la plus grande longueur est égale à la somme des deux autres, alors le triangle est aplati : les trois sommets sont alignés.



Définition

Soit ABC un triangle.



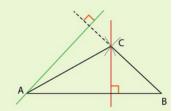
- 1. Tracer en rouge la hauteur du triangle ABC issue de C.
- 2. Tracer en vert la hauteur du triangle ABC issue de A.

Solution

1. On construit le triangle ABC puis on trace la droite perpendiculaire à (AB) passant par C.



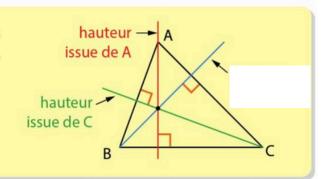
2. On commence par prolonger le segment [BC], puis on trace la droite perpendiculaire à (BC) passant par A. On remarque qu'ici, la hauteur issue de A est extérieure au triangle ABC.



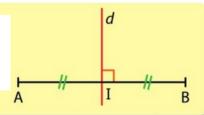
Propriété

Définition

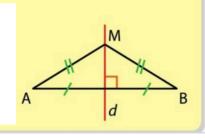
Les trois hauteurs d'un triangle sont concourantes : elles passent par un même point appelé **orthocentre** du triangle.



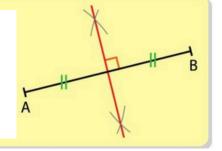
Définition



Propriétés



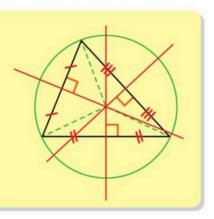
Méthode

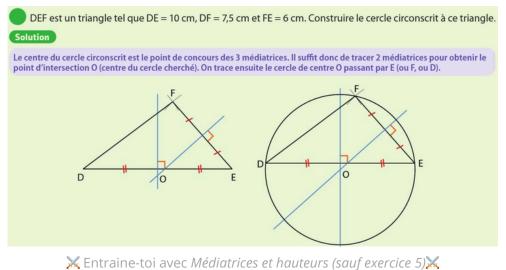


Propriété Définition

Dans un triangle, les médiatrices des trois côtés sont concourantes : elles passent par un même point qui est le centre du cercle passant par les sommets du triangle.

Ce cercle est appelé le cercle circonscrit au triangle.





Définitions

Triangle rectangle

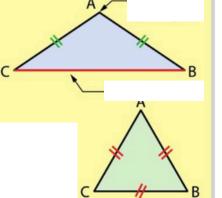
- Un triangle rectangle est un triangle qui possède un angle droit.
- Le côté opposé à l'angle droit s'appelle l'hypoténuse.

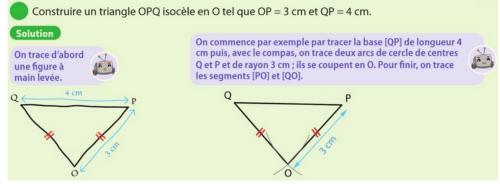
A B

Triangle isocèle

- Un triangle isocèle est un triangle qui a deux côtés de même longueur.
- On appelle:
 - sommet principal : le point commun à deux côtés de même longueur ;
 - base : le côté opposé à un sommet principal.

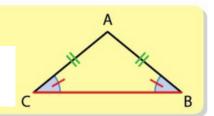
Triangle équilatéral





Propriétés

Soit ABC un triangle.



On donne la figure ci-contre.

- 1. Quelle est la mesure de l'angle \widehat{ABC} ?
- 2. Quelle est la mesure de l'angle \widehat{ACB} ?

Solution

1. Les longueurs CA et CB sont égales, donc ABC est un triangle isocèle en C. On sait que dans un triangle isocèle, les angles à la base ont la même mesure. La base est le côté [AB], on a donc $\widehat{ABC} = \widehat{BAC}$. Donc $\widehat{ABC} = 82^\circ$.

2. On sait que la somme des mesures des trois angles d'un triangle est égale à 180°. Donc $\widehat{ACB} = 180^{\circ} - 2 \times 82^{\circ} = 16^{\circ}$.

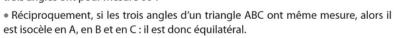


On verra ça plus tard !

Remarques

• Si un triangle ABC est équilatéral, alors il est isocèle en A, en B et en C. Ce sont donc les mesures de ses trois angles qui sont égales.

Comme la somme des mesures des angles d'un triangle est égale à 180°, alors ces trois angles ont pour mesure 60°.

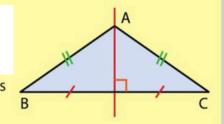




Propriétés

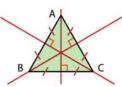
Soit ABC un triangle.

• Si la hauteur issue de A et la médiatrice de [BC] sont confondues, alors ABC est isocèle en A.



Remarque

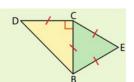
Si un triangle ABC est équilatéral, alors les hauteurs et les médiatrices des côtés sont confondues deux à deux et constituent chacune un axe de symétrie du triangle.



Quelle est la mesure de l'angle DCE ? Justifier.

Solution

Le triangle ECB est équilatéral car tous ses côtés ont même longueur. Tous ses angles mesurent donc 60°. Ainsi $\widehat{DCE} = 90^{\circ} + 60^{\circ} = 150^{\circ}$.





X Entraine-toi avec Nature d'un triangle

X