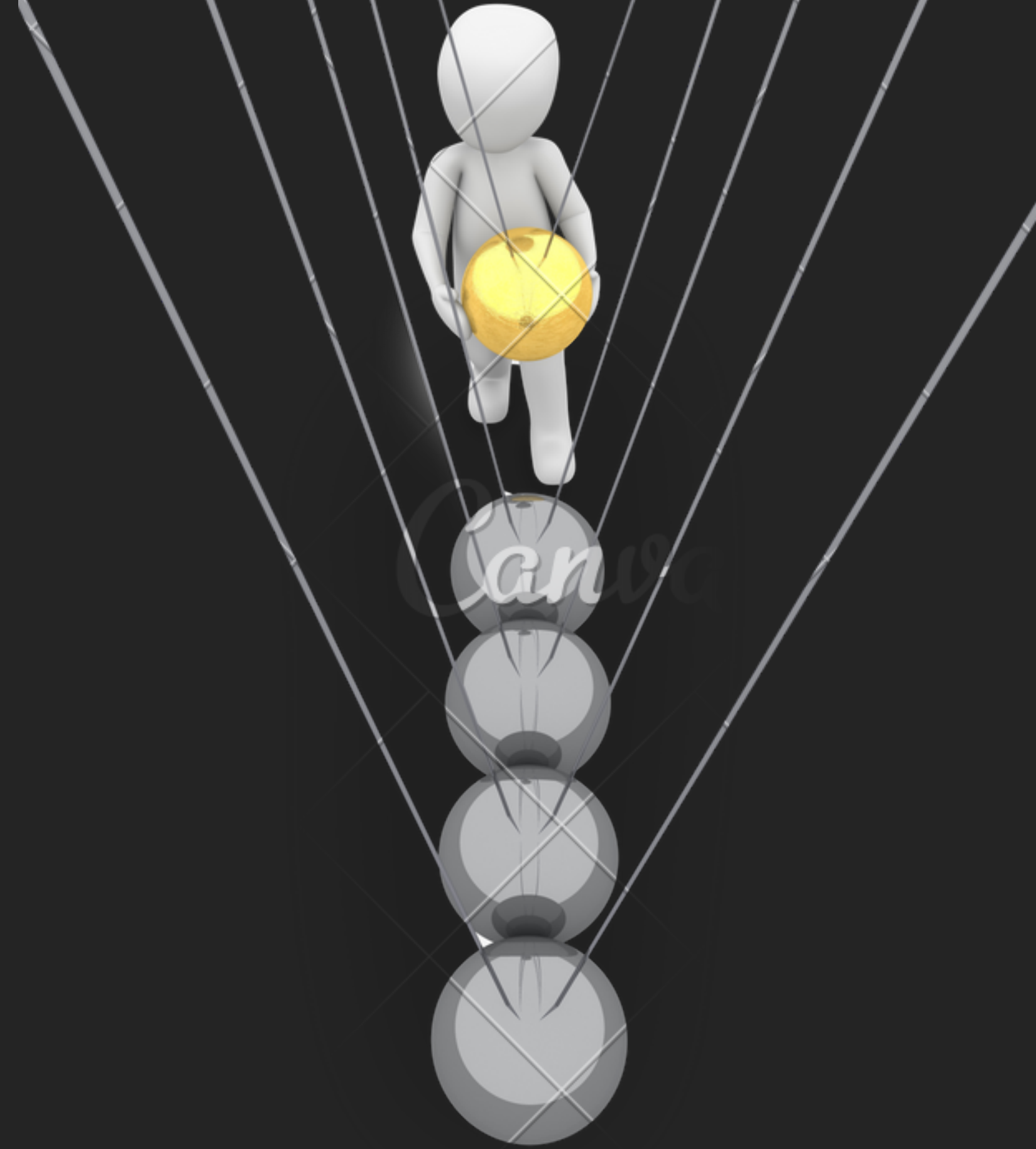


# Métodos Numéricos I

Tema 3 - Pêndulos

# Integrantes

Caio Cavalcante de Souza Mota  
Felipe Menezes Cavalcante  
Louis Ian da Silva dos Santos  
Adislania Martins Freires  
João Vitor Pinheiro Nascimento



# Visão Geral



$$\mathbf{a}^* \mathbf{d}$$

Amplitude de deslocamento de um  
pêndulo

$$d_1, d_2, \dots, d_n$$

são deslocamentos do pêndulo

$$\mathbf{C} \mathbf{d} = \mathbf{v}$$

Resolvidos pelo sistema linear

$$d_i = \det C_i / \det C$$

- $\det C$  é o determinante da matriz dos coeficientes  $C$
- $\det C_i$  é o determinante da matriz obtida trocando-se a coluna  $i$  pelo vetor  $d$  dos termos independentes

## Método de Gauss

O método consiste em eliminar os elementos de forma a obter um sistema equivalente com uma matriz triangular superior

## Método de Gauss-Jordan

Uma extensão da eliminação de Gauss que zera os elementos acima do pivô, após percorrer a matriz

O código

# Método de Gauss

```
void Matriz::gauss()
{
    float novoValor = 0.0f;
    float pivo = 0.0f;
    for (int i = 1; i < this->getLinhas(); i++)
    {
        pivo = this->get(i, i);
        for (int j = i + 1; j <= this->getLinhas(); j++)
        {
            float multiplicador = this->get(j, i) / pivo;
            for (int k = i; k <= this->getColunas(); k++)
            {
                novoValor = this->get(j, k) - multiplicador * this->get(i, k);
                this->set(j, k, novoValor);
            }
        }
    }
};
```

# Método de Gauss-Jordan

```
void Matriz::gauss_jordan()
{
    float novoValor = 0.0f;
    float pivo = 0.0f;
    float multiplicador = 0.0f;
    for (int i = 1; i <= this->getLinhas(); i++)
    {
        pivo = this->get(i, i);
        for (int j = 1; j <= this->getLinhas(); j++)
        {
            if (j != i)
            {
                multiplicador = this->get(j, i) / pivo;
                for (int k = i; k <= this->getColunas(); k++)
                {
                    novoValor = this->get(j, k) - multiplicador * this->get(i, k);
                    this->set(j, k, novoValor);
                }
            }
        }
    }
};
```



```

class Matriz
{
private:
    int linhas, colunas;           // Linhas e colunas da matriz
    vector<vector<float>> matriz;   // Vector 2D contendo os dados da matriz
    vector<float> deslocamentos;   // Vector com os valores dos deslocamentos

public:
    Matriz(); // Inicializador da matriz
    Matriz(vector<vector<float>>);
    ~Matriz(); // Destrutor da matriz
    int getLinhas(); // Retorna o numero de linhas da matriz
    int getColunas(); // Retorna o numero de colunas da matriz
    void print(); // Imprime a matriz
    vector<float> get(int); // Retorna linha da matriz
    float get(int, int); // Retorna elemento da matriz
    void set(int, int, float); // Altera elemento da matriz
    void montarB(vector<float>, float); // Monta a matriz B com o vetor de deslocamentos
    float determinante(); // Calcula determinante da matriz
    void gauss(); // Eliminação de Gauss
    void gauss_jordan(); // Eliminação de Gauss-Jordan
    void resolveGauss(); // Resolve por Gauss. presume existência de inversa
    void printDeslocamentos(); // Imprime os valores dos deslocamentos
    void printAmplitudes(); // Imprime os valores a*d
};

```

```

void Matriz::printDeslocamentos()
{
    cout << endl;
    cout << "Deslocamentos: ";
    for(int i = 0; i < colunas - 1; i++)
    {
        cout << this->deslocamentos[i] << " ";
    }
    cout << endl;
}

void Matriz::printAmplitudes()
{
    float a = deslocamentos[colunas-1];

    cout << endl;
    cout << "Amplitudes de deslocamento: ";
    for(int i = 0; i < colunas - 1; i++)
    {
        cout << a*deslocamentos[i] << " ";
    }
    cout << endl;
}

```

```

void Matriz::print()
{
    // Imprime a matriz
    for (int i = 0; i < this->getLinhas(); i++)
    {
        for (int j = 0; j < this->getColunas(); j++)
        {
            cout.width(12);
            cout << this->get(i + 1, j + 1) << " ";
        }
        cout << endl;
    }

    // Imprime os deslocamentos
    for (int i = 0; i < this->deslocamentos.size(); i++)
    {
        cout.width(12);
        cout << this->deslocamentos[i] << " ";
    }
    cout << endl << endl;
}

```

```

void Matriz::resolveGauss()
{
    this->gauss();
    int ultimaColuna = this->colunas - 1;
    for (int i = this->linhas - 1; i >= 0; i--)
    {
        this->deslocamentos[i] = this->matriz[i][ultimaColuna];
        for (int j = this->linhas - 1; j > i; j--)
        {
            this->deslocamentos[i] -= this->deslocamentos[j] * this->matriz[i][j];
        }
        this->deslocamentos[i] /= this->matriz[i][i];
    }
}

```



# Conclusões



# CONCLUSÕES

## 01

O método de Gauss-Jordan é mais custoso computacionalmente na fase de eliminação

## 03

Solucionamos a matriz de coeficientes  $C$  ao fim de Gauss-Jordan utilizando o mesmo método de solução de matriz triangular superior de Gauss, por ser equivalente

## 02

O método de Gauss é mais custoso computacionalmente na fase de solução da matriz triangular superior

## 04

O método de Gauss-Jordan pode ser otimizado por meio de método, que, ao invés de resolver uma matriz  $T$  superior, apenas faria o calcule

$$d_i = (V_i / C_{ii})$$

 OBRIGADO!

Dúvidas?