

Άσκηση Ασφάλειας Υπολογιστών και Δικτύων πάνω στον AES

Μπουρλάκης Γεώργιος 1054321

[https://en.wikipedia.org/wiki/Rijndael_S-box]

[<http://aes.online-domain-tools.com/>]

Δεδομένα:

plaintext [0001 0203 0405 0607 0809 0A0B 0C0D 0E0F]

key [0101 0101 0101 0101 0101 0101 0101 0101]

Ζητούμενα:

- 1 γύρος
- Κατάσταση (state matrix) μετά το αρχικό κλειδί (AddRoundKey)
- Μετά την πράξη SubBytes
- Μετά το ShiftRows
- Μετά την μίξη στηλών MixColumns

$w[0] = (01, 01, 01, 01)$

$w[1] = (01, 01, 01, 01)$

$w[2] = (01, 01, 01, 01)$

$w[3] = (01, 01, 01, 01)$

$g(w[3])$:

shift left $w[3]$: $(01, 01, 01, 01)$

byte substitution (S-Box): $(7C, 7C, 7C, 7C)$

adding round constant $(01, 00, 00, 00)$: $g(w[3]) = (7B, 7C, 7C, 7C)$

$w[4] = w[0] \oplus g(w[3]) = (7A, 7D, 7D, 7D)$

$w[0]:$ 00000001 00000001 00000001 00000001

$g(w[3]):$ \oplus 01111011 01111100 01111100 01111100

01111010 01111101 01111101 01111101 = (7A, 7D, 7D, 7D)

$w[5] = w[4] \oplus w[1] = (7B, 7C, 7C, 7C)$

$w[4]:$ 01111010 01111101 01111101 01111101

$w[1]:$ \oplus 00000001 00000001 00000001 00000001

01111011 01111100 01111100 01111100 = (7B, 7C, 7C, 7C)

$w[6] = w[5] \oplus w[2] = (7A, 7D, 7D, 7D)$

$w[5]:$ 01111011 01111100 01111100 01111100

$w[2]:$ \oplus 00000001 00000001 00000001 00000001

01111010 01111101 01111101 01111101 = (7A, 7D, 7D, 7D)

$w[7] = w[6] \oplus w[3] = (7B, 7C, 7C, 7C)$

$w[6]:$ 01111010 01111101 01111101 01111101

$w[3]:$ \oplus 00000001 00000001 00000001 00000001

01111011 01111100 01111100 01111100 = (7B, 7C, 7C, 7C)

First round key: 7A 7D 7D 7D 7B 7C 7C 7C 7A 7D 7D 7D 7B 7C 7C 7C

State Matrix: $\begin{bmatrix} 00 & 04 & 08 & 0C \\ 01 & 05 & 09 & 0D \\ 02 & 06 & 0A & 0E \\ 03 & 07 & 0B & 0F \end{bmatrix}$

No.0 Matrix: $\begin{bmatrix} 01 & 01 & 01 & 01 \\ 01 & 01 & 01 & 01 \\ 01 & 01 & 01 & 01 \\ 01 & 01 & 01 & 01 \end{bmatrix}$

New State Matrix: $\begin{bmatrix} 01 & 05 & 09 & 0D \\ 00 & 04 & 08 & 0C \\ 03 & 07 & 0A & 0F \\ 02 & 06 & 0B & 0E \end{bmatrix}$ (after FirstRoundKey)

New State Matrix: $\begin{bmatrix} 62 & 77 & 6E & 6E \\ CA & 7E & C1 & 71 \\ BC & F6 & 89 & 17 \\ 02 & C1 & 18 & B5 \end{bmatrix}$ (after SubBytes)

New State Matrix: $\begin{bmatrix} 62 & 77 & 6E & 6E \\ 7E & C1 & 71 & CA \\ 89 & 17 & BC & F6 \\ B5 & 02 & C1 & 18 \end{bmatrix}$ (after ShiftRows)

Mix Column: $\begin{bmatrix} 02 & 03 & 01 & 01 \\ 01 & 02 & 03 & 01 \\ 01 & 01 & 02 & 03 \\ 03 & 01 & 01 & 02 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} 62 & 77 & 6E & 6E \\ 7E & C1 & 71 & CA \\ 89 & 17 & BC & F6 \\ B5 & 02 & C1 & 18 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7A & A3 & 32 & 77 \\ AB & D5 & 82 & F8 \\ D1 & 9E & 24 & 7B \\ 20 & 4B & E6 & BE \end{bmatrix}$

- $2 * 62$ ($62 = 0110\ 0010$)
 $x^*(x^6+x^5+x)=x^7+x^6+x^2$ ($=11000100$)= $C4$
- $3 * 7E$ ($7E = 0111\ 1110$)
 $(x+1)*(x^6+x^5+x^4+x^3+x^2+x) = x^7+x$ ($=10000010$)= 82
- $1 * 89$ ($89 = 1000\ 1001$)
- $1 * B5$ ($B5 = 1011\ 0101$)
 $C4 \oplus 82 \oplus 89 \oplus B5 = 7A$

- $1*62$ ($62 = 0110\ 0010$)
- $2*7E$ ($7E = 0111\ 1110$)
 $x^*(x^6+x^5+x^4+x^3+x^2+x) = x^7+x^6+x^5+x^4+x^3+x^2$ ($=11111100$)= FC
- $3*89$ ($89 = 1000\ 1001$)
 $(x+1)*(x^7+x^3+1) = x^7$ ($=10000000$)= 80
- $1*B5$ ($B5 = 1011\ 0101$)
 $62\oplus FC\oplus 80\oplus B5=\mathbf{AB}$

- $1*62$ ($62 = 0110\ 0010$)
- $1*7E$ ($7E = 0111\ 1110$)
- $2*89$ ($89 = 1000\ 1001$)
 $x^*(x^7+x^3+1) = x^3+1$ ($=00001001$)= 9
- $3*B5$ ($B5 = 1011\ 0101$)
 $(x+1)*(x^7+x^5+x^4+x^2+1) = x^7+x^6+x^2$ ($=11000100$)= $C4$
 $62\oplus 7E\oplus 9\oplus C4=\mathbf{D1}$

- $3*62$ ($62 = 0110\ 0010$)
 $(x+1)*(x^6+x^5+x) = x^7+x^5+x^2+x$ ($=10100110$)= $A6$
- $1*7E$ ($7E = 0111\ 1110$)
- $1*89$ ($89 = 1000\ 1001$)
- $2*B5$ ($B5 = 1011\ 0101$)
 $x^*(x^7+x^5+x^4+x^2+1) = x^6+x^5+x^4+1$ ($=01110001$)= 71
 $A6\oplus 7E\oplus 89\oplus 71=\mathbf{20}$

Η παραπάνω διαδικασία έγινε τα 4 στοιχεία της 1^{ης} στήλης, και για τα υπόλοιπα ακολουθήθηκε η ίδια ακριβώς.