

Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого  
Институт компьютерных наук и технологий  
«Высшая школа интеллектуальных систем и суперкомпьютерных технологий»

## **КУРСОВОЙ ПРОЕКТ**

### **РАСПОЗНАВАНИЕ ДВУХТОНАЛЬНОГО МНОГОЧАСТОТНОГО НАБОРА ТЕЛЕФОННОГО НОМЕРА**

по дисциплине «Методы обработки экспериментальных данных»

Выполнил

студент гр. 3540203/10101

В.В. Сухомлинов

Руководитель

доцент ВШИСиСТ, к.ф.-м.н.

И.Н. Белых

Санкт-Петербург

2021

## СОДЕРЖАНИЕ

Введение .....	3
Глава 1. Теоретическая часть.....	5
1.1. Формат входного сигнала .....	5
1.2. Алгоритм генерации сигнала.....	5
1.3. Алгоритм Гёрцеля.....	5
1.4. Выводы .....	6
Глава 2. Практическая часть .....	7
2.1. Используемые инструменты .....	7
2.2. Модели и константы .....	7
2.3. Чтение и запись.....	7
2.4. Генерация сигнала.....	8
2.5. Распознавание символов.....	8
2.6. Выводы .....	9

## ВВЕДЕНИЕ

Двухтональный многочастотный набор (DTMF) — это метод представления цифр клавиатуры телефона тонами для передачи по аналоговому каналу связи. Технология DTMF представляет собой надежную альтернативу роторным телефонным системам и позволяет пользователю вводить данные во время телефонного разговора (рис.0.1). Эта функция позволила создать интерактивные системы автоматического ответа, такие как системы, используемые для телефонного банкинга, маршрутизации звонков в службу поддержки клиентов, голосовой почты и других подобных приложений.



Рис.0.1. Физическое устройство для работы с DTMF-сигналами

Частоты, выбранные для тонов DTMF, имеют некоторые отличительные характеристики и уникальные свойства:

- все тона находятся в слышимом диапазоне частот, что позволяет человеку определить, когда была нажата клавиша;
- ни одна частота не является кратной другой;
- сумма или разность любых двух частот не равна другой выбранной частоте.

Второе и третье свойства упрощают декодирование DTMF и уменьшают количество ложно распознанных тонов. Уникальные свойства позволяют приемникам DTMF определять, когда пользователь нажимает несколько клавиш одновременно.

Цель данной работы заключается в создании инструмента для генерации DTMF-сигналов и распознавания их в звуковом файле соответственно.

Для достижения поставленной цели необходимо выполнить следующие задачи:

- изучить теоретических материалов по моделированию DTMF-сигналов;
- реализовать метод генерации двухтонального многочастотного сигнала;
- изучить материалы по распознаванию DTMF-сигналов;
- выбрать и реализовать одним из методов декодирования.

В результате данной работы предполагается создание программного инструмента, который способен как моделировать DTMF-сигналы из входящего набора символов, так и декодировать звуковую дорожку в сообщение.

## ГЛАВА 1. ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

### 1.1. Формат входного сигнала

В качестве входного сигнала был выбран аудиоформат wav по следующим причинам:

- отсутствие сжатия данных;
- наличие готовых инструментов для чтения/записи данных.

### 1.2. Алгоритм генерации сигнала

DTMF-сигнал представляет собой аддитивную модель двух гармонических процессов:

$$x(t) = A_0 * \sin(2 * \pi * n * f_1 * \Delta t) + A_0 * \sin(2 * \pi * n * f_2 * \Delta t), \quad (1.1)$$

где  $A_0$  - амплитуда сигнала,  $f_1$  и  $f_2$  - частоты гармоник,  $\Delta t$  - частота дискретизации.

Частоты гармоник берутся по приведённой ниже табл.1.1 из столбца и строки, соответствующих передаваемому символу. Каждая строка набора представлена частотой низкого тона, а каждый столбец - частотой высокого тона.

Таблица 1.1

Таблица соответствия частот и символов DTMF

1209 Гц	1336 Гц	1477 Гц	1633 Гц	
1	2	3	A	697 Гц
4	5	6	B	770 Гц
7	8	9	C	852 Гц
*	0	#	D	941 Гц

Процесс генерации сообщения двухтонального многочастотного набора заключается в последовательной генерации множества значений гармоник для каждого символа сообщения с последующей записью в файл.

### 1.3. Алгоритм Гёрцеля

Для решения задачи детектирования и декодирования тональных сигналов в телефонии обычно применяются две вариации дискретного преобразования Фурье:

быстрое преобразование Фурье (FFT) и алгоритм Гёрцеля. В рамках данной работы разберем далее подробнее последнюю по причине того, что нам заранее известны частотные компоненты, которые мы хотим искать, что уменьшает необходимое количество подсчетов.

Пусть  $x_n, n = 0, \dots, N-1$  — измеренные значения сигнала, которые являются входными данными для дискретного преобразования Фурье, а  $X_k, k = 0, \dots, N-1$  — частотные компоненты дискретного преобразования Фурье, по определению равные  $X_k = \sum_{n=0}^{N-1} x_n e^{-\frac{2\pi i}{N} kn}$ . Для расчёта  $X_k$  с помощью алгоритма Гёрцеля:

- Последовательно вычисляются члены последовательности  $s_n$  для  $n = 0, \dots, N-1$  по рекуррентной формуле  $s_n = 2 \cos\left(\frac{2\pi k}{N}\right) s_{n-1} - s_{n-2} + x_n$ , где  $s_{-1} = s_{-2} = 0, k = \left[0.5 + \frac{N * DTMF}{rate}\right]$ , rate - частота дискретизации.
- Искомое значение частотного компонента получается как  $X_k = e^{\frac{2\pi i}{N} k} s_{N-1} - s_{N-2}$ .

Так как нам фаза сигнала не важна, на втором этапе алгоритма вместо комплексного значения частотного компонента вычислим квадрат его модуля по формуле:

$$|X_k|^2 = s_{N-1}^2 - 2 \cos\left(\frac{2\pi k}{N}\right) s_{N-1} s_{N-2} + s_{N-2}^2. \quad (1.2)$$

Следующим этапом выбираются две частоты: с самой большой мощностью и самой маленькой. После происходит поиск элемента в табл.1.1, у которого совпадают значения высокой и низкой частоты с найденными ранее.

#### 1.4. Выводы

## ГЛАВА 2. ПРАКТИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

### 2.1. Используемые инструменты

Для реализации был выбран язык программирования Python 3.9. Среда разработки: JetBrains PyCharm. Также, использовались такие пакеты для языка Python, как:

- `math`, `numpy` - для расчетов;
- `scipy` - для работы с wav-файлом.

Для работы с гармоническими процессами использовались ранее реализованные в рамках курса функции библиотеки `spbstu-processing-data`.

### 2.2. Модели и константы

Для работы с данными генерируемых сигналов был создан класс `Signal`, который хранит в себе значения сигнала, частоту дискретизации и интерпретируемый символ.

Значения частот, соответствующих символов приведены в программе в виде констант:

- `DTMF_TABLE` - словарь символов и частот;
- `DTMF_FREQ` - массив возможных частот набора;
- `DTMF_HIGH` - массив высоких частот;
- `DTMF_LOW` - массив низких частот.

### 2.3. Чтение и запись

Чтобы записывать значения сигналов в файл был создан класс `Writer`, который в функции `def write(filename: str, signals: [Signal])` формирует из объектов `Signal` весь массив значений и передает его на вход функции `write` библиотеки `scipy`.

Для чтения данных из wav-файла используется класс `Reader` и функция `def read(filename: str)`, которая обращается к `read` фреймворка `scipy`.

## 2.4. Генерация сигнала

Чтобы создать звуковой файл, был написан класс `Generator`, в котором реализованы две функции:

- *def generate\_from(symbols: str, duration, volume, rate) → [Signal]* - принимает на вход строку символов с заданными параметрами продолжительности, громкости и частоты и возвращает массив сгенерированных элементов `Signal`;
- *def calculate(symbol: str, duration, volume, rate) → Signal* - для входного символа вычисляет значение двух гармоник и их аддитивную модель.

Результат функции *generate\_from* передается объекту класса `Writer`, описанному ранее.

## 2.5. Распознавание символов

Алгоритм Гёрцеля реализован в рамках класса `Goertzel`, в котором используются следующие функции и методы:

- *init* - инициализатор класса, в котором заранее подсчитываются значения коэффициентов DTMF-частот;
- *def calc\_s\_n(self, sample\_data)* - вычисляет значения последовательности  $s_n$ ;
- *def calc\_power(self) -> {float: float}* - вычисляет мощность для каждого частотного компонента;
- *def get\_number(self, powers)* - на основе полученных мощностей находим необходимый нам символ по таблице `DTMF_TABLE`;
- *def reset(self)* - для каждого последующего пакета значений сигнала сбрасываем посчитанные значения последовательности  $s_n$ .

Чтобы определить символы, которые были закодированы в wav-файле, был определен класс `Detector`. Он включает в себя одну функцию:

- *def detect(rate, data) -> str* - принимает на вход частоту и значения сигнала, а возвращает строку с распознанным сообщением.

В рамках этапа распознавания разбиваем массив значений сигнала на пакеты (bins), элементы которых поочередно передаем на вход алгоритма Гёрцеля - объекту класса `Goertzel`. В итоге получаем строку распознанных значений.



## **2.6. Выводы**