Correction TP Programmation sous R

Structures de contrôle

Les conditions

1. Entier pair ou impair n = sample(1:100, size = 1)# Initialisation aléatoire if (n%2){ # On utilise le modulo pour déterminer la parité n%2==1 ssi n est impaire cat(n,'est impaire') } else{ cat(n,'est paire') 96 est paire La même chose avec ifelse: n = sample(1:100, size = 1)# Initialisation aléatoire ifelse(n\%2, paste(n, 'est impaire'), paste(n, 'est paire')) [1] "28 est paire" La même chose avec switch: n = sample(1:100, size = 1)# Initialisation aléatoire switch(n %% 2+1, # prend comme valeurs 1 et 2 et donne l'instruction à exécuter print(paste("n est pair, il est égal à ", n)), # instruction 1 print(paste("n est impair, il est égal à ", n))) # instruction 2 [1] "n est impair, il est égal à 79" n=100if(sqrt(n)==floor(sqrt(n))){ cat(n,'est un carré parfait') }else{ cat(n,'n\'est pas un carré parfait') 100 est un carré parfait 3. On peut mettre toutes les conditions dans le même if. $if(sqrt(n) == floor(sqrt(n)) & n / 2 & n / 3 == 0){$ cat(n, 'est le caré d\'un entier impaire, multiple de 3') cat(n, 'n\'est pas le caré d\'un entier impaire, multiple de 3') O n'est pas le caré d'un entier impaire, multiple de 3

On peut également verifier les conditions une par une

```
n=36
if(sqrt(n)!=floor(sqrt(n))){
   cat(n,'n\'est pas un carré parfait')
}else{
   if(n%%2==0){
     cat(n,'est le carré d\'un nombre paire')
}else{
     if(n%%3){
      cat(n,'est le carré d\'un nombre impaire mais pas multiple de 3')
   }
   else{
     cat(n,'est le carré d\'un entier impaire, multiple de 3')
   }
}
```

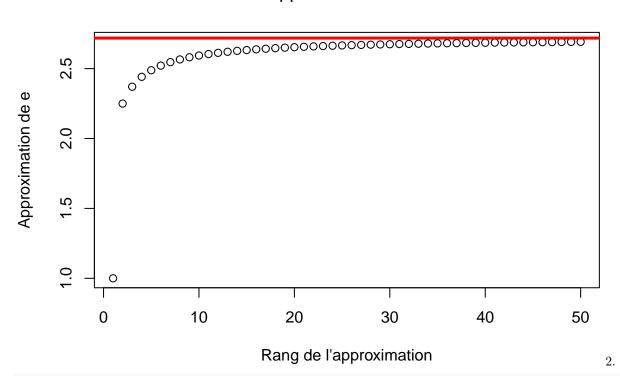
36 est le carré d'un nombre paire

Boucles for

1. Approximation de e:

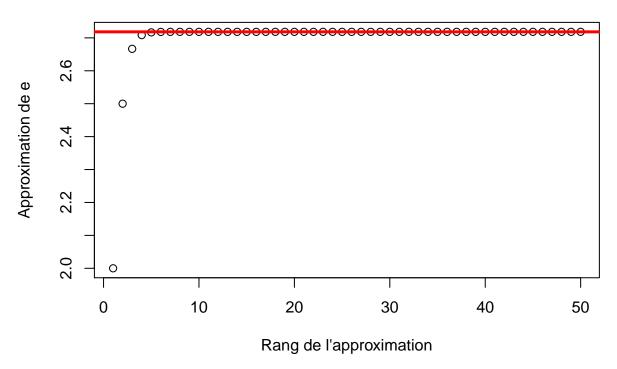
```
n=50 # Ordre de l'approximation
ae <- 1 # Valeur de l'approximation pour n=1
for (k in 2:n) {
   ae=c(ae,(1+1/k)^k) # Concaténation du vecteur avec le nouveau terme
}
plot(1:n,ae,ylab=expression(Approximation~de~e),
        xlab = "Rang de l'approximation", main=expression(Approximation~de~e))
abline(exp(1),0,col='red',lw=3)</pre>
```

Approximation de e



```
n=50 # Ordre maximal de l'approximation
aproxe <- rep(2, 50) #pour n=0, l'aprox est égale à 1 et on va faire calculer l'
for(k in 2:n){
   aproxe[k] <- aproxe[k-1]+1/factorial(k)
}
plot(1:n,aproxe,ylab=expression(Approximation~de~e),
        xlab = "Rang de l'approximation", main=expression(Approximation~de~e))
abline(exp(1),0,col='red',lw=3)</pre>
```

Approximation de e



2. Calcul d'intérêts.

```
NombreAnnees <- 10
CapitalInitiel <-Capital <- 1000 #Capital initiel pour le Livret A avec le taux de 2019

CapitalLivretA2008Initiel <- CapitalLivretA2008 <- 1000 #Capital init. Livret A avec le taux de 2008

TotalInteretLivretA <- 0

Taux=0.0075

TauxLivretA2008=0.04

for(i in 1:NombreAnnees){
    Capital <- Capital + Taux * Capital

    ## Meme chose pour le livret A de 2008
    CapitalLivretA2008 <- CapitalLivretA2008 + TauxLivretA2008* CapitalLivretA2008
}

TotalInteret <- Capital-CapitalInitiel

TotalInteretLivretA2008 <- CapitalLivretA2008-CapitalLivretA2008Initiel

print(paste("Avec un taux annuel de", Taux*100, "%, le montant total d'intérêts sur",
    NombreAnnees, "ans est:", TotalInteret))
```

- [1] "Avec un taux annuel de 0.75 %, le montant total d'intérêts sur 10 ans est: 77.582545470739"

 print(paste("Avec un taux annuel de", TauxLivretA2008*100, "%, le montant total d'intérêts sur",

 NombreAnnees, "ans est: ", TotalInteretLivretA2008))
- [1] "Avec un taux annuel de 4 %, le montant total d'intérêts sur 10 ans est: 480.244284918344" Pour visualiser l'evolution des intérêts (ou du capital) on peux sauvegarder les valeurs intermedieres.

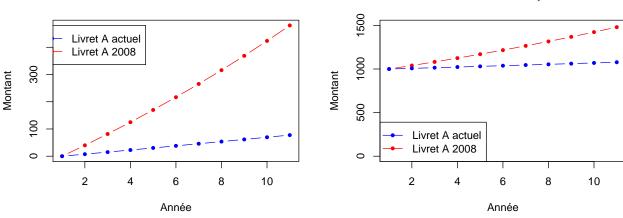
```
NombreAnnees <- 10
# On initialise en créant le vecteur,
# il va donner le capital au début de chaque année pour le Livret A actuel:
```

```
Capital <- rep(1000, NombreAnnees+1)</pre>
TotalInteret <- rep(0, NombreAnnees+1)
#Même chose pour le livret A avec le taux de 2008
CapitalLivretA <- rep(1000, NombreAnnees)</pre>
TotalInteretLivretA <- rep(0, NombreAnnees)
Taux=0.0075
TauxLivretA2008=0.04
for(i in 2:(NombreAnnees+1)){
  InteretAnnuel <-Taux * Capital[i - 1]</pre>
  TotalInteret[i] <- TotalInteret[i - 1] + InteretAnnuel</pre>
  Capital[i] <- Capital[i - 1] + InteretAnnuel</pre>
  ## Meme chose pour le livret A
  InteretAnnuelLivretA <- TauxLivretA2008 * CapitalLivretA[i - 1]</pre>
  TotalInteretLivretA[i] <- TotalInteretLivretA[i - 1] + InteretAnnuelLivretA
  CapitalLivretA[i] <- CapitalLivretA[i - 1] + InteretAnnuelLivretA</pre>
}
```

On peut représenter graphiquement l'évolution des intérêts ou du capital

Evolution des intérêts

Evolution du capital



Remarque: L'évolution du capital C_n à l'année n, peut être décrite par une série géométrique de ratio q=1+Taux et terme initial $C_0=1000$. Donc, les intérêts I_n à l'année n s'écrivent $1000\times((1+\text{Taux})^n-1)$. En utilisant ça et les propriétés de vectorisation de R, on n'a pas besoin de faire de boucle. En effet, la boucle plus haut donne le même résultat que:

```
(InteretAnnuelLivretA <- 1000*((1+TauxLivretA2008)^(0:10) -1))
```

- [1] 0.0000 40.0000 81.6000 124.8640 169.8586 216.6529 265.3190
- [8] 315.9318 368.5691 423.3118 480.2443
- 4. Jeu de données UScereal

Calcul sans boucles:

```
data(UScereal,package="MASS")
moy=aggregate(UScereal$calories, list(UScereal$mfr),mean)
# ou moy=by(UScereal$calories,UScereal$mfr,mean), Voir TP2
et=aggregate(UScereal$calories, list(UScereal$mfr),sd)
colnames(moy)=c('producteur', 'moyenne')
colnames(et)=c('producteur', 'ecart-type')
d=merge(et,moy,by= "producteur")
d
```

```
producteur ecart-type moyenne
             44.99660 137.7879
          G
1
2
             45.77379 149.6710
3
             44.91372 160.2593
          N
4
          P 122.89988 194.7578
5
             55.90069 135.8507
          Q
              20.82300 124.8521
Calcul avec une boucle:
moy=c() # Création d'un vecteur vide
ect=c()
for (i in levels(UScereal$mfr)){
moy <- c(moy, mean(subset(UScereal, mfr == i)$calories))#Voir l'aide de subset ou le TP2
 ect <- c(ect,#
               sd(subset(UScereal, mfr == i)$calories))
(ResCal <- data.frame(Moyenne = moy, EcartType = ect, # Spécification du nom des colonnes
                             row.names = levels(UScereal$mfr)))#Spécification des noms de lique
  Moyenne EcartType
G 137.7879 44.99660
K 149.6710 45.77379
N 160.2593 44.91372
P 194.7578 122.89988
Q 135.8507 55.90069
R 124.8521 20.82300
Calcul avec deux boucles:
moy=c() # Création d'un vecteur vide
ect=c()
ectr=c()
for (p in levels(UScereal$mfr)) {m=0
  for (x in UScereal$calories[UScereal$mfr==p]) {m=m+x
 n=length(UScereal$calories[UScereal$mfr==p])
 m=m/n
 moy=c(moy,m)
  s=0
  for (x in UScereal$calories[UScereal$mfr==p]) {s=s+(x-m)^2
  s=sqrt(s/n)
  ect=c(ect,s)
  ectr=c(ectr,s*sqrt(n/(n-1))) #estimateur utilisé par R
res=data.frame(Moyenne=moy, Ecart_Type= ect, Ecart_Type_R=ectr, row.names = levels(UScereal mfr))
  Moyenne Ecart_Type Ecart_Type_R
G 137.7879 43.96205 44.99660
K 149.6710 44.67065
                        45.77379
N 160.2593 36.67190
                         44.91372
P 194.7578 115.87112
                        122.89988
Q 135.8507 49.99910 55.90069
R 124.8521 18.62465
                        20.82300
```

Boucle while

1. La puissance de 2 dans la décomposition en facteurs premiers d'un entier n est le p maximal tel que 2^p est un diviseur de n.

```
n=64
p=0
while(n\(\frac{n}{2}==0\) {
    p <- p+1
    n <- n/2
}
print(paste("La puissance de 2 dans la décomposition de n est",p))</pre>
```

- [1] "La puissance de 2 dans la décomposition de n est 6"
 - 2. Trouver un nombre entier myst:

```
myst=sample(1:100,1)
count=1
while(sample(1:100,1)!=myst) {
   count=count+1
}
print(paste("Nombre de tirages necessaires:", count))
```

[1] "Nombre de tirages necessaires: 8"

Boucle repeat

Q.S. Pour la question 2, on peut également utiliser repeat :

```
myst=sample(1:100,1)
count=0
repeat{
   count=count+1
   if (sample(1:100,1)==myst) break
}
print(paste("Nombre de tirages necessaires:", count))
```

- [1] "Nombre de tirages necessaires: 201"
 - 2. Suite de Syracuse.

```
[1] "En partant de 1 , il a fallu 3 opérations avant de s'arrêter."
#print(suite)
#Remarque, ici si n=1, l'algorithme s'arrete sans engendrer la suite 1,4,2,1
n = sample(1:200, size = 1) #Initialisation aléatoire
suite=c(n) # initialisation de la suite
while (n!=1) {
  if(n \% 2 ==0) {
     n=n/2
  } else{
   n=n*3+1
  suite=c(suite,n)
print(paste("En partant de", suite[1], ", il a fallu", length(suite)-1,
            "opérations avant de s'arrêter."))
[1] "En partant de 130 , il a fallu 28 opérations avant de s'arrêter."
Création de fonctions
  1. Fonction calcul d'intérêts
CalculInteret <- function(C, n, tx){</pre>
  InteretFinal <- C*((1 + tx)^n -1)# La boucle aurait fonctionné aussi
  return(InteretFinal)
#Calcul d'intérêts sur 10 ans pour un livret A au plafond avec le taux de 2019
CalculInteret(C= 22950, n= 10, tx=0.0075)
[1] 1780.519
#Calcul d'intérêts sur 10 ans sur la même somme, avec un taux de 4\%
CalculInteret(C= 22950, n= 10, tx=0.04)
[1] 11021.61
  2. On créé une fonction NombreTirages
NombreTirages <- function(n){</pre>
  #On reprend le même code que précédemment, où myst est remplacé par n
  count=1
  while(sample(1:100,1)!=n) {
  count=count+1
```

```
count=count+1
}

return(count)
}

m = 1000;
NombreNecessaire <- rep(NA, m)
myst=sample(1:100,1) #on choisit un nombre de maniere aleatoire
for (i in 1:m) {
   NombreNecessaire[i]=NombreTirages(myst)</pre>
```

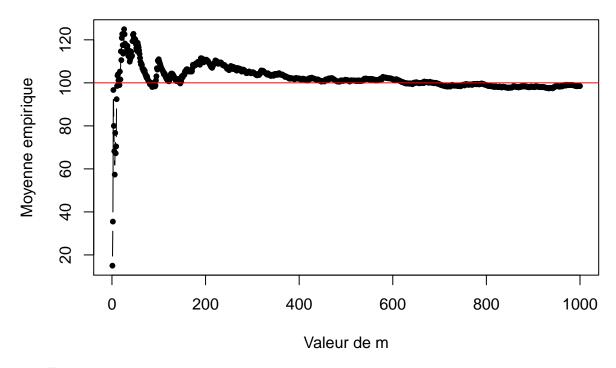
```
print(mean(NombreNecessaire))
```

[1] 98.499

La valeur moyenne converge vers 100. On a ici une illusatration empirique de la loi des grands nombres. La loi du nombre de tirages est une loi géométrique de paramètre p=0.01, son espérance est donc 100 (1/p). On effectue m réplications indépendantes de cette loi, la moyenne empirique de l'échantillon tend vers 100 quand m grandit.

L'évolution de la moyenne en fonction du nombre de répétions m:

Evolution de la moyenne empirique du nombre de tirage



3. Fonction Syracuse:

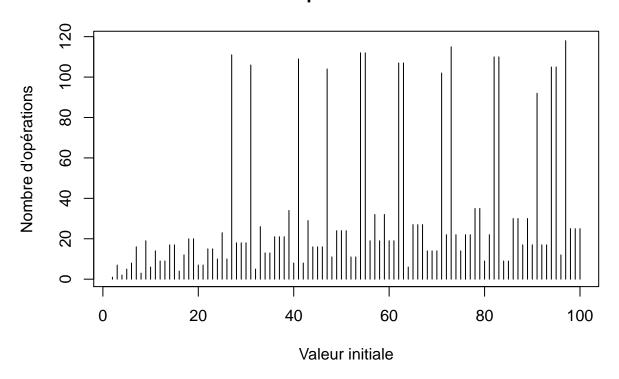
```
Syracuse <- function(n) {
    suite=c(n) # initialisation de la suite
    while (n!=1) {
        if(n %% 2 ==0) {
            n=n/2
        } else {
            n=n*3+1
        }
        suite=c(suite,n)
}</pre>
```

```
return(list(Suite=suite, Longuer=length(suite)-1))
}
```

Répresenter les longuers des suites de Syracuse pour n entre 2 et 100:

```
ValeursInitiales <- 2:100
LonguerSuite <- ValeursInitiales # La valeur de l'initialisation n'est pas importante ici
for (i in ValeursInitiales) {
   LonguerSuite[i-1]=Syracuse(i)$Longuer
}
plot(ValeursInitiales,LonguerSuite,type = 'h', main = "Nombre d'opérations effectuées", xlab = "Valeur ylab = "Nombre d'opérations")</pre>
```

Nombre d'opérations effectuées



Calculer le nombre maximum atteint:

Le nombre maximal atteint dans les suites est 9232 . Ce nombre est dans les suites ayant comme valeurs initiales: $27\ 31\ 41\ 47\ 54\ 55\ 62\ 63\ 71\ 73\ 82\ 83\ 91\ 94\ 95\ 97$

Comment gérer des cas particuliers

1. Calculer la fonction factorielle:

```
fact=function(n){
  p=1;
  while(1<n)
    {p=p*n}
    n=n-1
    }
 return(p)
fact(0); fact(5);fact(3)
[1] 1
[1] 120
Γ1 6
#vérifier qu'on obtient les mêmes valeurs
all.equal(c(fact(0), fact(8),fact(153)),c(factorial(0), factorial(8),factorial(153)))
[1] TRUE
fact=function(n){
  if(n<0){ # On s'arrête si le nombre estu négatif
    stop(" Le nombre n'est pas positif")
  } else{
    if(n!= floor(n)){
     n <- floor(n)
      warning('La factorielle de la partie entiere de n est retourné')
    }else{
  p=1;
  while(1<n)
    {p=p*n}
    n=n-1
    }
 return(p)
  }
  }
fact(1.5);
Warning in fact(1.5): La factorielle de la partie entiere de n est retourné
fact(-3)
Error in fact(-3): Le nombre n'est pas positif
fact(4); fact(0); # Remarque: 0!=1 donc on n'a pas besoin d'une structure de controle en plus
[1] 24
[1] 1
  2. Option break
NombreTirages <- function(n){</pre>
  count=1
  while(sample(1:100,1)!=n) {
```

```
if(count >= 100){
    count=NULL # Mise du résultat à NULL
    cat("L'algorithme n'a pas convergé. \n ",append = FALSE)
    break # Sortie de la boucle
}
    count=count+1
}
return(count)
}
x=NombreTirages(107)
```

L'algorithme n'a pas convergé.

X

NULL

3. Option **next**.

Le bloc suivant n'est pas necessaire, c'est juste pour pouvoir utliser la fonction sans le message d'erreur. On pourrait egalement reprendre la fonction crée à la question 2. Section 2.1.

```
NombreTirages <- function(n, sw = 0){
    # sw est un parametre pour controler l'aparition d'un message d'errreur quand l'algorithme
    # ne converge pas. Ici sa valeur par défault est 0
    count=1
    while(sample(1:100,1)!=n) {
        if(count >= 100){
            count=NULL # Mise du résultat à NULL
            if(sw) { # si sw == 0 le message d'erreur n'apparait pas
            cat("L'algorithme n'a pas convergé. \n ")
        }
        break # Sortie de la boucle
    }
        count=count+1
}
return(count)
}
NombreTirages(107,0)
```

NULL

La commande next améme le courseur d'exécution du programme au départ de la boucle. L'itération suivante est exécuté (si elle existe).

```
N=1000;
Tirages=c()
myst=sample(1:100,1)
for (i in 1:N) {
    t=NombreTirages(myst,0)
    if (!is.null(t)){
        Tirages=c(Tirages,t)
    } else{
        next
```

```
}

cat(paste("Le nombre moyen de tirages est: ",mean(Tirages),".\n",sep = ""))

Le nombre moyen de tirages est: 42.9954058192956.

cat(paste("L'algorithme n'a pas convergé", N-length(Tirages), "fois."))

L'algorithme n'a pas convergé 347 fois.
```

Opératuers

```
"%+%" <- function(x,y){
  return(paste(x,y))
}
'hello'%+%'world'</pre>
```

[1] "hello world"

Famille des fonctions apply

1. Utiliser les qualités (et connaître les faiblesses) de R permet bien souvent de gagner du temps. Il faut au mieux utiliser les propriétés vectorielles des fonctions, et essayer d'éviter d'utiliser des boucles lors de schémas non itératifs.

[1] "La boucle for sans taille initiale a mis 0.121 secondes"

[1] "La boucle for avec taille initiale a mis 0.005 secondes"

```
# Application Vectorielle
T1 <- Sys.time()</pre>
```

```
Resultat <- cos(1:n)
T2 <- Sys.time()
print(paste("L'application vectorielle a mis ",
            round(difftime(T2, T1, units = "secs"), 3), "secondes"))
[1] "L'application vectorielle a mis 0.002 secondes"
# Avec apply
T1 <- Sys.time()
Resultat <- sapply(1:n, cos)
T2 <- Sys.time()
print(paste("La sapply a mis ", round(difftime(T2, T1, units = "secs"), 3), "secondes"))
[1] "La sapply a mis 0.005 secondes"
## Pour verifier le temps avec system.time():
Resultat <- c()
system.time(
for(i in 1:n){
 Resultat <- c(Resultat, cos(i))</pre>
})
   user system elapsed
  0.108
         0.008
                  0.116
  2. On reprend l'importation du TP2
DataBladder <- read.table(file = "bladder.txt", # Adapter le chemin....
                       dec = ".", header = F, na.strings = "-500")
#Ne pas oublier de spécifier que les -500 sont des NAs!!
Calcul de la moyenne:
Pour gérer les NA, on peut utiliser l'argument na.rm de mean. On peut spécifier dans les apply les arguments
optionnels des fonctions utilisées.
MoyLigne <- apply(X = DataBladder, MARGIN = 1, FUN = mean, na.rm = T)
# On applique la fonction mean (FUN) à toutes les lignes de bladder (X) en enlevant les NA (na.rm)
MoyCol <- apply(X = DataBladder, MARGIN = 2, FUN = mean, na.rm = T)</pre>
# On applique la fonction mean (FUN) à toutes les colonnes de bladder (X) en enlevant les NA (na.rm)
sum(is.na(MoyLigne))
Γ1 0
sum(is.na(MoyCol))
[1] 0
On peut faire la même chose en utilisant les raccourcis colMeans() et rowMeans():
MoyLigne2 <- colMeans(DataBladder,na.rm = TRUE)</pre>
MoyCol2 <- rowMeans(DataBladder,na.rm = TRUE)</pre>
#vérifier l'égalité:
all.equal(MoyCol,MoyLigne2)
[1] TRUE
all.equal(MoyLigne, MoyCol2)
```

[1] TRUE

Calcul de l'écart type:

```
MySd <- function(x,rm.na = TRUE){ #Par défaut on retire les valeurs manquantes.
  if(rm.na){
  x <- x[!is.na(x)] #on enleve les NA's
 m \leftarrow mean(x)
 n <-length(x)
 return(sqrt(sum((x-m)^2)/(n-1))) #on utilise l'estimateur sans bias de l'ecart type
MySdLigne <- apply(X = DataBladder, MARGIN = 1, FUN = MySd)
MySdCol <- apply(X = DataBladder, MARGIN = 2, FUN = MySd)
sum(is.na(MySdLigne))
[1] 0
sum(is.na(MySdCol))
[1] 1
Comparaison de résultats avec la fonction sd():
SdLigne <- apply(X = DataBladder, MARGIN = 1, FUN = sd, na.rm=TRUE)
SdCol <- apply(X = DataBladder, MARGIN = 2, FUN = sd,na.rm=TRUE)
sum(is.na(SdLigne))
[1] 0
sum(is.na(SdCol))
[1] 1
all.equal(SdLigne,MySdLigne)
[1] TRUE
all.equal(SdCol,MySdCol)
```

[1] TRUE

La valeur NA de SdCol ou MySdCol correspond à une colonne ayant un seul élément différent de NA (et donc d'après notre définition $\hat{\sigma} = 0/0$). On peut corriger ça avec un if:

```
MySd <- function(x,rm.na = TRUE){ #Par défaut on retire les valeurs manquantes.
    if(rm.na){
        x <- x[!is.na(x)] #on enleve les NA's
    }
    m <- mean(x)
    n <-length(x)
    if (n==1) {
        return(0)
    }else{
        return(sqrt(sum((x-m)^2)/(n-1))) #on utilise l'estimateur sans bias de l'ecart type
        }
    }
MySdLigne <- apply(X = DataBladder, MARGIN = 1, FUN = MySd)
MySdCol <- apply(X = DataBladder, MARGIN = 2, FUN = MySd)
sum(is.na(MySdLigne))</pre>
```

[1] 0

```
sum(is.na(MySdCol))
[1] 0
Question supplementaire:
DC <- sweep(DataBladder,MARGIN = 2,STATS = MoyCol) #le tableau de données centrées</pre>
```

```
[1] 0

DCR <- sweep(DataBladder, MARGIN = 2,STATS = MySdCol,FUN = "/") #normaliser les données
```

Pour obtenir des données centrées réduites, on peut également utiliser directement la fonction scale.

```
DataBladderCR <- scale(DataBladder)</pre>
```

sum(abs(colMeans(DC,na.rm = TRUE))>0.000001) #verification

3. De manière générale, si une for boucle n'est pas itérative (i.e. l'étape i ne dépend pas de l'étape i-1) alors, elle peut être effectuée par une fonction de type apply.

Exemples:

ullet appliquer la fonction crée en Section 2. m fois pour ensuite calculer la moyenne sur les resultats:

```
NombreTirages <- function(n){
  count=1
  while(sample(1:100,1)!=n) {
    count=count+1
  }

  return(count)
}

m <- 100
myst <- sample(1:100,1)
mean(sapply(rep(myst,m),FUN = NombreTirages))</pre>
```

[1] 112.36

• calculer l'approché de e:

```
n \leftarrow 50

sapply(1:n,FUN = function(x){(1+1/x)^x})
```

```
[1] 2.000000 2.250000 2.370370 2.441406 2.488320 2.521626 2.546500 [8] 2.565785 2.581175 2.593742 2.604199 2.613035 2.620601 2.627152 [15] 2.632879 2.637928 2.642414 2.646426 2.650034 2.653298 2.656263 [22] 2.658970 2.661450 2.663731 2.665836 2.667785 2.669594 2.671278 [29] 2.672849 2.674319 2.675696 2.676990 2.678208 2.679355 2.680439 [36] 2.681464 2.682435 2.683357 2.684232 2.685064 2.685856 2.686612 [43] 2.687333 2.688022 2.688681 2.689312 2.689917 2.690497 2.691053 [50] 2.691588
```

• calculer la moyenne de calories par producteur:

```
library(MASS)
tapply(UScereal$calories,UScereal$mfr,mean)
```

```
G K N P Q R
137.7879 149.6710 160.2593 194.7578 135.8507 124.8521
```

Parfois, on peut utiliser des fonctions de type apply pour effectuer des boucles for itératives. On peut prendre comme exemple l'approximation de e effectuée à la deuxième question.

```
approximation <- function(k){ #approximation de e à l'ordre k
  return(sum(sapply(0:k, FUN = function(x){1/factorial(x)})))
}
VectAprox <- sapply(1:n,approximation)</pre>
  4. Avec for:
x = seq(0,100,by=10)
y = sample(1:100,15)
PlusProche = function(x,y){
  n=length(y)
  Result=rep(x[1],n) # on suppose que le premier element est le plus proche
  for(i in 1:n){
    for (xj in x) {
      if (abs(y[i]-xj) < abs(y[i]-Result[i])){</pre>
        Result[i] <- xj
    }
  }
  return(Result)
}
У
 [1] 81 71 45 32 89 72 51 65 62 3 40 87 76 9 95
PlusProche(x,y)
 [1] 80 70 40 30 90 70 50 60 60 0 40 90 80 10 90
Avec sapply:
PlusProcheA=function(x,y){
  return(sapply(y,FUN=function(yj){ x[which.min(abs(x-yj))]}))
PlusProcheA(x,y)
 [1] 80 70 40 30 90 70 50 60 60 0 40 90 80 10 90
Si on veut s'intéresser seulement a x et y, définis dans la consigne du TP, en utilisant leur structure particulière,
on peut obtenir le même résultat plus facilement :
floor((y/10))*10
 [1] 80 70 40 30 80 70 50 60 60 0 40 80 70 0 90
  5. Produit matriciel:
p <- 3
n < -2
v <- 1:p
A <- matrix(1:(n*p), byrow = TRUE, nrow = n, ncol = p)
A%*%v # produit usuel
     [,1]
[1,]
     14
```

```
[2,] 32
```

```
apply(A,MARGIN = 1, FUN = function(x){sum(x*v)})
```

[1] 14 32

```
# avec apply le resultat est un vecteur et non une matrice
```

6. Avec tapply on peut calculer la consommation moyenne (mpg) en fonction deux facteurs: la transmission (am) et le nombre de cylindres (cyl) :