



下载APP



## 25 | 如何用法线贴图模拟真实物体表面

2020-08-19 月影

跟月影学可视化

[进入课程 >](#)**讲述：月影**

时长 09:23 大小 8.60M



你好，我是月影。

上节课，我们讲了光照的 Phong 反射模型，并使用它给几何体添加了光照效果。不过，我们使用的几何体表面都是平整的，没有凹凸感。而真实世界中，大部分物体的表面都是凹凸不平的，这肯定会影响光照的反射效果。

因此，只有处理好物体凹凸表面的光照效果，我们才能更加真实地模拟物体表面。在图形学中就有一种对应的技术，叫做**法线贴图**。今天，我们就一起来学习一下。



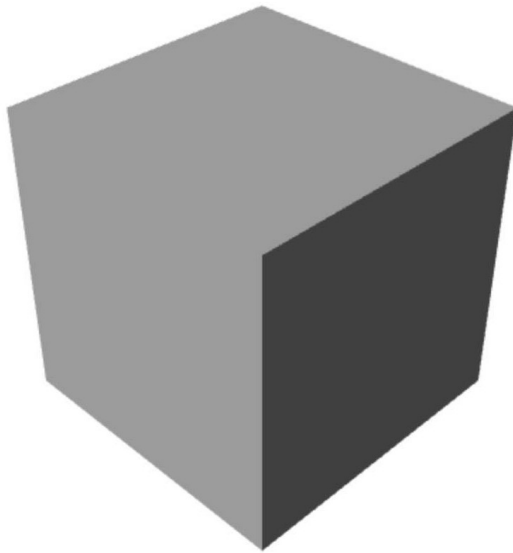
### 如何使用法线贴图给几何体表面增加凹凸效果？

那什么是法线贴图？我们直接通过一个例子来理解。

首先，我们用 Phong 反射模型绘制一个灰色的立方体，并给它添加两道平行光。具体的代码和效果如下：

[复制代码](#)

```
1 import {Phong, Material, vertex as v, fragment as f} from '../common/lib/phong
2
3 const scene = new Transform();
4
5 const phong = new Phong();
6 phong.addLight({
7   direction: [0, -3, -3],
8 });
9 phong.addLight({
10  direction: [0, 3, 3],
11 });
12 const matrial = new Material(new Color('#808080'));
13
14 const program = new Program(gl, {
15   vertex: v,
16   fragment: f,
17   uniforms: {
18     ...phong.uniforms,
19     ...matrial.uniforms,
20   },
21 });
22
23 const geometry = new Box(gl);
24 const cube = new Mesh(gl, {geometry, program});
25 cube.setParent(scene);
26 cube.rotation.x = -Math.PI / 2;
```



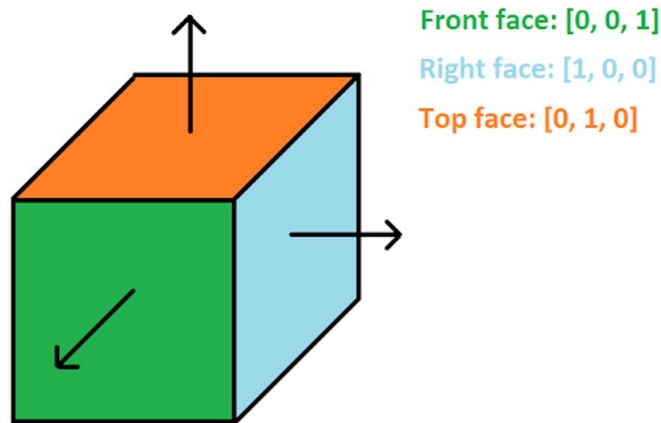
现在这个立方体的表面是光滑的，如果我们想在立方体的表面贴上凹凸的花纹。我们可以加载一张**法线纹理**，这是一张偏蓝色调的纹理图片。



```
1 const normalMap = await loadTexture('../assets/normal_map.png');
```

[复制代码](#)

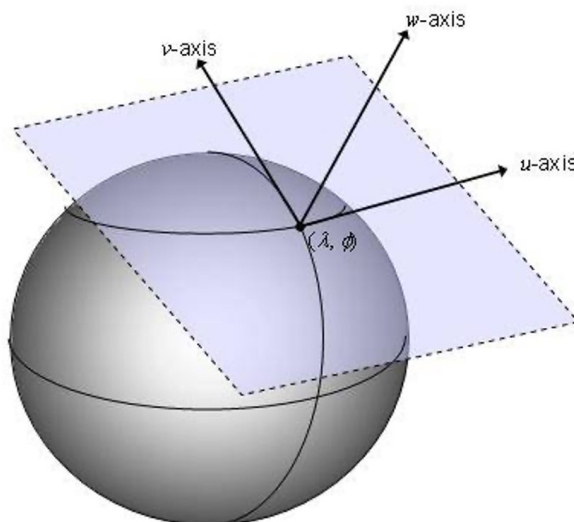
为什么这张纹理图片是偏蓝色调的呢？实际上，这张纹理图片保存的是几何体表面的每个像素的法向量数据。我们知道，正常情况下，光滑立方体每个面的法向量是固定的，如下图所示：



但如果表面有凹凸的花纹，那不同位置的法向量就会发生变化。在**切线空间**中，因为法线都偏向于  $z$  轴，也就是法向量偏向于  $(0,0,1)$ ，所以转换成的法线纹理就偏向于蓝色。如果我们根据花纹将每个点的法向量都保存下来，就会得到上面那张法线纹理的图片。

## 如何理解切线空间？

我刚才提到了一个词，切线空间，那什么是切线空间呢？切线空间（Tangent Space）是一个特殊的坐标系，它是由几何体顶点所在平面的  $uv$  坐标和法线构成的。



切线空间

切线空间的三个轴，一般用 T (Tangent)、B (Bitangent)、N (Normal) 三个字母表示，所以切线空间也被称为 TBN 空间。其中 T 表示切线、B 表示副切线、N 表示法线。

对于大部分三维几何体来说，因为每个点的法线不同，所以它们各自的切线空间也不同。

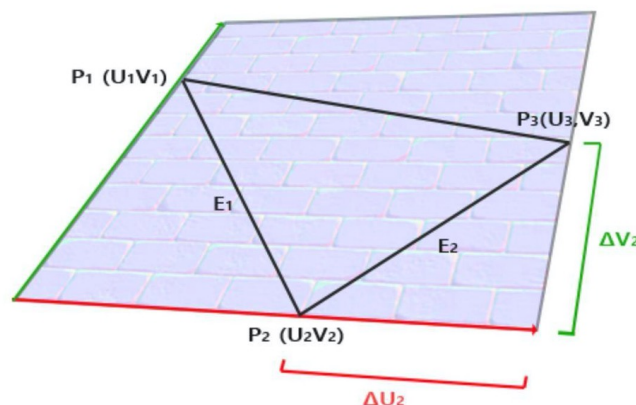
接下来，我们来具体说说，切线空间中的 TBN 是怎么计算的。

首先，我们来回忆一下，怎么计算几何体三角形网格的法向量。假设一个三角形网格有三个点  $v_1$ 、 $v_2$ 、 $v_3$ ，我们把边  $v_1v_2$  记为  $e_1$ ，边  $v_1v_3$  记为  $e_2$ ，那三角形的法向量就是  $e_1$  和  $e_2$  的叉积表示的归一化向量。用 JavaScript 代码实现就是下面这样：

复制代码

```
1 function getNormal(v1, v2, v3) {
2   const e1 = Vec3.sub(v2, v1);
3   const e2 = Vec3.sub(v3, v1);
4   const normal = Vec3.cross(e1, e2).normalize();
5   return normal;
6 }
```

而计算切线和副切线，要比计算法线复杂得多，不过，因为 [数学推导过程](#) 比较复杂，我们只要记住结论就可以了。



$$\begin{bmatrix} T_x & T_y & T_z \\ B_x & B_y & B_z \end{bmatrix} = \frac{1}{\Delta U_1 \Delta V_2 - \Delta U_2 \Delta V_1} \begin{bmatrix} \Delta V_2 & -\Delta V_1 \\ -\Delta U_2 & \Delta U_1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} E_{1x} & E_{1y} & E_{1z} \\ E_{2x} & E_{2y} & E_{2z} \end{bmatrix}$$

如上图和公式，我们就可以通过 UV 坐标和点 P1、P2、P3 的坐标求出对应的 T 和 B 坐标了，对应的 JavaScript 函数如下：

[复制代码](#)

```

1 function createTB(geometry) {
2   const {position, index, uv} = geometry.attributes;
3   if(!uv) throw new Error('NO uv. ');
4   function getTBNTriangle(p1, p2, p3, uv1, uv2, uv3) {
5     const edge1 = new Vec3().sub(p2, p1);
6     const edge2 = new Vec3().sub(p3, p1);
7     const deltaUV1 = new Vec2().sub(uv2, uv1);
8     const deltaUV2 = new Vec2().sub(uv3, uv1);
9
10    const tang = new Vec3();
11    const bitang = new Vec3();
12
13    const f = 1.0 / (deltaUV1.x * deltaUV2.y - deltaUV2.x * deltaUV1.y);
14
15    tang.x = f * (deltaUV2.y * edge1.x - deltaUV1.y * edge2.x);
16    tang.y = f * (deltaUV2.y * edge1.y - deltaUV1.y * edge2.y);
17    tang.z = f * (deltaUV2.y * edge1.z - deltaUV1.y * edge2.z);
18
19    tang.normalize();
20
21    bitang.x = f * (-deltaUV2.x * edge1.x + deltaUV1.x * edge2.x);
22    bitang.y = f * (-deltaUV2.x * edge1.y + deltaUV1.x * edge2.y);
23    bitang.z = f * (-deltaUV2.x * edge1.z + deltaUV1.x * edge2.z);
24
25    bitang.normalize();
26
27    return {tang, bitang};
28  }
29
30  const size = position.size;
31  if(size < 3) throw new Error('Error dimension. ');
32
33  const len = position.data.length / size;
34  const tang = new Float32Array(len * 3);
35  const bitang = new Float32Array(len * 3);
36
37  for(let i = 0; i < index.data.length; i += 3) {
38    const i1 = index.data[i];
39    const i2 = index.data[i + 1];
40    const i3 = index.data[i + 2];
41
42    const p1 = [position.data[i1 * size], position.data[i1 * size + 1], position.data[i1 * size + 2]];
43    const p2 = [position.data[i2 * size], position.data[i2 * size + 1], position.data[i2 * size + 2]];
44    const p3 = [position.data[i3 * size], position.data[i3 * size + 1], position.data[i3 * size + 2]];
45
46    const u1 = [uv.data[i1 * 2], uv.data[i1 * 2 + 1]];

```

```
47     const u2 = [uv.data[i2 * 2], uv.data[i2 * 2 + 1]];
48     const u3 = [uv.data[i3 * 2], uv.data[i3 * 2 + 1]];
49
50     const {tang: t, bitang: b} = getTBNTriangle(p1, p2, p3, u1, u2, u3);
51     tang.set(t, i1 * 3);
52     tang.set(t, i2 * 3);
53     tang.set(t, i3 * 3);
54     bitang.set(b, i1 * 3);
55     bitang.set(b, i2 * 3);
56     bitang.set(b, i3 * 3);
57 }
58 geometry.addAttribute('tang', {data: tang, size: 3});
59 geometry.addAttribute('bitang', {data: bitang, size: 3});
60 return geometry;
61 }
62
```

虽然上面这段代码比较长，但并不复杂。具体的思路就是按照我给出的公式，先进行向量计算，然后将 tang 和 bitang 的值添加到 geometry 对象中去。

## 构建 TBN 矩阵来计算法向量

有了 tang 和 bitang 之后，我们就可以构建 TBN 矩阵来计算法线了。这里的 TBN 矩阵的作用，就是将法线贴图里面读取的法向量数据，转换为对应的切线空间中实际的法向量。这里的切线空间，实际上对应着我们观察者（相机）位置的坐标系。

接下来，我们对顶点着色器和片元着色器来说说，怎么构建 TBN 矩阵得出法线方向。

先看顶点着色器，我们增加了 tang 和 bitang 这两个属性。注意，这里我们用了 webgl2.0 的写法，因为 WebGL2.0 对应 OpenGL ES3.0，所以这段代码和我们之前看到的着色器代码略有不同。

首先它的第一行声明 #version 300 es 表示这段代码是 OpenGL ES3.0 的，然后我们用 in 和 out 对应变量的输入和输出，来取代 WebGL2.0 的 attribute 和 varying，其他的地方基本和 WebGL1.0 一样。因为 OGL 默认支持 WebGL2.0，所以在后续例子中你还会看到更多 OpenGL ES3.0 的着色器写法，不过因为两个版本差别不大，也不会妨碍我们理解代码。

```
1 #version 300 es
```

[复制代码](#)



```
2 precision highp float;
3
4 in vec3 position;
5 in vec3 normal;
6 in vec2 uv;
7 in vec3 tang;
8 in vec3 bitang;
9
10 uniform mat4 modelMatrix;
11 uniform mat4 modelViewMatrix;
12 uniform mat4 viewMatrix;
13 uniform mat4 projectionMatrix;
14 uniform mat3 normalMatrix;
15 uniform vec3 cameraPosition;
16
17 out vec3 vNormal;
18 out vec3 vPos;
19 out vec2 vUv;
20 out vec3 vCameraPos;
21 out mat3 vTBN;
22
23 void main() {
24     vec4 pos = modelViewMatrix * vec4(position, 1.0);
25     vPos = pos.xyz;
26     vUv = uv;
27     vCameraPos = (viewMatrix * vec4(cameraPosition, 1.0)).xyz;
28     vNormal = normalize(normalMatrix * normal);
29
30     vec3 N = vNormal;
31     vec3 T = normalize(normalMatrix * tang);
32     vec3 B = normalize(normalMatrix * bitang);
33
34     vTBN = mat3(T, B, N);
35
36     gl_Position = projectionMatrix * pos;
37 }
38
```

接着来看代码，我们通过 normal、tang 和 bitang 建立 TBN 矩阵。注意，因为 normal、tang 和 bitang 都需要换到世界坐标中，所以我们要记得将它们左乘法向量矩阵 normalMatrix，然后我们构建 TBN 矩阵 (vTBN=mat(T,B,N))，将它传给片元着色器。

下面，我们接着来看片元着色器。

[复制代码](#)

```
1 #version 300 es
2 precision highp float;
```

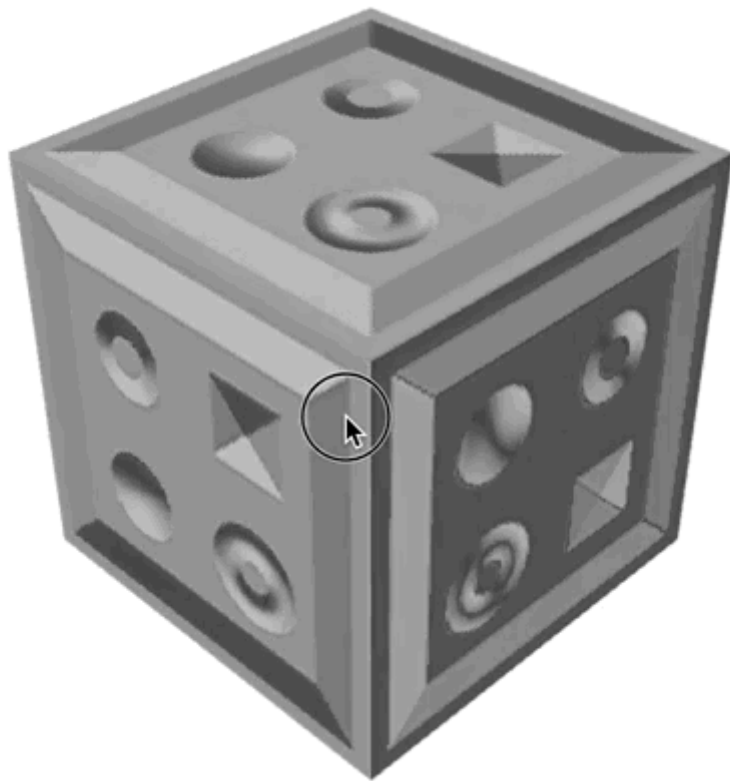


```
3
4 #define MAX_LIGHT_COUNT 16
5 uniform mat4 viewMatrix;
6
7 uniform vec3 ambientLight;
8 uniform vec3 directionalLightDirection[MAX_LIGHT_COUNT];
9 uniform vec3 directionalLightColor[MAX_LIGHT_COUNT];
10 uniform vec3 pointLightColor[MAX_LIGHT_COUNT];
11 uniform vec3 pointLightPosition[MAX_LIGHT_COUNT];
12 uniform vec3 pointLightDecay[MAX_LIGHT_COUNT];
13 uniform vec3 spotLightColor[MAX_LIGHT_COUNT];
14 uniform vec3 spotLightDirection[MAX_LIGHT_COUNT];
15 uniform vec3 spotLightPosition[MAX_LIGHT_COUNT];
16 uniform vec3 spotLightDecay[MAX_LIGHT_COUNT];
17 uniform float spotLightAngle[MAX_LIGHT_COUNT];
18
19 uniform vec3 materialReflection;
20 uniform float shininess;
21 uniform float specularFactor;
22
23 uniform sampler2D tNormal;
24
25 in vec3 vNormal;
26 in vec3 vPos;
27 in vec2 vUv;
28 in vec3 vCameraPos;
29 in mat3 vTBN;
30
31 out vec4 FragColor;
32
33 float getSpecular(vec3 dir, vec3 normal, vec3 eye) {
34     vec3 reflectionLight = reflect(-dir, normal);
35     float eyeCos = max(dot(eye, reflectionLight), 0.0);
36     return specularFactor * pow(eyeCos, shininess);
37 }
38
39 vec4 phongReflection(vec3 pos, vec3 normal, vec3 eye) {
40     float specular = 0.0;
41     vec3 diffuse = vec3(0);
42
43     // 处理平行光
44     for(int i = 0; i < MAX_LIGHT_COUNT; i++) {
45         vec3 dir = directionalLightDirection[i];
46         if(dir.x == 0.0 && dir.y == 0.0 && dir.z == 0.0) continue;
47         vec4 d = viewMatrix * vec4(dir, 0.0);
48         dir = normalize(-d.xyz);
49         float cos = max(dot(dir, normal), 0.0);
50         diffuse += cos * directionalLightColor[i];
51         specular += getSpecular(dir, normal, eye);
52     }
53
54     // 处理点光源
```

```
55     for(int i = 0; i < MAX_LIGHT_COUNT; i++) {
56         vec3 decay = pointLightDecay[i];
57         if(decay.x == 0.0 && decay.y == 0.0 && decay.z == 0.0) continue;
58         vec3 dir = (viewMatrix * vec4(pointLightPosition[i], 1.0)).xyz - pos;
59         float dis = length(dir);
60         dir = normalize(dir);
61         float cos = max(dot(dir, normal), 0.0);
62         float d = min(1.0, 1.0 / (decay.x * pow(dis, 2.0) + decay.y * dis + decay.z));
63         diffuse += d * cos * pointLightColor[i];
64         specular += getSpecular(dir, normal, eye);
65     }
66
67     // 处理聚光灯
68     for(int i = 0; i < MAX_LIGHT_COUNT; i++) {
69         vec3 decay = spotLightDecay[i];
70         if(decay.x == 0.0 && decay.y == 0.0 && decay.z == 0.0) continue;
71
72         vec3 dir = (viewMatrix * vec4(spotLightPosition[i], 1.0)).xyz - pos;
73         float dis = length(dir);
74         dir = normalize(dir);
75
76         // 聚光灯的朝向
77         vec3 spotDir = (viewMatrix * vec4(spotLightDirection[i], 0.0)).xyz;
78         // 通过余弦值判断夹角范围
79         float ang = cos(spotLightAngle[i]);
80         float r = step(ang, dot(dir, normalize(-spotDir)));
81
82         float cos = max(dot(dir, normal), 0.0);
83         float d = min(1.0, 1.0 / (decay.x * pow(dis, 2.0) + decay.y * dis + decay.z));
84         diffuse += r * d * cos * spotLightColor[i];
85         specular += r * getSpecular(dir, normal, eye);
86     }
87
88     return vec4(diffuse, specular);
89 }
90
91 vec3 getNormal() {
92     vec3 n = texture(tNormal, vUv).rgb * 2.0 - 1.0;
93     return normalize(vTBN * n);
94 }
95
96 void main() {
97     vec3 eyeDirection = normalize(vCameraPos - vPos);
98     vec3 normal = getNormal();
99     vec4 phong = phongReflection(vPos, normal, eyeDirection);
100
101     // 合成颜色
102     FragColor.rgb = phong.w + (phong.xyz + ambientLight) * materialReflection;
103     FragColor.a = 1.0;
104 }
105
```

片元着色器代码虽然也很长，但也并不复杂。因为其中的 Phong 反射模型，我们已经比较熟悉了。剩下的部分，我们重点理解，怎么从法线纹理中提取数据和 TBN 矩阵，来计算对应的法线就行了。具体的计算方法就是把法线纹理贴图中提取的数据转换到 $[-1, 1]$ 区间，然后左乘 TBN 矩阵并归一化。

然后，我们将经过处理之后的法向量传给 phongReflection 计算光照，就得到了法线贴图后的结果，效果如下图：



到这里我们就实现了完整的法线贴图。法线贴图就是根据法线纹理中保存的法向量数据以及 TBN 矩阵，将实际的法线计算出来，然后用实际的法线来计算光照的反射。具体点来说，要实现法线贴图，我们需要通过顶点数据计算几何体的切线和副切线，然后得到 TBN 矩阵，用 TBN 矩阵和法线纹理数据来算法向量，从而完成法线贴图。

## 使用偏导数来实现法线贴图

但是，构建 TBN 矩阵求法向量的方法还是有点麻烦。事实上，还有一种更巧妙的方法，不需要用顶点数据计算几何体的切线和副切线，而是直接用坐标插值和法线纹理来计算。

```
2  vec3 getNormal() {
3      vec3 pos_dx = dFdx(vPos.xyz);
4      vec3 pos_dy = dFdy(vPos.xyz);
5      vec2 tex_dx = dFdx(vUv);
6      vec2 tex_dy = dFdy(vUv);
7
8      vec3 t = normalize(pos_dx * tex_dy.t - pos_dy * tex_dx.t);
9      vec3 b = normalize(-pos_dx * tex_dy.s + pos_dy * tex_dx.s);
10     mat3 tbn = mat3(t, b, normalize(vNormal));
11
12     vec3 n = texture(tNormal, vUv).rgb * 2.0 - 1.0;
13     return normalize(tbn * n);
```

如上面代码所示，dFdx、dFdy 是 GLSL 内置函数，可以求插值的属性在 x、y 轴上的偏导数。那我们为什么要求偏导数呢？**偏导数**其实就代表插值的属性向量在 x、y 轴上的变化率，或者说曲面的切线。然后，我们再将顶点坐标曲面切线与 uv 坐标的切线求叉积，就能得到垂直于两条切线的法线。

那我们在 x、y 两个方向上求出的两条法线，就对应 TBN 空间的切线 tang 和副切线 bitang。然后，我们使用偏导数构建 TBN 矩阵，同样也是把 TBN 矩阵左乘从法线纹理中提取出的值，就可以计算出对应的法向量了。

这样做的好处是，我们不需要预先计算几何体的 tang 和 bitang 了。不过在片元着色器中计算偏导数也有一定的性能开销，所以各有利弊，我们可以根据不同情况选择不同的方案。

## 法线贴图的应用

法线贴图的两种实现方式，我们都学会了。那法线贴图除了给几何体表面增加花纹以外，还可以用来增强物体细节，让物体看起来更加真实。比如说，在实现一个石块被变化的光源照亮效果的时候，我们就可以运用法线贴图技术，让石块的表面纹路细节显得非常的逼真。我把对应的片元着色器核心代码放在了下面，你可以利用今天学到的知识自己来实现一下。

[复制代码](#)

```
1 uniform float uTime;
2
3 void main() {
4     vec3 eyeDirection = normalize(vCameraPos - vPos);
5     vec3 normal = getNormal();
6     vec4 phong = phongReflection(vPos, normal, eyeDirection);
7     // vec4 phong = phongReflection(vPos, vNormal, eyeDirection);
8
9     vec3 tex = texture(tMap, vUv).rgb;
10    vec3 light = normalize(vec3(sin(uTime), 1.0, cos(uTime)));
11    float shading = dot(normal, light) * 0.5;
12
13    FragColor.rgb = tex + shading;
14    FragColor.a = 1.0;
15 }
```

## 要点总结

这节课，我们详细说了法线贴图这个技术。法线贴图是一种经典的图形学技术，可以用来给物体表面增加细节，让我们实现的效果更逼真。

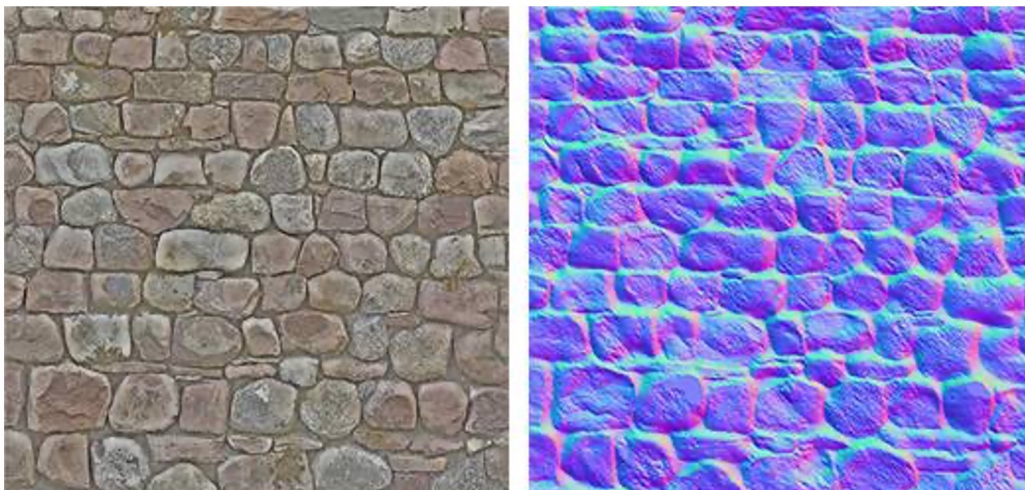
具体来说，法线贴图是用一张图片来存储表面的法线数据。这张图片叫做法线纹理，它上面的每个像素对应一个坐标点的法线数据。

要想使用法线纹理的数据，我们还需要构建 TBN 矩阵。这个矩阵通过向量、矩阵乘法将法线数据转换到世界坐标中。

构建 TBN 矩阵我们有两个方法，一个是根据几何体顶点数据来计算切线 (Tangent)、副切线 (Bitangent)，然后结合法向量一起构建 TBN 矩阵。另一个方法是使用偏导数来计算，这样我们就不用预先在顶点中计算 Tangent 和 Bitangent 了。两种方法各有利弊，我们可以根据实际情况来合理选择。

## 小试牛刀

这里，我给出了两张图片，一张是纹理图片，一张是法线纹理，你能用它们分别来绘制一面墙，并且引入 Phong 反射模型，来实现光照效果吗？你还可以思考一下，应用法线贴图和不应用法线贴图绘制出来的墙，有什么差别？



欢迎在留言区和我讨论，分享你的答案和思考，也欢迎你把这节课分享给你的朋友，我们下节课再见！

---

## 源码

课程中完整示例代码见 [🔗 GitHub 仓库](#)

## 推荐阅读

[🔗 Normal mapping](#)



提建议

# 跟月影学可视化

系统掌握图形学与可视化核心原理

月影

奇虎 360 奇舞团团长

可视化 UI 框架 SpriteJS 核心开发者



新版升级：点击「 请朋友读」，20位好友免费读，邀请订阅更有**现金**奖励。

© 版权归极客邦科技所有，未经许可不得传播售卖。页面已增加防盗追踪，如有侵权极客邦将依法追究其法律责任。

上一篇 24 | 如何模拟光照让3D场景更逼真？（下）

下一篇 26 | 如何绘制带宽度的曲线？

## 精选留言

 写留言

由作者筛选后的优质留言将会公开显示，欢迎踊跃留言。