



### Algorithmen

Lukas Abelt lukas.abelt@airbus.com

DHBW Ravensburg Wirtschaftsinformatik

Ravensburg 28. März 2019

### Outline

- 1 Allgemeines
  - Begriffsklärung
  - Ziele des Moduls
- 2 Beschreibung
  - Formale Eigenschaften
  - Darstellungsformen
- 3 Analyse
  - Korrektheit eines Algorithmus
  - Komplexitätsanalyse

- 1 Allgemeines
  - Begriffsklärung
  - Ziele des Moduls
- 2 Beschreibung
  - Formale Eigenschaften
  - Darstellungsformen
- 3 Analyse
  - Korrektheit eines Algorithmus
  - Komplexitätsanalyse

- 1 Allgemeines
  - Begriffsklärung
  - Ziele des Moduls
- 2 Beschreibung
  - Formale Eigenschaften
  - Darstellungsformen
- 3 Analyse
  - Korrektheit eines Algorithmus
  - Komplexitätsanalyse

# Begriffklärung

#### Etymologie

- □ Leitet sich ursprünglich vom persischen Astronomen "Muhammad Ibn-Musa al-Hwarizmi" ab
  - Schrieb Bücher über das indische Zahlensystem (um 800 n. Chr.)
  - Im 12. Jh übersetzt ins lateinische
  - Dabei wurde der Namensbestandteil "al-Hwarizmi" in "Algorismi" lateinisiert
- Durch spätere Überlieferungen wurde der Begriff später als Zusammensetzung betrachtet aus...
  - Dem Namen "Algus-"...
  - und dem aus dem griechisch entlehnten "-rismus" (Zahl)

4/39

# Begriffsklärung

Was bedeutet das jetzt

#### Formale Definition

Eine Berechnungsvorschrift zur Lösung eines Problems heißt genau dann Algorithmus, wenn eine zu dieser Berechnungsvorschrift äquivalente Turingmaschine existiert, die für jede Eingabe, die eine Lösung besitzt, stoppt.

#### Oder auch

Ein Algorithmus ist eine domänenunabhängige Beschreibung einer Handlungsvorschrift zur Lösung eines Problems. Eine bestimmte Eingabe wird in eine bestimmte Ausgabe überführt.

# Begriffsklärung

#### Also

- □ Ist also die Beschreibung eines Programmes oder einer Funktion
  - Unabhängig von der verwendeten Programmiersprache!
  - Source Code direkt ist also kein Algorithmus...
  - ...aber aus diesem lässt sich der verwendete Algorithmus ableiten und beschreiben
- Algorithmen können in verschiedenen Formen dargestellt werden (Mehr dazu im nächsten Kapitel)

Allgemeines | Beschreibung | Analyse | Kontakt 6/39

- Allgemeines
  - Begriffsklärung
  - 7iele des Moduls
- Beschreibung
  - Formale Eigenschaften
- Analyse
  - Korrektheit eines Algorithmus
  - Komplexitätsanalyse

### Ziele

- □ Am Ende des Moduls könnt ihr...
  - Einen Algorithmus in eine Implementierung umsetzen
  - Aus einer Implementierung den Algorithmus ableiten
  - Die formalen Eigenschaften von Algorithmen kennen
  - Algorithmen anhand der kennengelernten Methoden zu analysieren

- 1 Allgemeines
  - Begriffsklärung
  - Ziele des Moduls
- 2 Beschreibung
  - Formale Eigenschaften
  - Darstellungsformen
- 3 Analyse
  - Korrektheit eines Algorithmus
  - Komplexitätsanalyse

- Allgemeines
  - Begriffsklärung
  - 7 iele des Moduls
- Beschreibung
  - Formale Eigenschaften
- Analyse
  - Korrektheit eines Algorithmus
  - Komplexitätsanalyse

Kontakt

### Eigenschaften von Algorithmen

#### Grundlegendes

- □ Finitheit Ein Algorithmus lässt sich in endlch vielen Schritten eindeutig beschreiben
- Ausführbarkeit Jeder Einzelschritt muss tatsächlich ausführbar sein
- Platzkomplexität Ein Algorithmus benötigt zu iedem Zeitpunkt nur endlich viel Speicherplatz
- □ Terminierung Der Algorithmus benötigt eine endliche Anzahl von Schritten zur Ausführung
- □ Determiniertheit Der Algorithmus muss bei gleichen Rahmenbedingungen das gleiche Ergebnis liefern
- □ Determinismus Der nächste Schritt des Algorithmus ist zu jedem Zeitpunkt genau definiert

### Effizienz von Algorithmen

- □ Ergibt sich indirekt aus den Grundlegenden Eigenschaften
- □ Effizienz lässt sich über verschiedene Größen beschreiben:
  - Speicherverbrauch
  - Zeitverbrauch
- □ Die sind jedoch oft Implementierungs- und Rechnerabhägig
- □ Deshalb wird mit formalisierten Modellen gearbeitet
- ...Mehr dazu im Kapitel "Analyse"

- 1 Allgemeines
  - Begriffsklärung
  - Ziele des Moduls
- 2 Beschreibung
  - Formale Eigenschaften
  - Darstellungsformen
- 3 Analyse
  - Korrektheit eines Algorithmus
  - Komplexitätsanalyse

# Ein kleines Beispiel

Warum wir das überhaupt brauchen

```
float Q_rsqrt( float number ){
    long i;
    float x2, y;
    const float threehalfs = 1.5F;
9 	 i = 0x5f3759df - (i >> 1);
    v = * ( float * ) &i:
    y = y * (threehalfs - (x2 * y * y));
11
  // y = y * ( threehalfs - ( x2 * y * y ) );
    return y;
13
14
1 float Q_rsqrt( float number ) {
   long i:
```

# Möglichkeiten der Darstellung

- □ Zur Definition von Algorithmen gibt es verschiedenste Möglichkeiten
- Mit ganz eigenen Vor- und Nachteilen
- □ Wir betrachten im Rahmen der Vorlesung:
  - Prosatext
  - Pseudocode
  - Struktogramme
  - Programmablaufplan (PAP)

### Was beschreiben wir?

#### Unser Referenzalgorithmus

□ Um die verschiedenen Elemente zu vergleichen, wollen wir mit allen den folgenden Algorithmus beschreiben:

#### Referenz

Für eine Zahl n (Wobei gilt:  $n \in \mathbb{N}$ ), soll die Summe aller geraden Zahlen von 0 bis *n* berechnet werden

16/39

# Darstellung als Prosatext

#### Der simple Weg

- □ Simpelste Herangehensweise
- Man beschreibt in eigenen Worten, wie man vorgehen würde um die gegebene Problemstellung zu lösen
- Achtung: Unterscheiden zwischen Problemstellung und Lösungsbeschreibung!
- □ Auch in Prosaform sollten die Einzelschritte eindeutig beschrieben sein
- $\blacksquare$  Nicht standardisiert  $\to$  Beschreibung von Algorithmen inkonsistent

17/39

# Prosabeschreibung

Für unseren Algorithmus

#### Addiere alle geraden Zahlen

Lese die Zahl n ein.

Anschließend setze die Zählvariable i sowie die Ergebnisvariable res auf 0. Wenn i gerade ist, addiere i auf die Ergebnisvariable. Erhöhe anschließend i um 1. Wiederhole die letzten zwei Schritte bis i größer ist als n. Gebe res aus

Ilgemeines | Beschreibung | Analyse | Kontakt 18/39

# Darstellung als Pseudocode

#### Der Zwischenweg

- Mischung aus Prosa und tatsächlichem Code
- Orientiert sich an den in Programmiersprachen vorhandenen Strukturen (If-then-else, Schleifen...)
- Nutzt dabei aber leicht verständliche und programmiersprachenunabhängige Begriffe
- □ Wie Code in der Regel zeilenweise auf atomare Operationen beschränkt
- $\blacksquare$  Keine formale Standardisierung, dadurch auch hier Inkonsistenzen möglich  $\to$  Aber weniger als bei Prosabeschreibung

Allgemeines | Beschreibung | Analyse | Kontakt 19/39

### Pseudocode

#### Für unser Pseudoproblem

```
LESE n
SETZE res=0
FUER i=0 BIS n
    WENN istGerade(i) DANN
        res+=i
    ENDE WENN
ENDE FUER
GEBE res AUS
```

Kontakt

# Struktogramme

#### Der erste Standard

- □ Entwickelt durch Nassi Shneidermann
- □ Grafische Darstellung von Algorithmen
- Standardisiert nach DIN 66261
- □ Die über die definierten Blöcke dargestellt werden
- □ Werden (lückenlos) von oben nach unten aneinander gereiht

21/39

Anweisung

TODO: Abbildung Anweisungsblock

Verzweigungen

TODO: Abbildung Verzweigungen

Zählschleifen

TODO: Abbildung Zählschleife

Schleifen

TODO: Abbildung Schleifen

# Struktogram für unseren Algorithmus

TODO: Struktogram Algorithmus

## Programmablaufplan

#### Der zweite Standard

- Bildet einen linearen Programmfluss aber
- Standardisiert nach DIN 66001
- □ Wie beim Struktogramm gibt es fest definierte Grundblöcke
- □ Diese werden hier jedoch über Pfeile verbunden

Start, Stop, Anweisungsblock, Ein- und Ausgaben

TODO: Abbildung Anweisungsblock

Verzweigungen

TODO: Abbildung Verzweigungen

Zählschleifen

TODO: Abbildung Zählschleife

Schleifen

TODO: Abbildung Schleifen

# Algorithmus

TODO: PAP Algorithmus

Beschreibung

Allgemeines

Analyse

# Zusammenfassung

- □ Keine der dargestellten Formen ist optimal
- Verwendung kommt auf Anforderungen und persönliche Vorlieben an
- Keine der hier vorgestellten Methoden zur Abbildung komplexerer objektorientierter Zusammenhänge möglich
- □ Weitere Darstellungsformen:
  - Aktivitätsdiagramm
  - Petrinetze
  - Interaktionsdiagramme

- 1 Allgemeines
  - Begriffsklärung
  - Ziele des Moduls
- 2 Beschreibung
  - Formale Eigenschaften
  - Darstellungsformen
- 3 Analyse
  - Korrektheit eines Algorithmus
  - Komplexitätsanalyse

- Allgemeines

  - 7 iele des Moduls
- Beschreibung
  - Formale Eigenschaften
- Analyse
  - Korrektheit eines Algorithmus
  - Komplexitätsanalyse

### Korrektheit von Algorithmen

#### **Allgemeines**

- □ Jeder Algorithmus sollte auch in allen Fällen das korrekte Ergebnis liefern...
- □ Klingt simpel, aber eindeutiger Beweis für alle Eingaben oft schwierig
- □ Testen an ausgewählten Beispielen nicht ausreichend
  - Jedoch verringern umfangreiche Tests natürlich das Risiko eines unentdeckten Fehler
- □ Korrektheit lässt sich im Grunde nur durch formalen Beweis zeigen
  - Diese sind häufig sehr umfangreich und komplex...
  - ...und deshalb auch nicht Teil der Vorlesung

### Korrektheit von Algorithmen



Quelle:

"Program testing can be used to show the presence of bugs, but never to show their absence!."

Edsger W. Dijkstra

- Allgemeines

  - 7 iele des Moduls
- Beschreibung
  - Formale Eigenschaften
- Analyse
  - Korrektheit eines Algorithmus
  - Komplexitätsanalyse

Analyse

### Kontakt

- □ E-Mail: lukas.abelt@airbus.com
- □ GitHub: https://www.github.com/LuAbelt
- □ GitLab: https://www.gitlab.com/LuAbelt
- □ Telefon(Firma): 07545 8 8895
- □ Telegram: LuAbelt