

# Resolução do 8-Puzzle com Métodos de Busca: BFS, DFS e A\*

Luan Barbosa Rosa Carrieiros

PUC Minas

Belo Horizonte, MG, Brasil

luan.rosa@sga.pucminas.br

## ABSTRACT

Este artigo apresenta a implementação do jogo 8-Puzzle utilizando três métodos de busca: busca em largura (BFS), busca em profundidade (DFS) e o algoritmo A\* com duas heurísticas diferentes. A interface gráfica em Tkinter foi adicionada para visualização interativa. O objetivo é comparar o desempenho entre os algoritmos quanto à eficiência, tempo de execução, profundidade da solução e número de nós visitados.

## KEYWORDS

Inteligência Artificial, 8-puzzle, Busca em Largura, Busca em Profundidade, A\*, Heurísticas, Tkinter

## ACM Reference Format:

Luan Barbosa Rosa Carrieiros. 2025. Resolução do 8-Puzzle com Métodos de Busca: BFS, DFS e A\*. In . ACM, New York, NY, USA, 3 pages. <https://doi.org/10.1145/nnnnnnn.nnnnnnn>

## 1 INTRODUÇÃO

O 8-Puzzle é um clássico problema de busca em Inteligência Artificial. Neste trabalho, implementamos três algoritmos de solução (BFS, DFS e A\*) e adicionamos uma interface em Tkinter para visualização e controle interativos.

Permission to make digital or hard copies of all or part of this work for personal or classroom use is granted without fee provided that copies are not made or distributed for profit or commercial advantage and that copies bear this notice and the full citation on the first page. Copyrights for components of this work owned by others than the author(s) must be honored. Abstracting with credit is permitted. To copy otherwise, or republish, to post on servers or to redistribute to lists, requires prior specific permission and/or a fee. Request permissions from [permissions@acm.org](mailto:permissions@acm.org).

Conference'17, July 2017, Washington, DC, USA

© 2025 Copyright held by the owner/author(s). Publication rights licensed to ACM.

ACM ISBN 978-x-xxxx-xxxx-x/YY/MM

<https://doi.org/10.1145/nnnnnnn.nnnnnnn>

## 2 MÉTODOS DE BUSCA E FUNÇÕES AUXILIARES

### 2.1 Geração de Vizinhos

```
1 def get_neighbors(state):
2     neighbors = []
3     index = state.index(0)
4     row, col = divmod(index, 3)
5     moves = [
6         ("Cima", index-3, row>0),
7         ("Baixo", index+3, row<2),
8         ("Esquerda", index-1, col>0),
9         ("Direita", index+1, col<2)
10    ]
11    for direction, new_idx, valid in moves:
12        if valid:
13            new_state = list(state)
14            new_state[index], new_state[new_idx] =
15                new_state[new_idx], new_state[index]
16            neighbors.append((new_state, direction))
17    return neighbors
```

Listing 1: Função get\_neighbors

### 2.2 Heurísticas

```
1 def manhattan(state):
2     dist = 0
3     for i, val in enumerate(state):
4         if val==0: continue
5         goal_r, goal_c = divmod(val-1, 3)
6         r, c = divmod(i, 3)
7         dist += abs(goal_r-r)+abs(goal_c-c)
8     return dist
```

Listing 2: Heurística Manhattan

```
1 def heuristic_misplaced(state):
2     goal = list(range(1,9))+[0]
3     return sum(1 for i, val in enumerate(state)
4                 if val!=0 and val!=goal[i])
```

Listing 3: Heurística Peças Fora do Lugar

## 2.3 Busca em Largura (BFS)

```

1 def bfs(start):
2     goal=list(range(1,9))+[0]
3     queue=deque([(start,[])])
4     visited=set()
5     while queue:
6         state,path=queue.popleft()
7         if state==goal:
8             return path
9         visited.add(tuple(state))
10        for nbr,dir in get_neighbors(state):
11            if tuple(nbr) not in visited:
12                queue.append((nbr,path+[dir]))
13    return []

```

Listing 4: Implementação BFS

## 2.4 Busca em Profundidade Limitada (DFS)

```

1 def dfs_limited(start,limit=30):
2     goal=list(range(1,9))+[0]; visited=set()
3     def rec(s,p,d):
4         if s==goal: return p
5         if d>=limit: return None
6         visited.add(tuple(s))
7         for nbr,dir in get_neighbors(s):
8             t=tuple(nbr)
9             if t not in visited:
10                res=rec(nbr,p+[dir],d+1)
11                if res is not None: return res
12        return None
13    return rec(start,[],0) or []
14 def dfs(start): return dfs_limited(start)

```

Listing 5: Implementação DFS com limite

## 2.5 Busca A\*

```

1 def astar_manhattan(start):
2     goal=list(range(1,9))+[0]
3     heap=[(manhattan(start),0,start,[])]
4     visited=set()
5     while heap:
6         _,g,s,path=heapq.heappop(heap)
7         if s==goal: return path
8         visited.add(tuple(s))
9         for nbr,dir in get_neighbors(s):
10            if tuple(nbr) not in visited:
11                heapq.heappush(heap,(g+1+manhattan(nbr),g+1,nbr,path+[dir]))
12    return []

```

Listing 6: Implementação A\* (Manhattan)

```

1 def astar_misplaced(start):
2     goal=list(range(1,9))+[0]
3     heap=[(heuristic_misplaced(start),0,start,[])]
4     visited=set()
5     while heap:
6         _,g,s,path=heapq.heappop(heap)
7         if s==goal: return path
8         visited.add(tuple(s))
9         for nbr,dir in get_neighbors(s):
10            if tuple(nbr) not in visited:
11                heapq.heappush(heap,(g+1+heuristic_misplaced(nbr),g+1,nbr,path+[dir]))
12    return []

```

Listing 7: Implementação A\* (Peças Fora)

## 3 INTERFACE GRÁFICA (TKINTER)

```

1 # (ver arquivo puzzle.py)
2 if __name__=='__main__':
3     root=tk.Tk()
4     app=PuzzleApp(root)
5     root.mainloop()

```

Listing 8: Código da interface

Interface completa disponível em `puzzle.py`.

## 4 COMPARATIVO DE DESEMPENHO

Table 1: Desempenho dos Algoritmos

Método	Tempo (s)	Nós Visitados	Movimentos	Heurística
BFS	0.38	60 914	21	—
DFS limitado	—	—	—	—
A* (Manhattan)	0.0012	133	21	Manhattan
A* (Peças Fora)	0.1062	4 822	21	Fora do lugar

## 5 CONCLUSÃO

A análise comparativa demonstrou que o algoritmo A\* com heurística de Manhattan apresentou o melhor desempenho geral, com menor tempo e menor número de nós visitados. A heurística de peças fora do lugar também teve desempenho satisfatório. A BFS,

embora completa, foi significativamente mais lenta. A DFS não conseguiu encontrar solução no limite de profundidade adotado. Conclui-se que heurísticas eficazes tornam o A\* a melhor abordagem para resolver o 8-Puzzle.

## 6 CÓDIGO DESENVOLVIDO

**Link para o código e executável:** <https://github.com/LuanCarrieiros/IA/tree/main/Lista%20Extra>