

## Sistemas numéricos e representação de informações

Professora Dra. Luana Batista da Cruz luana.b.cruz@nca.ufma.br

### Roteiro

- 01 Introdução
- 02 Conversões de bases (parte 1)
- 03 Conversões de bases (parte 2)



## Objetivo

- Compreender as formas de representação das informações nos computadores
- Adquirir noções básicas de conversão de sistemas numéricos

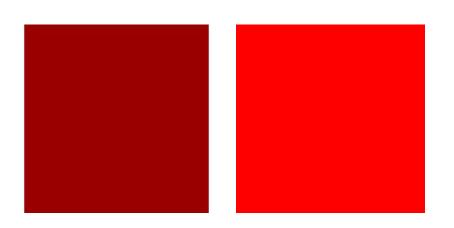


## Introdução

Representação das informações



- Os seres humanos conseguem trabalhar com fala, escrita e informações analógicas
  - o Relação de semelhança entre coisas ou fatos distintos



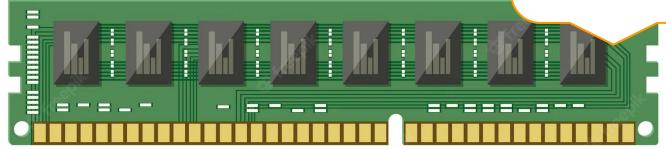






- Os computadores lidam apenas com informações digitais
  - o Dados que não podem assumir valores indefinidos

As posições das memórias do computador armazenam o que chamamos de **bit** que pode contar 0 e 1





- Assim como o ser humano tem a fala e a escrita para representar as informações, o computador tem a sua própria representação, para que possa tratá-las e processá-las
- Para um computador, qualquer informação deve ser codificada com uma linguagem apropriada para seu mundo
- Os computadores "entendem" impulsos elétricos, positivos ou negativos, que são representados por 1 ou 0. A cada impulso damos o nome de **bit** (**BI**nary Digi**T**)
- Por isso, a base mais importante para o computador é a base 2, daí o nome binário

 Qualquer caractere a ser armazenado em um sistema de computador é convertido em um conjunto de bits previamente definido para o referido sistema



#### Palavra

- É a unidade natural de informação usada por cada tipo de computador em particular
- É uma sequência de bits de tamanho fixo que é processado em conjunto numa máquina



- No dia a dia, estamos tão acostumado com trabalhar com sistema numérico decimal que medidas como kg, metro, km/h tudo é medido na forma que compreendemos no modelo decimal
- Por que é chamado de decimal?



- No dia a dia, estamos tão acostumado com trabalhar com sistema numérico decimal que medidas como kg, metro, km/h tudo é medido na forma que compreendemos no modelo decimal
- Por que é chamado de decimal?
  - o Pela quantidade de algarismo que possui

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9



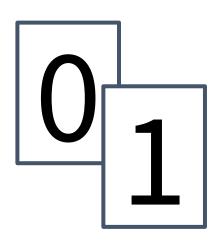
- No dia a dia, estamos tão acostumado com trabalhar com sistema numérico decimal que medidas como kg, metro, km/h tudo é medido na forma que compreendemos no modelo decimal
- Por que é chamado de decimal?
  - o Pela quantidade de algarismo que possui

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

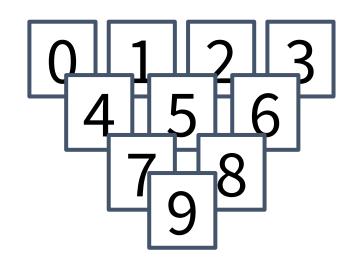
Usar esses algarismos em conjunto, é possível obter infinitos números diferentes



• Então por que usar o sistema binário e não o decimal?

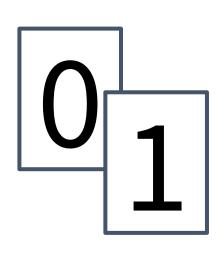




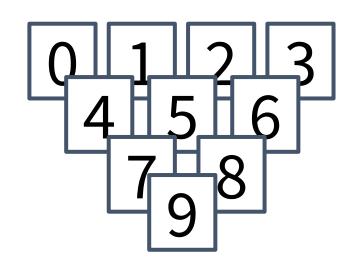




- Então por que usar o sistema binário e não o decimal?
  - Os computadores utilizam aritmética binária porque quanto menor o número de algarismos mais rápido, confiável e eficiente se torna o hardware

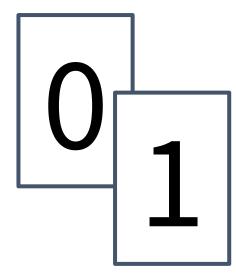






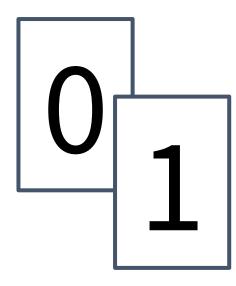


• Iremos ver alguns números e como são representados no sistema binário!





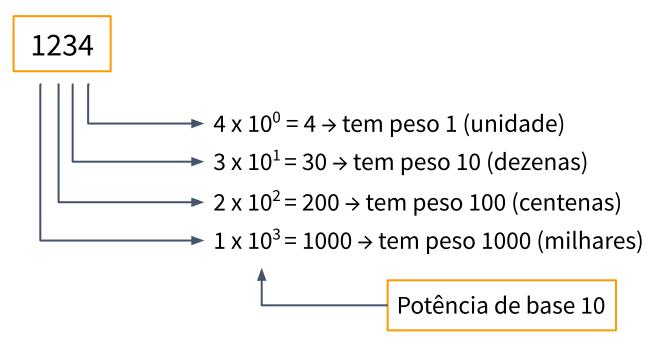
- Iremos ver alguns números e como são representados no sistema binário!
- Mas antes vamos REVISAR → sistema decimal





### Sistema decimal

- Quando falamos o número 1234 → imaginamos certos números de itens que esse número representa
- Expressão matemática: para formar um número, associa-se um ou mais algarismos, e a posição de cada algarismo terá um peso de uma potência de 10





### Sistema binário

- Sistema decimal potência de **10** 
  - o (0 9)
- Sistema binário potência de **02** 
  - o (0 e 1)



### Sistema binário

• Por exemplo, o número binário 11001010 representa 202 no sistema decimal



### Sistema binário

• Por exemplo, o número binário **11001010** representa **202** no sistema decimal

$$(1 \times 2^7) + (1 \times 2^6) + (0 \times 2^5) + (0 \times 2^4) + (1 \times 2^3) + (0 \times 2^2) + (1 \times 2^1) + (0 \times 2^0)$$

$$(1 \times 128) + (1 \times 64) + (0 \times 32) + (0 \times 16) + (1 \times 8) + (0 \times 4) + (1 \times 2) + (0 \times 1) = 202_{10}$$



# 02

## Conversões de bases (parte 1)

Binário x Hexadecimal x Octal x → Binário Decimal → Binário x Octal x Hexadecimal



- Binário → decimal
  - o 1010010011<sub>2</sub>



- Binário → decimal
  - o 1010010011<sub>2</sub>

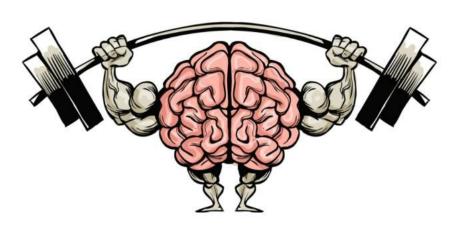
$$(1 \times 2^{9}) + (0 \times 2^{8}) + (1 \times 2^{7}) + (0 \times 2^{6}) + (0 \times 2^{5}) + (1 \times 2^{4}) + (0 \times 2^{3}) + (0 \times 2^{2}) + (1 \times 2^{1}) + (1 \times 2^{0})$$

$$512 + 0 + 128 + 0 + 0 + 16 + 0 + 0 + 2 + 1 = 659_{10}$$



- Binário → decimal
  - o 1000000111<sub>2</sub>
  - o 1101111000<sub>2</sub>
  - o 1100011<sub>2</sub>
  - 110000011<sub>2</sub>

### **Vamos praticar!**





- Binário → decimal
  - o 1000000111<sub>2</sub>

$$(1 \times 2^{10}) + (0 \times 2^{9}) + (0 \times 2^{8}) + (0 \times 2^{7}) + (0 \times 2^{6}) + (0 \times 2^{5}) + (0 \times 2^{4}) + (0 \times 2^{3}) + (1 \times 2^{2}) + (1 \times 2^{1}) +$$

$$1024 + 0 + 0 + 0 + 0 + 0 + 0 + 0 + 4 + 2 + 1 = 103110$$



- Binário → decimal
  - o 11011111000<sub>2</sub>

$$(1 \times 2^{9}) + (1 \times 2^{8}) + (0 \times 2^{7}) + (1 \times 2^{6}) + (1 \times 2^{5}) + (1 \times 2^{4}) + (1 \times 2^{3}) + (0 \times 2^{2}) + (0 \times 2^{1}) + (0 \times 2^{0})$$

$$512 + 256 + 0 + 64 + 32 + 16 + 8 + 0 + 0 + 0 = 888_{10}$$



- Binário → decimal
  - o 1100011<sub>2</sub>

$$(1 \times 2^{6}) + (1 \times 2^{5}) + (0 \times 2^{4}) + (0 \times 2^{3}) + (0 \times 2^{2}) + (1 \times 2^{1}) + (1 \times 2^{0})$$

$$64 + 32 + 0 + 0 + 0 + 2 + 1 = 99_{10}$$



- Binário → decimal
  - o 110000011<sub>2</sub>

$$(1 \times 2^{8}) + (1 \times 2^{7}) + (0 \times 2^{6}) + (0 \times 2^{5}) + (0 \times 2^{4}) + (0 \times 2^{3}) + (0 \times 2^{2}) + (1 \times 2^{1}) + (1 \times 2^{0})$$

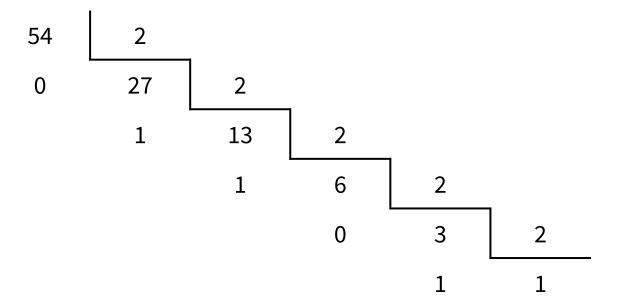
$$256 + 128 + 0 + 0 + 0 + 0 + 0 + 2 + 1 = 387_{10}$$



- Decimal → binário
  - o Para isso é necessário ir dividindo o número decimal por 2 até chegar a 0
  - o O resultado é o resto obtido em cada divisão do último para o primeiro

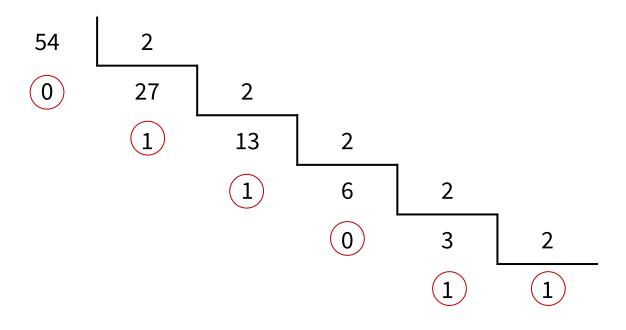


- Decimal → binário
  - o **54**



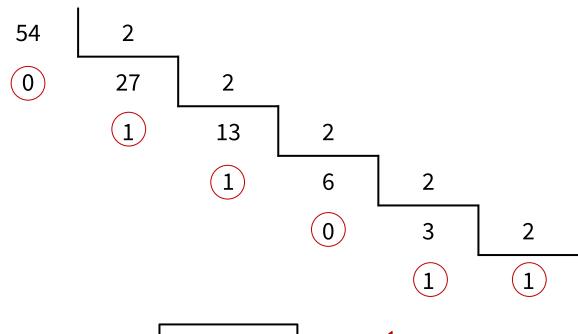


- Decimal → binário
  - o **54**





- Decimal → binário
  - o **54**

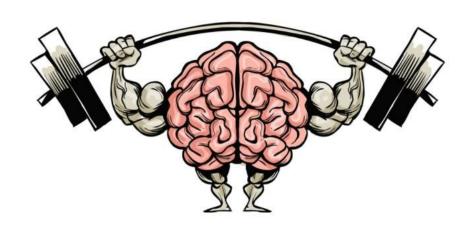






- Decimal → binário
  - o **133**
  - o **15**
  - o **248**
  - o **777**

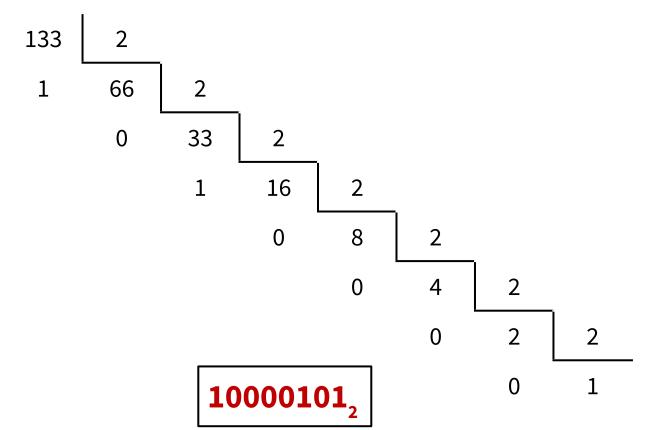
### **Vamos praticar!**





Decimal → binário

o **133** 

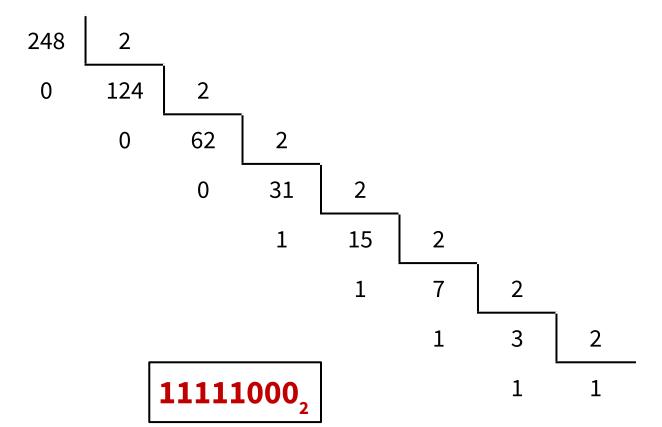




- Decimal → binário
  - o **15**



- Decimal → binário
  - o **248**





**Decimal** → binário



#### Sistema hexadecimal

- Trata-se de um sistema de numeração de base 16, denotado utilizando os algarismos 0-9 e os símbolos de A-F
- Assim como no sistema decimal, a associação dos algarismos representam diferentes números e a posição do algarismos será um múltiplo de potência de 16

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Α	В	С	D	Е	F				



- Hexadecimal → decimal
  - o F2<sub>16</sub>

$$(15 \times 16^1) + (2 \times 16^0)$$



- Hexadecimal → decimal
  - o A12C<sub>16</sub>
  - o D123<sub>16</sub>
  - o 4A3F<sub>16</sub>

#### **Vamos praticar!**





- Hexadecimal → decimal
  - o A12C<sub>16</sub>

$$(10 \times 16^3) + (1 \times 16^2) + (2 \times 16^1) + (12 \times 16^0)$$



- Hexadecimal → decimal
  - o D123<sub>16</sub>

$$(13 \times 16^3) + (1 \times 16^2) + (2 \times 16^1) + (3 \times 16^0)$$



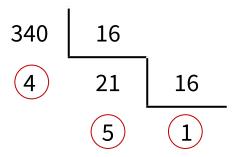
- Hexadecimal → decimal
  - 4A3F<sub>16</sub>

$$(4 \times 16^3) + (10 \times 16^2) + (3 \times 16^1) + (15 \times 16^0)$$

$$16.384 + 2.560 + 48 + 15 = 19.007$$



- Decimal → hexadecimal
  - o **340**



154<sub>16</sub>





- Decimal → hexadecimal
  - o 46046





- Decimal → hexadecimal
  - 0 87
  - 0 144
  - o **219**
  - o 462

#### Vamos praticar!





- Decimal → hexadecimal
  - 0 87



- Decimal → hexadecimal
  - 0 144



- Decimal → hexadecimal
  - o **219**



- Decimal → hexadecimal
  - o 462



#### Sistema octal

- Trata-se de um sistema de numeração de base 8, denotado utilizando os algarismos 0–7
- Assim como no sistema decimal, a associação dos algarismos representam diferentes números e a posição do algarismos será um múltiplo de potência de 8



- Octal → decimal
  - o 750245<sub>8</sub>

$$(7 \times 8^5) + (5 \times 8^4) + (0 \times 8^3) + (2 \times 8^2) + (4 \times 8^1) + (5 \times 8^0)$$



- Octal → decimal
  - o 7256<sub>8</sub>
  - o 654<sub>8</sub>

#### **Vamos praticar!**





- Octal → decimal
  - o 7256<sub>8</sub>

$$(7 \times 8^3) + (2 \times 8^2) + (5 \times 8^1) + (6 \times 8^0)$$

$$3.584 + 128 + 40 + 6 =$$
**3.758**



- Octal → decimal
  - o 654<sub>8</sub>

$$(6 \times 8^2) + (5 \times 8^1) + (4 \times 8^0)$$



- Decimal → octal
  - o **127**



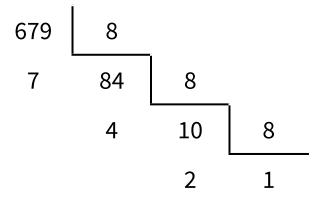
- Decimal → octal
  - o 679
  - o **333**

#### Vamos praticar!





- Decimal → octal
  - o 679



**1247**<sub>8</sub>



- Decimal → octal
  - o **333**



# 03

## Conversões de bases (parte 2)

Binário → Hexadecimal x Octal

Hexadecimal x Octal → Binário

Octal → Hexadecimal

Hexadecimal → Octal



- Binário → hexadecimal
  - Bases binárias e hexadecimais estão relacionadas
  - 2<sup>4</sup> = 16, para cada 4 algarismos de um número binário tem-se um número em hexadecimal



#### Binário → hexadecimal

Bases binárias e hexadecimais estão relacionadas

2<sup>4</sup> = 16, para cada 4 algarismos de um número binário tem-se um número em

hexadecimal

**4 algarismos:** 16 combinações

Hexadecimal	Binário	Hexadecimal	Binário
0	0000	8	1000
1	0001	9	1001
2	0010	А	1010
3	0011	В	1011
4	0100	С	1100
5	0101	D	1101
6	0110	E	1110
7	0111	F	1111



- Binário → hexadecimal
  - o 10110<sub>2</sub>



- Binário → hexadecimal
  - o 10110<sub>2</sub>





Binário → hexadecimal





Binário → hexadecimal

o 10110<sub>2</sub>

Hexadecimal	Binário	Hexadecimal	Binário
0	0000	8	1000
1	0001	9	1001
2	0010	А	1010
3	0011	В	1011
4	0100	С	1100
5	0101	D	1101
6	0110	E	1110
7	0111	F	1111



Binário → hexadecimal

o 10110<sub>2</sub>

1

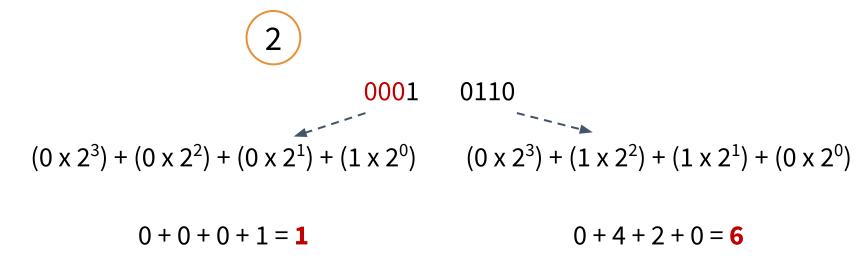
0001 0110

Hexadecimal	Binário
0	0000
	0001
2	0010
3	0011
4	0100
5	0101
6	0110
7	0111

Hexadecimal	Binário
8	1000
9	1001
Α	1010
В	1011
С	1100
D	1101
Е	1110
F	1111



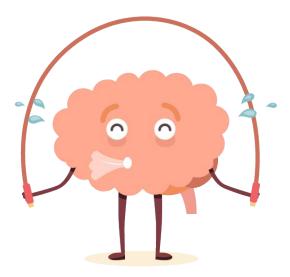
Binário → hexadecimal





- Binário → hexadecimal
  - o 101010100<sub>2</sub>
  - o 1011001111011110<sub>2</sub>

#### **Vamos praticar!**





Binário → hexadecimal

o 101010100<sub>2</sub>

0001 0101 0100

Hexadecimal	Binário	Hexadecimal	Binário
0	0000	8	1000
1	0001	9	1001
2	0010	А	1010
3	0011	В	1011
4	0100	С	1100
5	0101	D	1101
6	0110	E	1110
7	0111	F	1111



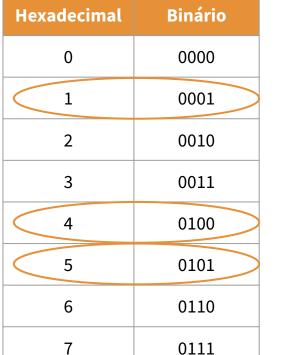
Binário → hexadecimal

o 101010100<sub>2</sub>

(1)

0001 0101 0100

1 5 4

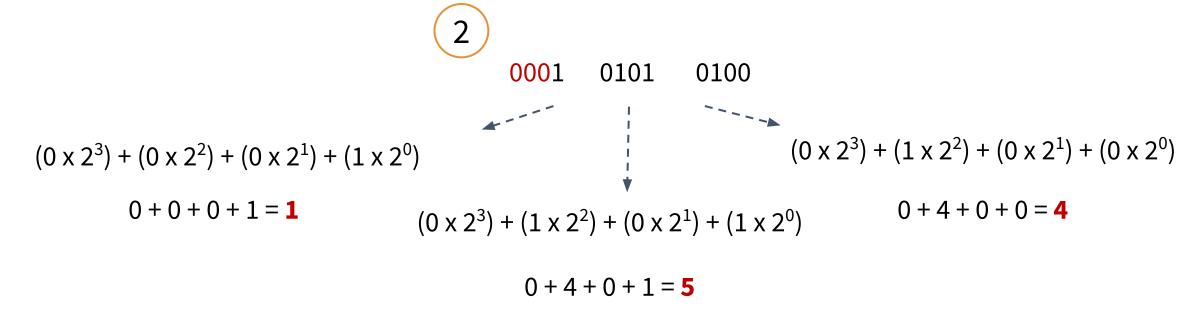


Hexadecimal	Binário
8	1000
9	1001
А	1010
В	1011
С	1100
D	1101
E	1110
F	1111



- Binário 

  hexadecimal
  - o 101010100<sub>2</sub>





Binário → hexadecimal

1011001111011110<sub>2</sub>

1011 0011 1101 1110



Hexadecimal	Binário	Hexadecimal	Binário
0	0000	8	1000
1	0001	9	1001
2	0010	А	1010
3	0011	В	1011
4	0100	С	1100
5	0101	D	1101
6	0110	E	1110
7	0111	F	1111



Binário → hexadecimal

o 1011001111011110<sub>2</sub>

1011 0011 1101 1110

B 3 D E



Hexadecimal	Binário	Hexadecimal	Binário
0	0000	8	1000
1	0001	9	1001
2	0010	Α	1010
3	0011	В	1011
4	0100	С	1100
5	0101	D	1101
6	0110	E	1110
7	0111	F	1111



- Binário 

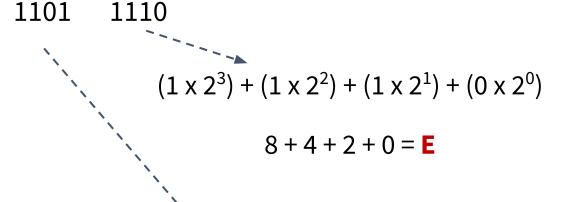
  hexadecimal
  - o 101010100<sub>2</sub>

10

1011 0011  $(1 \times 2^{3}) + (0 \times 2^{2}) + (1 \times 2^{1}) + (1 \times 2^{0})$   $8 + 0 + 2 + 1 = \mathbf{B}$ 

$$(0 \times 2^3) + (0 \times 2^2) + (1 \times 2^1) + (1 \times 2^0)$$

$$0+0+2+1=3$$



$$(1 \times 2^3) + (1 \times 2^2) + (0 \times 2^1) + (1 \times 2^0)$$

$$8 + 4 + 0 + 1 = D$$



- Hexadecimal → binário
  - o F2<sub>16</sub>



Hexadecimal → binário

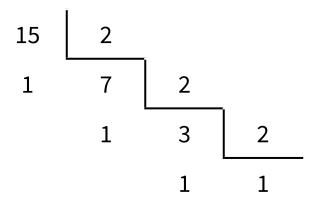
F 2



Hexadecimal	Binário	Hexadecimal	Binário
0	0000	8	1000
1	0001	9	1001
2	0010	А	1010
3	0011	В	1011
4	0100	С	1100
5	0101	D	1101
6	0110	E	1110
7	0111	F	1111



Hexadecimal → binário

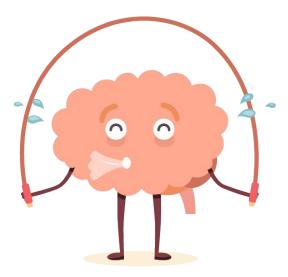






- Hexadecimal → binário
  - o 9C4<sub>16</sub>
  - $\circ$  ABC<sub>16</sub>

#### **Vamos praticar!**





Hexadecimal → binário

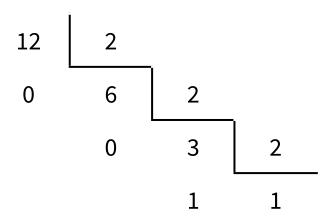
 $\mathsf{C}$ 

Hexadecimal	Binário	Hexadecimal	Binário
0	0000	8	1000
1	0001	9	1001
2	0010	А	1010
3	0011	В	1011
4	0100	C	1100
5	0101	D	1101
6	0110	E	1110
7	0111	F	1111



Hexadecimal → binário

C





Hexadecimal → binário

o ABC<sub>16</sub>

1

Α

В

C

**1010** 

1011

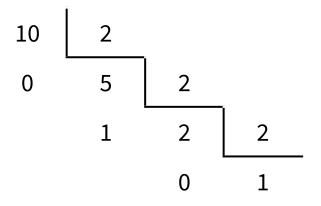
Hexadecimal	Binário	Hexadecimal	Binário
0	0000	8	1000
1	0001	9	1001
2	0010	A	1010
3	0011	В	1011
4	0100	С	1100
5	0101	D	1101
6	0110	E	1110
7	0111	F	1111



Hexadecimal → binário

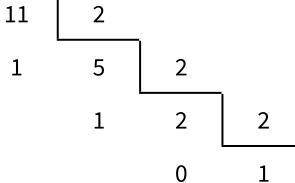
2

Α



L 2

В



 12
 2

 0
 6
 2

 0
 3
 2

1010

1011



#### Binário → octal

- Assim como o sistema hexadecimal, o sistema octal tem uma relação com o sistema binário
- 2³ = 8, para cada 3 algarismos de um número binário tem-se um número em octal



#### Binário → octal

 Assim como o sistema hexadecimal, o sistema octal tem uma relação com o sistema binário

○ **2**<sup>3</sup> = **8**, para cada 3 algarismos de um número binário tem-se um número em

octal

3 algarismos: 8 combinações

Octal	Binário
0	000
1	001
2	010
3	011
4	100
5	101
6	110
7	111



Binário → octal





Binário → octal

o 1111111<sub>2</sub>

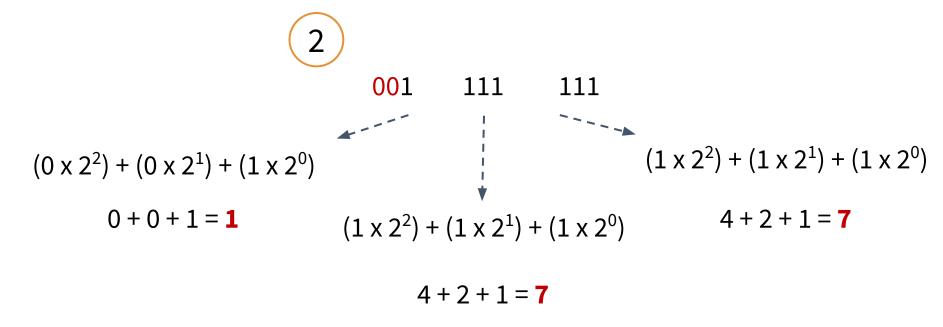
001 111 111

1 7 7

Octal	Binário
0	000
1	001
2	010
3	011
4	100
5	101
6	110
7	111



- Binário → octal
  - o 1111111<sub>2</sub>





- Binário → octal
  - o 0010<sub>2</sub>
  - o 0000001<sub>2</sub>

#### **Vamos praticar!**





Binário → octal

o 0010<sub>2</sub>

000 010

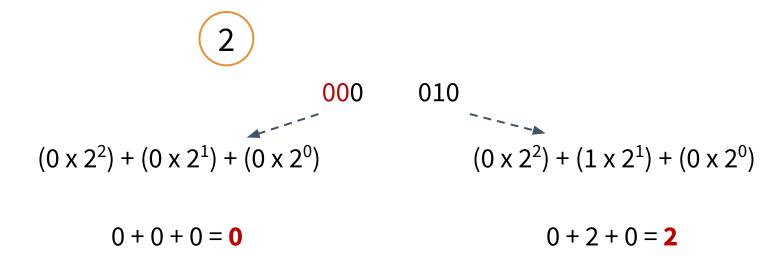
0 2

(1)

Octal	Binário
0	000
1	001
2	010
3	011
4	100
5	101
6	110
7	111



Binário → octal





Binário → octal

o 0000001<sub>2</sub>

000 000 001

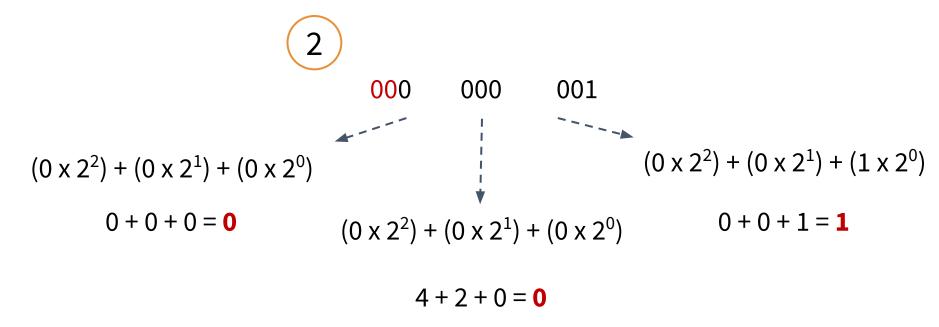
0 0 1

 $\bigcirc$ 

Octal	Binário
0	000
1	001
2	010
3	011
4	100
5	101
6	110
7	111



- Binário → octal
  - 0000001





Octal → binário

7 1



Octal	Binário
0	000
1	001
2	010
3	011
4	100
5	101
6	110
7	111



Octal → binário



- Octal → binário
  - o 662<sub>8</sub>
  - o 758<sub>8</sub>

#### **Vamos praticar!**





- Octal → binário

  - 662<sub>8</sub>
    7×8<sub>8</sub>

#### **Vamos praticar!**





Octal → binário

o 662<sub>8</sub>

6 6 2

110 110 010

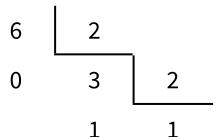


Octal	Binário
0	000
1	001
2	010
3	011
4	100
5	101
6	110
7	111



- Octal → binário
  - o 662<sub>8</sub>

6 2 0 3 2





- Octal → hexadecimal?
  - Como pode ser feita a conversão?



- Octal → hexadecimal?
  - Como pode ser feita a conversão?
    - Intermediadores: binário ou decimal



- Octal → hexadecimal (binário intermediário)
  - o 455<sub>8</sub>
  - Dois passos:
    - 2 formas para converter para binário
    - 2 formas para converter para hexadecimal



• Octal → hexadecimal (binário intermediário)

4 5 5

100 101 101

Octal	Binário
0	000
1	001
2	010
3	011
4	100
5	101
6	110
7	111



- Octal → hexadecimal (binário intermediário)





- Octal → hexadecimal (binário intermediário)
  - $\circ$  455<sub>8</sub>  $\rightarrow$  100101101<sub>2</sub>  $\rightarrow$  hexadecimal (?)



Octal → hexadecimal (binário intermediário)

 $\circ$  455<sub>8</sub>  $\rightarrow$  100101101<sub>2</sub>  $\rightarrow$  hexadecimal (?)

(1)

0001 0010 1101

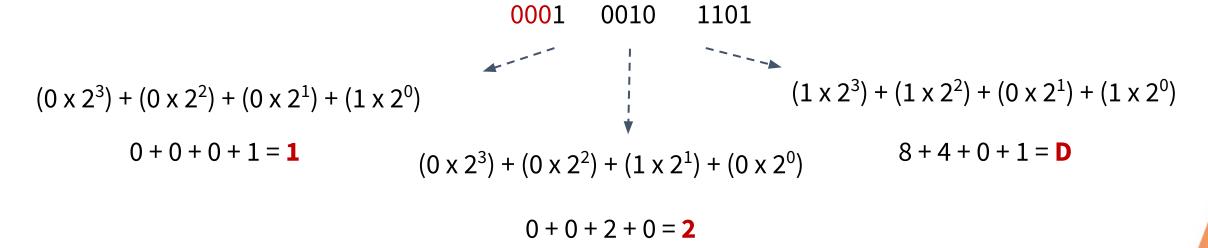
1 2 D

Hexadecimal	Binário
0	0000
1	0001
2	0010
3	0011
4	0100
5	0101
6	0110
7	0111

Hexadecimal	Binário
8	1000
9	1001
A	1010
В	1011
С	1100
D	1101
E	1110
F	1111



- Octal → hexadecimal (binário intermediário)
  - $\circ$  455<sub>8</sub>  $\rightarrow$  100101101<sub>2</sub>  $\rightarrow$  hexadecimal (?)





Octal → hexadecimal (binário intermediário)

$$\circ$$
 455<sub>8</sub>  $\rightarrow$  100101101<sub>2</sub>  $\rightarrow$  **12D**<sub>16</sub>

$$0001 \quad 0010 \quad 1101$$

$$(0 \times 2^{3}) + (0 \times 2^{2}) + (0 \times 2^{1}) + (1 \times 2^{0})$$

$$0 + 0 + 0 + 1 = 1$$

$$(0 \times 2^{3}) + (0 \times 2^{2}) + (0 \times 2^{1}) + (0 \times 2^{1}) + (0 \times 2^{0})$$

$$0 + 0 + 2 + 0 = 2$$



- Octal → hexadecimal (decimal intermediário)
  - o 455<sub>8</sub>
  - Dois passos:
    - 1 forma para converter para decimal
    - 1 forma para converter para hexadecimal



- Octal → hexadecimal (decimal intermediário)
  - $\circ$  455<sub>8</sub>  $\rightarrow$  decimal (?)

$$(4 \times 8^2) + (5 \times 8^1) + (5 \times 8^0)$$

$$256 + 40 + 5 =$$
**301**<sub>10</sub>



- Octal → hexadecimal (decimal intermediário)
  - $\circ$  455<sub>8</sub> → 301<sub>10</sub> → hexadecimal (?)



• Octal → hexadecimal (decimal intermediário)

$$\circ$$
 455<sub>8</sub>  $\rightarrow$  301<sub>10</sub>  $\rightarrow$  **12D<sub>16</sub>**



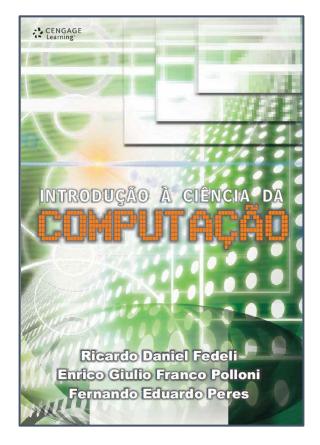
# Conversor online

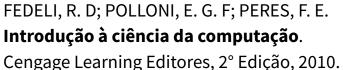


https://clevert.com.br/t/pt-br/base-convert



## Referências









FERNANDEZ, Marcial P.; CORTÉS, Mariela I. I**ntrodução à**Computação. Editora da Universidade Estadual do Ceará –
EdUECE. 3° Edição, 2015

